

方法精讲-数量 2

主讲教师:牟立志

授课时间:2018.05.25



粉笔公考·官方微信

方法精讲-数量2(笔记)

第四节 工程问题

【拓展】(2016 联考) 木匠加工 2 张桌子和 4 张凳子共需要 10 个小时,加工 4 张桌子和 8 张椅子需要 22 个小时。问如果他加工桌子、凳子和椅子各 10 张,共需要多少小时?

A. 47. 5 B. 50 C. 52. 5 D. 55

【解析】拓展. 问需要多少时间,设加工桌子的时间为 x,加工凳子的时间为 y,加工椅子的时间为 z,列方程: 2x+4y=10①,4x+8z=12②,求 10*(x+y+z),两个方程,三个未知数,为不定方程,时间不一定为整数,可以用赋零法,设 x=0,则可以代入①、②式,求出 y 和 z。解得 10*(x+y+z)=52.5。【选 C】

课前测验

1. (2015 黑龙江) 某项工程,甲工程队单独施工需要 30 天完成,乙施工队单独施工需要 25 天完成,甲队单独施工了 4 天后改由两队一起施工,期间甲队休息了若干天,最后整个工程共耗时 19 天完成,问甲队中途休息了几天?

A. 1 B. 3 C. 5 D. 7

【解析】1. 正确率为 70%,不是特别高,工程问题不是难题,是必须拿分的题目,做错的同学今天认真听课,看错在哪里。【选 D】

2. (2017 北京) 小张将带领三位专家到当地 B 单位调研, 距离 B 单位 1.44 千米处设有地铁站出口。调研工作于上午 9 点开始, 他们需提前 10 分钟到达 B 单位,则小张应通知专家最晚几点一起从地铁站出口出发,步行前往 B 单位? (假设小张和专家的步行速度均为 1.2 米/秒)

【解析】2. 正确率较高为85%,看着很难,其实是纸老虎,小学生、初中生

就可以做出来,做错的同学也不要灰心。【选 B】

【注意】工程问题,小学时经常设单位1,虽然不知道为什么,但是能算出来答案。工程问题不难,几乎每年都考,做题有套路,考试时需要拿到分数。

【知识点】工程问题:

- 1. 三量关系: 总量=效率*时间。效率=总量/时间。时间=总量/效率。
- 2. 切入点: (1) 给定完工时间型。
- (2) 给定效率比例型。
- (3) 给定具体效率型。
- 3. 工程问题核心思想:准确找到切入点。找到切入点后,工程问题解题就变得很简单。

【知识点】给定完工时间型:

- 1. 赋总量(时间的公倍数)。
- 2. 算效率:效率=总量/时间。
- 3. 根据题意完成工作。
- 4. 例子:搬一车砖,涛哥需要 3 天,志哥需要 2 天,现两人合作,需要多少天? 只给了完工时间,即给定完工时间型的工程问题。解题三步走:(1)赋总量。总量可以赋值 1、100······,为了方便计算,一般赋值为时间的公倍数,本题为 2、3 的公倍数 6。(2) 求效率。涛哥效率=6/3=2,志哥效率=6/2=3。(3) 完成工作。合作时间=总量/效率和=6/(2+3)=1.2 天。

例 1 (2017 广东) 现有一批零件, 甲师傅单独加工需要 4 小时, 乙师傅单独加工需要 6 小时。两人一起加工这批零件的 50%需要多少个小时? ()

A. 0. 6

C. 1. 2 D. 1. 5

【解析】例 1. 判断题型:工程问题。核心思想是找对切入点。题目给定完工时间。解题三步走:(1)赋总量。赋值总量为时间的最小公倍数(短除法),4

一 粉笔直播课

和 6 的公倍数为 12。(2) 求效率。甲师傅效率=12/4=3,乙师傅效率=12/6=2。(3) 做题。加工 50%的时间 t=总量/效率和=12*50%/(3+2)=1.2 小时。【选 C】

【注意】赋值总量为1也行,但是效率会出现分数,会使计算变复杂。

例 2 (2015 黑龙江) 某项工程,甲工程队单独施工需要 30 天完成,乙施工队单独施工需要 25 天完成,甲队单独施工了 4 天后改由两队一起施工,期间甲队休息了若干天,最后整个工程共耗时 19 天完成,问甲队中途休息了几天?()

