sympy中的集合操作

hawksoft

sympy中的集合操作

- 1 常见集合
- 2集合运算
- 3集合关系运算
- 4 生成集合
- 5 集合与元素
- 6 多说两句

该部分首先定义了一个集合类Sets(注意与pythonne内建的Set类不是一个),然后:

- 以类方法的方式, 定义了常见的集合操作, 如集合的交、并、补等等
- 以该类为基类,定义了其它的一些特殊集合类并生成对象,如:Reals,Integers等等

所以,只要记住几个特殊的集合对象名字,并学习集合类的方法,就可以完成大部分工作。

1常见集合

在sympy中,这些集合被定义为一个对象(尽管名字的第一个字母大写),所以可以直接使用。

- EmptySet #空集
- UniversalSet #全集
- Integers #整数集合
- Reals #实数集合
- Naturrals #自然数集合(不含0)
- Natureals0 #自然数结合(含0)

看下面的代码。注意:其中pprint函数是sympy提供的一个特殊输出函数,代表pretty print。该函数配合环境,会采用图形化方式输出数学符号,因此比较美观易读。

```
from sympy import Naturals, Naturals0, Integers, Interval, Reals, pprint
pprint(Naturals)
pprint(Naturals0)
pprint(Integers)
pprint(Reals)
pprint(Naturals.contains(0))
pprint(Naturals0.contains(0))
```

```
1 | N
2 | N<sub>o</sub>
3 | Z
4 | R
5 | False
6 | True
```

另外,我们常用的元素有限的集合,是以FinitSet这个类提供的,可以用它生成我们需要的集合实例。

```
from sympy import FiniteSet
s1 =FiniteSet(1,2,4)
s2 =FiniteSet("a","b")
s3 = FiniteSet(s1,s2,1)
pprint(s1)
pprint(s2)
pprint(s3)
```

```
1 {1, 2, 4}
2 {a, b}
3 {1, {a, b}, {1, 2, 4}}
```

还有一个定义在实数上的区间,也是我们常见的一个无限集合,这个是由Interval类定义的。

```
1 from sympy import Interval
2 s1 = Interval(1,3) #闭区间
3 pprint(s1)
4 s2 = Interval(1,3,left_open = True,right_open = True) #左右开区间
5 pprint(s2)
```

```
1 [1, 3]
2 (1, 3)
```

2集合运算

记住:

- 按照运算的封闭性,集合运算的结果仍然是集合
- 集合运算是作为集合类 (Sets) 的方法提供的。

```
from sympy import FiniteSet

s1 =FiniteSet(1,2)

s2 =FiniteSet(1,3)

pprint(s1)

pprint(s1.union(s2)) #并运算

pprint(s1+s2) #也是并运算, 这是符号重载
```

```
9 pprint(s1.intersect(s2)) #交运算
10 pprint(s1.intersection(s2)) #符号重载
11
12 pprint(s1.complement(s2)) #补运算
13 pprint(s2 - s1) # 减法
14
15 pprint(s1.powerset()) # 求幂集
16
17 pprint(s1 * s2) #笛卡尔乘积
```

```
1 {1, 2}
2 {1, 2, 3}
3 {1, 2, 3}
4 {1}
5 {1}
6 {3}
7 {3}
8 {Ø, {1}, {2}, {1, 2}}
9 {1, 2} × {1, 3}
```

3集合关系运算

记住:

- 集合关系运算是判断两个集合之间的关系,如子集,交集等,因此运算结果是一个bool类型的对象。
- 集合关系运算也是作为集合类(Sets)的方法提供的。

```
from sympy import FiniteSet as Set, Equality
 2 | s1 = Set(1,2)
 3 s2 = Set(1,3)
4 \mid s3 = Set(2,1)
    pprint(s1.is_subset(s2))
                                         #判断是否子集
   pprint(s1.is_proper_subset(s2))
                                        #判断是否真子集
 7
    pprint(s2.is_superset(s2))
                                         #判断是否超集
8
9
    pprint(s1.is_proper_superset(s2))
10
    pprint(s1.is_disjoint(s2))
                                         #判断两个集合是否不相交(即交集是否为空)
11
12
13
    pprint(Equality(s1, s3))
                                         #判断两个集合是否相等
```

```
1 False
2 False
3 True
4 False
5 False
6 True
```

4 生成集合

有时,我们需要从一个集合开始,按照某种规则,生成一个新的集合。sympy提供了两种方法。一种是从一个集合中,按条件选择一些元素,构成一个新集合,如下面的代码:

```
from sympy import FiniteSet,ConditionSet
from sympy.abc import x,y
s1 = FiniteSet(1,2,9,4,5,6)
s2 = ConditionSet(x,x>=4,s1)
pprint(s2)
```

```
1 {4, 5, 6, 9}
```

另一种是根据一个集合的元素,进行函数运算,生成一个新集合,如下面的代码:

```
from sympy import FiniteSet ,ImageSet,Lambda
from sympy.abc import x,y
s1 = Set(1,2)
s2 = ImageSet(Lambda(x, x*2), s1)
pprint(s2)
```

```
1 \mid \{2 \cdot x \mid x \in \{1, 2\}\}
```

5 集合与元素

在编程时,我们经常会遇到集合与其成员关系的问题。对此:

- 1. 在sympy中,集合类有一个方法contains,用于判定元素是不是集合的成员。
- 2. 每一个集合都是一个可遍历对象,即可以采用python的for语句来访问它的每一个成员

看下面的代码:

```
from sympy import FiniteSet

1  s1 = FiniteSet(2,3,9,4,5)

3  pprint(s1.contains(9))

4  for element in s1:
     print(element)
```

```
1 True
2 2
3 3
4 4
5 5
6 9
```

6 多说两句

其实集合类Sets还有几个方法或属性,是与集合的开、闭以及边界有关,大家现在可以不了解,但这些 东西在学习泛函时就变得非常必要了。