

- * Não são consideradas as folhas sem identificação. Justifique convenientemente todos os cálculos que efetuar;
- * A desistência só é possível após 1 hora do início da prova;
- * Não é permitida a utilização de máquinas de calcular gráficas nem de microcomputadores.

1. [4,1] Seja a superfície $x^2 + 2y^2 = z^2 + 1$.
 - a) Obtenha a equação do plano tangente à superfície no ponto $Q = \left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}} \right)$.
 - b) Parametrize a curva de interseção da superfície com o plano $z = y$ e calcule o vetor da tangente à curva no ponto Q .
2. [4,1] Determine a derivada direcional da função de campo escalar $f(x, y, z) = x^2 + xy + z + \cos(z)$ no ponto $P = (-1, 0, \pi)$, na direção da curva parametrizada por $\mathbf{r}(t) = (\cos(t), \sin(t), t)$, $t \geq 0$.
3. [1,6] Calcule os pontos críticos de $f(x, y) = 2x^4 + y^2 - x^2 - 2y$ e classifique-os.
4. [4,1] Seja a equação $\cos(xyz) + \ln(x^2 + y^2 + z^2) = 0$. Assumindo que z é função de x e de y , derivável, obtenha, por derivação implícita, $\frac{\partial z}{\partial x}$ e $\frac{\partial z}{\partial y}$.
5. [4,1] Seja o integral $\int_{-2}^0 \int_{x^2}^{-x+6} x \, dy dx + \int_0^3 \int_0^{-2x+6} x \, dy dx$.
 - a) Esboce o domínio de integração.
 - b) Calcule o valor do integral.
 - c) Reescreva-o trocando a ordem de integração.
6. [2,0] Uma superfície cilíndrica $y = f(x)$ é tangente à superfície $z^2 + 2xz + y = k$, $k \in \mathbb{R}$, em todos os pontos comuns às duas superfícies. Calcule $f(x)$.