# Matlab 图像处理实验报告

## 罗一夫

# 2020年8月4日

# 目录

1	基础	知识	1	
	1.1	练习题	1	
2	图像压缩编码			
	2.1	图像预处理	3	
	2.2	二维 DCT 的实现	4	
	2.3	二维 DCT 系数矩阵性质 1	5	
	2.4	二维 DCT 系数矩阵性质 2	6	
	2.5	差分编码系统的频率响应	7	
	2.6	DC 预测的误差	8	
	2.7	Zig-Zag 扫描的实现	8	
	2.8	分块量化的实现	10	
	2.9	JPEG 编码	10	
	2.10	压缩比	11	
	2.11	JPEG 解码	11	
	2.12	量化步长的影响	13	
	2.13	雪花图	13	
3	信息	隐藏	15	
	3.1	空域隐藏	15	
	3.2	频域隐藏	15	
4	人脸	检测	16	
	4.1	训练标准特征	16	
	4.2	使用循环进行人脸检测	17	
	4.3	颜色分布直方图检测的稳定性	18	
	4.4	人脸样本训练标准的选取	19	
5	后记		20	

环境与依赖说明 本次实验使用的是 Matlab R2020a Update3, 主要使用了 Image Processing Toolbox 11.1、Computer Vision Toolbox 9.2 和 Parallel Computing Toolbox 7.2。Matlab 设置为使用 utf-8 编码,所有代码文件无特殊情况均为此编码,注释以英文为主。

## 1 基础知识

#### 1.1 练习题

#### 利用 MATLAB 提供的函数完成以下任务

(a) 以测试图像的中心为圆心,图像的长宽中较小值的一半为半径画一个红颜色的圆 经在文档中搜索,Computer Vision Toolbox 中存在函数insertShape可以直接在图像中 绘制圆形。下方代码用于绘制满足要求的一个红色半透明圆形:

此外,还可以通过圆的一般方程或者参数方程绘制:

(b) 将测试图像涂成国际象棋状的"黑白格"的样子,其中"黑"即黑色,"白"即意味着保留原图

只需构造一个分块为1或0的矩阵,再与图像矩阵进行逐元素乘,便可让图像分块。即类似:

$$\operatorname{Img.}*\begin{bmatrix} 1 & \cdots & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & \cdots & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \cdots & 0 & 1 & \cdots & 1 \\ \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 & 1 & \cdots & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \operatorname{Img}_1 & 0 \\ 0 & \operatorname{Img}_2 \end{bmatrix}$$

故只需将每个像素的坐标先除以格宽,再对 2 求余,便可以得到横纵方向上的 01 分布。然后将这个 01 分布进行异或,便可以得到一个 01 组成的块相间分布的矩阵。最后与图像矩阵进行逐元素乘得到所需结果。核心代码如下:

```
[x, y] = meshgrid(1:w, 1:h);

grid_width = 10;
x_mask = mod(floor(x / grid_width), 2);
y_mask = mod(floor(y / grid_width), 2);
grid_mask = double(xor(x_mask, y_mask));
img_grid = grid_mask .* img;
```

最终结果如图1

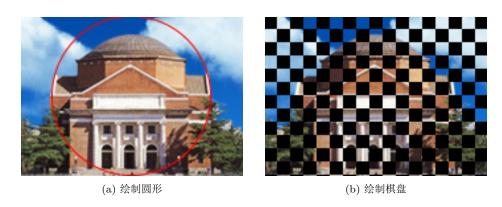


图 1: 基础知识练习图像结果

# 2 图像压缩编码

#### 2.1 图像预处理

对图像的预处理和二维 DCT 变换结合,记从原始图像中取得小块为 P, DCT 算子为 D, 最终系数为 C, 则过程为

$$C = D \cdot \left(P - \begin{bmatrix} 128 & \cdots & 128 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 128 & \cdots & 128 \end{bmatrix}\right) \cdot D^{T}$$
$$= DPD^{T} - D \begin{bmatrix} 1 \\ \vdots \\ 1 \end{bmatrix} 128 \begin{bmatrix} 1 & \cdots & 1 \end{bmatrix} D^{T}$$

