

并行大作业-使用文档及个人报告

张星辰 2000011003

1、我用到的并行技术：

最终版本积分步骤用的是 OpenMP，Scalapack 对角化部分用 MPI.

2. 编译安装运行指南：

使用了 APT 安装的 scalapack 和 lapack，用 cmake 编译，相应的 CMakeLists.txt 实现了链接库操作，应该直接链接就可以
程序的结构如下：

```
root@bohrium-12058-1023986:/data/1a_bingxing/aaadazuoye# tree
.
|-- CMakeLists.txt
|-- case1
|   |-- V-1.txt
|   |-- distribution80.txt
|   |-- point1.txt
|   |-- point2.txt
|   `-- point3.txt
|-- include
|   |-- chazhi.h
|   |-- diago.h
|   |-- grid.h
|   |-- input.h
|   |-- scalapack_connector.h
|   `-- timer.h
|-- output.txt
|-- src
|   |-- a.out
|   |-- chazhi.cpp
|   |-- grid.cpp
|   |-- input.cpp
|   |-- main.cpp
|   |-- new.cpp
|   |-- scalapack_diago.cpp
|   |-- scalapack_diago_calculator.cpp
|   `-- timer.cpp
`-- test
    |-- Distribution.txt
    |-- INPUT.txt
    |-- POINTS.txt
    `-- V.txt

4 directories, 26 files
```

每个头文件的用处和结构：

- Input.h:存放用于读入输入文件的输入类
- Timer.h: 存放计时类
- Interpolator.h: 存放插值类
- Grid.h: 存放网格类
- Diago.h: 存放对角化用到的 lapack_diago 和 scalapack_diago 函数
- Scalapack_connector.h: 存放用到的 scalapack 的函数

关于输入文件：在输入文件进行修改就可以，注意 diago_lib 为 scalapack 时，主程序会讲需要对角化之前的结果输出到 output.txt, 需要增加一步对 new.cpp 的编译运行。这里不止一个 scalapack 的求解器……使用 new.cpp 可能需要手动修改一下 new.cpp 中的矩阵维度和分块矩阵维数。

程序本身的编译说明：使用如下命令构建本项目：

```
# 生成构建目录
cmake -B build
# 执行构建 生成可执行程序
cmake --build build
# 运行程序
./build/myapp
#如果采用 scalapack 进行对角化操作，需要再编译运行一个程序
cd /src
mpicxx new.cpp -lscalapack-openmpi
mpirun --allow-run-as-root -np 4 a.out
```

3. 数据结构的设计

程序包含的类有 Input 类、Timer 类、Grid 类、Interpolator 类

1.Input 类用于所有读入工作，该输入类的数据结构存储了程序运行所需的所有参数和数据。

下面简要介绍其中一些关键信息：

isHexahedral: 标志着输入的网格类型是否为六面体。

lx, ly, lz, thetaxy, thetaxz, thetaxz: 分别表示网格的长度和三个方向上的倾斜角度。

support_SH: 标志着是否支持球谐分析计算。

diago_lib: 用于球谐分析计算的库文件名。

support_Periodic_Boundary: 标志着是否支持周期性边界条件。

multi_parallel_strategies: 标志着使用的并行策略。

points_path: 存储了点坐标文件所在的路径。

venergy_path: 存储了 V 文件所在的路径。

distribution_path: 存储了径向分布函数文件所在的路径。

point1_, point2_: 用于指定一个空间子域。

count: 点坐标的个数。

nx, ny, nz: 网格的 X、Y、Z 方向上的节点数。

cutoff: 距离截断半径。

dr: 网格步长。

mesh: 网格类型。

l: 球谐多项式阶数。
f: 一维径向分布函数
V: Venergy

在做附加题 1 需要读入多个点时，我把点坐标的形式更改为了结构体，定义一个以结构体为单元的向量用于读入点的坐标

```
struct Point {  
    double x;  
    double y;  
    double z;  
};  
int count;//点坐标的个数  
std::vector<Point> readpointsFile(const std::string& filename, int limit);
```

2.Grid 类的数据结构存储了一个网格的信息，包括了网格的边长及每个方向的节点数等。下面简要介绍其中的变量和函数：

m_lx, m_ly, m_lz: 分别表示网格的长度。
m_nx, m_ny, m_nz: 分别表示网格的 X、Y、Z 方向上的节点数。
Grid(): 构造函数，用于初始化网格对象，输入网格边长 lx, ly, lz 和每个方向点数 nx, ny, nz。

generate_uniform_grid(): 生成均匀网格，并返回每个节点的坐标信息。
cell_volume(): 计算每个网格单元的体积。

除以上列出的信息外，还有一些其他的函数和变量，用于实现网格操作和提供方便的接口来访问存储在该类中的数据。

3.Interpolator 类：

该插值类的数据结构存储了一组距离和函数值，用于实现插值操作。下面简要介绍其中的变量和函数：

r_: 存储了一组距离。
f_: 存储了一组函数值。
Interpolator(): 构造函数，用于初始化插值对象，输入距离和函数值两个 vector 对象。
distance(): 计算点 (x,y,z) 到点 (cx,cy,cz) 的距离。
interpolate(): 根据给定距离 r 进行插值操作，返回对应的函数值。

