

涉及到子数组、求和问题，我们一定要想到前缀和，因为前缀和可以有效地节省求和时间

今天我们来说一下刷题时经常用到的前缀和思想，前缀和思想和滑动窗口会经常用在求子数组和子串问题上，当我们遇到此类问题时，则应该需要想到此类解题方式

区分是用前缀和还是用滑动窗口的关键是：元素是否有负数。有负数则使用前缀和，没负数则使用滑动窗口

为什么要使用前缀和而不是滑动窗口

<https://leetcode.cn/problems/subarray-sum-equals-k/solutions/247577/bao-li-jie-fa-qian-zhui-he-qian-zhui-he-you-hua-ja/>

下面我们先来了解一下什么是前缀和。

前缀和其实我们很早之前就了解过的，我们求数列的和时， $S_n = a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n$ ；此时 S_n 就是数列的前 n 项和。例 $S_5 = a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5$; $S_2 = a_1 + a_2$ 。所以我们完全可以通过 $S_5 - S_2$ 得到 $a_3 + a_4 + a_5$ 的值，这个过程就和我们做题用到的前缀和思想类似。

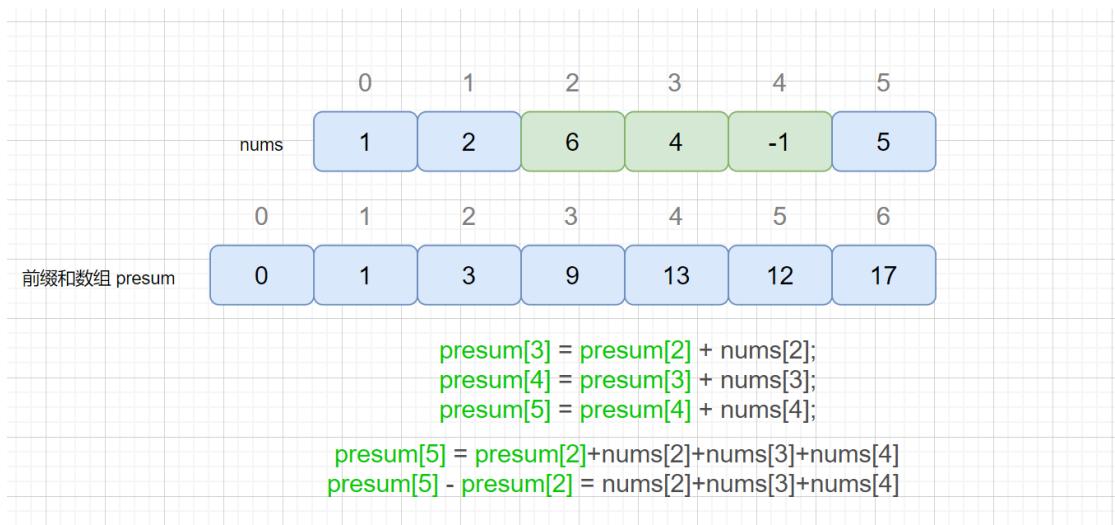
我们的前缀和数组里保存的就是前 n 项的和。见下图

	0	1	2	3	4	5
nums	1	2	6	4	-1	5
	0	1	2	3	4	5
前缀和数组 presum	0	1	3	9	13	12
	0	1	3	9	13	17

我们通过前缀和数组保存前 n 位的和， $\text{presum}[1]$ 保存的就是 nums 数组中前 1 位的和，也就是 $\text{presum}[1] = \text{nums}[0]$, $\text{presum}[2] = \text{nums}[0] + \text{nums}[1] = \text{presum}[1] + \text{nums}[1]$. 依次类推，所以我们通过前缀和数组可以轻松得到每个区间的和。

相当于前缀和数组多定义一个位置，这样剩下的位置表示原数组前 n 位的和

例如我们需要获取 $\text{nums}[2]$ 到 $\text{nums}[4]$ 这个区间的和，我们则完全根据 presum 数组得到，是不是有点和我们之前说的字符串匹配算法中 BM,KMP 中的 next 数组和 suffix 数组作用类似。那么我们怎么根据 presum 数组获取 $\text{nums}[2]$ 到 $\text{nums}[4]$ 区间的和呢？见下图



也就是 $\text{presum}[5] - \text{presum}[2] = \text{nums}[2] + \text{nums}[3] + \text{nums}[4]$

获取 $\text{nums}[2]$ 到 $\text{nums}[4]$ 区间的和就相当于以 1 为起始 index 的数组中第三个数到第五个数之间的和。也就是前五个数的和($\text{presum}[5]$)减去前两个数的和($\text{presum}[2]$)。也就是用 $\text{presum}[5] - \text{presum}[2]$

这个前缀和数组 presum 的含义也很好理解, $\text{presum}[i]$ 就是 $\text{nums}[0..i-1]$ 的和。那么如果我们想求 $\text{nums}[i..j]$ 的和, 只需要一步操作 $\text{presum}[j+1] - \text{presum}[i]$ 即可, 而不需要重新去遍历数组了。

构造前缀和数组:

```

for (int i = 0; i < nums.length; i++) {
    presum[i+1] = nums[i] + presum[i];
}

```

好啦, 我们已经了解了前缀和的解题思想了, 我们可以通过上面这段代码得到我们的前缀和数组, 非常简单