将矩阵算子 D 与全 1 向量乘法展开,且注意到 D 中除了第一行外行和为 0

$$D_{N \times N} \begin{bmatrix} 1 \\ \vdots \\ 1 \end{bmatrix} = \sqrt{\frac{2}{N}} \begin{bmatrix} N\sqrt{\frac{1}{2}} \\ \sum_{i=1}^{N} \cos\frac{(2i-1)\pi}{2N} \\ \vdots \\ \sum_{i=1}^{N} \cos\frac{(N-1)(2i-1)\pi}{2N} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sqrt{N} \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix}$$

代入 C 的计算式, 得变换域的预处理方法

$$C = DPD^{T} - 128 \begin{bmatrix} N & 0_{1 \times (N-1)} \\ 0_{(N-1) \times 1} & 0_{(N-1) \times (N-1)} \end{bmatrix}$$

化为 Matlab 代码,在图像中随机选取一块  $8\times 8$  的区域,分别进行空域和频域的处理,再使用 2-范数衡量差异

执行程序,得到的范数约为  $1.5 \times 10^{-12}$ ,随机选取的小区域处理后的结果示例如图2

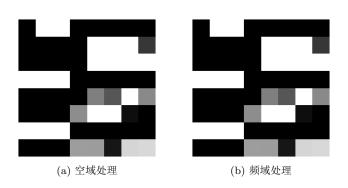


图 2: 图像 DCT 变换预处理结果

显然两种处理方式没有区别,都完成了预处理工作。考虑到代码的易读性,后面将更多采用空域处理的方式。

#### 2.2 二维 DCT 的实现

分别实现dct\_mat和dct\_2两个函数,用于生成矩阵算子 D 和进行二维 DCT。由于考虑的是对图片的正方形区域进行 DCT,所以函数中进行判断确保输入为方阵。

```
function D = dct_mat(N)
% DCT_MAT DCT N * N operator
% param N: width, height of the piece
% return D: N * N square matrix

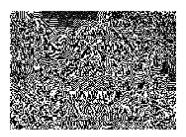
t = 0 : N - 1;
D = cos(t' * (2 * t + 1) * pi / (2 * N));
D(1,:) = sqrt(0.5);
D = D * sqrt(2 / N);
end
```

```
function C = dct_2(P)
% DCT_2 2D discrete cosine transform
% param P: square matrix
% return C: transformed result

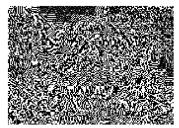
[w, h] = size(P);
assert(w=h, "P must be a square matrix");
P = double(P);
D = dct_mat(w);
C = D * P * D';
end
```

再对hall\_gray分别用 Image Processing Toolbox 中的dct2和前面实现的dct\_2进行处理,使用 2-范数衡量差异。

最终 2-范数差异为  $1.1133 \times 10^{11}$ ,可以认为功能一致。对hall\_gray处理的结果见图3



(a) Matlab 方法



(b) 自行实现方法

图 3: 二维 DCT 变换

#### 2.3 二维 DCT 系数矩阵性质 1

将 DCT 处理后的系数矩阵左右四列分别置零,再经逆变换得到图像如图4

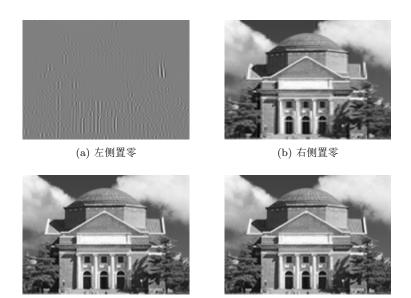


图 4: 二维 DCT 变换系数矩阵变化的影响 1

(d) 原始图像

可以看到,左侧置零的结果图4a损失了大量人用来理解图像的原始信息,右侧置零的结果图4b则仍可清晰辨认。从 DCT 变换的原理来看,系数矩阵 C 的左上角为直流和低频分量,左下角为竖直高频和水平低频分量,右上角为竖直低频和水平高频分量,右下角为高频分量。当左侧置零时,水平方向的低频分量被消去,只剩高频分量,表现在测试图片上就是保留了明暗剧烈变化处的分界线;当右侧置零时,水平方向的高频分量被消去,只剩低频分量,表现在测试图片上就是明暗剧烈变化处模糊化。