A. 1 B. 3 C. 5 D. 7

【解析】例 2. 方法一: 甲工程、乙工程,工程问题,找到切入点。题目给定完工时间,即给定完工时间型工程问题。解题三步走: (1) 赋值总量为时间的公倍数。短除法,30 和 25 可以约 5,剩余 6 和 5,不能再约分,则最小公倍数为 5*6*5=150。(2) 求效率。甲效率=150/30=5,乙效率=150/25=6。(3) 做题。过程较复杂,透过现象看本质,整个工程一定是有一部分是甲做的,一部分是乙做的,设甲中途休息 x 天,则工作天数为 19-x,乙工作天数为 19-4=15 天。列式: 150=5*(19-x)+(19-4)*6,解得 x=7。

方法二:设甲不休息,甲效率为5,则工作量为5*19。乙不休息,乙工作效率为6,工作量为15*6,则工作量为5*19+15*6=185,多出的工作量为185-150=35,是甲不休息这段时间做的,则甲休息天数=35/5=7。【选D】

例 3(2017 国考)工厂有 5 条效率不同的生产线。某个生产项目如果任选 3 条生产线一起加工,最快需要 6 天整,最慢需要 12 天整; 5 条生产线一起加工,则需要 5 天整。问如果所有生产线的产能都扩大一倍,任选 2 条生产线一起加工最多需要多少天完成? ()

A. 11 B. 13 C. 15 D. 30

【解析】例 3. 方法一: 判断题型,题目是有关生产线工作的问题,即工程问题,重点在于找到切入点。给定完工时间型工程问题,解题三步走: (1)赋值总量为时间的公倍数。6、12的公倍数为 12,12 和 5的公倍数为 60,则只需要

Fb 粉笔直播课

赋值总量为 60。(2)求效率。最快三条生产线效率=60/6=10。假设 5 条生产线效率 a>b>c>d>e,则 a+b+c=10①,最慢三条生产线效率=60/12=5=c+d+e②,五条生产线一起加工效率=60/5=12=a+b+c+d+e③。(3)求解。求时间最大,t=总量/效率=60/效率,则需要效率最慢,即求 d+e。③-①,求得 d+e=12-10=2。产能扩大一倍,即效率扩大一倍,时间 t=60/(2*2)=15 天。

方法二: D 项和 C 项是 2 倍关系,对应题目中"产能扩大一倍"。题目有坑,以坑治坑。总量不变,总量=效率*时间,因为效率扩大两倍,则时间是原来的一半,选项中 C、D 项是二倍的关系,时间是产能扩大前的一半,猜 C 项。【选 C】

【知识点】给定效率比例型:

- 1. 赋效率 (满足比例即可)。
- 2. 算总量:效率*时间=总量。
- 3. 根据题意完成工作。

4. 例子:搬一堆砖,涛哥和志哥的效率比为 2: 1,合作 3 天完成,现在涛哥先干 2 天,然后再交给志哥做,问志哥需要做多少天?题目不仅出现时间,还出现效率比,给定效率比例型工程问题,解题三步走:(1)赋值效率为对应比例,即涛哥效率为 2,志哥效率为 1。(2)算总量。总量=效率*时间=(2+1)*3=9。(3)做题。涛哥工作量=2*2=4,剩余工作量=9-4=5,则志哥需要工作 5/1=5 天。

例 4(2016 江苏)甲、乙、丙三人共同完成一项工程,他们的工作效率之比是 5: 4: 6。先由甲、乙两人合作 6 天,再由乙单独做 9 天,完成全部工程的 60%,若剩下的工程由丙单独完成,则丙所需要的天数是 ()。

A. 9 B. 11 C. 10 D. 15

【解析】例 4. 判断题型: 工程问题。找切入点,题目给定效率比,解题三步走: (1)赋值效率为对应比值。即甲效率 5,乙效率 4,丙效率 6。(2)求总量。总量*60%=(5+4)*6+4*9=90,解得总量=90/60%=150。(3)解题。时间 t=总量/效率=剩余工程量/丙效率=(150-90)/6=10天。【选 C】

【注意】给定效率比例型工程问题。切入点:给定效率比例。1.赋效率。2.

求总量。3. 再做题。

例 5 (2017 北京) 某检修工作由李和王二人负责,两人如一同工作 4 天,剩下工作量李需要 6 天,或王需要 3 天完成。现李和王共同工作了 5 天,则剩下的工作李单独检修还需几天完成? ()

A. 2 B. 3

C. 4 D. 5

【解析】例 5. 工程问题, 找切入点。根据"剩下工作量李需要 6 天,或王需要 3 天完成",可得关系:剩下的工作量=李的效率*6=王的效率*3,即效率比李:王=3:6=1:2,给定效率比例型。(1)赋效率:赋值李的效率为 1,王的效率为 2。(2)求总量:工作总量=(1+2)*4+1*6=18。(3)再做题:李单独做的时间=合作 5 天后剩余工作量/李的效率= [18-(1+2)*5]/1=3 天。【选 B】

