

方法精讲-判断 2

主讲教师:韩菲

授课时间:2018.05.17



粉笔公考·官方微信

方法精讲-判断2(笔记)

【注意】课前答疑:

- 1. "%"不是轴对称图形,因为其中的圆形是椭圆。如果是正圆,则是轴对称图形。
- 2. 求同求异:要学会用方法技巧,挑 1-2 条线观察。求异时可以找两条线,求同可以找一样的线留在图三,求异可以找不一样的线留在图三。
- 3. P89 例 5: 图②③④为沿横轴对称,但另一组的规律为"不沿横轴对称",此规律不严谨,国考不考查,但吉林的考生可能遇到此类题。如果为一组沿横轴对称,一组沿竖轴对称,规律才合适。遇到考查轴对称的题目,可能细化考查对称轴的方向和数量,建议把所有的对称轴都画出来,容易看出规律。
- 4. P93 例 3: 本题图形都有小黑点、箭头,但如果不看两者,就无意义。而 命题人这么出题有其意图,既然出现就有作用。
- 5. 国考近十年没有考查过遍历,如果参加国考,不需要掌握该考点。而对称性(2010-2018年每年必考,2016年甚至考查2道题目)、笔画数(连续四年考查,且有新趋势)、点数量(2018年第一题就考查到)每年必考,需要掌握。凹凸性在国考和省考中均已不考查。
 - 6. P81 例 4: "?"处需要选择和前图左右对称的图形。

判断推理 方法精讲 2

本节学习任务:

- 1. 授课内容: 图形推理(数量规律、空间重构)
- 2. 时长: 2.5 小时
- 3. 对应讲义: 95 页~108 页
- 4. 重点内容:
- (1) 识别不同规律的图形特征
- (2) 数量规律的复合考点
- (3) 笔画数的题型识别及判断方法
- (4) 空间重构中面与面相对位置的判断及画边法

【注意】昨天课程讲解了图推的四大规律:位置规律、样式规律、属性规律、功能元素。

第五节 数量规律

题型特征:元素组成不相同、不相似且观察属性无规律,数量规律明显。 考点:点、线、面、素

【注意】数量规律:

- 1. 题型特征:元素组成不相同、不相似且观察属性无规律。相同看位置、相似看样式,功能元素容易识别。属性规律的题型特征也是元素组成不相同、不相似,此时先属性后数量。因为属性比较容易识别,数量规律比较复杂,需要细分。如果遇到元素组成不相同且数量规律特别明显的题目,可以跳过属性直接看数量。
- 2. 考点: 点、线、面、素,是国考中的高频考点,角数量考查极少,遇到题目可以简单了解即可。

一、点数量



注: 切点也属于交点

数点图形特征:

(1) 线条交叉明显(大树杈)



(2) 乱糟糟一团线交叉



(3) 相切较多



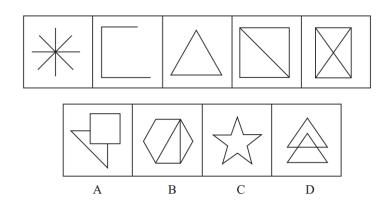
【注意】点数量:

1. 点: 指线与线的交点。比如上图 1-4 中的交点,图 5 没有交点,端点不是交点,切点也属于交点。

2. 数点图形特征:

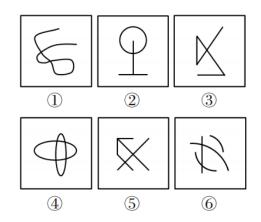
- (1) 线条交叉明显:比如很多线条交在一起,产生很多交点,类似"大树杈"。
 - (2) 乱糟糟一团线交叉: 比如有很多曲线绕在一起。
 - (3) 相切较多: 因为切点也是交点,如果相切多,可以考虑数交点。

例 1 (2015 江苏) 请从所给的四个选项中,选择唯一的一个答案,使之呈现一定的规律性。()



【解析】1. 首先观察图形特征,元素组成不同,先属性后数量。考虑对称性,但图二不对称,排除此规律。考虑数量规律,结合特征图,图一是"米"字型,类似"大树杈",考虑点数量,依次为:1、2、3、4、5,"?"处选择有6个交点的图形,对应B项。A项有8个交点,C项有10个交点(10条线),D项有8个交点,均排除。【选B】

例 2 (2016 北京) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。

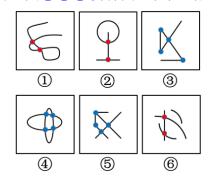


- A. (1)(3)(5), (2)(4)(6)
- B. (1)(2)(3), (4)(5)(6)

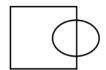
- C. 125, 346
- D. (1)(2)(6), (3)(4)(5)

【解析】2. 分组分类题目,国考常考。观察图形特征,元素组成不同,先属性后数量,属性无规律。本题图①是线条绕来绕去,产生交点;图⑥是线条交叉,产生交点,考虑点数量。图①②⑥一组,均有2个交点;图③④⑤一组,均有4个交点,对应D项。

本题考虑曲直性,只有图①和图④是全曲线图形,但无法分成两组;考虑面数量,图②③⑤有1个面,图①④⑥没有面,但无对应选项。【选D】



点的细化考法: 曲直交点



出现数点特征图,但整体数点无规律,且存在曲直相交,考虑点的细化,数曲直交点

【注意】点的细化考法: 曲直交点。

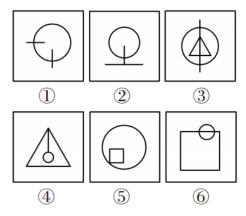
1. 题目越出越多,已经慢慢变难,点的细化考法已经逐渐成为近几年热门的

Fb 粉笔直播课

高频考点。

- 2. 如图所示,有6个交点、2个曲直交点。
- 3. 出现数点特征图,且整体数点无规律,但存在曲直相交,考虑点的细化考法:曲直交点。

例 3 (2016 国考) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



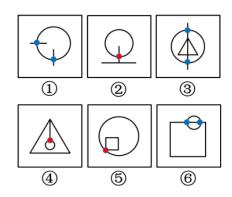
A. (1)(2)(4), (3)(5)(6)

B. 125, 346

C. (1)(3)(4), (2)(5)(6)

D. 136, 245

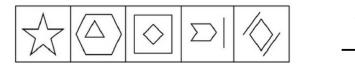
【解析】3.分组分类题目,观察图形特征,元素组成不同,先属性后数量。 考虑对称性,但图⑥不对称,排除此规律。继续观察,图①和图③都有出头线条,构造出交点,考虑点数量,依次为:2、2、6、4,此时无法分成两组,排除此规律。继续观察,每幅图都有圆(曲线图形),考虑曲直交点数。图①③⑥一组,有2个曲直交点;图②④⑤一组,有1个曲直交点,对应D项。【选D】



【注意】掌握点的常规考法、特征图以及点的细化考法。

考点二:线数量

直线数特征图: 多边形、单一直线



左图

右图

曲线数特征图:曲线图形(全曲线图、圆、弧)

