

14. (4) 前提: $q \rightarrow p, q \leftrightarrow s, s \leftrightarrow t, t \wedge r$.

结论: $p \wedge q$.

① $s \leftrightarrow t$ 前提引入

② $(s \rightarrow t) \wedge (t \rightarrow s)$ ①

③ $t \rightarrow s$ ②化简

④ $t \wedge r$ 前提

⑤ t ④

⑥ s ③⑤

⑦ $q \leftrightarrow s$ 前提

⑧ $(q \rightarrow s) \wedge (s \rightarrow q)$ ⑦

⑨ $s \rightarrow q$ ⑧

⑩ q ⑥⑨

⑪ $q \rightarrow p$ 前提

⑫ p ⑩⑪

⑬ $p \wedge q$ ⑫⑩

15. (1). 前提 $p \rightarrow (q \rightarrow r), s \rightarrow p, q$.

结论 $s \rightarrow r$.

① s 附加前提引入

② $s \rightarrow p$ 前提

③ p ①②

④ $p \rightarrow (q \rightarrow r)$ 前提

⑤ $q \rightarrow r$ ③④

⑥ q 前提

⑦ r ⑤⑥

16. (1). 前提: $p \rightarrow \neg q, \neg r \vee q, r \wedge \neg s$.

结论 $\neg p$.

① p 结论否定引入

② $p \rightarrow \neg q$ 前提

③ $\neg q$ ①②

④ $\neg r \vee q$ 前提

⑤ $\neg r$ ④

⑥ $r \wedge \neg s$ 前提

⑦ r ⑥

⑧ $\neg r \wedge r$ ⑦⑤

17. 设 p : A 到过受害者房间.

q : A 在 11 点以前离开.

r : A 是犯罪嫌疑嫌疑人

s : 看门人看见 A

前提: $(p \wedge \neg q) \rightarrow r, p, q \rightarrow s, \neg s$.

结论: r .

① $q \rightarrow s$ 前提

② $\neg s$ 前提

③ $\neg q$ ①②

④ p 前提

⑤ $p \wedge \neg q$ ④③

⑥ $(p \wedge \neg q) \rightarrow r$ 前提

⑦ r ⑥⑤

18.12). 依 P : 小王是理科生. q : 小王数学成绩很好.

r : 小王是文科生.

前提: $P \rightarrow q, \neg r \rightarrow P, \neg q.$

结论: $r.$

① $P \rightarrow q.$ 前提.

②. $\neg q.$ 前提

③. $\neg P.$ ①②

④ $\neg r \rightarrow P.$ 前提

⑤. $r.$ ③④

18. 4.

11). $F(x)$: x 是有理数. $G(x)$: x 能表示成分数.

$$\forall x (F(x) \rightarrow G(x))$$

12). $F(x)$: x 去长城. $G(x)$: x 是外地人.

$$\exists x (F(x) \wedge \neg G(x))$$

13). $F(x)$: x 是乌鸦. $G(x)$: x 是黑色的.

$$\forall x (F(x) \rightarrow G(x))$$

14). $F(x)$: x 是人. $G(x)$: x 锻炼.

$$\exists x (F(x) \wedge G(x))$$

18. 5.

11). $F(x)$: x 是火车. $G(y)$: y 是轮船. $H(x, y)$: x 比 y 快.

$$\forall x \forall y (F(x) \wedge G(y) \rightarrow H(x, y)).$$

12). $F(x)$: x 是火车. $G(y)$: y 是汽车. $H(x, y)$: x 比 y 快.

$$\exists x \exists y (F(x) \wedge G(y) \wedge H(x, y)).$$

$$\textcircled{3}. \neg \exists x (G(x) \wedge \forall y (F(y) \rightarrow H(x, y))).$$

14). $F(x)$: x 是火车. $G(y)$: y 是汽车. $H(x, y)$: x 比 y 快.

$$\neg \forall x (G(x) \rightarrow \forall y (F(y) \rightarrow H(x, y))).$$