

Standortplanung

Einführung in das wissenschaftliche Arbeiten

Inka Nozinski

Leibniz Universität Hannover Wirtschaftswissenschaftliche Fakultät Institut für Produktionswirtschaft

10.10.2024



- Problembeschreibung
- 2 Modell für die deterministische Standortplanung
- 3 Numerisches Beispiel
- 4 Fazit



- Problembeschreibung
- 2 Modell für die deterministische Standortplanung
- Numerisches Beispiel
- 4 Fazit

Welche Produktionsstätten?





ullet Entscheidung über das Öffnen von Produktionsstätten o hohe Fixkosten

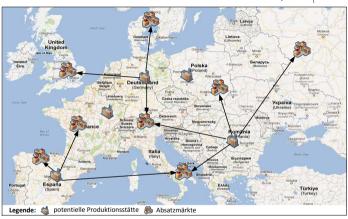
Bekannte Nachfrage





• Höhe und Ort des Auftretens der Nachfrage sind zum Zeitpunkt der Entscheidung bekannt





- Zuordnung der Absatzmärkte zu Produktionsstätten
- Festlegung der Produktions- und Transportmengen





- Zuordnung der Absatzmärkte zu Produktionsstätten
- Festlegung der Produktions- und Transportmengen
 - \Rightarrow Ziel: Minimale Produktions- und Transportkosten



- Problembeschreibung
- 2 Modell für die deterministische Standortplanung
- Numerisches Beispiel
- 4 Fazit



- Räumliche Struktur gegeben durch
 - ullet potentielle Produktionsstätten $i \in \mathcal{I}$ mit begrenzter Produktionskapazität b_i



- Räumliche Struktur gegeben durch
 - potentielle Produktionsstätten $i \in \mathcal{I}$ mit begrenzter Produktionskapazität b_i
 - ullet Absatzmärkte $j \in \mathcal{J}$ mit deterministischer Nachfrage d_j



- Räumliche Struktur gegeben durch
 - potentielle Produktionsstätten $i \in \mathcal{I}$ mit begrenzter Produktionskapazität b_i
 - ullet Absatzmärkte $j \in \mathcal{J}$ mit deterministischer Nachfrage d_j
- Kosten
 - Fixkosten f_i bei Errichtung einer Produktionsstätte
 - ullet Transportkosten c_{ij} von Produktionsstätte i zu Absatzmarkt j
 - $\bullet \ \mathsf{Produktionskosten} \ \mathsf{an} \ \mathsf{allen} \ \mathsf{Produktionsst\"{a}tten} \ \mathit{i} \ \mathsf{identisch} \ \Rightarrow \mathsf{Nicht} \ \mathsf{planungsrelevant}$



- Räumliche Struktur gegeben durch
 - potentielle Produktionsstätten $i \in \mathcal{I}$ mit begrenzter Produktionskapazität b_i
 - ullet Absatzmärkte $j \in \mathcal{J}$ mit deterministischer Nachfrage d_j
- Kosten
 - Fixkosten f_i bei Errichtung einer Produktionsstätte
 - ullet Transportkosten c_{ij} von Produktionsstätte i zu Absatzmarkt j
 - ullet Produktionskosten an allen Produktionsstätten i identisch \Rightarrow Nicht planungsrelevant
- Vollständige Nachfragebefriedigung
- Eine Planungsperiode ⇒ Keine Lagerhaltung

Entscheidungsvariablen



- Eröffnung Produktionsstätten
 - γ_i : 1, wenn Produktionsstätte i errichtet wird und 0 sonst

Entscheidungsvariablen



- Eröffnung Produktionsstätten
 - γ_i : 1, wenn Produktionsstätte *i* errichtet wird und 0 sonst
- Transportmengen:
 - ullet $x_{ij} \in \mathbb{R}_+$: Transportmenge von Produktionsstätte i zu Absatzmarkt j

Modell - 7ielfunktion



$$\min \sum_{i \in \mathcal{I}} f_i \cdot \gamma_i + \sum_{i \in \mathcal{I}} \sum_{i \in \mathcal{I}} c_{ij} \cdot x_{ij}$$
 (1)

