

红黑树删除节点

2018-06-07 · 数据结构 · 约 1886 字 · 预计阅读 4 分钟

文章目录

- [红黑树](#)
- [红黑树性质](#)
- [删除节点](#)
 - [旋转](#)
 - [删除](#)
 - [删除后重平衡](#)
- [总结](#)

红黑树

红黑树是一种自平衡的二叉查找树（BST），可在 $O(\log N)$ 时间内完成查找、插入、删除等操作。

鉴于插入操作比较容易理解，删除操作相对较难，这里只描述删除节点的操作。

红黑树性质

红黑树通过如下规则，控制任意节点的左右子树高度差，以实现自平衡：

1. 节点是红色或黑色。
2. 根节点为黑色。
3. 如果节点为红，其子节点必须为黑（每个叶节点到根节点所有路径上不能有两个连续的红色节点）。
4. 任一节点至树尾端的所有简单路径，所含黑节点数必须相同。

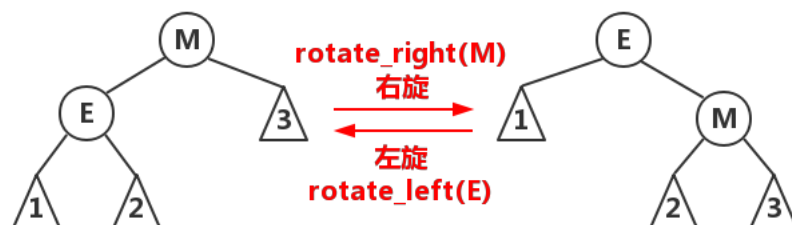
删除节点

旋转

旋转操作在红黑树的插入和删除中都会使用

- 左旋：将节点旋转为其右孩子的左孩子
- 右旋：将节点旋转为其左孩子的右孩子





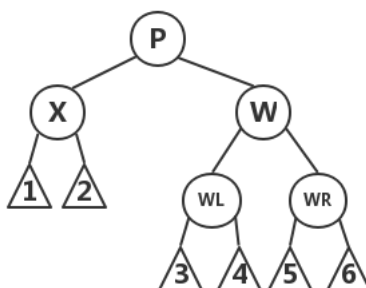
删除

删除操作首先要确定待删除节点的孩子数。

- **case 1** : 待删除节点有两个孩子。
找到该节点的前驱或后继，将前驱或后继的复制到待删除节点中，最后将这个前驱或后继删除。由于前驱或后继至多只有一个孩子节点，问题就被简化为 **case 2**。只要节点里的值被删除就行，树结构发生变化并不影响。
- **case 2** : 待删除节点只有一个孩子或没有孩子。
直接让它的孩子取代待删节点的位置即可。
红黑树删除操作的复杂度在于删除节点的颜色。
 - **case 2.1** : 删除的节点是红色。
直接拿其孩子节点补空位即可。
 - **case 2.2** : 删除的节点是黑色。
所有经过该节点的路径上的黑色节点数量少了一个，破坏了性质 4。此时需要重新平衡红黑树，具体见下。

删除后重平衡

说明之前，首先假设最终被删除的节点为 **Z**（至多一个孩子节点），其孩子节点为 **X**。删除黑色节点 **Z**，**X** 取代 **Z** 后，假设 **X** 的父节点（原来 **Z** 的父节点）为 **P**，**X** 的兄弟节点为 **W**，**W** 的左孩子为 **WL**，右孩子为 **WR**。



假设 **X** 为 **P** 的左孩子，**X** 是右孩子的情况只需与之对称操作即可，下面对各种情况展开讨论：

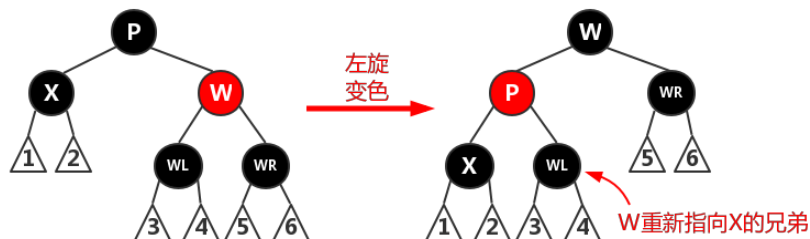
- **case 1** : **X** 是红色或为新的根节点。（终止情况）
直接将其变为黑色即可，这样分别恢复了性质 4 和性质 2。
剩下都是 **X** 为黑色的情况，需要考虑 **X** 的兄弟 **W** 的颜色。



- case 2 : W 为红色, X 为黑色。

由性质 3 可知, 节点 P、WL、WR 必为黑色。

对 P 左旋, 互换 P 和 W 的颜色, 节点 W 重新指向 X 当前的兄弟 WL。此时所有路径的黑色节点数并未受到影响, 即经过 X 的路径 (路径1、2) 上的黑色节点依然比其他路径少一个, 和删除 Z 之后一样。但已经将该情况转变为 case 3, 再根据当前黑色 W 的两个孩子的颜色继续调整。