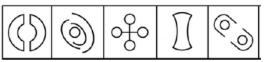






图 1

图 2 图 3

图 4 图 5

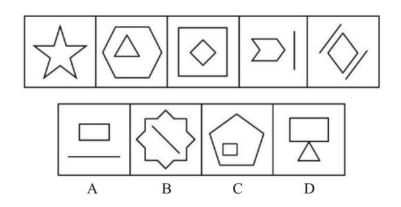
图 6

图 7

【注意】线数量:

- 1. 直线数特征图:多边形(五角星、五边形、三角形等)、多边形组合图、单一直线,考虑数直线。
- 2. 怎么数直线:如第一行右图共有 2 条直线。有学员数成 3 条直线,这是因为将右图数成了线段,但直线与线段不同,所以右图是 2 条直线。五角星是10 条直线。
- 3. 曲线特征图:全曲线图、圆、弧等,考虑数曲线。若题干出现单一的曲线,或者出现较多圆,则优先考虑数曲线。
- 4. 怎么数曲线:如第二行图 6 和图 7 中,图 6 有 1 条曲线,因为其外框只有 1 条平滑的曲线(没有折点);图 7 有 2 条曲线,因为其中间有折点;又如 S 是 1 条曲线。

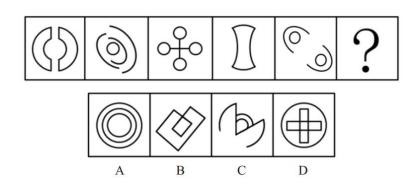
例 1(201 江苏)上边的题干中给出一套图形,其中有五个图,这五个图呈现一定的规律性。在下边给出一套图形,从中选出唯一的一项作为保持上边五个图规律性的第六个图。()



【解析】1. 题干出现多边形组合图和单一直线,是数直线的特征图,考虑数直线。题干直线数依次为10、9、8、7、6、?,则"?"处应为直线数为5的图形,对应A项。

B、C 项直线均不止 5 条, D 项共 7 条直线, 均排除。【选 A】

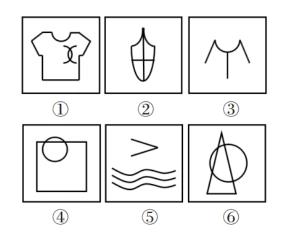
例 2 (2013 国考) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性。()



【解析】2. 题干出现单一曲线、圆形、全曲线图形,是数曲线的特征图,考虑数曲线。题干曲线数依次为 4、4、4(有折点就多一条曲线)、4、?,则"?"处应为有 4 条曲线的图形,对应 C 项。

A项有3条曲线,B项没有曲线,D项有1条曲线,均排除。【选C】

例 3 (2017 山东) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. 124, 356

B. 125, 346

C. (1)(3)(6), (2)(4)(5)

D. 1156, 234

【解析】3. 元素组成不同,优先考虑属性规律,但属性无规律,考虑数量规律。

图⑤下方出现明显的波浪线,属于曲线,考虑数图形的曲线。图①②⑤一组,曲线数为3条;图③④⑥一组,曲线数为1条,对应B项。

图⑤也有明显的直线,但不优先考虑数直线。当图形既有明显的数曲线特征, 又有明显的数直线特征,优先考虑数曲线。【选B】

拓展——真题中的直线数

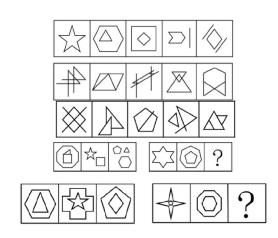


图 1

拓展——真题中的曲线数

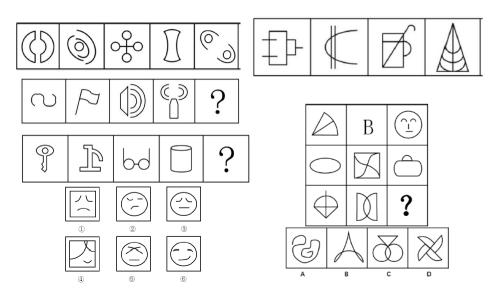


图 2

【注意】真题中的直线数和曲线数:

- 1. 真题中的直线数: 题干出现明显的单一直线、五边形、多边形组合图等,优先考虑数直线。考查数直线的截图(图 1)中,没有出现曲线。即考查数直线的题目,几乎不会出现曲线。
- 2. 真题中的曲线数: 题干出现明显的单一曲线、圆形、弧线,考虑数曲线。 左下角(6个脸)是广东 2017 年的真题,考查的是圆形内部的曲线数。考查数 曲线的截图(图 2)中,除了明显的曲线,还有直线,说明图形有直线和曲线时, 可以优先考虑数曲线。
- 3. 几乎不考查"曲线数量和直线数量相加"的题目。数直线数和曲线数时,往往是分开数。若考查"曲+直(曲线+直线组合的图形)",应是考查属性规律中的"曲直性"规律。

线的特殊考点:笔画问题

一笔画:图形由一笔画成,线条不能重复来回画



图 1 图 2 图 3

例:每条边都只能经过一次,你能一笔画成这幅图吗?

下面这幅图由四个相互重叠的圆圈构成,如果每条边都只能经过一次,你

能一笔把它画出来吗? 快来动笔试试吧。



图 4

现在揭晓答案:这幅图可以用一笔画出来,下面这条路径就是其中一种方法。



图 5

【注意】笔画问题:

- 1. 笔画问题是考试重点和难点。
- 2. 一笔画是笔画数中考频较高的考点。一笔画即图形由一笔画成,线条不能重复来回画。如图 1 和图 2 是能简单一笔画成的图形,但图 3 的"十"字不能一笔画成。
- 3. 例子:考试的图形不都是简单的、能快速识别可以一笔画成的图形,如图 4 中 4 个圆叠加一起,要求"一笔画出这幅图",就不是简单的、能判断一笔画成的图形。若掌握了数笔画的方法,即可发现图 4 是可以一笔画出的。

一笔画问题

- (1) 线条之间连通
- (2) 奇点数=0 或 2

奇点: 由一个点发射出奇数条线







图 1

图 2

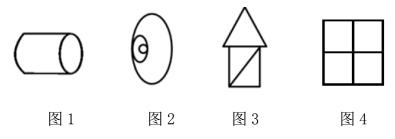
图 3

注: 数奇点的时候不要忘记数上端点!