除以上列出的信息外，还有一些其他的函数和变量，用于实现插值操作和提供方便的接口来访问存储在该类中的数据。这个插值类采用的是三次样条插值方法。

4.Timer 类：存放计时器，就是本学期之前写的计时器，方便查看效率。

数据结构上的其他考虑：

除了读入都采用向量读入以外，为了避免频繁访问类的成员对象降低效率，我把访问次数>1 的对象（为数组则调用动态数组）存在本地。

4. 程序优化工作（写的比较零散）

这个大作业我写到 6 月第一周快结束的时候中间不小心被我删了，后来重新写的，但是我觉觉得插值处理的没有原来的好，结果有些奇怪。

依次读入 Input.txt、点坐标、径向分布函数、V 函数。为避免插值积分过程中多次访问 Input 类的成员对象造成效率下降，把需要多次访问的量（如 V、nx、ny、nz、mesh）等存

到本地，插值预处理阶段还需生成一个距离数组 `d[mesh]`。

调用 `Grid` 类生成网格（事实上这里网格没有什么实际的意义，原来我还写了一个函数叫 `generate_uniform_grid()`，后来发现 `V1024` 总是被 `KILLED` 就是因为这里把网格点的坐标都给存下来了，会占用很多内存，所以这一步没有了，后续计算插值的时候直接计算网格点的坐标），后调用 `cell_volume()` 函数返回每个网格单元的体积。

插值阶段和积分阶段重合，定义插值类的对象 `interpolator`（这里生成插值类需要距离数组 `d` 和一维径向分布函数数组 `f`）。插值在计算该格点上积分的时候现行计算，因此可以节约空间成本。这里存在一个五层的嵌套循环，优化时我们知道外面三层应该是动不了的，所以我就只是把内层 `r>rcut` 的部分取消了计算，节约了一些时间成本。这一部分用 `OpenMP` 加速。其中 `H` 矩阵积分点的更新是原子操作。内层的两个循环用 `#pragma omp simd` 向量化了。同时注意了 `H` 的规约。（注：这一部分是优化的重点内容，发现最后计算量节约下来都是因为这里尽量减少了不必要的运算）

我发现只是注意处理 `p=q` 的情况，就能使程序从计算 `V1024P50` 花 1300s 加速到 280s 左右。类似的注意点还有只计算上三角部分。

计算完上三角部分后我们把下三角部分对称的赋值。之后所有格点积分乘以 `cell_vol`，这样可以减少在关键部分作乘法数量。之后进行对角化操作得到最终结果。

```
177 #pragma omp parallel for reduction(+: H[ : count * count])
178     for (int i = 0; i < nx; i++)
179     {
180         for (int j = 0; j < ny; j++)
181         {
182             for (int k = 0; k < nz; k++)
183             {
184
185                 double x0 = i * dx;
186
187                 double y0 = j * dy;
188
189                 double z0 = k * dz;
190
191                 double v = V[(i * ny + j) * nz + k]; //不过反正V都是1
192                 //double v = 1.0;
193
194                 #pragma omp simd
195                 for (int p = 0; p < count; p++)
196                 {
197                     // 现算p和q点的插值
198                     double r1 = interpolator.distance(x0, y0, z0, points_[p].x, points_[p].y, points_[p].z);
199
200                     if (r1 < cutoff) // 如果f1还是0就直接不算了
201                     {
202                         double f1 = interpolator.interpolate(r1);
203
204                         #pragma omp simd
205                         for (int q = 0; q <= p; q++)
206                         {
207                             if (q == p)
208                             {
209                                 H[p * count + q] += f1 * f1 * v;
210                                 continue;
211                             }
212                             double r2 = interpolator.distance(x0, y0, z0, points_[q].x, points_[q].y, points_[q].z);
213
214                             if (r2 < cutoff)
215                             {
216                                 double f2 = interpolator.interpolate(r2);
217
218                                 #pragma omp atomic
219                                 H[p * count + q] += f1 * f2 * v;
220
221                                 #pragma omp atomic
222                                 H[q * count + p] += f2 * f1 * v;
223                             }
224                         }
225                     }
226                 }
227             }
228         }
229     }
230 }
```