【答案汇总】1-5: CDCCB

例 6(2017 联考)某件刺绣产品,需要效率相当的三名绣工 8 天才能完成; 绣品完成 50%时,一人有事提前离开,绣品由剩下的两人继续完成;绣品完成 75%时,又有一人离开,绣品由最后剩下的那个人做完。那么,完成该件绣品一共用了()。

A. 10 天 B. 11 天

C. 12 天 D. 13 天

【解析】例 6. 工程问题,找准切入点:已知完工时间,效率比未明确给出。根据"效率相当的三名绣工",可知绣工的效率比为 1:1:1,给定效率比例型。(1)赋效率:赋值三人效率分别为 1、1、1。(2)求总量:(1+1+1)*8=24。(3)再做题:①绣品完成 50%时,工作量为 50%*24=12,用时 12/3=4 天;②绣品完成75%时,该阶段工作量为(75%-50%)*24=6,用时 6/2=3 天;③绣品完成时,该阶段工作量为(1-75%)*24=6,用时 6/1=6 天。总用时 4+3+6=13 天。【选 D】

【注意】找准切入点:

1. 给定完工时间型,除了完工时间,其他均未给出,如例 1、例 2,直接三

步走: 赋总量(时间的公倍数), 算效率, 再做题。

- 2. 给定效率比例型,工程问题三量关系:总量=效率*时间。题目中有可能给时间,也会给比例,考虑用比例去做,如:
 - (1) 例 4,给出了时间,也直接给了效率比。
 - (2) 例 5,效率比隐含在题目当中,可以转化为比例。
- (3) 例 6,给出"效率相当",即效率比为 1:1:1。"效率相当"是近两年的考试趋势,若效率以人头数来表示,默认为每个人的效率一样;若效率不一样,则本题无法做。

【知识点】给定具体效率型:题目中出现"每天搬多少块砖""每天加工多少个零件"等带有具体单位的条件。

- 1. 设未知数(设小不设大或者设出现最多的)。根据三量关系:总量=效率*时间,若给出了具体效率,给了时间,总量一定可以表示出来。
 - 2. 根据工作过程列方程。

例 7 (2018 浙江) 某蛋糕店接到 300 个蛋糕的订单。已知老板一天能做 30 个蛋糕,店员小红一天只能做 10 个。蛋糕制作过程中,老板有一个周末外出,小红请了 8 天假,两人在外时间不重叠。问制作这批蛋糕一共花了多少天?()

A. 11 B. 12

C. 13 D. 14

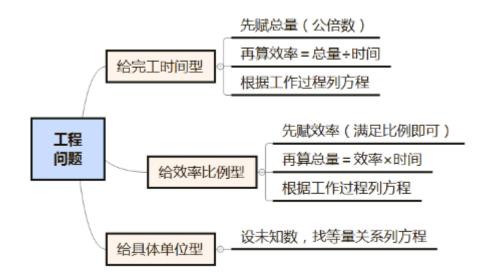
【解析】例 7. 工程问题, 找准切入点: "老板一天能做 30 个蛋糕, 店员小红一天只能做 10 个", 给了具体单位, 即给定具体效率型。

方法一:设未知数,根据工作过程列方程。设制作这批蛋糕一共花x 天,周末默认为双休,即 2 天。根据题意列式: 300=老板做的+小红做的=(x-2)*30+(x-8)*10,解得 x=11,对应 A 项。

方法二: 用盈亏思想做。总共做 300 个, 如果老板不休息, 则老板多做 30*2=60 个; 小红不休息, 则多做 10*8=80 个; 设做的天数为 t, 则 300+60+80=(30+10) *t, 解得 t=11, 对应 A 项。【选 A】

Fb 粉筆直播课

【答案汇总】6-7: DA



【知识点】工程问题

- 1. 给完工时间型:
- (1) 先赋总量(公倍数)。
- (2) 再算效率=总量/时间。
- (3) 根据工作过程列方程。
- 2. 给效率比例型:
- (1) 先赋效率 (满足比例即可)。
- (2) 再算总量=效率*时间。
- (3) 根据工作过程列方程。
- 3. 给具体单位型: 设未知数, 找等量关系列方程。

第五节 行程问题

一、基础行程

【知识点】行程问题:与工程问题类似,从三量关系说起。

- 1. 行程问题三量关系: 路程=速度*时间。v=S/t, t=S/v。行程问题的题型 比工程问题要多、复杂。
- 2. 考场策略:工程问题是必须要拿分的,行程问题有一部分简单题目可以拿分,难题可以放弃。但是注意学习的时候需要把所有的内容,简单、难题都