Fb 粉笔直播课

【注意】一笔画问题:

- 1. 线条之间连通。若为两个分开的圆形,则不是一笔画图形;若两个圆形 之间加一条线,则有可能是一笔画图形。
- 2. 奇点数=0 或 2。奇点: 奇点是发射出奇数条线的点。"奇数条线"即 1、3、5、7、9、······
- (1) 如上图 1,蓝色的点发射出 2条线,"2"不是奇数,则蓝色的点不是奇点。
- (2) 如上图 2, 绿色的点发射出 3 条线, "3" 是奇数,则绿色的点是奇点。
- (3)如上图 3,黄色的点向下发射出了 1 条线;上方是曲线(曲线也是线,也要算作交点发射出的线),则黄色的点向左和向右发射出了 2 条线,则黄色的点一共发射出 3 条线,"3"是奇数,则黄色的点是奇点。
- 3. 端点也是奇点。如图 1 左边线条的端点发射出 1 条线,"1"是奇数,则端点也是奇点。"端点是奇点",数奇点时不要忘记数端点。
- 4. 一笔画图形即图形之间连通,且奇点数是0或2个的图形。图1有2个奇点,图2和图3均是4个奇点,则图1是一笔画图形。



【注意】一笔画问题:练习。

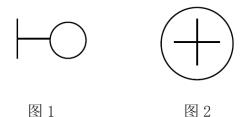
- 1. 如上图 1, 左上角和左下角的点均发射出 2 条线,都不是奇点;右上角的点发射出 3 条线,则右上角的点是奇点;右下角的点也是奇点。则图 1 共 2 个奇点,是一笔画图形。
- 2. 如上图 2, 左边的交点发射出 4条线, 右边的交点也发射出 4条线,则图 2共0个奇点,是一笔画图形。
- 3. 如上图 3,最上方的点发射出 2条线,不是奇点。三角形与矩形相交的左边点发射出 3条线,是奇点;左下角的点发射出 3条线,也是奇点;三角形

与矩形相交的右边点发射出 4 条线,不是奇点。则图 3 共 2 个奇点,是一笔画图形。

4. 如上图 4,是一个"田"字,内部两条线与外框相交的 4 个点都发射出 3 条线,则有 4 个奇点。中间的交点发射出了 4 条线,不是奇点。则图 4 共 4 个奇点,不是一笔画图形。

多笔画:

笔画数=奇点数/2(奇点数一定是偶数个)



【注意】多笔画:

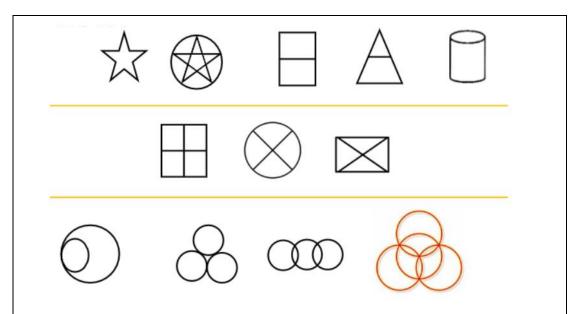
- 1. 笔画数=奇点数/2。
- 2. 奇数点一定是偶数个,记住即可。若数出的奇点数是奇数个,则一定是数错了。

3. 练习:

- (1) 如上图 1, 左边的交点发射出 3 条线, 右边直线与圆形相交的点也发射出 3 条线, 左边直线的两端有端点,端点也是奇点,则图 1 一共有 4 个奇点,则图 1 是两笔画图形(4/2=2 笔画)。
- (2) 如上图 2, 内部的"十"字有 4 个奇点(4 个端点),则"十"字是两笔画,外部的曲线是一笔画,则图 2 一共是三笔画。注意:分开的图形要分开数笔画。

常见笔画数特征图以及变形图:

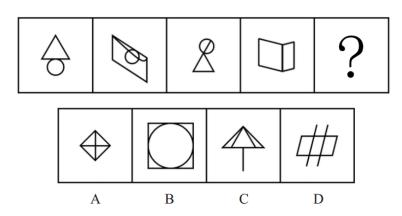
五角星、"日"及其变形、"田"及其变形、圆和圆相切/相交



【注意】1. 常见笔画数特征图: 五角星(遇到时可能会考查线数量、点数量、对称性和笔画数,可以结合其他的特征图判断考点)、"日"字及其变形、"田"字及其变形("田"字共 4 个奇点,是两笔画图形)、圆相切/相交(圆相切和相交的点均发射出偶数条线,不是奇点)。

2. 遇到特征图考虑笔画数的考点,题目图形的笔画数要结合题目具体判断。

例 4 (2017 浙江) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性。()



【解析】4. 元素组成不同,属性无规律,考虑数量规律。图 4 是"日"字变形,图 1 类似于"切圆",图 2 和图 3 中出现圆内部有直线的图形,类似"日"字变形,A 项是"田"字变形,考虑笔画数。

图 1 中三角形的顶点发射出 2 条线,不是奇点;圆和三角形的切点发射出 4

条线,不是奇点,图形中没有奇点,奇点数为0或2,则是一笔画图形。

图 2 中曲线与四边形的 2 个交点均发射出 3 条线, 共 2 个奇点, 是一笔画图形。

图 3 中圆内部直线与圆上方位置的交点发射出 3 条线,属于奇点;内部直线与圆下方位置的交点发射出 5 条线,属于奇点,图形共 2 个奇点,是一笔画图形。

图 4 中内部线条与外框的 2 个交点均发出 3 条线,属于奇点,共 2 个奇点,是一笔画图形。

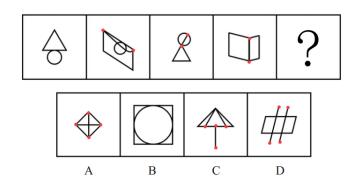
题干均是一笔画图形,"?"处选择一笔画图形。

A项"田"字变形图, 共4个奇点, 是两笔画图形, 排除。

B 项图形中没有奇点,一笔画图形,当选。

C 项三角形上部的顶点发出 4 条线,不是奇点;内部线条与三角形下侧的 2 个交点是奇点;下方竖线的端点是奇点,且与三角形的交点是奇点,共 4 个奇点,两笔画图形,排除。

D 项有 4 个端点,均是奇点,共 4 个奇点,两笔画图形,排除。【选 B】

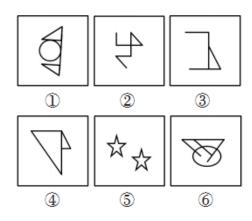


【注意】1. 数奇点时可优先数端点,避免遗漏端点数。

2. 遇到"日"字变形图和"田"字变形图优先考虑笔画数。

例 5 (2016 国考) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。

Fb 粉笔直播课



A. (1)(4)(6), (2)(3)(5)

B. 135, 246

C. 125, 346

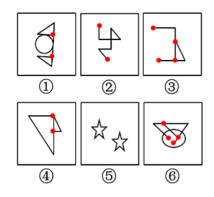
D. 124, 356

【解析】5. 元素组成不同,优先考虑属性规律,再考虑数量规律。属性无规律,考虑数量规律。

观察特征图,图⑤是2个五角星,遇到五角星,可以考虑笔画数、数直线、数交点。图⑤有2个五角星,共20条直线、20个交点,与其他图形差别较大,无法考虑直线和交点的数量,考虑笔画数。图②是明显可以一笔画出的图形,图①类似切圆,可以考虑笔画数。