代码关键部分我是用的 `OpenMP`，但是把 `scalapack` 整合后影响了原来的效率。我整合了 `MPI` 进去的 `V1024P50`，比原来慢了好多，推测是由于线程冲突，越并行越慢……

所以我后来尝试把 **scalapack** 的功能单独写了一个文件，避免线程冲突影响原来的效率，一开始放在了 `scalapack_diago_caculator.cpp` 里，但是这个程序我用到了一个函数，声明如下：
`void pdgmr2d_(int *m, int *n, double *a, int *ia, int *ja, int *desca, double *b, int *ib, int *jb, int *descb, int *context, int *info);`
这个函数我在使用的时候后来一直报错，查看了手册等很多资料也没有解决。后来重新换用了 `new.cpp` 作为求解器，但是时间有限，这个求解器也有点瑕疵，需要手动修改矩阵的维度和分块矩阵维度。

4.测试报告

正确性：

按照正确性测试的结果来看是正确的。

效率：（8核）

V512 Points2 运行约 2s

CLASS_NAME-----	NAME-----	TIME(Sec)-----	CALLS----	AVG-----	PER%-----
	total	3.06589	1	3.06589	100%
INPUT	Input	0.001183	1	0.001183	0.0385859%
INPUT	parseFile	0.001174	1	0.001174	0.0382924%
INPUT	readpointsFile	0.001965	1	0.001965	0.0640924%
INPUT	readDirstibution	0.003501	1	0.003501	0.114192%
Grid	cell_volume	1e-06	1	1e-06	3.2617e-05%
aaa	jifen	2.10171	1	2.10171	68.5513%
Interpolator	interpolate	1.02041	4138442.46568e-06		33.2826%

V512 Points50 运行约 37s

CLASS_NAME-----	NAME-----	TIME(Sec)-----	CALLS----	AVG-----	PER%-----
	total	38.622	1	38.622	100%
INPUT	Input	0.001327	1	0.001327	0.00343587%
INPUT	parseFile	0.001318	1	0.001318	0.00341256%
INPUT	readpointsFile	0.00161	1	0.00161	0.00416861%
INPUT	readDirstibution	0.002668	1	0.002668	0.00690798%
Grid	cell_volume	1e-06	1	1e-06	2.5892e-06%
aaa	jifen	37.6649	1	37.6649	97.5219%
Interpolator	interpolate	19.5934	102202591.91711e-06		50.7312%

V1024 Points2 运行约 17s

CLASS_NAME-----	NAME-----	TIME(Sec)-----	CALLS----	AVG-----	PER%-----
	total	24.9517	1	24.9517	100%
INPUT	Input	0.000992	1	0.000992	0.00397568%
INPUT	parseFile	0.000983	1	0.000983	0.00393961%
INPUT	readpointsFile	0.000909	1	0.000909	0.00364304%
INPUT	readDirstibution	0.002266	1	0.002266	0.00908155%
Grid	cell_volume	1e-06	1	1e-06	4.00775e-06%
aaa	jifen	17.3453	1	17.3453	69.5154%
Interpolator	interpolate	8.36979	33212582.52007e-06		33.544%

V1024 Points10 运行约 142s

CLASS_NAME-----	NAME-----	TIME(Sec)-----	CALLS----	AVG-----	PER%-----
	total	150.051	1	150.051	100%
INPUT	Input	0.000988	1	0.000988	0.000658444%
INPUT	parseFile	0.000978	1	0.000978	0.00065178%
INPUT	readpointsFile	0.018891	1	0.018891	0.0125897%
INPUT	readDirstibution	0.002824	1	0.002824	0.00188203%
Grid	cell_volume	2e-06	1	2e-06	1.33288e-06%
aaa	jifen	142.455	1	142.455	94.9377%
Interpolator	interpolate	73.1624	387606681	88754e-06	48.7584%

V1024,Points50 运行约 283s

CLASS_NAME-----	NAME-----	TIME(Sec)-----	CALLS----	AVG-----	PER%-----
	total	291.067	1	291.067	100%
INPUT	Input	0.002136	1	0.002136	0.000733852%
INPUT	parseFile	0.002127	1	0.002127	0.00073076%
INPUT	readpointsFile	0.003258	1	0.003258	0.00111933%
INPUT	readDirstibution	0.002328	1	0.002328	0.000799816%
Grid	cell_volume	1e-06	1	1e-06	3.43564e-07%
aaa	jifen	283.481	1	283.481	97.3939%
Interpolator	interpolate	148.751	820443541	81306e-06	51.1056%