提取横坐标 57-64, 纵坐标 81-88 的区域进行观察, 如图5

(c) 不置零

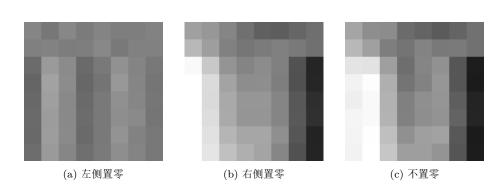


图 5: 二维 DCT 变换系数矩阵变化的影响 2

相对于不置零的图5c,右侧置零的图5b的水平变化看上去更加平滑,左侧置零的图 5a更加凸显了水平方向上的不同。这与前面的分析是一致的。

#### 2.4 二维 DCT 系数矩阵性质 2

对整张图的系数和对每一个 8×8 的系数矩阵进行转置、旋转的操作,结果如图 6

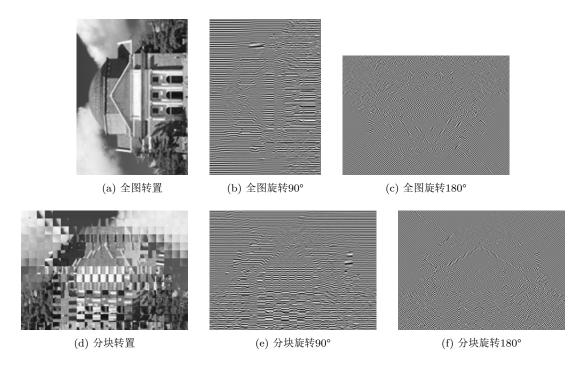


图 6: 二维 DCT 变换系数矩阵变化的影响 3

除了全图的系数进行转置以外,都难以识别。考虑变换的过程,对系数矩阵 C 进行转置,只是将水平和竖直方向的系数做了交换,逆变换得到的结果也确实将水平和竖直方向的图案进行了"交换",得到了将空域转置的效果。采用数学形式的描述即

$$P = D^{T}CD$$

$$P^{T} = (D^{T}CD)^{T}$$

$$= D^{T}C^{T}D$$

而对每个  $8 \times 8$  的区域做转置,虽然同样符合此公式,但变换回空域后图案"不连续",人难以识别该图片。

对于旋转90°,由章节 2.3中的分析,系数较大的直流与低频区域旋转至了竖直方向高频区域,故恢复的图像中由非常明显的横条纹,即竖直方向的剧烈变化。而旋转180°则将系数较大的直流与低频变换到了水平与竖直的共同高频区,造成了恢复后图像中大量的"棋盘状"黑白交替区域。

