

软件分析

课程介绍

熊英飞 北京大学

软件缺陷可能导致灾难性事故



2019年波音737Max坠机 事件:埃塞俄比亚航空 一架波音737 MAX 8型飞 机在起飞阶段坠毁,机 上人员全数遇难。



事故原因:飞机MCAS 防失速自动系统软件 存在缺陷 2016年特斯拉车祸:自动驾驶模式下的特斯拉汽车和卡车相撞,导致驾驶员当场丧生



事故原因:在强烈日 光条件下,摄像头进 入盲区,但软件系统 并没有捕获这一情况 2011年亚马逊宕机事故: 亚马逊云计算出现了超 过2天的宕机事故,造 成的资金和信誉损失难 以估算



事故原因: 软件配 置错误导致部分结 点请求激增,不断 转发请求压垮网络

能否彻底避免软件中出现特定类型的缺陷?



- 缺陷检测问题:
 - 给定某程序 P
 - 给定某种类型的缺陷, 如没有内存泄露
- 输出:
 - 程序P是否存在给定类型的缺陷
- 是否存在算法能给出该判定问题的答案?
 - 软件测试
 - "Testing shows the presence, not the absence of bugs." --Edsger W. Dijkstra

库尔特·哥德尔 (Kurt Gödel)

1898.

- 20世纪最伟大的数学家、逻辑学家之一
- 爱因斯坦语录
 - "我每天会去办公室,因为 路上可以和哥德尔聊天"
- 主要成就
 - 哥德尔不完备定理



希尔伯特计划 Hilbert's Program



- 德国数学家大卫 · 希尔伯特在20世纪20年代提出
- 背景: 第三次数学危机
 - 罗素悖论: *R* = {*X* | *X* ∉ *X*}, *R* ∈ *R*?
- 目标:提出一个形式系统,可以覆盖现在所有的数学定理,并且具有如下特点:
 - 完备性: 对所有命题,该命题本身或其否定一定能被证明
 - 一致性: 任意命题和其否定不能同时被证明
 - 可判断性: 存在一个算法来确定任意命题的真假

哥德尔不完备定理 Gödel's Incompleteness Theorem



- 1931年由哥德尔证明
- 包含自然数和基本算术运算(如四则运算)的 一致系统一定不完备,即包含一个无法证明的 定理
 - 完备性:对所有命题,该命题本身或其否定命题一 定能被证明
 - 一致性: 任意命题和其否定命题不能同时被证明

哥德尔不完备定理与内存泄 漏判定



- 主流程序语言能表示自然数和基本运算
 - 注意数学上的自然数是无限的,不等价于Int
- 在现代数学中,任何自动证明算法必须以某种形式系统为基础
 - 对逻辑学不熟悉的同学可以理解为公理+推导规则
- 设在所使用的形式系统中有表达式T不能被证明
 - a=malloc();
 - if (T) free(a);
 - return;
- 若T为永真式,则没有内存泄漏,否则就可能有

哥德尔不完备定理 的证明概要



- 1. 通过某种方式把命题都编码成自然数。
 - 如 $\forall a. a \neq 0$ 编码成 $2^1 3^2 5^3 7^2 11^4 13^5$
 - 假设∀*a*. ≠ 0分别对应1, 2, 3, 4, 5
- 2. 通过某种方式把证明的推导过程编码成自然数
- 3. 证明该编码方式的一种性质
 - 假设*a*编码成*N*(*a*)
 - "推导过程x得到结论y"可以写成定义在N(x)和N(y)上的一个采用基本算术运算的命题,记为prove(N(x), N(y))
- 4. 通过不动点定理证明存在邪恶命题e,满足
 - $N(\neg \exists x, prove(x, N(e))) = N(e)$
 - 将N(e)看做函数输入,等式左边看做函数输出,可以证明该函数有不动点
- 5. 如果e为假,那么e就可证,推出矛盾,所以e只能为真

停机问题



- 也可以从证明更简单的停机问题来理解软件分析的困难
- 停机问题: 判断一个程序在给定输入上是否会终止
 - 对应希尔伯特期望的第三个属性
- 图灵于1936年证明:不存在一个算法能回答停机问题
 - 因为当时还没有计算机,就顺便提出了图灵机

停机问题证明



- 假设存在停机问题判定算法: bool Halt(p)
 - p为特定程序
- 给定某邪恶程序

```
void Evil() {
    if (!Halt(Evil)) return;
    else while(1);
}
```

- Halt(Evil)的返回值是什么?
 - 如果为真,则Evil不停机,矛盾
 - 如果为假,则Evil停机,矛盾

是否存在确保无内存泄露的算法?