学习到。

3. 题型:基本行程(S=vt; v¯);相对行程(追及、多次相遇、流水行船); 比例行程(路程一定,时间和速度成反比;时间一定,速度和路程成正比等)。

4. 行程问题核心思想: 找对题型,对应公式和方法。

例 1 (2017 北京) 小张将带领三位专家到当地 B 单位调研, 距离 B 单位 1.44 千米处设有地铁站出口。调研工作于上午 9 点开始, 他们需提前 10 分钟到达 B 单位,则小张应通知专家最晚几点一起从地铁站出口出发,步行前往 B 单位? (假设小张和专家的步行速度均为 1.2 米/秒)()

A. 8 点 26 分

B.8点30分

C.8点36分

D.8点40分

【解析】例 1. 本题做了课前测验,本身是简单题目,但是看着繁琐,很多同学被吓到了,正确率不是很高,做数学题目不要害怕。

分析题目: 从地铁到单位,调研工作 9 点开始,需提前 10 分钟到达,即最晚 8 点 50 分要到达 B 单位。问的是需要几点从地铁出发,弄清楚时间如何推算。只需要求出从地铁到 B 点所需时间即可,时间=路程/速度,已知路程为 1. 44 千米即 1440 米,速度为 1.2 米/秒,所以从地铁口到 B 单位所需时间为1440/1.2=1200 秒=20 分,从 8 点 50 分往前推 20 分钟,最晚出发时间为 8 点 30 分。【选 B】

【知识点】等距离平均速度公式:

- 1. 公式: v=2v₁v₂/ (v₁+v₂);
- 2. 适用于: 等距离往返、上下坡。
- (1) 从甲地到乙地,去的速度为 v₁,回来速度为 v₂,直接利用公式。
- (2) 走一个单程距离,有上下坡,上下坡距离相等,可以用这个公式。
- (3) 走单程距离,往返。有上下坡,上下坡距离不等,设上坡距离为 L_1 ,下坡距离为 L_2 ,往返过程中,距离均为 L_1+L_2 ,距离相等,可以用等距离平均速度公式。
 - 3. 例子: 假设有 100 米, 前 50 米的速度为 6m/s, 后 50 米的速度为 10m/s,

整个路程的平均速度为多少?

答: 平均速度=总路程/总时间=100/(50/6+50/10)=2/(1/6+1/10)=16/60=7.5m/s。

例 2 (2016 云南事业单位) 李大夫去山里给一位病人出诊,他下午 1 点离开诊所,先走了一段平路,然后爬上了半山腰,给那里的病人看病。半小时后,他沿原路下山回到诊所,下午 3 点半回到诊所。已知他在平路步行的速度是每小时4 千米,上山每小时 3 千米,下山每小时 6 千米。请问李大夫出诊时共走了多少路? ()

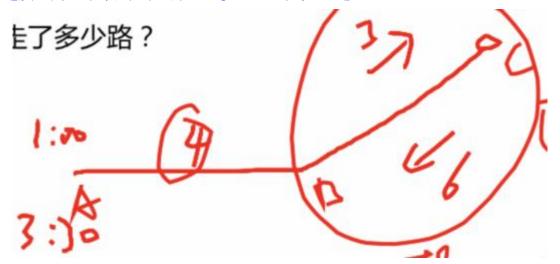
A. 5 千米

B.8 千米

C. 10 千米

D. 16 千米

【解析】例 2. 读题以后,很多同学对于题目说的内容没有印象,因此行程问题需要边画图边分析。如图所示,画图以后找好切入点, $S_{\&}=v^-*t$ 。根据题意,运动的时间为 2 小时,有往返想到等距离平均速度公式, $v^-=2v_1v_2/(v_1+v_2)$ 。上下坡往返距离相同,上下坡平均速度=2*3*6/(3+6)=4 千米/小时,即 BC 段平均速度为 4 千米/小时。已知 AB 段平均速度也为 4 千米/小时,说明整体的平均速度也为 4 千米/小时,那么 $S_{\&}=4*2=8$ 千米。【选 B】

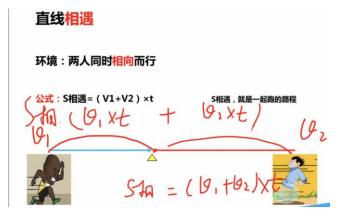


【注意】小技巧: 出现上下坡,往往与平坡的速度相同,可以直接把上下坡的平均速度看成与平坡速度相同,即上下坡往返平均速度为4千米/小时,整个路程的速度也是4千米/小时,那么总路程=4*2=8千米。

