2018 年北京一模

1.	1. 已知 a , b 为正实数,则 $a > 1$, $b > 1$ 是 $\lg a + \lg b > 0$ 的					
	(A) 充分而不必要条件		(B) 必要而不充分条件			
	(C) 充分必要条件		(D) 既不充分也不必要	(D) 既不充分也不必要条件		
2.	下列函数 $f(x)$ 中,其图像	泉上任意一点 P(x,y) 的坐	的坐标都满足条件 y ≤ x 的函数是 ()			
	$(A) f(x) = x^3$	(B) $f(x) = \sqrt{x}$	$(C) f(x) = e^x - 1$	(D) $f(x) = \ln x$	(x+1)	
3.	6. 在平面直角坐标系 xOy 中,已知点 $A(\sqrt{3},0)$, $B(1,2)$,动点 P 满足 $\overrightarrow{OP} = \lambda \overrightarrow{OA} + \mu \overrightarrow{OB}$,其中 λ , μ [0,1], $\lambda + \mu \in [1,2]$,则所有点 P 构成的图形面积为					
	(A) 1	(B) 2	(C) $\sqrt{3}$	(D) $2\sqrt{3}$		
4.	4. 设函数 $f(x) = \sin\left(4x + \frac{\pi}{4}\right)\left(x \in \left[0, \frac{9\pi}{16}\right]\right)$, 若函数 $y = f(x) + a$ $(a \in \mathbf{R})$ 恰有三个零点 x_1, x_2, x_3 $(x_1 < x_2 < x_3)$ 则 $x_1 + 2x_2 + x_3$ 的值是					
	(A) $\frac{\pi}{2}$	(B) $\frac{3\pi}{4}$	(C) $\frac{5\pi}{4}$	(D) π	,	
5.	5. 已知点 M 在圆 $C_1: (x-1)^2 + (y-1)^2 = 1$ 上,点 N 在圆 $C_2: (x+1)^2 + (y+1)^2 = 1$ 上,则下列说法错误的是 (A) $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{ON}$ 的取值范围是 $\left[-3 - 2\sqrt{2}, 0 \right]$ (B) $\left \overrightarrow{OM} + \overrightarrow{ON} \right $ 的取值范围是 $\left[0, 2\sqrt{2} \right]$					
(C) $\left \overrightarrow{OM} - \overrightarrow{ON}\right $ 的取值范围是 $\left[2\sqrt{2} - 2, 2\sqrt{2} + 2\right]$						
	(D) 若 $\overrightarrow{OM} = \lambda \overrightarrow{ON}$,则实数 λ 的取值范围是 $\left[-3 - 2\sqrt{2}, -3 + 2\sqrt{2} \right]$					
6.	把 4 件不同的产品排成一排,若其中的产品 A 与产品 B 都摆在产品 C 的左侧,则不同的摆法有 种.(用数字作答)					
7.	7. 一次数学会议中,有五位教师来自 A , B , C 三所学校,其中 A 学校有 2 位, B 学校有 2 位, C 学校有 1 位. 现在五位老师排成一排照相,若要求来自同一学校的老师不相邻,则共有 种不同的站队方案.					
8.	. 设函数 $f(x) = \begin{cases} x, & x \ge a \\ x^3 - 3x, & x < a \end{cases}$					
	① 若函数 $f(x)$ 有两个零点,则实数 a 的取值范围是; ② 若 $a \le -2$,则满足 $f(x) + f(x - 1) > -3$ 的 x 的取值范围是					
9.	已知函数 $f(x) = 2\sqrt{3}\sin x \cos x + 2\cos^2 x - 1$					
	(1) 求 $f\left(\frac{\pi}{6}\right)$ 的值;					
	(2) 求 <i>f</i> (<i>x</i>) 的单调递增区					
10.	已知函数 $f(x) = \frac{\ln x}{x+a}$.					

- (1) 当 a = 0 时,求函数 f(x) 的单调递增区间
- (2) 当 a > 0 时,若函数 f(x) 的最大值为 $\frac{1}{e^2}$,求 a 的值.
- 11. 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \ (a > b > 0)$ 的离心率为 $\frac{\sqrt{3}}{2}$,且点 T(2,1) 在椭圆 C 上,设与 OT 平行的直线 l 与椭圆 C 相交于 P, Q 两点,直线 TP, TQ 分别与 x 轴正半轴交于 M, N 两点.
 - (1) 求椭圆 C 的标准方程;
 - (2) 判断 |OM| + |ON| 的值是否为定值,并证明你的结论.