- 假设存在算法: bool LeakFree(Program p)
- 给定邪恶程序:

```
void Evil() {
    int a = malloc();
    if (LeakFree(Evil)) return;
    else free(a);
}
```

- LeakFree(Evil)产生矛盾:
 - 如果为真,则有泄露
 - 如果为假,则没有泄露

术语: 可判定问题



- 判定问题(Decision Problem):回答是/否的问题
- 可判定问题(Decidable Problem)是一个判定问题,该问题存在一个算法,使得对于该问题的每一个实例都能给出是/否的答案。
- 停机问题是不可判定问题
- 确定程序有无内存泄露是不可判定问题

练习



- 如下程序分析问题是否可判定?假设所有基本操作都在有限时间内执行完毕,给出证明。
 - 确定程序使用的变量是否多于50个
 - 给定程序,判断是否存在输入使得该程序抛出异常
 - 给定程序和输入,判断程序是否会抛出异常
 - 给定无循环和函数调用的程序和特定输入,判断程序 是否会抛出异常
 - 给定程序和输入,判断程序是否会在前50步执行中抛出异常(执行一条语句为一步)

问题



• 到底有多少程序分析问题是不可判定的?

莱斯定理(Rice's Theorem)



- 我们可以把任意程序看成一个从输入到输出上的 函数(输入输出对的集合),该函数描述了程序 的行为
- 关于该函数/集合的任何非平凡属性,都不存在可以检查该属性的通用算法
 - 平凡属性: 要么对全体程序都为真, 要么对全体程序都为假
 - 非平凡属性: 不是平凡的所有属性
 - 关于程序行为: 即能定义在函数上的属性

运用莱斯定理快速确定可判定性



- 给定程序,判断是否存在输入使得该程序抛出异常
 - 可以定义: ∃*i*, *f*(*i*) = *EXCP*T
- 给定程序和输入,判断程序是否会抛出异常
 - 可以定义: f(i) = EXCPT
- 确定程序使用的变量是否多于50个
 - 涉及程序结构,不能定义
- 给定无循环和函数调用的程序,判断程序是否在 某些输入上会抛出异常
 - 只涉及部分程序,不符合定理条件(注意:不符合菜 斯定理定义不代表可判定)

莱斯定理的证明



- 反证法: 给定函数上的非平凡性质P。
- 首先假设空集(对任何输入都不输出的程序)不满足P。
 - 因为P非平凡,所以一定存在程序使得P满足,记为 ok prog.
 - 假设检测该性质P的算法为P_holds。
- 我们可以编写如下函数来检测程序q是否停机

```
Bool halt(Program q) {
void evil(Input n) {
  Output v = ok prog(n);
  q();
  return v; }
 return P_holds(evil); }
```

•如果空集满足P,将ok_prog换成一个让P不满足的程序,同样推出矛盾



刚刚说的都是真的吗?世界真的这么没希望吗?

一个检查停机问题的算法



- 当前系统的状态为内存和寄存器中所有Bit的值
- 给定任意状态,系统的下一状态是确定的
- 令系统的所有可能的状态为节点,状态A可达状态B 就添加一条A到B的边,那么形成一个有向图(有限 状态自动机)
- 如果从任意初始状态出发的路径都无环,那么系统一定停机,否则可能会死机
 - 给定起始状态,遍历执行路径,同时记录所有访问过的状态。
 - 如果有达到一个之前访问过的状态,则有环。如果达到终态,则无环。
- 因为状态数量有穷,所以该算法一定终止。

哥德尔、图灵、莱斯错了吗?