图①圆与三角形的切点发射出 4 条线,不是奇点,共 2 个奇点,一笔画图形; 图②有 2 个端点,均是奇点,共 2 个奇点,一笔画图形;图③有 2 个端点,且右侧三角形与竖线的 2 个交点均是奇点,共 4 个奇点,两笔画图形;图④有 2 奇点,一笔画图形;图⑤是 2 个五角星,两笔画图形;图⑥有 2 个端点,"T"字图形的交点是奇点,图形共 4 个奇点,两笔画图形。

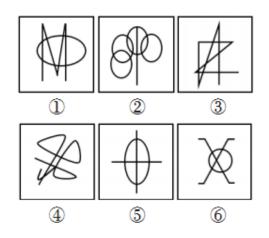
图①②④一组,是一笔画图形,图③⑤⑥一组,是两笔画图形,D 项当选。 【选 D】



【注意】遇到五角星、简单一笔画出的图形和切圆,考虑笔画数。

Fb 粉笔直播课

例 6 (2018 浙江) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. 123, 456

B. (1)(3)(4), (2)(5)(6)

C. (1)(2)(5), (3)(4)(6)

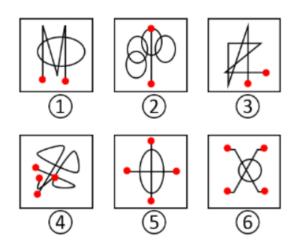
D. (1)(4)(5), (2)(3)(6)

【解析】6. 图形组成不同,属性无规律,考虑数量规律。

观察特征图,图②出现圆相交,图⑤和图⑥类似"田"字变形,图③是直接一笔可以画出的图形,考虑笔画数。数奇点的时候一定要数上端点。

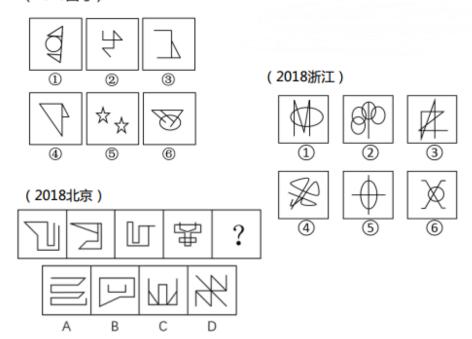
图①有2个端点,共2个奇点,一笔画图形;图②共2个奇点,一笔画图形;图③共2个奇点,一笔画图形;图④共4个奇点,两笔画图形;图⑤和图⑥均有4个端点,共4个奇点,两笔画图形。

图①②③一组,是一笔画图形,图④⑤⑥一组,是两笔画图形,对应 A 项。 【选 A】



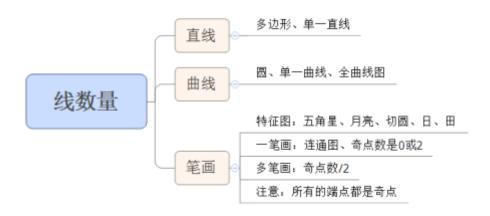
笔画数新趋势: 出现明显端点

(2016国考)



【注意】笔画数新趋势: 出现明显端点。

- 1. 如上图,2016 年国考和2018 年浙江考查笔画数的真题中,均出现很多端点。以前考查笔画数的题目中,常出现切圆、套圆、"日"字、"田"字、五角星等;现在考查笔画数的题目中,常出现明显的端点(即"出头"的点,不要与交点相混淆,交点是两条线相交形成的)。
 - 2. 端点也可能会与其他常见的笔画数特征图一起考查。
- 3.2018 北京一题,题干和选项没有切圆、"日"字、"田"字、五角星等,但题干图1和A项是简单的一笔画成的图形,图 3、图 4、C项和D项出现很多端点,考虑笔画数,题干均为一笔画图形,"?"处也应为一笔画图形,A项当选。

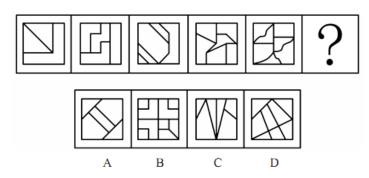


【注意】线数量:包括直线、曲线和笔画数(特殊考点)。



- 3只有1个面,中间空白部分才是面,黑色部分不是面。
 - 3. 数面的情况:
 - (1) 图形被分割(如图 4)、封闭面明显(如图 5),可以考虑数面。
- (2)生活化图形、粗线条图形中留空白区域,也可以考虑数面。如图 6 有 1 个面,图 7 有 5 个面。

例 1 (2015 河南) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性。()

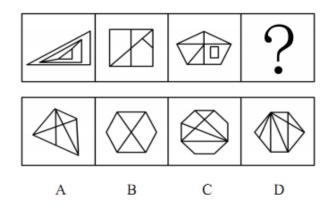


【解析】1. 图形被分割,封闭面明显,考虑数面。题干图形的面数量依次为3、4、5、6、7、?,则"?"处应选择有8个面的图形,D项当选。

A项有5个面,B项有9个面,C项有6个面,均排除。【选D】

【注意】特征:封闭面明显、图形被分割——数面。

例 2 (2015 联考) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性。()



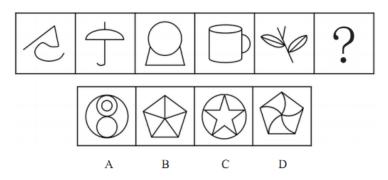
【解析】2. 图形被分割,封闭面明显,优先考虑数面。题干图形的面数量分

别为 4、5、6,则"?"处应选择面数量为 7 的图形。A 项有 6 个面,B 项有 4 个面,均排除。C、D 项均有 7 个面,均保留。

题干图形外框的边数量依次为 3、4、5, 呈等差递增,则"?"处应选择外框边数量为 6 的图形。C 项外框边数量为 8,排除。D 项外框边数量为 6,当选。

此题为面+线的复合考点。【选D】

例 3 (2017 联考) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性。()



【解析】3. 观察题干图形特征,"窟窿"(封闭区域)明显,考虑数面。题干图形的面数量依次为0、1、2、3、4,则"?"处选择有5个面的图形。A项有5个面,但不能直接选择,图形题要看完全部的选项,避免掉"坑",保留。B、D项均有5个面,均保留。C项有6个面,排除。

若根据题干无法发现规律,可以观察选项。B、D 项均为五边形+内部的线条,二者的区别在于内部线条的曲直性,B 项内部是直线,D 项内部是曲线。观察题干发现,每幅图形均为直线+曲线图形,则"?"处也应选择直线+曲线图形,D 项当选。A 项为全曲线图形,B 项为全直线图形,均排除。

本题不考虑笔画数,要从特征图入手,题干没有明显的笔画数特征图,但数面的特征比较明显,且面比较容易数,优先数面。即使考查笔画数,也无规律。 【选 D】

【注意】热门考法:面数量+属性/数量规律。数面比较简单,若数面无法选择唯一答案,可以考虑复合考点,常与属性规律(面+曲直性/对称性,开闭性考查较少)和数量规律(面+线/点)结合考查。