【答案汇总】1-2: BB

二、相对行程

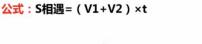
【知识点】1. 直线相遇:老师和博尔特相约见面,博尔特和老师同时从各自家相向而行,在路上相遇,即直线相遇问题。两人相向而行, $S_{Hill}=v_1*t+v_2*t=(v_1+v_2)*t$, S_{Hill} 就是一起跑的路程。

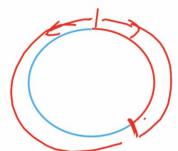


2. 环形相遇 (同点出发): 两人在同一点出发,公式: S_{相遇}= (v₁+v₂)*t; 相遇 1 次, S_{相遇}=1 圈; 相遇 N 次, S_{相遇}=N 圈。

> 相遇1次,相遇=1圈 相遇N次,S相遇=N圈

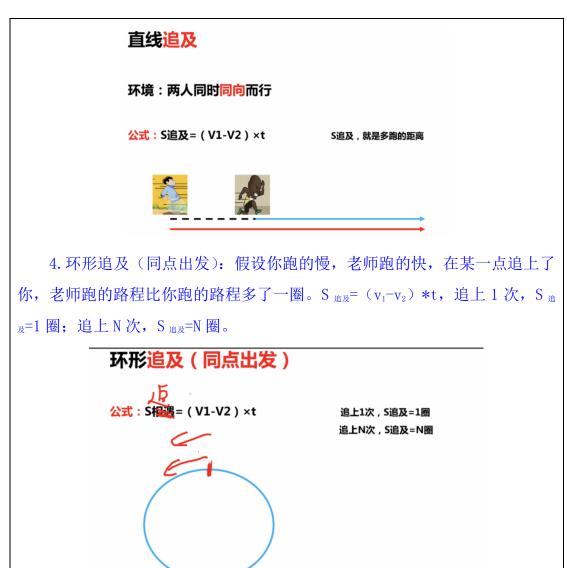
环形相遇(同点出发)





3. 直线追及: 两人同时同向而行。公式: $S_{\mu_{\mathcal{B}}}=v_1*t-v_2*t=(v_1-v_2)*t$, $S_{\mu_{\mathcal{B}}}$ 家就是多跑的路程也就是刚开始相差的距离,原始的距离差。

一 粉笔直播课



例 1 (2017 吉林) 两个人带着宠物狗玩游戏,两人相距 200 米,并以相同速度 1 米/秒相向而行,与此同时,宠物狗以 3 米/秒的速度,在两人之间折返跑,当两人相距 60 米时,那么宠物狗总共跑的距离为()。

A. 270 米

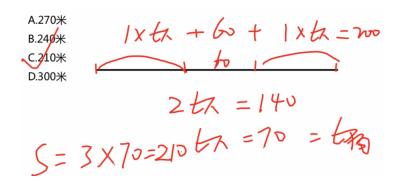
B. 240 米

C. 210 米

D. 300 米

【解析】例 1. 行程问题,边画图边分析,甲乙两人相距 200 米,S $_{9}$ =V $_{9}$ *t, 狗走了多少个折返跑无法求出,需要转化思维,人和狗所走的时间是一样,t $_{1}$ =t $_{1}$ 0,1*t $_{1}$ +60+1*t $_{1}$ =200,化简 2t $_{1}$ =140,解得 t $_{1}$ =70,那么 t $_{1}$ =70,S $_{1}$ =3*70=210。

【选 C】



【改】(2017 吉林)两个人带着宠物狗玩游戏,两人相距 200 米,并以相同速度 1 米/秒相向而行,与此同时,宠物狗以 3 米/秒的速度,在两人之间折返跑,当两人相遇时,那么宠物狗总共跑的距离为()。

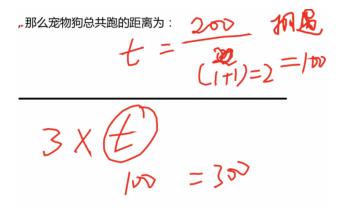
A. 270 米

B. 240 米

C. 210 米

D. 300 米

【解析】改. 与前面例题思想相同, $S_{n}=3*t_{n}$,人的时间和狗的时间相同, $t_{n}=t_{n}$ 。根据题意, $t_{n}=200/(1+1)=100s$,那么 $S_{n}=3*100=300$ 米。【选 D】



例 2 (2016 河南)某人走失了一只小狗,于是开车沿路寻找,突然发现小狗沿路边往反方向走,车继续行 30 秒后,他下车去追小狗,如果他的速度比小狗快 3 倍比车慢 3/4,问追上小狗需要多长时间? ()