值得一提的是,全图系数旋转90°后,还能隐约看出与全图转置一致的结构信息。或许结构信息的分布经转置和旋转后差异较小,仍可以被识别。

#### 2.5 差分编码系统的频率响应

该差分编码系统给出如下差分方程

$$y(n) = x(n-1) - x(n)$$

对其进行 Z 变换, 易得系统函数为

$$H(z) = z^{-1} - 1$$

故采用freqz([-1, 1], 1)函数绘制系统的频率响应如图

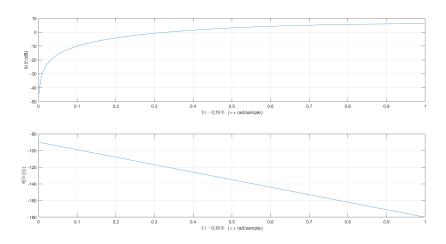


图 7: 差分编码系统的频率响应

显然,这是一个高通系统,对 DC 系数进行差分编码便是为了略去过多的低频分量。

#### 2.6 DC 预测的误差

根据表格, 易得二者间满足如下关系

category = 
$$\lceil \log_2(|预测误差|+1) \rceil$$

对应到 Matlab 代码为

#### category = ceil(log2(abs(x) + 1))

需注意的是,上方代码给出的 category 从 0 开始,之后若需用作索引,应加 1 满足 Matlab 从 1 开始的规定。

#### 2.7 Zig-Zag 扫描的实现

考虑 Zig-Zag 扫描在压缩编码中使用的场景永远是 8×8 的矩阵,可以简单的使用一个索引数组作为表,然后使用查表的方法进行扫描

$$index = \begin{bmatrix} 1 & 9 & 2 & \cdots & 56 & 64 \end{bmatrix}$$

考虑更一般的情形,可以对任意形状的矩阵使用循环,以  $O(n^2)$  的复杂度进行一轮 Zig-Zag 扫描。函数实现类似于

```
function output = zigzag(input)
    [r, c] = size(input);
    output = zeros(1, r * c);
    i = 1;
    j = 1;
    cnt = 1;
    while ((i <= r) && (j <= c))
        output(cnt) = input(i, j);
        cnt = cnt + 1;
        if (mod(i + j, 2))
            % \text{ odd} \Rightarrow \text{down}
            if (i = r)
                 j = j + 1;
            elseif (j = 1)
                 i = i + 1;
            else
                i = i + 1;
                 j = j - 1;
            end
        else
            % even ⇒ up
            if (j = c)
                i = i + 1;
            elseif (i = 1)
                 j = j + 1;
            else
                i = i - 1;
                 j = j + 1;
            end
        end
    end
end
```

在 Stack Overflow 上面搜索后,找到了下方性能优异的实现方式<sup>1</sup>

```
function output = zigzag_amro(input)
  ind = reshape(1:numel(input), size(input));
  ind = fliplr( spdiags( fliplr(ind) ) );
  ind(:,1:2:end) = flipud( ind(:,1:2:end) );
  ind(ind=0) = [];
  output = input(ind);
end
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>这两段代码将 Stack Overflow 上的问题Matrix "Zigzag" Reordering中 Amro 和 Luis Mendo 的答案改为函数。

```
function output = zigzag_luis(input)
    [r, c] = size(input);
    M = bsxfun(@plus, (1:r).', 0:c-1);
    M = M + bsxfun(@times, (1:r).'/(r+c), (-1).^M);
    [~, ind] = sort(M(:));
    output = input(ind).';
end
```

其中 Amro 的实现方式利用spdiags函数将矩阵元素放在对角线上,从而将 Zig-Zag 扫描变为了竖直方向的扫描,再通过翻转特定的列实现了扫描方向的改变,最后删除 0 元素得到 Zig-Zag 矩阵作为索引。而 Luis 的实现方式巧妙的建立一个矩阵,其元素与其位置相关,大小按 Zig-Zag 扫描顺序排列,从而得到了一个索引矩阵。

这两种方法虽然巧妙、高效,但是在本次实验的流程中,并不比查表有优势,故此后将使用查表的方式实现 Zig-Zag 扫描。此外,在解码过程中需要将 Zig-Zag 扫描得到的序列还原,即还需要一个逆过程的表。逆过程的表可以使用如下方式创建