四、素数量

考点:

- 1. 元素种类
- 2. 元素个数

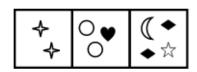


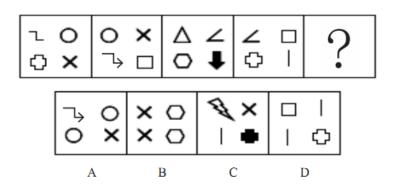
图 1 图 2 图 3

特征: 多个独立小图形

【注意】素数量:小元素、小图形。

- 1. 素数量常考查元素种类和元素个数。
- (1) 元素种类(长相一样属于一种元素)。如上图所示,元素种类依次为1、2、3。
 - (2) 元素个数。如上图所示,元素个数依次为2、3、4。
 - 2. 特征: 出现多个独立小元素、小图形。

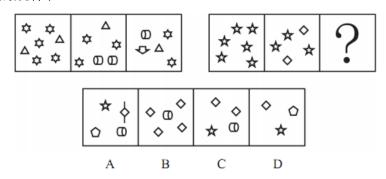
例 1 (2018 北京) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性。()



【解析】1. 题干图形出现多个独立的小元素,优先考虑元素的种类和个数。 建议优先考虑元素的种类,考查相对较多。本题若考虑元素的个数,题干和选项 均为4个元素,无规律。考虑元素的种类,题干图形均为4种元素,则"?"处 图形也应有4种元素,C项当选。A、B、D项均存在一样的元素,排除。【选C】

例 2 (2015 广东) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使

之呈现一定的规律性。()



【解析】2. 出现三角形、箭头等小图形,考虑元素种类和个数,优先看种类 (考查更多)。第一组图元素种类依次为2、3、4,第二组图元素种类依次为1、 2、?, "?"处元素种类应为3。

A 项有 4 种元素, B 项有 2 种元素, 均排除。

C、D 项均有 3 种元素, 比较剩余选项, C 项有 4 个元素, D 项有 3 个元素。 第一组图元素个数依次为7、6、5,第二组图元素个数依次为6、5、?,因此"?" 处有 4 个、3 种元素, C 项当选。【选 C】

3. 部分数(线条与线条连在一起叫做一部分)







图 1

图 2

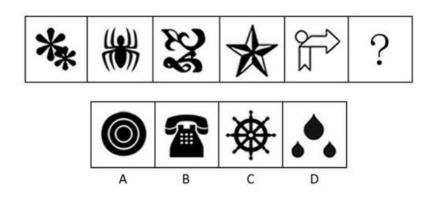
图 3

特征: 生活化图形、黑色粗线条图形

【注意】部分数(较难,不容易理解):

- 1. 线条与线条连在一起叫做一部分。
- 2. 例:
- (1) 图 1 线条全部连在一起, 类似于笔画中的连通图, 是一部分。
- (2) 图 2 是两部分,上边的翅膀和下面的机身是分开的,数部分时,黑色 线条连在一起的才是一部分,如果线条分开,就分开算。
 - (3) 图 3 是 6 部分, 里面是 5 部分, 外面的圈是单独的一部分。
 - 3. 特征: 生活化图形、黑色粗线条图形。

拓——(2012 江苏)从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性:



【解析】拓展. 图形特征: 题干出现蜘蛛、雪花、五角星等生活化粗线条图形, 优先考虑部分数。连在一起的是一部分, 题干图形线条均是连在一起的, 均是一部分, "?"处选择一个一部分的图形, C 项当选。

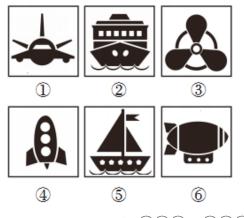
D项是3部分,B项有好几个部分,均排除。

A项是3部分,部分数的是黑色连在一起的线条,面数的是空白的封闭区域,有2个面,排除。【选C】

【注意】1. 出现黑色粗线条,优先考虑部分数。考查数面,一般会出现常规的被分割的图形。

2. 部分:只数黑色的线条,面:数的是空白的封闭区域。

例 3 (2017 重庆) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. (1)(3)(4), (2)(5)(6)

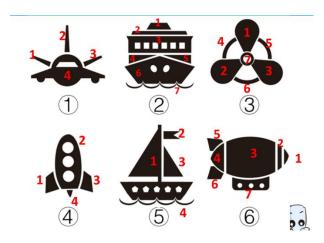
B. (1)(2)(5), (3)(4)(6)

C. 156, 234

D. (1)(4)(5), (2)(3)(6)

【解析】3. 出现黑色粗线条图形,优先考虑部分数。本题考查"眼神",图①上面有3部分,下面的机身和窗户是连在一起的,算一个部分,共4部分;图④有4部分,中间黑色线条是连上的,算一个部分;图⑤是4个部分,小旗子是一部分,三角是一部分,帆和底座是连在一起的,是一部分,下面的波浪没有和上面连接,是一部分。

因此,图①④⑤为一组,均有4部分;图②③⑥为一组,均是7部分,D项当选。【选D】



【注意】部分数:只数黑色的连在一起的线条,只要连在一起的就是一部分, 无需是封闭区域。

生活化、黑线条图形常见考法:

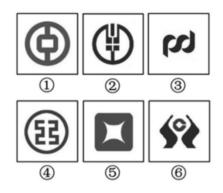
1. 部分数



2. 面 (黑线条内部留白较多)



3. 属性(对称、开闭)



【注意】生活化、黑线条图形常见考法:

- 1. 部分数(只数黑色的线条):如图,题干线条均连在一起,均是一部分。
- 2. 面(数白色的区域): 黑线条内部留白较多。
- 3. 属性:对称、开闭。如图,均是银行的标志,不考虑实际意义,考虑开闭性。
 - 4. 看到生活化、黑线条图形优先考虑部分数,其次考虑面数量、属性。



【注意】数量规律总结:内容多,笔画数是重点。

第六节 空间重构

1. 折叠方向

左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它折叠而成?





图 1

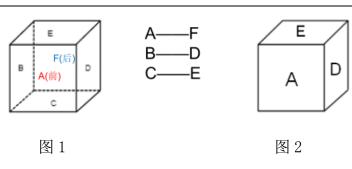
图 2

2. 所有的方法都是排除错误选项的

【注意】空间重构:

- 1. 不需要很强的空间想象能力,通过方法和技巧即可解题。
- 2. 纸盒的折叠方向: 题干往往会给出"左边给的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项由它折叠而成",图 1 才是纸盒外表面的展开图。
- 3. 空间重构所有的方法都是用来排除错误选项的。只用排除法解题,正确选项无需验证。

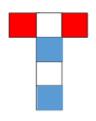
一、相对面



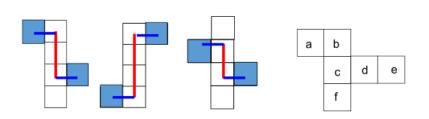
应用:一组相对面出现2个的选项——排除

展开图中如何判断相对面?

