

数据结构与算法

Data Structures and Algorithms

谢昊

xiehao@cuz.edu.cn

第一

线性结构 Linear Structures

大纲

1. 引例

2. 线性结构 顺序存储与运算实现 链式存储与运算实现

3. 小结

引例: 一元多项式的表示与计算

• 考察一元 n 次多项式

$$f(x) = a_0 + a_1 x + \dots + a_{n-1} x^{n-1} + a_n x^n$$

- 如何表示 *f*(x)?
 - 多项式的阶数 n
 - 各项系数 a_k 与指数 k,其中 $k \in \mathbb{Z} \cap [0, n]$
- 如何对 f(x) 与 g(x) 两个多项式做基本运算?
 - $f(x) \pm g(x)$
 - $f(x) \cdot g(x)$

解决方案甲: 利用顺序存储结构直接表示

- 利用数组元素与下标分别表示多项式中对应各项的系数与指数
- 即:令数组元素a[k]表示 x^k 前的系数 a_k
- 简单四则运算只需在数组对应元素之间运算即可

解决方案甲: 利用顺序存储结构直接表示

- 利用数组元素与下标分别表示多项式中对应各项的系数与指数
- 即:令数组元素a[k]表示 x^k 前的系数 a_k
- 简单四则运算只需在数组对应元素之间运算即可

例

• 多项式 $f(x) = 1 - 3x^2 + 4x^6$ 与 $g(x) = x + 5x^2 - 7x^4$ 可分别由数组a[]与b[]表示

解决方案甲: 利用顺序存储结构直接表示

- 利用数组元素与下标分别表示多项式中对应各项的系数与指数
- 即:令数组元素a[k]表示 x^k 前的系数 a_k
- 简单四则运算只需在数组对应元素之间运算即可

例

• 多项式 $f(x) = 1 - 3x^2 + 4x^6$ 与 $g(x) = x + 5x^2 - 7x^4$ 可分别由数组a[]与b[]表示

a	1	0	-3	0	0	0	4	
Ь	0	1	5	0	-7	0	0	

图 1: 解决方案甲示例演示

解决方案甲: 利用顺序存储结构直接表示

- 利用数组元素与下标分别表示多项式中对应各项的系数与指数
- 即: 令数组元素a[k]表示 x^k 前的系数 a_k
- 简单四则运算只需在数组对应元素之间运算即可

例

• 多项式 $f(x) = 1 - 3x^2 + 4x^6$ 与 $g(x) = x + 5x^2 - 7x^4$ 可分别由数组a[]与b[]表示

a	1	0	-3	0	0	0	4	
Ь	0	1	5	0	-7	0	0	

图 1: 解决方案甲示例演示

• 思考: 如何处理系数过于稀疏的情况? 如: $f(x) = 1 - 3x^{100} + 2x^{1,000,000}$

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k,k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)			
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82, 0)		
f + g						

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)			
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82, 0)		
f + g	(26, 19)					

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)			
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82, 0)		
f + g	(26, 19)	(9, 12)				

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)			
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82, 0)		
f + g	(26, 19)	(9, 12)	(11,8)			

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)			
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82,0)		
f + g	(26, 19)	(9, 12)	(11,8)	(-13, 6)		

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)			
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82,0)		
f + g	(26, 19)	(9, 12)	(11,8)	(-13, 6)	(3, 2)	

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)				
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82, 0)			
f + g	(26, 19)	(9, 12)	(11,8)	(-13, 6)	(3, 2)	(82,0)	

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)				
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82,0)			
f + g	(26, 19)	(9, 12)	(11,8)	(-13, 6)	(3, 2)	(82,0)	

图 2: 解决方案乙示例演示过程

解决方案乙: 利用顺序存储结构只表示非零项

- 利用数组元素表示由各非零项的系数与指数组成的二元组 (a_k, k)
- 数组元素按非零项指数大小顺序排列
- 在运算时只需逐个比较每项的指数即可

例

f(x)	(9, 12)	(15,8)	(3, 2)				
g(x)	(26, 19)	(-4, 8)	(-13, 6)	(82,0)			
f + g	(26, 19)	(9, 12)	(11,8)	(-13, 6)	(3, 2)	(82,0)	