```
zigzag_inv_ind = zeros(1, 64)
zigzag_inv_ind(zigzag_ind) = 1:64
```

即使用zigzag\_ind作为索引矩阵,按照位置排列 1-64。

#### 2.8 分块量化的实现

与前面一样,先构造一个处理函数,然后使用blockproc实现分块处理,代码如下

这会得到一个 64 行的矩阵 DCT,每列即每块经 DCT 处理和量化后的系数。

注意使用了**reshape**和**permute**将**blockproc**得到的矩阵改为需要的格式。这种方法参考了 Stack Overflow 的问题Matlab reshape horizontal cat下 Luis Mendo 的回答。此方法巧妙 地利用转置和**permute**,利用 Matlab 矩阵列优先的特性,将**blockproc**得到的  $64m \times n$  的矩阵先划分为  $m \in 64 \times n$  的矩阵,再拼成一个  $64 \times mn$  的矩阵,完成了行优先的变形。

#### 2.9 JPEG 编码

在章节 2.8的基础上,加入编码的部分。因为使用 Matlab 中dec2bin等函数(封装为 1 补码并转换为向量),且编码长度不定,故编码采用一维向量不断扩展的方式,可能造成性能较低。对于 DC 编码,有如下代码呈现的 3 个部分:

第一部分将量化 DC 系数进行差分,第二部分使用arrayfun对所有系数进行编码再使用cell2mat连接,第三部分为编码的函数。

使用的dec2bin vec为基于dec2bin和bitcmp实现的 1 补码进制转换。

AC 编码做类似的处理,尚未找到方法替代循环实现其中的部分功能,且输出为不定长数组不能应用blockproc,可能效率较低。行数较多,故略去,详见随报告附源代码。

#### 2.10 压缩比

原图为  $120 \times 168$  的 uint8 矩阵,即有 20160 字节。经过 JPEG 压缩后为 2031 位 DC 码流与 23073 位 AC 码流,以二进制存储占据 25104 位,即 3138 字节,故压缩比约为 6.42。考虑到还需添加图片宽高等信息,并存储码表,实际文件大小可能会稍大一些。

#### 2.11 JPEG 解码

解码主要分为 DC 解码、AC 解码、重组为系数矩阵、逆 DCT 变换四个部分。 对于 DC 编码使用的 Huffman 码表,观察发现以下三类情况:

- 1. 编码 00, 幅度 0, 序列 00
- 2. 编码三位,幅度序列长度为编码转十进制减1
- 3. 编码多于 3 位,幅度序列长度为 0 索引加 2

故可以通过查找 0 出现的位置,判断编码类型,进而获取后面幅度的二进制表示。

```
cnt = 1;
while(cnt <= blocks)</pre>
    if(all(DC(1:2) = [0 \ 0]))
        % category 0 mag 0
        DC(1:2) = [];
    else
        zero_ind = find(DC=0, 1);
        if(zero ind < 4)</pre>
            huffman_code = DC(1:3);
            DC(1:3) = [];
            zero ind = bin2dec( ...
                              strjoin( ...
                                  string(huffman_code), '')) - 1;
        else
            DC(1:zero ind) = [];
            zero_ind = zero_ind + 2;
        mag = bin vec2dec(DC(1:zero ind));
        DC coeff(cnt) = mag;
        DC(1:zero_ind) = [];
    end
    cnt = cnt + 1;
end
```

而对于 AC 编码,Huffman 码表较为复杂,故采用ismember和find结合的方式,查找序列的前i位是否存在于表中。

```
huffman(:) = 0;
for i = 1:16
    huffman(i) = AC(i);
    idx = find(ismember(ACTAB_code, huffman, 'rows'), 1);
...
```

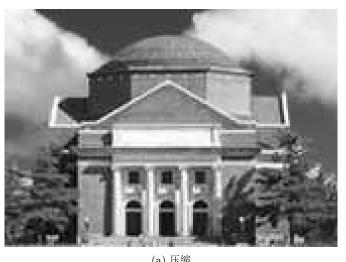
对解码后的系数矩阵进行reshape和permute,然后再做逆变换,得到图像