1. 同行或同列相隔一个面



2. "Z"字形两端

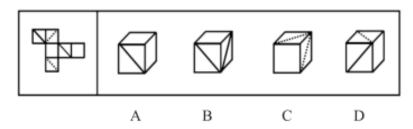


紧邻Z字中线的面

【注意】相对面:

- 1. 相对的两个面,如左右、上下、前后是相对面,一个立体图有3组相对面。
- 2. 图 1 是透视图,实际上只能看到 3 个面 (如图 2),能看到面 A、D、E。能看到面 A,就不能看到相对的面 F;能看到面 E,就不能看到相对的面 C;能看到面 D,就不能看到相对的面 B。因此,相对面只能看到其中的一个,一组相对面同时出现的选项,一定错误,应排除。如题干为面 A、F、E,一定错误,因为面 A 和面 F 为相对面,不能同时出现。
 - 3. 展开图中如何判断相对面:
- (1)同行或同列相隔一个面。如两个红色的面中间隔一个白面,折成立体 图形后一定是相对面;两个蓝色的面中间隔一个白面,折成立体图形后一定是相 对面。如果一个选项同时看到两个红色的面,一定错误,因为不可能同时看到相 对面。
 - (2) "Z"字形两端。
 - ①如图,蓝色的面均位于"Z"字形两端,是相对面,不用管"Z"的方向。
- ② "Z"字形两端的面一定是紧邻"Z"字中线的面,如标红的线是中线,蓝色的面是中线折过来就挨着的面,不能是中线折过来后再跳一个得到的面。面 a 的相对面是面 d,两个面是"Z"字形的两端,面 e 不是紧邻"Z"字中线的面,面 e 的相对面是面 c(两个面相隔一个面)。

例 1 (2014 黑龙江) 左边给定的是纸盒的外表面,下面哪一项能由它折叠而成? ()



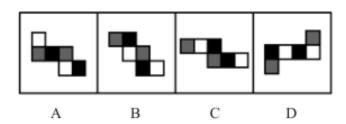
【解析】1. 虚线面的相对面是与其间隔一个面的虚线面,同理,两个空白面是相对面,2个斜线面位于"Z"字形两端,是相对面。即题干中长得一样的面是相对面。

A 项出现两个空白面,是相对面,不可能同时出现,排除。

B 项出现两个斜线面,是相对面,不可能同时出现,排除。

C 项出现两个虚线面, 是相对面, 不可能同时出现, 排除。【选 D】

例 2 (2014 联考) 如用白、灰、黑三种颜色的油漆为正方体盒子的 6 个面上色,且两个相对面上的颜色都一样,以下哪一个不可能是该盒子外表面的展开图?



【解析】2. 看清楚提问,本题问"不可能"。题干说明两个相对面上的颜色都一样。

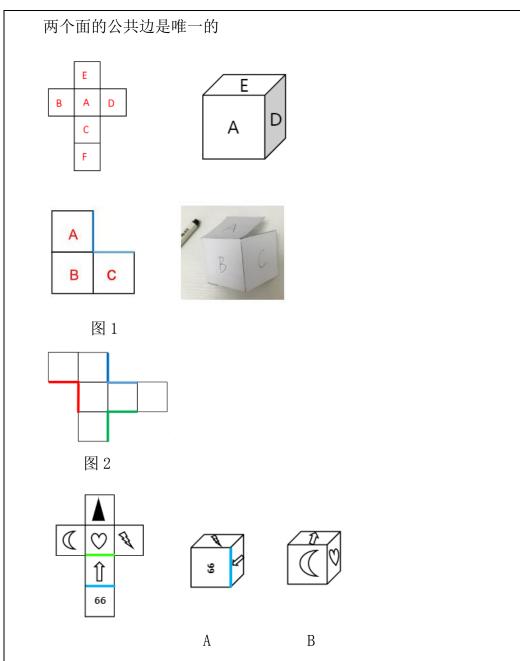
C 项第一行灰色和黑色的面是相对面,颜色不同;第二行灰色面和白色面中间隔一个面,是相对面,颜色不同;"Z"字形两端的面是相对面,颜色也不同, 当选。

A、D 项任意 2 个相对面颜色均相同,排除。

B项2个灰色的面、2个白色的面、2个黑色的面均位于"Z"字形两端,是相对面,相对面颜色相同,排除。【选C】

二、相邻面

应用: 折叠前后相邻关系保持不变

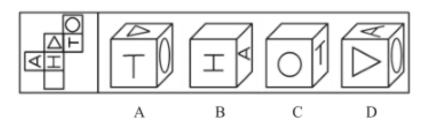


【注意】相邻面:

- 1. 紧邻(挨着)的面是相邻面,面 A 与面 D、面 A 与面 C、面 C 与面 F、面 A 与面 E、面 A 与面 B、面 E 与面 D 分别是相邻面。
- 2. 构成直角的两条边是同一条边。图 1 直角边是蓝色边,折合成立体图形之后重合,面 A 与面 C 是相邻面。图 2 中相同颜色的边折合后是同一条边。
- 3. 相对位置法:图形之间相对位置不变。图形方向明显,考虑相对位置法。A 项为闪电面、箭头面、66 面,无相对面,考虑相对位置,展开图中箭头的尾巴对着 66 面,A 项中箭头的头顶着 66 面,排除。B 项箭头的尾巴对着月亮面,排除。

- 4. 相邻面应用:
 - (1) 折叠前后相邻关系保持不变。
 - (2) 两个面的公共边是唯一的。

例 1 (2013 联考) 左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折成? 请把它找出来。()



【解析】1. 展开图中出现 T、字母、三角形等方向明显的面。

A 项 T 头顶三角形, 且紧邻圆面, 与展开图一致, 不能排除, 保留。

B 项出现 A 面、H 面、空白面,无相对面,考虑相邻关系,展开图中 A 的开口对着 H, 选项 A 的尖角顶着 H, 二者不一致,排除。

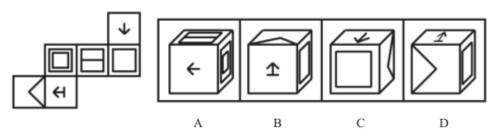
С项 T 面是方向明显的面,展开图中 T 的短线顶着三角形面,选项 T 的短线顶着空白面,二者不一致,排除。

D 项 A 面是方向明显的面, A 面脚踩着圆面, 展开图 A 面脚踩 H 面, 二者不一致, 排除。【选 A】

【注意】1. 出现方向明显的面,考虑相对位置(相邻面)。

2. 空间重构题,排除错误选项,不能排除的选项保留。

例 2 (2018 浙江) 左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折叠而成?请把它找出来。()