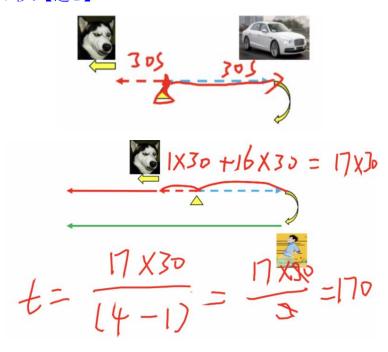
A. 165 秒

B. 170 秒

C. 180 秒

D. 195 秒

【解析】例 2. 稍微难一些,属于人狗殊途的问题,过程复杂,比较乱,不要害怕,先梳理思路,如图所示。人去找狗,在某一点发现狗往反向跑,这时车向前又走了 30 秒, 这个时候狗还在反向往前走。因此 30 秒后,狗向前走了 30



例 3 (2017 广东) 老林和小陈绕着周长为 720 米的小花园匀速散步,小陈比老林速度快。若两人同时从某一起点同向出发,则每隔 18 分钟相遇一次;若两人同时从某一起点相反方向出发,则每隔 6 分钟相遇一次。由此可知,小陈绕小花园散步一圈需要多少分钟? ()

【解析】例 3. 方法一:本题有坑点,此处的相遇是广义的,分为两种,一种是面对面相遇,一种是从背后遇到。看方向,两人同向出发是追及,反向出发是相遇。行程问题需要识别好题型,对应好公式、方法。环形相遇: $S_{HJJ}=(V_1+V_2)$ *T,相遇一次,相遇路程是 1 圈,环形追及: $S_{11}=(V_1-V_2)$ *T,追上一次,追

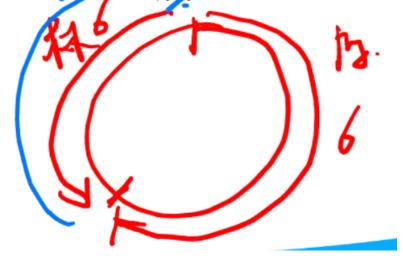
一 粉笔直播课

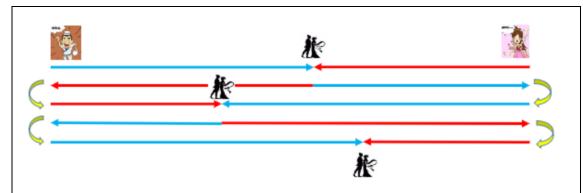
及路程等于 1 圈,小陈跑得快一些,小陈追老林,"每隔 18 分钟相遇一次"即一圈,为 720 米,720=($V_{\text{\tiny IR}}$ - $V_{\text{\tiny IR}}$)*18, $V_{\text{\tiny IR}}$ - $V_{\text{\tiny IR}}$ =40①,同理,"若两人同时从某一起点相反方向出发,则每隔 6 分钟相遇一次": 720=($V_{\text{\tiny IR}}$ + $V_{\text{\tiny IR}}$)*6, $V_{\text{\tiny IR}}$ + $V_{\text{\tiny IR}}$ =120②,①+②: $2V_{\text{\tiny IR}}$ =160, $V_{\text{\tiny IR}}$ =80,求时间 t, t=S/V=720/ $V_{\text{\tiny IR}}$ =720/80=9。

方法二: 猜题方法,两人 6 分钟相遇一次,说明这一圈让小陈单独走,所用时间一定大于 6 分钟,排除 A 项。假设两人速度相同,在 6 分钟时,小陈走半圈,而小陈实际比老林快,说明如果老林用 6 分钟,则小陈用时小于 6 分钟。 $t=6+6^-$ <12,排除 C、D 项。【选 B】



老林速度快。若两人同时从某一起点同向出发,则每隔18分钟村;若两人同时从某一起点相反方向出发,则每隔6分钟相遇一次知,小陈线,花园散步一圈需要多少分钟?





【知识点】多次相遇(两端出发): 两人异地恋,见面就吵架,吵完架后两人各自往前走,走到彼此的出发点后发现没吵够,又往回走,相遇后两人继续吵架,吵完又继续往前走,走到彼此出发点后又觉得没吵够,又往回走,是多次相遇。假设单倍的全程为 S。

- 1. 两端出发相遇:
- (1) 第1次相遇, 共走1S。
- (2) 第2次相遇, 共走3S。
- (3) 第3次相遇, 共走5S。
- (4) 第 n 次相遇, 共走 (2n-1) S。
- 2. 多次相遇 (两端出发):
- (1) 公式: S [≜]= (2n-1) S _{全长}。
- (2) S 点为运动过程中,两人所走的路程和=(V ₌+V z)*T。
- (2) n 为相遇次数,相遇一次, n=1;相遇两次, n=2;相遇十次, n=10。
- (3) S_{全长}为从 A 到 B 的距离。