图 2: 解决方案乙示例演示过程

• 于是,
$$f(x) + g(x) = 26x^{19} + 9x^{12} + 11x^8 - 13x^6 + 3x^2 + 82$$

解决方案丙:利用链式存储结构只表示非零项

coefficient exponent next

图 3: 单链表结点结构

• 利用链表结点表示各非零项的系数、指数与 下一个结点的地址

解决方案丙: 利用链式存储结构只表示非零项



图 3: 单链表结点结构

• 利用链表结点表示各非零项的系数、指数与 下一个结点的地址

例

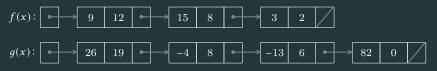


图 4: 解决方案丙示例结构

一点启示

- 同一问题有不同的表示方案
- 共性: 线性结构的组织与管理

线性结构 (Linear Structure)

- 又名**线性表、序列 (sequence)**,指具有相同数据类型的 n 个¹数据元素的有限序列
- 其长度 (length) 指序列中数据元素的个数
- 非空序列指至少含有一个元素的序列,可记作

$$s=(a_1,a_2,\cdots,a_k,\cdots,a_n),$$

其中

- *a_k* 表示数据元素²
- 下标 $k \in \mathbb{Z} \cap [1, n]$ 表示该元素在序列中的位置序号 (index) 或秩 (rank)
- 特别地,空序列可记作

$$s = ()$$

 $n \in \mathbb{Z} \cap [0, +\infty)$

²可表示<mark>任意</mark>数据类型,如无特别说明则采用简单数据类型

例: 幼儿园小朋友排队放学

- 每个班均只有有限多个小朋友
- 在每个班队伍中一般不允许有不属于该班小朋友的存在
- 为点名方便,所有小朋友均须按顺序排队
 - 排头小朋友前面与排尾小朋友后面均没有其他小朋友
 - 其余每个小朋友的前后均有且只有一个其他小朋友



序列的特点

• 有穷性: 序列中数据元素的个数是有限的

• 一致性: 序列中所有数据元素类型均须相同

• 顺序性: 序列中所有元素均按顺序排列

• 首元素无前驱 (predecessor),尾元素无后继 (successor)

• 其余元素均分别有且只有一个直接 (immediate) 前驱与 直接后继



序列的抽象数据类型

```
ADT Sequence {
数据:
    数据对象: \mathcal{D} = \{a_k | a_k \in 数据元素集合,k \in \mathbb{Z} \cap [1, n]\}
   逻辑关系: \mathcal{R} = \{ \langle a_{k-1}, a_k \rangle | k \in \mathbb{Z} \cap [2, n] \}
操作:
   create sequence()
       构造并初始化一个空序列s
   get sequence length(s)
       获取并返回序列s中所含元素个数
   get sequence element(s, k)
       获取并返回序列s中的第k个元素
   search sequence element(s, x)
       查找序列s中值为x的元素,返回其首次出现的序号或地址
   insert sequence element(s, k, x)
       在序列s的第k个位置插入值为x的新元素,后续元素序号与总元素个数均加 1
   remove sequence_element(s, k)
       删除序列s的第k个元素,后续元素序号与总元素个数均减 1
```

一些说明

- 线性结构的基本操作由实际应用而定
- 复杂操作可通过基本操作的组合而实现
- 针对不同应用, 其操作接口可能略有差异

序列的存储结构

- 顺序存储结构: 顺序列表
 - 元素按地址相邻存储在内存的一片连续地址空间中
 - 长度固定,可由内置数组的简单封装实现
 - 若欲实现变长结构,须采用进一步策略封装成动态数组或向量
- 链式存储结构: 链式列表
 - 元素在内存中一般彼此不相邻,仅按前驱后继关系通过指针相连
 - 长度可变,可由自定义结构体实现,较灵活

顺序列表 (Sequence List)

• 又名**顺序表**,用一段地址<mark>连续</mark>的存储单元,<mark>依次</mark>存储序列中的数据元素

顺序列表 (Sequence List)

• 又名顺序表,用一段地址连续的存储单元,依次存储序列中的数据元素

例



图 5: 顺序表存储过程演示

顺序列表 (Sequence List)