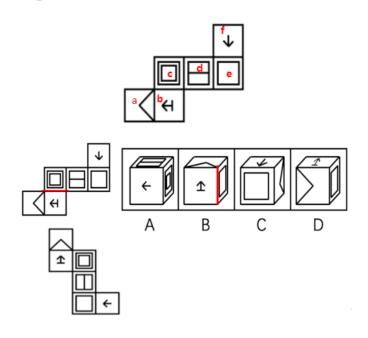
【解析】2. 本题较难, 涉及方向感。如下图所示, 依次标记为面 a-f。

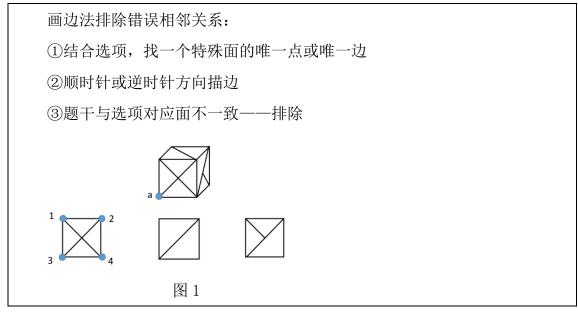
A 项为面 c、面 d、面 f, 无相对面和方向明显的面, 不易观察, 保留。

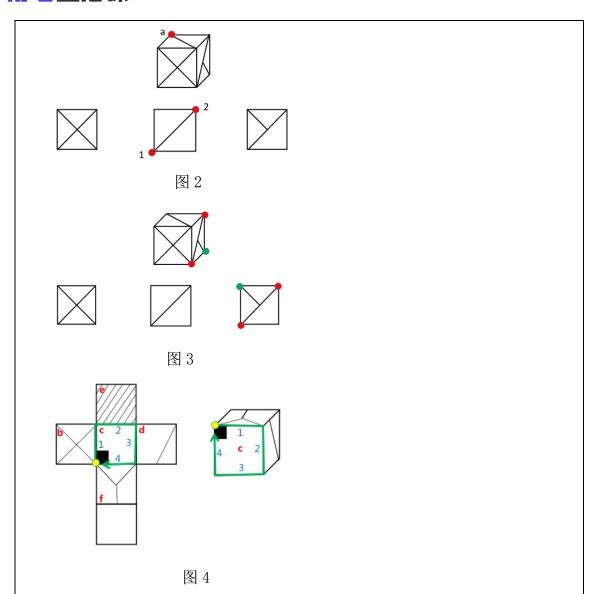
B 项为面 a、面 b、面 e, 选项面 b 的箭头顶着面 a 三角形的长边,与展开图一致;选项箭头的右侧是面 e,展开图箭头的右侧是面 c (可以旋转讲义,将箭头旋转至与 B 项一致,进而观察),排除。

C 项为面 e、面 f、面 a,选项面 e 与面 f 的相对位置与展开图一致,面 a 距离面 e 与面 f 较远,观察面 a。选项和展开图三角形的位置一致,选项三角形上面的侧面紧邻面 f,展开图三角形上面的侧边紧邻面 c,二者不一致,排除。

D 项面 b 的箭头在三角形侧面,展开图面 b 的箭头顶着三角形最长边,二者不一致,排除。【选 A】





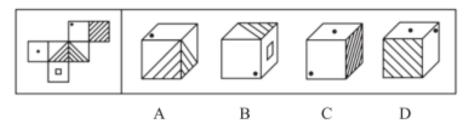


【注意】1. 画边法比较难,但是可以解决难题和大部分题。

2. 画边法三步走:

- (1)结合选项,找一个特殊面的唯一点或唯一边。唯一点指一个面四个角的一个特殊点。图 1 中点 a 无法确定是点 1-4 的哪一个,不是唯一点。图 2 中点 a 无法确定是点 1 或点 2,不是唯一点。图 3 中侧面的红点可以区分,但不易观察,绿色的点是唯一点。唯一点的面一般比较明显。
- (2) 顺时针或逆时针方向画边。图 4 中面 c 的黄色顶点是唯一点,将选项与题干按照同一方向画边。从唯一点出发,顺时针画边,标记为边 1-4。
- (3) 题干与选项对应面不一致——排除。题干边 1 对应面 b (\times 面),选项边 1 对应面 f (Y 面),二者不一致,排除。

例 3 (2013 联考) 左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折成? 请把它找出来。()



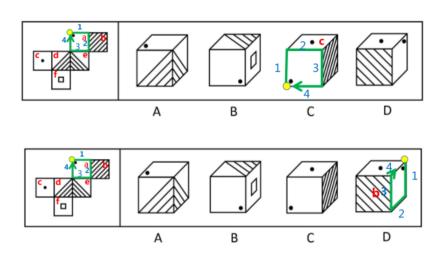
【解析】3. 如下图所示,将面标记为面 a-f。

A项为面a、面d、面e,未发现问题,保留。

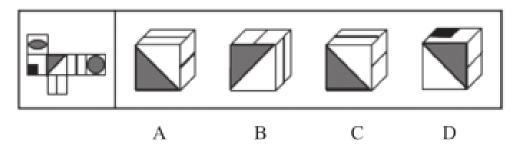
B 项正面是面 a, 右侧面是面 f, 二者是相对面(Z 字形两端), 不能同时出现, 排除。

C、D 项均出现相同的三个面,即面 a、面 c、面 b,无相对面,且无方向明显的面,相对位置不易观察。考虑画边法,找一个面的唯一点,面 a 比较特殊,黑点所在的顶点是唯一点(题干和选项黑点所在的顶点是同一个点),从此点出发顺时针画边,选项与题干画边方向一致,标记为边 1-4。题干边 2 对应面 b,C 项边 2 对应面 c,二者不一致,排除。

D项边3对应面b, 题干边3对应面e, 二者不一致, 排除。【选A】



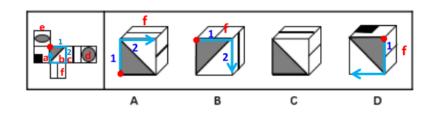
例 4 (2017 江苏 B) 左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它 折叠而成?请把它找出来。()



【解析】4. 如下图所示,将面标记为面 a-f。题干无方向明显的面,选项均出现黑三角面和横线面,考虑在黑三角面画边,黑色的直角点是唯一点(同一个点),将选项和题干顺时针画边。题干边 1 对应面 e,边 2 对应面 c(面 c 与面 f 不同)。

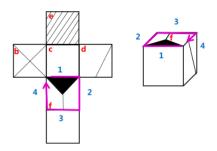
A 项边 2 对应面 f, 题干边 2 对应面 c, 二者不一致, 排除。

- B项边1对应面f, 题干边1对应面e, 二者不一致, 排除。
- C 项未发现问题,保留。
- D项边1对应面 f, 题干边1对应面 e, 排除。【选 C】



画边法: 唯一边

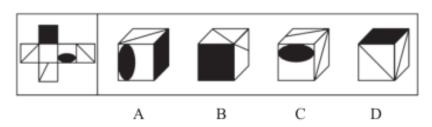
- ①结合选项,找一个特殊面的唯一点或唯一边
- ②顺时针或逆时针方向描边
- ③题干与选项对应面不一致——排除