• 该检查算法的运行需要比被检查程序p更多的状态

```
void Evil() {
    if (!Halt(Evil)) return;
    else while(1);
}
```

- Halt(Evil)无法运行,因为Halt(Evil)的运行需要比Evil()更多的状态空间,而Evil()的运行又需要比Halt(Evil)更多的状态空间
- 然而一般来说,不会有程序调用Halt
 - 对这类程序该算法可以工作

模型检查



- 基于有限状态自动机抽象判断程序属性的技术
- 被广泛应用于硬件领域
- 在软件领域因为状态爆炸问题(即状态数太多), 几乎无法被应用到大型程序上

所以,世界还是没有希望了 吗?



• 近似法拯救世界

• 近似法: 允许在得不到精确值的时候, 给出不精确的答案

- 对于判断问题,不精确的答案就是
 - 不知道

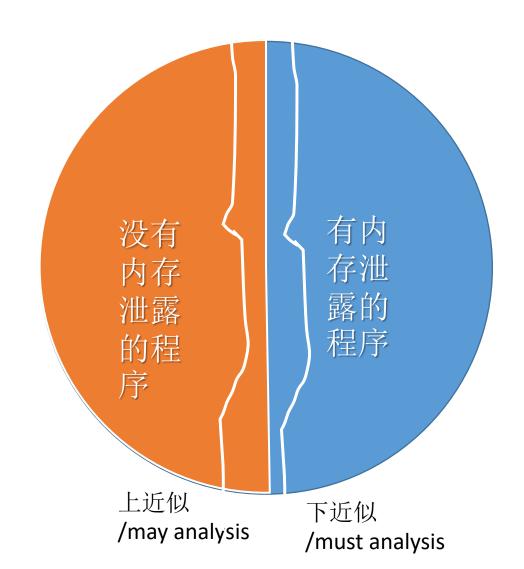
近似求解判定问题



- •原始判定问题:输出"是"或者"否"
- 近似求解判定问题:输出"是"、"否"或者"不知道"
- 两个变体
 - 只输出"是"或者"不知道"
 - must analysis, lower/under approximation(下近似)
 - 只输出"否"或者"不知道"
 - may analysis, upper/over approximation (上近似)
- 目标:尽可能多的回答"是"、"否",尽可能少的回答"不知道"

近似法判断内存泄露





非判定问题



- 通常可以转换成判定问题看待
- 例:假设正确答案是一个集合S,如判断某个变量执行到某个位置的可能取值
 - 对于每个值,回答判定问题:程序执行到这个位置是否可能出现这个值?
 - must分析:返回的集合总是S的子集
 - may分析:返回的集合总是S的超集
 - 或者更全面的分析:返回不相交(Disjoint)集合MUST,MAY,NEVER,其中
 - MUST⊆S,
 - NEVER∩S=Ø,
 - S⊆MUSTUMAY
- must和may的区分并不严格,可以互相转换
 - 将判定问题取反
 - 对于返回集合的问题,将返回值定义为原集合的补集

练习



- 假设问题为:程序是否有某种类型的Bug?
- •测试属于must分析还是may分析?
- 类型检查属于must分析还是may分析?

答案



- •测试:给出若干关键输入,看在这些输入上是否会 抛出异常
 - 如果抛出异常,回答"是"
 - 如果没有抛出以后,回答"不知道"
 - must分析
- 类型检查:采用类似Java的函数签名,检查当前函数中所有语句可能抛出的异常都被捕获,并且main函数不允许抛出异常
 - 如果通过类型检查,回答"否"
 - 如果没有通过,回答"不知道"
 - may分析

另一组术语: 正确性和完整性



- 源于逻辑学
 - 正确性Soundness: 一个逻辑系统得出结论,那么该 结论是对的
 - 完整性Completeness: 对于所有对的结论,该逻辑系统都能推出来
- 即
 - 正确性=Must分析
 - 完整性=May分析

另一组术语: 正确性和完整性



- 程序分析技术最早源自编译器优化
- 在编译器优化中,正确性定义为编译器做出了一次优化,那么该优化肯定是对的
- 这时程序分析需要保证编译器不出错,则正确性 根据需要可对应于must分析和may分析中的一个
- · 从这个角度,正确性通常也称为安全性(Safety)

求近似解基本方法1一抽象



• 给定表达式语言

term := term + term

term – term

term * term

| integer

| variable

- 和输入的符号,求输出的符号
- 比如: a+b*c
- 如果输入都为正数,结果也一定是正数吗?