• 又名顺序表,用一段地址连续的存储单元,依次存储序列中的数据元素

例



图 5: 顺序表存储过程演示

顺序列表 (Sequence List)

• 又名顺序表,用一段地址连续的存储单元,依次存储序列中的数据元素

例



图 5: 顺序表存储过程演示

顺序列表 (Sequence List)

• 又名顺序表,用一段地址连续的存储单元,依次存储序列中的数据元素

例



图 5: 顺序表存储过程演示

顺序列表 (Sequence List)

• 又名顺序表,用一段地址连续的存储单元,依次存储序列中的数据元素

例

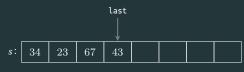


图 5: 顺序表存储过程演示

思考: 用何种属性描述顺序表?



图 6: 顺序表的属性描述

思考: 用何种属性描述顺序表?

• 存储空间的起始位置



图 6: 顺序表的属性描述

思考:用何种属性描述顺序表?

- 存储空间的起始位置
- 容量 (capacity): 最多可容纳的元素个数

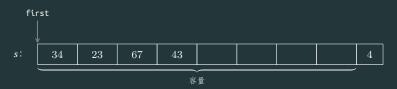


图 6: 顺序表的属性描述

思考:用何种属性描述顺序表?

• 存储空间的起始位置

• 容量 (capacity): 最多可容纳的元素个数

• 长度 (length): 实际容纳的元素个数



图 6: 顺序表的属性描述

思考:如何为顺序表分配内存?

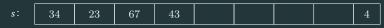


图 7: 顺序表的内存分配

思考:如何为顺序表分配内存?

• 一维数组的静态分配

s: 34 23 67 43 4

图 7: 顺序表的内存分配

思考: 如何获取任意元素的存储地址?

图 8: 顺序表的随机访问原理

思考: 如何获取任意元素的存储地址?



图 8: 顺序表的随机访问原理

思考: 如何获取任意元素的存储地址?



图 8: 顺序表的随机访问原理

思考: 如何获取任意元素的存储地址?

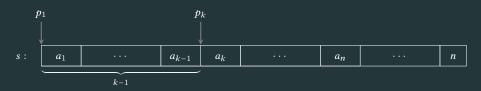


图 8: 顺序表的随机访问原理

思考: 如何获取任意元素的存储地址?

• 令 p_k 为元素 a_k 的起始地址,且每个元素 a_k 所占空间为 m,则有

$$p_k = p_1 + (k-1)m, \qquad k \in \mathbb{Z} \cap [1, n]$$

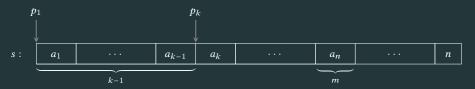


图 8: 顺序表的随机访问原理

思考: 如何获取任意元素的存储地址?

• 令 p_k 为元素 a_k 的起始地址,且每个元素 a_k 所占空间为 m,则有

$$p_k = p_1 + (k-1)m, \qquad k \in \mathbb{Z} \cap [1, n]$$

• 顺序列表中的元素可被**随机访问 (Random Access)**,时间复杂度为 O(1)

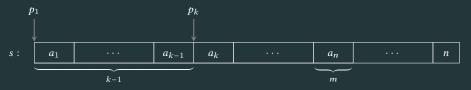


图 8: 顺序表的随机访问原理

顺序表的类型说明

- 以整型常量表示容量
- 以静态数组存储表中各元素
- 以尾元素的序号加 1 表示长度
- 特别地,空表尾元素序号为 -1

```
#define CAPACITY 256

typedef int DataType; // 元素类型

typedef struct {
DataType data[CAPACITY]; // 元素
int last; // 尾元素序号
} SequenceList;
```

顺序表的初始化

- 为空表动态分配空间
- 将尾元素序号置为 -1
- 返回指向空表的指针

向顺序表中插入元素

- 检测并处理非法输入3
- 依次向后移动目标位置后元素
- 在目标位置处插入新元素
- 更新尾元素序号

```
bool insert sequence list(
       SequenceList *s, int k, DataType d) {
   if (full sequence list(s)
          wrong insert index(s, k)) {
       return false; // 检测并处理各种非法插入情况
   for (int i = s->last; i >= k; --i) {
       s->data[i + 1] = s->data[i]; // 注意移动顺序
   s->data[k] = d; // 插入新元素
   ++s->last; // 更新尾元素序号
   return true;
```