```
coef = [DC coeff; AC coeff];
inv_zigzag = @(block_struct) ...
    idct2(reshape(block_struct.data(zigzag_inv), [8 8]) .* QTAB);
coef = reshape( ...
       permute( ...
       reshape(coef, 64, blocksize(2), []), ...
           [2 1 3]), ...
               blocksize(2), [])';
inv_img = blockproc(coef, [64, 1], inv_zigzag);
img = uint8(inv_img(1:height, 1:width) + 128);
```

对于解码得到的 $64 \times$  blocks 的系数矩阵, 先使用reshape, 转换为 $64 \times$  横向块数  $\times$  纵向块数 的张量。再使用permute交换行列,以满足 Matlab 列优先的特性。最后使用reshape和转置 变形为 64纵向块数 × 横向块数 的矩阵。

然后利用之前存储的逆 Zig-Zag 扫描序列作为索引,再使用reshape将每个  $64 \times 1$  的系数 向量恢复成 8×8 的方阵。再使用blockproc对所有块做反量化和逆 DCT 变换。最后裁切、加 上 128, 再改为整型存储。

对hall\_gray进行编解码的结果如图8。





(a) 压缩

(b) 原始

图 8: hall\_gray编解码结果

经计算, PSNR 为 34.1878dB, 失真应不算大。放大图片进行观察, 经过编解码的图片中多 出了一些噪声,也隐隐有了分块的边界。比较明显的如天空与云交界处,多出了许多噪点。云的 颜色变化处有较为明显的分块特征。这或许正是 JPEG 压缩的特征: 由分成若干个 8 × 8 的小 块再编码的必然结果。

#### 2.12 量化步长的影响

编码得到 DC 码流 2408 位, AC 码流 34156 位, 以二进制存储占 36564 位, 即 4570.5 字 节,压缩比约为 4.41。相比前面的结果,压缩比上升,应是由于量化步长减半导致 DC 与 AC 系 数较大, 进而编码变长。



图 9: hall\_gray量化步长/2 编解码

计算得到 PSNR 为 37.1791dB,效果较前面的结果有所上升。实际观察噪声情况略有改善,但仍有分块边界。

#### 2.13 雪花图

对雪花图进行编码,得到 DC 码流 1403 位,AC 码流 43539 位,计算得压缩比约为 3.65, PSNR 为 25.95dB。这表明雪花图接近随机数矩阵,有较多高频分量,量化造成的压缩失真较大。 考虑每个小块整个 JPEG 编解码的过程 (使用 .\* 和 ./ 表示逐元素乘除):

$$\hat{P} = D^T(Q. * \text{round}(DPD^T./Q))D$$

失真由四舍五入导致, 其幅度在 0 到量化步长之间。进一步考虑对每一块 MSE 的计算过程:

$$MSE = \frac{1}{64} \sum_{i}^{8} \sum_{j}^{8} (P_{ij} - \hat{P}_{ij})^{2}$$
$$= \frac{1}{64} \sum_{i} (D^{T}(Q. * (DPD^{T}./Q - \text{round}(DPD^{T}./Q)))D). ^2$$

故由于四舍五入产生的误差将被 Q 放大到相应的量化步长,经过 DCT 逆变换后才得到 MSE。中间的误差可以视为一系列在 0 到 1 之间均匀分布的随机数。

对于 DCT 逆变换,由于其为正交变换,且 MSE 的主干为 Frobenius 范数,由下式易知不会对结果产生影响:

$$||A||_F = \sqrt{\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n a_{ij}} = \sqrt{\operatorname{tr}(A^T A)}$$

$$||D^T A D||_F = \sqrt{\operatorname{tr}((D^T A D)^T (D^T A D))}$$

$$= \sqrt{\operatorname{tr}(D^T A^T D D^T A D)} = \sqrt{\operatorname{tr}((D^T A^T) (A D))}$$

$$= \sqrt{\operatorname{tr}(A D D^T A^T)} = \sqrt{\operatorname{tr}(A A^T)}$$

故 MSE 可以进一步转化为:

$$MSE = \frac{1}{64} \sum (Q. * A). ^2$$

其中 A 为 U(0,1) 分布的随机数组成的矩阵。故可以计算其期望为:

$$E(x) = \int_0^{0.5} x^2 dx + \int_{0.5}^1 (1 - x)^2 dx = \frac{1}{12}$$

所以 MSE 的理论结果为  $\sum (Q.^2)/(12 \times 64) = 375.0365$ ,相应的 PSNR 为 22.39dB。与 对雪花图进行压缩的结果相近,这表明雪花图确实接近随机矩阵。

注意到对雪花图进行编码时,AC 码流的长度较之前图像编码有了明显的上升,同时 PSNR 明显下降。推测是量化表中的系数经过设计,目的是对一般的图像中不太重要的高频信息进行滤波。而雪花图接近随机数注册的矩阵,量化表不适合对其进行处理,故最终压缩比相对较低。

### 3 信息隐藏

#### 3.1 空域隐藏

使用randi生成一个随机 01 序列,并补 0 至长度与像素数一致。通过位移和加法,将像素最后一位替换为随机序列。经过 JPEG 编解码后与原有序列对比,记录正确率。代码如下

最终得到正确率 0.4996,可以认为是生成了一段新的随机序列替换原有序列,完全破坏了隐藏信息。所以空域隐藏法抗编解码能力弱,不适于当前的互联网环境。

#### 3.2 频域隐藏

根据说明,实现了以下三种频域隐藏方法:

a) dct embed 1: 将二进制信息嵌入所有 dct 系数的最后一位

- b) dct\_embed\_2: 将二进制信息嵌入经 Zig-Zag 扫描后的 dct 系数从bias开始的len个系数 的最后一位
- c)  $dct_embed_3$ : 将二进制信息变为 1, -1 序列,嵌入 dct 系数最后一个不为 0 数的后面一位
  - 三种方法的信息容量分别约为: 像素数、像素数/64-像素数、像素数/64。

测试时对于dct\_embed\_2采取将信息嵌入 2-9 位系数,另外两种方法则使用基本满容量的信息进行嵌入。得到结果如图10和表1。

表 1: 频域信息嵌入效果

	压缩比	PSNR	正确率
embed 1	2.8561	18.7162	1
embed $2$	6.2485	33.362	1
embed $3$	6.1914	31.8924	1







(a) embed 1

(b) embed 2

(c) embed 3

图 10: hall\_gray频域信息嵌入结果

可以看到,方法2和3因为添加信息较少,且基本不会影响高频系数,故压缩比与未添加隐藏信息时相差无几。而方法一的质量和压缩比明显下降,并且人眼看来有明显的棋盘状图案,基本没有起到"隐藏"的意义。

由于是在频域进行嵌入,对于 JPEG 使用的 DCT 变换而言,这种嵌入可以保证信息无损。将信息尽可能嵌入中低频更有利于隐藏信息,即对于图像质量的影响尽可能低,对于压缩比的影响尽可能小。

# 4 人脸检测

#### 4.1 训练标准特征

在生成颜色分布直方图时利用了所有像素,最后得到的频率分布与图像形状无关,故不需要 调整图片形状,可以直接用于训练和检测。

使用如下函数得到一张图的颜色分布直方图,在计算所有训练数据的分布后求均值即可得到标准特征。

function color\_histogram = color\_histogram(img, L)

%COLOR HISTOGRAM generate color histogram of img

% param img: image matrix

% param L: color bit length <= 8

训练得到的标准特征如图11。可以看出,L 的大小影响的是色彩空间聚集区域的数量。如 L 为 3 时,将 RGB 为 0-31 的数量聚集到 [0,0,0],而 L 为 4 时该点聚集的是 RGB 为 0-15 的像素数量,L 为 5 时聚集的是 RGB 为 0-7 的像素数量。L 会影响到颜色空间密度分布聚集后表现出来的"分辨率"。

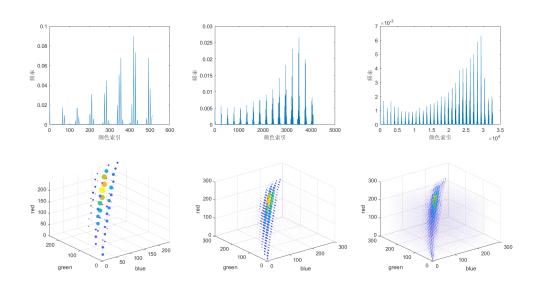


图 11: 颜色分布直方图与颜色空间密度分布

#### 4.2 使用循环进行人脸检测

下面尝试使用循环从图片中检测出人脸,为方便复用,构建一个函数:

```
function candidates = ...
detect_face(img, color_hist, L, blk_size, stride, threshold, k)
```

此函数接受一个图片矩阵( $H \times W \times C$ ),根据给定的颜色直方图标准 color\_hist 和参数 L,对图片中的若干个区域(大小由 blk\_size 给定,数量由步长 stride 和图片尺寸给出)进行"特征距离"的计算,再返回小于阈值的前 k 个矩形位置经去除相交后的结果。流程大致如图12所

示,具体细节见随附代码。同时使用阈值和 topK 的目的是尽量限制去除相交区域时的候选矩形框数目,使其甚至可以少于 k。实际使用时可以将阈值设为 1,在全部的结果中选取 k 个,便可以规避因为阈值不合适得不到结果的问题。

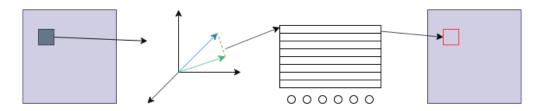


图 12: 人脸检测流程

初步实验结果表明,由于 L=5 时直方图细节较多,距离普遍较大,需要适当调大阈值以得到相似的结果,否则可能会得不到任何结果。选用了一张阿森纳球队的合影,适当调整参数尽量检测出所有人,见图13。



图 13: 人脸检测结果 blk\_size = [30, 25]; stride = [5, 5];

可以看到,阈值和 k 足够大时,L 并不太影响检测结果。由于函数中是先选出距离前 k 小的,再使用rectint和循环进行  $O(n^2)$  的相交区域去除,故 L=3 的结果可能由于此原因相比 L=4 多遗失了两名球员的结果。由于训练使用的样本肤色较浅,当前参数均没有识别出右上角肤色较深的球员,表明此方法有相当大的局限性。

#### 4.3 颜色分布直方图检测的稳定性

在上一节中,L=3 的效果已经不错,下面仍然使用 L=3 进行实验。使用以下函数对图像进行调整和检测:

```
img_rotate = imrotate(img, 90);
img_resize = imresize(img, [size(img, 1), size(img, 2) * 2]);
img_adjust = imadjust(img, [.1 .15 0; .85 .9 1]);

candidates_rotate = ...
    detect_face(img_rotate, color_hist.vec_3, ...
        3, [25, 30], stride, 0.4, 100);

candidates_resize = ...
    detect_face(img_resize, color_hist.vec_3, ...
        3, [30, 50], stride, 0.4, 100);

candidates_adjust = ...
    detect_face(img_adjust, color_hist.vec_3, ...
        3, [30, 25], stride, 0.4, 100);
```



(a) 拉伸





(c) 颜色调整

图 14: 人脸检测结果稳定性实验

从颜色分布直方图检测法的原理来看,旋转必然不会影响检测结果,而拉伸可能会由于插值方式的不同带来些微的影响,颜色调整则必然会带来影响。在图14中可以看到,旋转后的结果较上一节略好,这应是调大了 k 的结果。与之相比,拉伸少检测出一个人,调整颜色则多检测出一个人。这可能就是颜色的些微变化,让球员的脸部颜色直方图在所有候选中排位往前(或往后)移动,导致最后检测结果出现变化。

### 4.4 人脸样本训练标准的选取

从前面的实验结果来看,这种基于颜色分布直方图的方法虽然有受旋转、拉伸影响小的优点,但是非常受训练样本的影响,导致本实验中没有检测出非裔球员。虽然可能颜色分布与标准样本距离小于阈值,但仍会因为过于接近阈值,而在选取 topK 的步骤中被舍弃。如需进行更为准确的人脸检测,应当考虑针对不同人种训练不同的人脸标准,并在应用时将检测区域与所有样本进行比对,使得不同人种的脸部都能被识别出来。但随着标准的增多,误判的概率会有所上升,应考虑进一步限制阈值以保证准确性。

然而,由于颜色分布直方图的原理局限于颜色,不能捕获边缘特征。实际应用于人脸检测时应考虑引入边缘特征,与颜色分布一起计算一个"置信度",再根据这个"置信度"决定是否是人脸。

## 5 后记