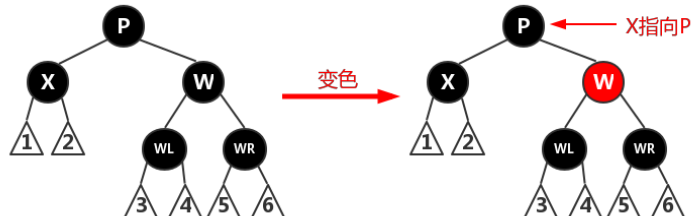


- case 3 : W 为黑色, X 为黑色。

- case 3.1 : W 的孩子节点 WL、WR 均为黑色。

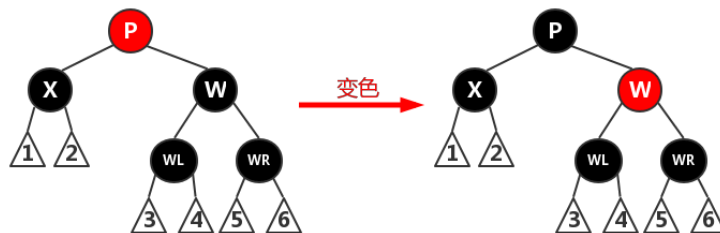
- case 3.1.1 : P 为黑色。

只需把 W 变为红色, 这样所有经过 W 的路径 (路径3~6) 比之前少一个黑色节点, 就与经过 X 的路径 (路径1、2) 上的黑色节点数一致了。但经过 P 的路径 (1~6) 比不经过 P 的路径少一个黑色节点, 再把 X 节点指向 P, 从 case 2 开始重新进行平衡处理。



- case 3.1.2 : P 为红色。 (终止情况)

只需互换 W 和 P 的颜色即可。因为 P 变为黑色, 经过 X 的路径 (路径1、2) 多了一个黑色节点, 与删除 Z 节点前的数量一致。而其他路径 (路径3~6) 上的黑色节点数并未受到影响, 因此红黑树恢复性质 4, 重平衡完毕。

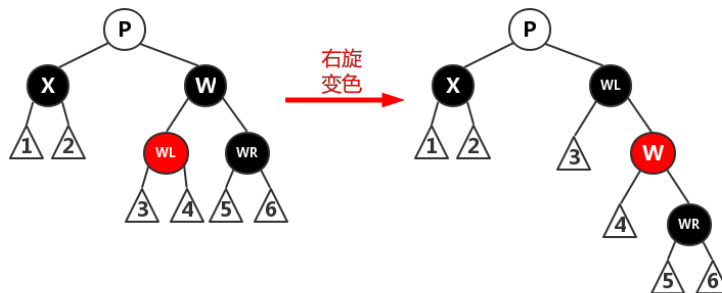


- case 3.2 : W 的孩子节点有红色, P 可红可黑。

- case 3.2.1 : WL 为红色, WR 为黑色。

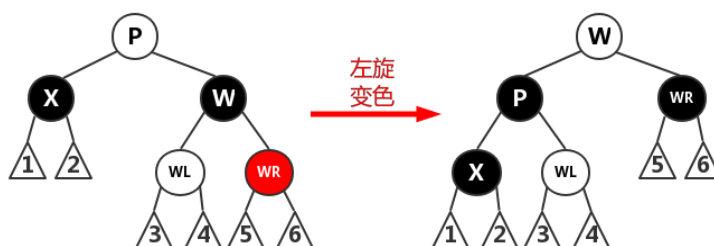
对 W 进行右旋操作, 并互换 W 和 WL 的颜色, 此时所有路径的黑色节点数并未受到影响, 但将该情况转化为 case 3.2.2。





▪ case 3.2.2 : WR 为红色, WL 可红可黑。 (终止情况)

对 P 进行左旋操作, 并互换 P 和 W 的颜色, 并将 WR 变为黑色。因为 P 变为黑色, 经过 X 的路径 (路径1、2) 多了一个黑色节点, 与删除 Z 节点前的数量一致。而其他路径 (路径3~6) 上的黑色节点数并未受到影响, 因此红黑树恢复性质 4, 重平衡完毕。



总结

学习红黑树时, 发现许多数据结构相关书籍, 包括《STL源码剖析》都没有详细分析红黑树的删除操作。网上博客的许多资料总觉得不够清晰, 关于删除节点后重新平衡这一关键步骤讲得不够有条理。总之, case 1、case 2、case 3 通过相互转化, 不断调整红黑树, 最终转化成终止情况 case 1、case 3.1.2、case 3.2.2 结束调整。具体代码可以参见我 github 中实现的 TinySTL 中的 tree.h 头文件。

文章作者: ysw1912

上次更新: 2018-06-07

许可协议: CC BY-NC-ND 4.0

赞赏支持

#数据结构 #C/C++

◀ 链表排序

Effective C++ 笔记 ▶

♡ Like

Issue Page

No Comment Yet



Write

Preview

Login with GitHub

Leave a comment

Styling with Markdown is supported

Comment

Powered by [Gitment](#)



Powered by [Hugo](#) | Theme - [Jane](#)

© 2018 - 2019 ♥ ysw1912