³为表示布尔型变量,须包含 <stdbool.h>头,下同

例



图 9: 在顺序表中插入元素过程演示

例

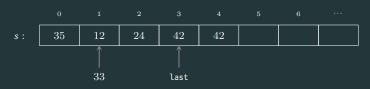


图 9: 在顺序表中插入元素过程演示

例



图 9: 在顺序表中插入元素过程演示

例



图 9: 在顺序表中插入元素过程演示

例

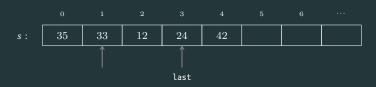


图 9: 在顺序表中插入元素过程演示

例



图 9: 在顺序表中插入元素过程演示

顺序表插入算法的复杂度分析

顺序表插入算法的复杂度分析

- 插入运算主要耗时于依次移动数据
 - 在序号为 k 的位置插入时须移动 n-k 次, $k \in \mathbb{Z} \cap [0,n]$

顺序表插入算法的复杂度分析

- 插入运算主要耗时于依次移动数据
 - 在序号为 k 的位置插入时须移动 n-k 次, $k \in \mathbb{Z} \cap [0,n]$
- 若在序号为 k 的位置插入的概率为 p_k ,则移动次数的期望为

$$\mathbb{E}_{\mathsf{insert}} = \sum_{k=0}^{n} (n-k) p_k$$

顺序表插入算法的复杂度分析

- 插入运算主要耗时于依次移动数据
 - 在序号为 k 的位置插入时须移动 n-k 次, $k \in \mathbb{Z} \cap [0, n]$
- 若在序号为 k 的位置插入的概率为 p_k ,则移动次数的期望为

$$\mathbb{E}_{\mathsf{insert}} = \sum_{k=0}^{n} (n-k) p_k$$

• 当在所有合法位置插入的概率均等时,即对所有合法的 k 均有 $p_k = (n+1)^{-1}$,则有

$$\mathbb{E}_{\mathsf{insert}} = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^{n} (n-k) = \frac{n}{2}$$

顺序表插入算法的复杂度分析

- 插入运算主要耗时于依次移动数据
 - 在序号为 k 的位置插入时须移动 n-k 次, $k \in \mathbb{Z} \cap [0, n]$
- 若在序号为 k 的位置插入的概率为 p_k ,则移动次数的期望为

$$\mathbb{E}_{\mathsf{insert}} = \sum_{k=0}^{n} (n-k) p_k$$

• 当在所有合法位置插入的概率均等时,即对所有合法的 k 均有 $p_k = (n+1)^{-1}$,则有

$$\mathbb{E}_{\mathsf{insert}} = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^{n} (n-k) = \frac{n}{2}$$

• 综上,顺序表插入操作的时间复杂度为 O(n)

从顺序表中删除元素

- 检测并处理非法输入
- 依次向前移动目标位置后元素
- 覆盖目标位置处的元素
- 更新尾元素序号

```
bool remove sequence list(
       SequenceList *s, int k, DataType *d) {
   if (wrong_remove_index(s, k)) {
       return false; // 检测并处理各种非法插入情况
   if (d) {
       *d = s->data[k]; // 记录并返回被删的值
   for (int i = k; i < s->last; ++i) {
       s->data[i] = s->data[i + 1]; // 注意移动顺序
   --s->last; // 更新尾元素序号
   return true;
```

例



图 10: 从顺序表中删除元素过程演示

例

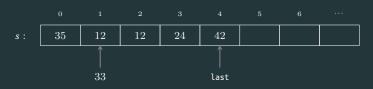


图 10: 从顺序表中删除元素过程演示

例



图 10: 从顺序表中删除元素过程演示

例

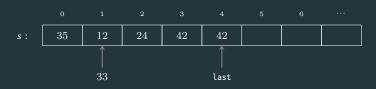


图 10: 从顺序表中删除元素过程演示

例

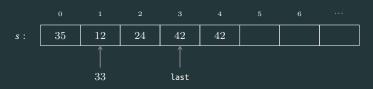


图 10: 从顺序表中删除元素过程演示

顺序表删除算法的复杂度分析

顺序表删除算法的复杂度分析

• 删除与插入运算互为逆运算,故仍主要耗时于依次移动数据

顺序表删除算法的复杂度分析

- 删除与插入运算互为逆运算,故仍主要耗时于依次移动数据
- 同理可得顺序表删除操作的时间复杂度亦为 O(n)

