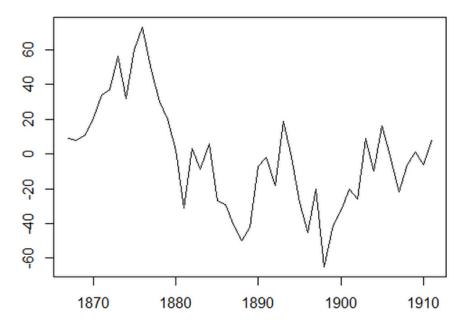
❤ 平稳性:

❷ 平稳性就是要求经由样本时间序列所得到的拟合曲线
在未来的一段期间内仍能顺着现有的形态"惯性"地延续下去

平稳性要求序列的均值和方差不发生明显变化



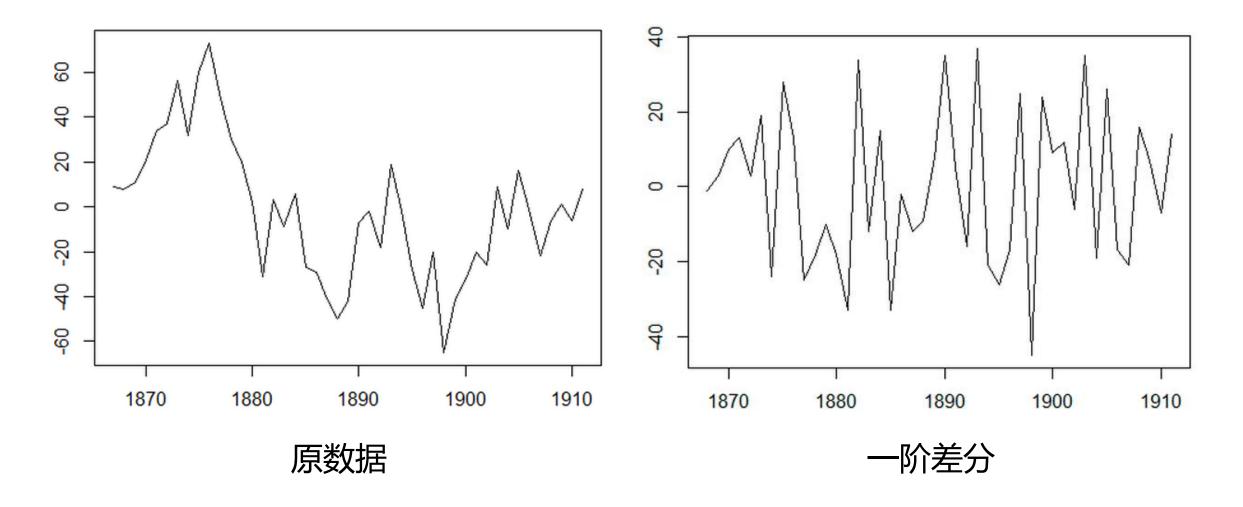
✓ 严平稳与弱平稳:

❷ 严平稳: 严平稳表示的分布不随时间的改变而改变。

如:白噪声(正态),无论怎么取,都是期望为0,方差为1

❷ 弱平稳:期望与相关系数(依赖性)不变

未来某时刻的t的值Xt就要依赖于它的过去信息,所以需要依赖性



- ✓ 自回归模型(AR)
 - 描述当前值与历史值之间的关系,用变量自身的历史时间数据对自身进行预测
 - ❷ 自回归模型必须满足平稳性的要求
 - \mathcal{O} p阶自回归过程的公式定义: $y_t = \mu + \sum_{i=1}^p \gamma_i y_{t-i} + \epsilon_t$
 - \mathcal{O} \mathcal{V}_t 是当前值 μ 是常数项 P 是阶数 \mathcal{V}_t 是自相关系数 ϵ_t 是误差

- ✓ 自回归模型的限制
 - ❷ 自回归模型是用自身的数据来进行预测
 - ❷ 必须具有平稳性
 - Ø 必须具有自相关性,如果自相关系数(φi)小于0.5,则不宜采用
 - ❷ 自回归只适用于预测与自身前期相关的现象

- - ❷ 移动平均模型关注的是自回归模型中的误差项的累加
 - \mathscr{O} q阶自回归过程的公式定义: $y_t = \mu + \epsilon_t + \sum_{i=1}^q \theta_i \epsilon_{t-i}$
 - Ø 移动平均法能有效地消除预测中的随机波动

✓ 自回归移动平均模型(ARMA)