Mengen		Parameter		
$i\in\mathcal{I}$	pot. Produktionsstätten	f_i	Fixkosten von Produktionsstätte i	
$j\in\mathcal{J}$	Absatzmärkte	Cij	Distanz von pot. Produktionsstätte i zu Absatzmarkt j	

Variablen

 γ_i 1, wenn Produktionsstätte i errichtet wird und 0 sonst

 x_{ij} Transportmenge von Produktionsstätte i zu Absatzmarkt j

Modell - Nachfragebefriedigung



$$\sum_{i\in\mathcal{I}}x_{ij}=d_j$$

 $\forall j \in \mathcal{J}$ (2)

М	en	σι	n
171	e.	20	:II

 $i \in \mathcal{I}$ pot. Produktionsstätten $i \in \mathcal{J}$ Absatzmärkte

Parameter

 d_j Nachfragemenge des Absatzmarktes j

Variablen

 x_{ij} Transportmenge von Produktionsstätte i zu Absatzmarkt j

Modell - Kapazitätsbeschränkung



$$\sum_{j\in\mathcal{J}} x_{ij} \leq b_i \cdot \gamma_i$$

 $\forall i \in \mathcal{I} \quad (3)$

Mengen

 $i \in \mathcal{I}$ pot. Produktionsstätten $i \in \mathcal{J}$ Absatzmärkte

Parameter

Produktionskapazität der Produktionsstätte i

Variablen

 γ_i 1, wenn Produktionsstätte i errichtet wird und 0 sonst

Beispiel - Kapazitätsbeschränkung



- Zwei potentielle Produktionsstätten i = 1, 2
- Zwei Absatzmärkte j = 1, 2

Beispiel - Kapazitätsbeschränkung



- Zwei potentielle Produktionsstätten i = 1, 2
- Zwei Absatzmärkte j = 1, 2
- Nur Produktionsstätte i=2 wird eröffnet $\Rightarrow \gamma_1 = 0$ und $\gamma_2 = 1$
- Kapazitätsbedingung für Produktionsstätte i = 1:

$$x_{1,1} + x_{1,2} \le \underbrace{b_1 \cdot \gamma_1}_{= 0}$$

Beispiel - Kapazitätsbeschränkung



- Zwei potentielle Produktionsstätten i = 1, 2
- Zwei Absatzmärkte j = 1, 2
- Nur Produktionsstätte i=2 wird eröffnet $\Rightarrow \gamma_1 = 0$ und $\gamma_2 = 1$
- Kapazitätsbedingung für Produktionsstätte i = 1:

$$x_{1,1}+x_{1,2}\leq \underbrace{b_1\cdot\gamma_1}_{=0}$$

 \Rightarrow Keine Transporte von Produktionsstätte i=1 möglich: $x_{1,1}=x_{1,2}=0$



- Problembeschreibung
- 2 Modell für die deterministische Standortplanung
- 3 Numerisches Beispiel
- 4 Fazit

Minimalbeispiel

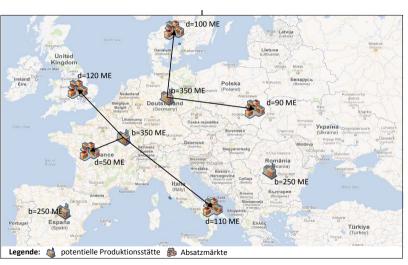




- Fixkosten $f_i = 50.000$ GE $\forall i \in I$
- Transportkostensätze c_{ii} in GE abhängig von Entfernung

Optimale Lösung







- Problembeschreibung
- 2 Modell für die deterministische Standortplanung
- 3 Numerisches Beispiel
- 4 Fazit

Rückblick



- Hohe Fixkosten für Errichtung von Produktionsstätten ⇒ Entscheidungsproblem: Anzahl der zu errichtenden Produktionsstätten
- Entscheidung über Zuordnung von Absatzmarkt zu Produktionsstätte
- Deterministisches Optimierungsmodell zur Entscheidungsunterstützung

Mögliche Erweiterungen



- Mehrere Perioden
- Stochastische Nachfrage
- Mehrere Produkte



Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!