在顺序表中按值查找元素

- 从首至尾遍历表中所有元素
- 若发现匹配元素则返回其序号
- 否则返回 -1 表示查找失败

```
int search_sequence_list(SequenceList *s, DataType d) {
    int k = 0;
    for (; k <= s->last && s->data[k] != d; ++k)
        ; // 空语句, 不执行任何操作
    return s->last < k ? -1 : k;
    }
```

例

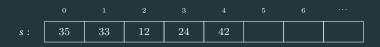


图 11: 在顺序表中查找元素过程演示

例

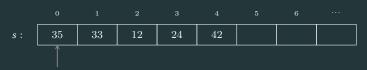


图 11: 在顺序表中查找元素过程演示

例



图 11: 在顺序表中查找元素过程演示

例



图 11: 在顺序表中查找元素过程演示

例



图 11: 在顺序表中查找元素过程演示

课堂思考练习

课堂思考练习

• 分析顺序表删除算法的时间复杂度

课堂思考练习

- 分析顺序表删除算法的时间复杂度
- 实现逆序遍历搜索并讨论其与顺序遍历的异同

顺序表的优势

• 节省空间: 无需为表示元素间逻辑关系而增加额外存储空间

• 随机访问:可快速访问表中任意位置元素, T(n) = O(1)

顺序表的优势

- 节省空间: 无需为表示元素间逻辑关系而增加额外存储空间
- 随机访问:可快速访问表中任意位置元素, T(n) = O(1)

顺序表的不足

- 容量固定:表容量事先难以确定且难以扩充
- 增减困难:插入删除元素需移动大量元素,T(n) = O(n)

课堂编程练习

- 输入: 顺序表 sa 与 sb, 其元素均已按升序排列
- 输出: 顺序表 s_c ,其元素为 s_a 与 s_b 中元素的合并,并以降序排列

链式列表 (Linked List)

- 简称链表,用一组在内存中零散分布的存储单元存储序列中的数据元素
- 按链接关系分为单向链表4、双向链表与循环链表等

⁴简称单链表

链式列表 (Linked List)

- 简称链表,用一组在内存中零散分布的存储单元存储序列中的数据元素
- 按链接关系分为单向链表4、双向链表与循环链表等

例



图 12: 单链表的存储过程演示

⁴简称单链表

链式列表 (Linked List)

- 简称链表,用一组在内存中零散分布的存储单元存储序列中的数据元素
- 按链接关系分为单向链表4、双向链表与循环链表等

例



图 12: 单链表的存储过程演示

⁴简称单链表

链式列表 (Linked List)

- 简称链表,用一组在内存中零散分布的存储单元存储序列中的数据元素
- 按链接关系分为单向链表4、双向链表与循环链表等

例

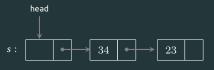


图 12: 单链表的存储过程演示

⁴简称单链表

链式列表 (Linked List)

- 简称链表,用一组在内存中零散分布的存储单元存储序列中的数据元素
- 按链接关系分为单向链表4、双向链表与循环链表等

例



图 12: 单链表的存储过程演示

⁴简称单链表

链式列表 (Linked List)

- 简称链表,用一组在内存中零散分布的存储单元存储序列中的数据元素
- 按链接关系分为单向链表4、双向链表与循环链表等

例



图 12: 单链表的存储过程演示

⁴简称单链表

链式列表 (Linked List)

- 简称链表,用一组在内存中零散分布的存储单元存储序列中的数据元素
- 按链接关系分为单向链表4、双向链表与循环链表等

例



图 12: 单链表的存储过程演示

⁴简称单链表

思考

- 用何种属性描述单链表?
- 如何为单链表分配内存?
- 如何获取任意元素的存储地址?