例 4(2015 河北)某高校两校区相距 2760 米,甲、乙两同学从各自校区同时出发到对方校区,甲的速度为每分钟 70 米,乙的速度为每分钟 110 米,在路上两人第一次相遇后继续行进,到达对方校区后马上返回。那么两人从出发到第二次相遇需要多少分钟?(

A. 32 B. 46

C. 61 D. 64

【解析】例 4. 行程问题, 关键是找对题型, 出现"第二次相遇", 不止一次, 是多次相遇问题, 仅有一个公式: $S_{\pm \pm} = (2n-1) S_{\pm \pm}$, 第二次相遇, 走了 3 倍的

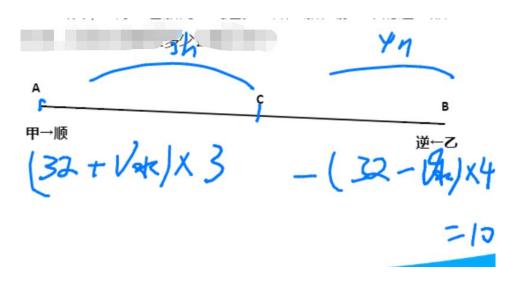
全程, t=S ½/(V₁+V₂)=3*2760/(70+110)=46。【选B】

【知识点】流水行船:船在水中走,水有速度,船也有速度。

- 1. 如果顺水: V 顺=V 船+V _水。
- 2. 如果逆水,有阻力: V _逆=V _船-V _水。
- 3. 己知 V 顺、 V _逆:
- (1) V m=V m+V x, V j=V m-V x, 将两式相加,得 V m= (V m+V j) /2。
- (2) V m=V n+V x, V ==V n-V x, 将两式相减,得 V x=(V m-V ±)/2。
- 4. 注意:静水速度=船速、漂流速度=水速。比如把瓶子放河里,瓶子本身 没有速度,水给了瓶子速度,所以漂流速度=水速。

例 5(2017 山东)有 A、B 两家工厂分别建在河流的上游和下游,甲、乙两船分别从 A、B港口出发前往两地中间的 C港口。C港与 A厂的距离比其与 B厂的距离远 10 公里。乙船出发后经过 4 小时到达 C港,甲船在乙船出发后 1 小时出发,正好与乙船同时到达。已知两船在静水中的速度都是 32 公里/小时,问河水流速是多少公里/小时? ()

【解析】例 5. 行程问题作图分析,乙船出发 4 小时,甲在乙出发 1 小时后同时达到,所以甲走了 3 小时。两船在静水中的速度都是 32 公里/小时,AC 段是顺水的过程,V $_{\mp}$ =32+V $_{*}$,BC 段是逆水的过程,V $_{z}$ =32-V $_{*}$ 。根据 "C 港与 A 厂的距离比其与 B 厂的距离远 10 公里",得到:AC-BC=(32+V $_{*}$)*3-(32-V $_{*}$)*4=10,解得 V $_{*}$ =6。【选 C】



【答案汇总】1-5: CBBBC

三、比例行程

【知识点】比例行程:

- 1. 从三量关系入手,路程=速度*时间。
- 2. 路程一定, 速度与时间成反比。比如跑 100 米, 速度越快用时越短。
- 3. 速度一定,路程与时间成正比。比如速度都是 100 米每秒,时间越长路 程越长。
 - 4. 时间一定,路程与速度成正比。比如跑 100 小时,速度越快跑得越远。
 - 5. 举例: (1) 跑 100 米, t #: t z=3: 4, 那么 v #: v z=4: 3。
 - (2)跑100米,如果 v p: v z: v n=3:4:5; 那么 t p: t z: t n=(100/3):

(100/4): (100/5) = (1/3): (1/4): (1/5) .

6. 方法:确定不变量,找比例。

例 6(2017 新疆)已知一形状为正六边形的跑道,边长为 150 米,甲乙两人分别从两个相对的顶点同时出发,沿跑道相向匀速前进。两人第一次相遇时乙比甲多跑了 50 米,则甲乙两人跑步的速度之比是()。