【注意】无唯一点时,可以考虑唯一边。面 f 中的唯一点不易观察,选项和题干面 f 黑色三角形的黑色边是唯一边(同一条边),以此边为边 1,顺时针(逆时针)画边,标记为边 1-4。题干边 4 对应面 b,选项边 4 对应面 d,二者不一

致,排除。

例 5 (2016 国考) 左边给定的是纸盒外表面的展开图,下列哪一项能由它折叠而成?请把它找出来。()

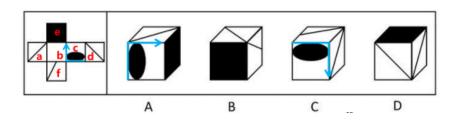


【解析】5. 如下图所示,将展开图的面标记为面 a-f。

B 项右侧面是面 f, 正面是面 e, 展开图中面 f 与面 e 是相对面, 不能同时出现, 排除。

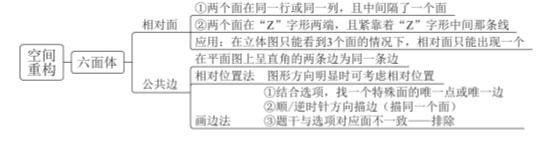
A 项正面是面 c, 椭圆紧邻的边是唯一边(同一条边), 顺时针画边, 标记为边 1-4, 题干边 2 对应面 b (空白面), A 项边 2 对应斜线面, 排除。

C 项边 2 对应斜线面, 题干边 2 对应面 b (空白面), 排除。【选 D】



【注意】利用画边法解题,无需方向感。

° Ø 思维导图



【注意】空间重构的方法不在于多,而在于精,可以解题即可,需要多加练习。

空间重构梳理

- 1. 所有的方法都是用来排除错误选项的
- 2. 相对面优先看
- 3. 对于有图形方向明显的面可以优先考虑相对位置









4. 对于有明显唯一点或唯一边的题目可用画边法















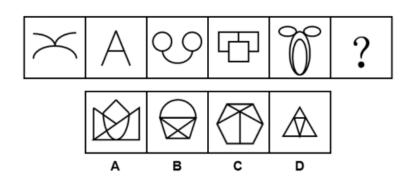
5. 方法一开始觉得难,用的慢是正常现象,首先是学会,然后通过练习巩固,熟能生巧,加油!

【注意】空间重构梳理:

- 1. 所有的方法都是用来排除错误选项的。
- 2. 相对面优先看。
- 3. 图形方向明显,优先考虑相对位置。
- 4. 有明显唯一点或唯一边的题目考虑画边法,图 1-图 5 均有唯一点(红色点),图 6 的黑色边、图 7 黑色椭圆紧邻的边是唯一边。
- 5. 方法一开始觉得难,用的慢是正常现象,首先是学会,然后通过练习巩固,熟能生巧,加油!

课后小测验

1. (2017 广州) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性:



【解析】1. 本题课堂正确率为 78%。观察图形特征,考虑数面,面数量依次为: 0、1、2、3、4、?,"?"处应选择 5 个面的图形。

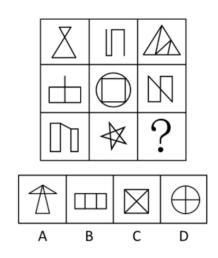
A项为6个面,D项为4个面,均排除。B、C项均为5个面,保留。

面数量无唯一答案,考虑复合考法,比较 B、C 项的区别。B 项为曲+直图形, C 项为全直线图形。题干图形为全曲、全直交替出现,"?"处应为全直线图形, C 项当选。

若考虑对称性,首先排除 A 项,再考虑曲直性和面数量,选择 C 项。

若考虑笔画数,图 1 与图 2 是两笔画,图 3 是一笔画,无规律,且无笔画数特征图。【选 C】

2. (2014 浙江) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性:

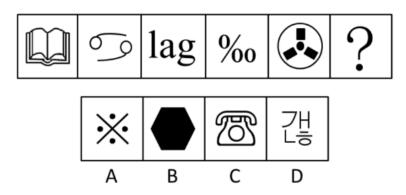


【解析】2. 本题课堂正确率为86%。观察图形特征,第三行图2为五角星、第一行图1与第二行图1是"日"字变形图,第二行图2为简单的一笔画图形, C、D 项为"田"字变形图,考虑笔画数。

Fb 粉笔直播课

题干均为一笔画图形, A 项为一笔画图形, 当选。其他选项均有 4 个奇点, 是两笔画图形,均排除。【选 A】

3. (2011 联考) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性:

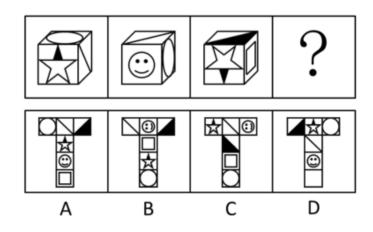


【解析】3. 本题课堂正确率为74%。出现粗线条图形,考虑部分数。图1线条连在一起是一部分,图2是上下两部分,部分数依次为:1、2、3、4、5、?,"?"处应为6部分。

A 项为 5 部分 (4 个黑点+1 个×), B 项为 1 部分, C 项为 2 部分,均排除。 D 项为 6 部分,当选。【选 D】

【注意】根据图形特征匹配规律,粗线条一般不考查曲线,出现粗线条图形,考虑部分数。

4. (2016 联考) 从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现出一定的规律性:



【解析】4. 本题课堂正确率为 76%。出题形式发生变化,给出立体图形,要求选择展开图,但解题方法一致。五角星面是方向明显的面,且给出黑色尖角,考虑相对位置。

题干五角星的黑尖角顶着圆, A 项五角星的黑尖角顶着斜线, 排除。

- B 项五角星的黑尖角顶着正方形,排除。
- C 项未发现问题, 保留。
- D项五角星的黑尖角右侧是圆,排除。【选C】

图形小结:

元素组成相同——

元素组成相似——

元素组成不同——先

——后

出现明显小黑点/白点/箭头——

空间类——

【注意】课后总结:

- 1. 元素组成相同,考虑位置规律(平移、旋转、翻转)。
- 2. 元素组成相似,考虑样式规律(加减同异、黑白加)。
- 3. 元素组成不同,优先考虑属性规律(对称、曲直、开闭),其次考虑数量规律(点、线、面、素)。
 - 4. 功能元素:白点、黑点、箭头等(标记位置作用)。
 - 5. 空间类: 相对面、相对位置、画边法。

【答案汇总】点数量 1-3: BDD; 线数量 1-5: ACBBD; 6: A; 面数量 1-3: DDD; 素数量 1-3: CCD; 相对面 1-2: DC; 相邻面 1-5: AAACD; 课后小测验: 1-4: CADC

遇见不一样的自己

come to meet a different you