单链表的类型说明

- 以结点为基本单位
- 为结点动态分配内存
- 结点中包含下一个结点地址
- 单链表只需记录首结点即可

```
typedef int DataType; // 元素类型

typedef struct LinkedNode {
   DataType data; // 数据元素
   struct LinkedNode *next; // 下一个结点
   } LinkedNode;

typedef struct {
   LinkedNode *head; // 首结点
   } LinkedList;
```

单链表结点的初始化

- 为结点动态分配内存
- 更新结点中各种数据

```
LinkedNode *create_linked_node(DataType d) {
LinkedNode *n = malloc(sizeof(LinkedNode));

if (n) {
    n->data = d;
    n->next = NULL;

}

return n;
```

单链表的初始化

- 为单链表动态分配内存
- 以默认值⁵初始化首结点

⁵与DataType有关,此处暂时为 0

求单链表的长度

- 从首结点开始遍历至尾结点
- 记录已遍历的结点数
- 计数时不包括首结点

求单链表的长度

- 从首结点开始遍历至尾结点
- 记录已遍历的结点数
- 计数时不包括首结点

说明

- T(n) = O(n)
- 注意与顺序表比较

```
int get_linked_list_length(LinkedList *s) {

int length = -1; // 计数不包括首结点

for (LinkedNode *p = s->head; p != NULL;

p = p->next, ++length)

; // 空语句

return length;

}
```

在单链表中按序号查找指定元素

- 从首结点遍历指定次数即可
- 注意边界条件

```
LinkedNode *search_linked_by_index(

LinkedList *s, int k) {

LinkedNode *p = s->head;

for (int i = 0; p != NULL && i < k;

++i, p = p->next)

; // 空语句

return p;

}
```

在单链表中按序号查找指定元素

- 从首结点遍历指定次数即可
- 注意边界条件

在单链表中按值查找指定元素

- 从首结点遍历至找到匹配值的结点
- 遍历范围不应包括首结点

```
LinkedNode *search_linked_by_data(
LinkedList *s, DataType d) {
LinkedNode *p = s->head->next;
for (; p != NULL && p->data != d; p = p->next)
; // 空语句
return p;
}
```

在单链表中按序号查找指定元素

- 从首结点遍历指定次数即可
- 注意边界条件

在单链表中按值查找指定元素

- 从首结点遍历至找到匹配值的结点
- 遍历范围不应包括首结点

说明

- 二者均有: T(n) = O(n)
- 注意与顺序表比较

```
LinkedNode *search_linked_by_index(

LinkedList *s, int k) {

LinkedNode *p = s->head;

for (int i = 0; p != NULL && i < k;

++i, p = p->next)

; // 空语句

return p;

}
```

```
LinkedNode *search_linked_by_data(
LinkedList *s, DataType d) {
LinkedNode *p = s->head->next;
for (; p != NULL && p->data != d; p = p->next)
; // 空语句
return p;
}
```