A. 3:5

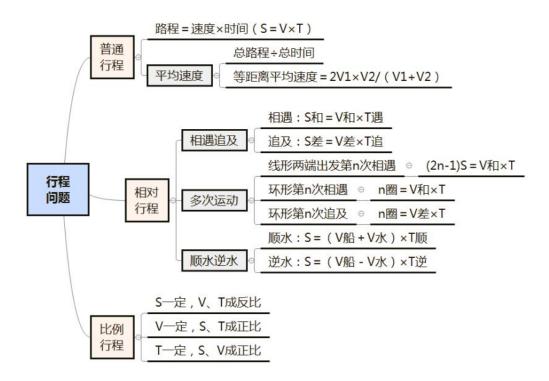
B. 4:5

C. 5:3

D. 5:4

【解析】例 6. 问速度比, 速度=路程/时间, 但是题目没有给出时间, 所以

不可以用公式求,可以使用比例行程解题。问 $V_{\text{H}}/V_{\text{Z}}$,利用比例行程解题,需要找到一个不变量,题中时间不变,时间一定,路程与速度成正比。总长为 150*3=450 米,由于两人第一次相遇时乙比甲多跑了 50 米,因此甲+乙=450,甲 -乙=50,解得甲跑了 200 米,乙跑了 250 米,当时间一定时,速度和距离成正比,可知 V_{H} : $V_{\text{Z}}=S_{\text{H}}$: $S_{\text{Z}}=200$: 250=4: 5。【选 B】



【小结】行程问题:

- 1. 普通行程:
- (1) 路程=速度*时间。
- (2) 平均速度:
- ①总距离/总时间。
- ②等距离上下坡、往返, v=2V₁*V₂/(V₁+V₂)。
- 2. 相对行程:
- (1) 相遇追及:
- ①相遇: S_和=V_和*T_遇。
- ②追及: S == V **T ii 。
- (2) 多次运动:

- ①线形第 n 次相遇: (2n-1) S=V **T。
- ②环形第 n 次相遇: n 圖=V 和*T。
- ③环形第 n 次追及: n 圖=V 差*T。
- (3) 顺水逆水:
- ①顺水: S= (v 船+v 水) *T 顺。
- ②逆水: S= (v_船-v_水) *T_逆。
- 3. 比例行程:
- (1) S一定, V与T成反比。
- (2) V(T)一定, S与T(V)成正比。

课后检测

1. (2016 山东) 三个工程队完成一项工程,每天两队工作、一队轮休,最后耗时 13 天整完成了这项工程。问如果不轮休,三个工程队一起工作,将在第几天内完成这项工程?

A.6 天

B. 7 天

C.8 天

D.9 天

【解析】1. 确定题型是工程问题,关键在于找对切入点:给完工时间、给效率比、给具体值。本题给了三个工程队,两两工作,一队轮休,默认效率相等,否则无法做题。(1)赋值效率为 1: 1: 1。(2)求总量:根据"每天两队工作、一队轮休"可知,每天的效率是 1+1=2,赋值总量为 2*13=26。(3)若三队不轮休,一起工作,总效率为 3,完成工程的时间需要 26/3≈8. x 天,说明 8 天无法完成,则将在第 9 天完成这项工程。【选 D】

- 2. (2018 联考) 甲、乙、丙、丁四人同时同地出发,绕一椭圆形环湖栈道行走。甲顺时针行走,其余三人逆时针行走。已知乙的行走速度为 60 米/分钟,丙的速度为 48 米/分钟。甲在出发 6、7、8 分钟时分别与乙、丙、丁三人相遇,求丁的行走速度是多少?
 - A. 31 米/分钟

B. 36 米/分钟

C. 39 米/分钟

D. 42 米/分钟

【解析】2. 错误思维: 6、7、8 是等差数列,看到 48、60 相差 12,直接想到 36。这样简单的加减法思维是不对的,行程问题的公式涉及到乘法,所以不可以存在这种投机的思想。

正确思路: 判断题型为环形相遇问题,已知公式: $S_{H/H}=(V_1+V_2)*T$,相遇一次, $S_{H/H}=$ 一圈。得到: $S_{-M}=(V_{\Psi}+60)*6=(V_{\Psi}+48)*7$,解方程得 $V_{\Psi}=24$ 米/分钟。代入其中任意一边可以得到一圈的距离。同理,甲与乙相遇,甲与丁相遇时的路程也相等, $(24+60)*6=(24+V_{T})*8$,解得 $V_{T}=39$ 米/分钟。【选 C】

【注意】

- 1. 难题别人都不学,但是我们选择攻克。万事开头难,不要有畏难心理和抵触心理,第一遍不会很正常,多听几遍,听懂了会很有成就感。既然总有人会赢,为什么不是我呢?只要有答案就可以做出来。要相信自己,舍我其谁,前提是付出辛苦和努力。
 - 2. 坚持听课,遇到不懂的问题:
 - (1) 听回放。
 - (2) 课前答疑。
 - (3) 可以去微博和老师互动。老师的微博是@粉笔牟立志。

【答案汇总】第四节: 1-5: CDCCB: 6-7: DA:

第五节:基础行程: 1-2: BB; 相对行程: 1-5: CBBBC; 6: B

一 粉笔直播课

遇见不一样的自己

come to meet a different you