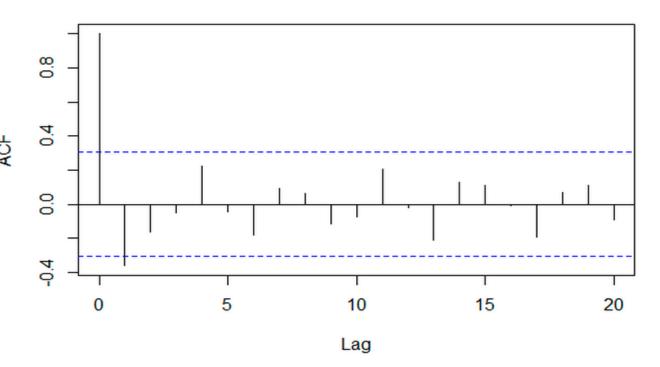
∅ 自回归与移动平均的结合

②公式定义:
$$y_t = \mu + \sum_{i=1}^{p} \gamma_i y_{t-i} + \epsilon_t + \sum_{i=1}^{q} \theta_i \epsilon_{t-i}$$

✓ ARIMA(p, d, q)模型全称为差分自回归移动平均模型 (Autoregressive Integrated Moving Average Model,简记ARIMA)

✓ 自相关函数ACF(autocorrelation function)

❷ Pk的取值范围为[-1,1]



- ✓ 偏自相关函数(PACF)(partial autocorrelation function)
 - ♂ 对于一个平稳AR(p)模型,求出滞后k自相关系数p(k)时实际上得到并不是x(t)与x(t-k)之间单纯的相关关系
 - Ø x(t)同时还会受到中间k-1个随机变量x(t-1)、x(t-2)、……、x(t-k+1)的影响而这k-1个随机变量又都和x(t-k)具有相关关系
 所以自相关系数p(k)里实际掺杂了其他变量对x(t)与x(t-k)的影响
 ● x(t-k)的影响

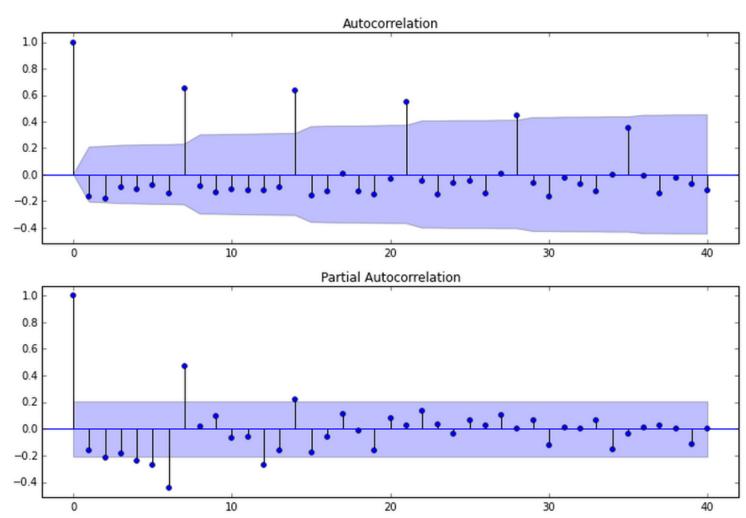
✓ ARIMA(p,d,q)阶数确定:

模型	ACF	PACF
AR(p)	衰减趋于零 (几何型或振荡型)	p阶后截尾
MA(q)	q阶后截尾	衰减趋于零 (几何型或振荡型)
ARM A(p,q)	q阶后衰减趋于零(几何型或振荡型)	p阶后衰减趋于零 (几何型或振荡型)

❷ 截尾:落在置信区间内(95%的点都符合该规则)

✓ ARIMA(p,d,q)阶数确定:

Ø AR(p) 看PACF MA(q) 看ACF



✓ ARIMA建模流程:

ARIMA (p,d,q)

✓ 模型选择AIC与BIC: 选择更简单的模型

Ø AIC:赤池信息准则(Akaike Information Criterion, AIC)

$$AIC = 2k - 2\ln(L)$$

Ø BIC:贝叶斯信息准则(Bayesian Information Criterion, BIC)

$$BIC = kln(n) - 2ln(L)$$

Ø k为模型参数个数,n为样本数量,L为似然函数

❤ 模型残差检验:

❷ ARIMA模型的残差是否是平均值为0且方差为常数的正态分布

❷ QQ图:线性即正态分布