在单链表中指定序号的结点后插入元素

- 按序号查找出目标结点
- 处理可能的非法查询结果
- 按指定值创建新结点
- 在目标结点后插入新结点

在单链表中指定序号的结点后插入元素

- 按序号查找出目标结点
- 处理可能的非法查询结果
- 按指定值创建新结点
- 在目标结点后插入新结点

说明

- 注意高亮代码的执行顺序
- 插入本身: T(n) = O(1)
- 连同查找: T(n) = O(n)
- 注意与顺序表比较

例



图 13: 在单链表结点后插入新结点的过程演示

例

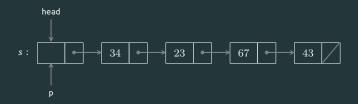


图 13: 在单链表结点后插入新结点的过程演示

例

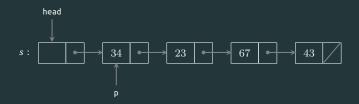


图 13: 在单链表结点后插入新结点的过程演示

例

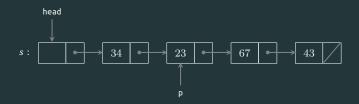


图 13: 在单链表结点后插入新结点的过程演示

例

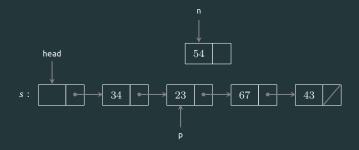


图 13: 在单链表结点后插入新结点的过程演示

例

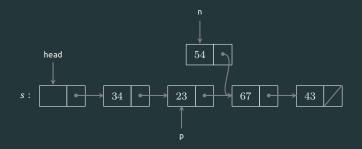


图 13: 在单链表结点后插入新结点的过程演示

例

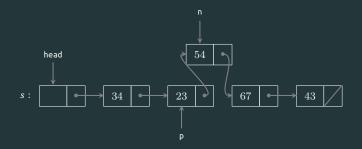


图 13: 在单链表结点后插入新结点的过程演示

思考

• 如何在单链表中指定序号的结点前插入元素?

在单链表中删除指定序号的结点

- 按序号查找出目标结点的直接前驱
- 处理可能的非法查询结果
- 更新结点的顺序关系
- 删除目标结点

```
static LinkedNode *detach after node(LinkedNode *q) {
    assert(q && q->next);
    LinkedNode *p = a->next:
    q->next = p->next;
    return p;
bool remove linked by index(
        LinkedList *s, int k, DataType *d) {
    LinkedNode *q = search linked by index(s, k - 1);
    if (!q || !q->next) {
        printf("Wrong remove index!\n");
        return false;
    LinkedNode *p = detach after node(q);
    if (d) { *d = p->data; }
    free(p);
    return true;
```

在单链表中删除指定序号的结点

- 按序号查找出目标结点的直接前驱
- 处理可能的非法查询结果
- 更新结点的顺序关系
- 删除目标结点

说明

- 注意高亮代码的执行顺序
- 删除本身: T(n) = O(1)
- 连同查找: T(n) = O(n)
- 注意与顺序表比较

```
static LinkedNode *detach after node(LinkedNode *q) {
    assert(q && q->next);
    LinkedNode *p = a->next:
    q->next = p->next;
    return p:
bool remove linked by index(
        LinkedList *s, int k, DataType *d) {
    LinkedNode *q = search linked by index(s, k - 1);
    if (!q | !q->next) {
        printf("Wrong remove index!\n");
        return false;
    LinkedNode *p = detach after node(q);
    if (d) { *d = p->data: }
    free(p);
    return true;
```

例



图 14: 删除单链表结点过程演示

例

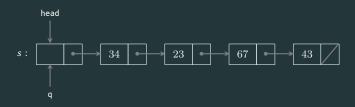


图 14: 删除单链表结点过程演示

例

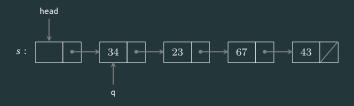


图 14: 删除单链表结点过程演示

例

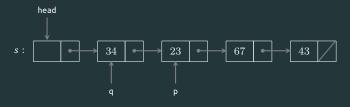


图 14: 删除单链表结点过程演示

例

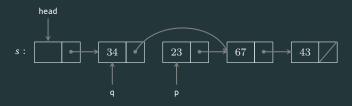


图 14: 删除单链表结点过程演示

例

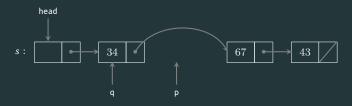


图 14: 删除单链表结点过程演示

链表的优势

• 容量可变: 无需提前确定容量, 可自动扩充

• 增删便捷:插入删除元素只影响局部, $T(n) = O(1)^6$

⁶仅限插入删除操作本身,不包括查找

链表的优势

- 容量可变: 无需提前确定容量, 可自动扩充
- 增删便捷: 插入删除元素只影响局部, $T(n) = O(1)^6$

链表的不足

- 略占空间: 每个结点均需额外存储下一结点的位置信息
- 访问不便: 查找指定元素须从首结点开始遍历, T(n) = O(n)

⁶仅限插入删除操作本身,不包括查找

线性结构

序列存储结构的选择

- 存储: 当存储规模事先难以估计时,宜选用链表
- 运算: 当查找操作为主时, 宜选用顺序表
- 实现: 当需实现简单时,宜选用顺序表

未完待续 . . .

小结

小结