抽象域



- 正 ={所有的正数}
- 零={0}
- 负= {所有的负数}
- 乘法运算规则:
 - 下*下=下
 - 正*负=负

- 负*正=负
- 负*负=正
- 正*零=零负*零=零

- 零*下=零
- 零*负=零
- 零*零=零
- 对任意抽象输入包括的任意具体输入,其对应具 体输出包括在抽象输出中

问题



- 正+负=?
- •解决方案:增加抽象符号表示"不知道"
 - 正 ={所有的正数}
 - 零={0}
 - 负= {所有的负数}
 - 槑={所有的整数和NaN}

运算举例



+	正	负	零	槑
正	正			
负	槑	负		
零	正	负	零	
槑	槑	槑	槑	槑

*	正	负	零	槑
正	正			
负	负	正		
零	零	零	零	
槑	槑	槑	零	槑

求近似解基本方法2一搜索



- 判断如下程序是否会有内存泄漏:
 - if (a == b && c == d && a != b) x = malloc();
 - return;
- •遍历a,b,c,d的所有取值,看是否有内存泄漏的情况。
- 如果找到一组取值,即存在内存泄漏
- 如果遍历完所有取值,则不存在内存泄露
 - 如果输入是链表等无限长的数据结构,即基本不可能 遍历完
- 如果超时,则答案为"不知道"

求近似解基本方法2一搜索



- 判断如下程序是否会有内存泄漏:
 - if (a == b && c == d && a != b) x = malloc();
 - return;
- 直接搜索效率较低,通常会引入各种剪枝和推断的方法
- 用三个布尔变量A, B, C分别表示a==b, c==d, a!=b
- 注意a==b和a!=b互斥,即A==!C
- 枚举空间大小从(2³²)⁴变成8

抽象vs搜索



- 抽象通常考虑程序所有的执行,包括整个输入空间和任意长度的执行路径,但给出不精确的结果
- 搜索通常只考虑一部分执行,包括有限的输入空间和有限的执行路径长度,但对于这部分执行给出精确的分析
- 二者也可以结合

本课程《软件分析技术》



- 给定软件系统,回答关于系统行为的问题的技术, 称为软件分析技术
 - 该软件的运行是否会停机?
 - 该软件中是否有内存泄露?
 - 该软件运行到第10行时,指针x会指向哪些内存位置?

课程内容1: 基于抽象解释 的程序分析



- 数据流分析
 - 如何对分支、循环等控制结构进行抽象
- 过程间分析
 - 如果对函数调用关系进行抽象
- 指针分析
 - 如何对堆上的指向结构进行抽象
- 抽象解释
 - 对于抽象的通用理论
- 抽象解释的自动化
- 对应基本方法1--抽象

课程内容2: 基于约束求解 的程序分析



- SAT
 - 基础可满足性问题
- SMT
 - 通用可满足性问题
- 符号执行
 - 基于约束求解对部分执行路径进行程序分析
- 对应基本方法2--搜索

课程内容3:软件分析应用



- •程序合成——如何让电脑自动编写程序
- •缺陷定位——确定程序有Bug后,如何知道Bug在哪里
- •缺陷修复——找到Bug后,如何让电脑自动修复程序中的Bug
 - = 缺陷定位+程序(补丁)合成
 - 根据时间决定是否介绍

为什么要开设《软件分析》



- 重要性
 - 几乎所有的编译优化都离不开软件分析
 - 几乎所有的开发辅助工具都离不开软件分析
 - 更好的理解计算和抽象的本质与方法
- 学习难度
 - 历史长
 - 方法学派多
 - 缺乏易懂的教材
 - 传统上采用大量数学符号



- 大公司核心部门的就业机会
 - 微软、IBM、谷歌、Oracle、Facebook的开发工具部门
 - 大公司的内部工具部门
 - "谷歌最强的人都在开发内部工具。"一某网友
 - 企业研究院
- 中国企业
 - 中国企业已经发展到了需要自己的开发工具的阶段,但没有合适的人才
 - "目前的白盒工具的市场上,基本都是国外的产品。" --HP某售前工程师
- 科学研究



- 大公司核心部门的就业机会
 - 微软、IBM、谷歌、Oracle、Facebook的开发工具部门
 - 大公司的内部工具部门
 - "谷歌最强的人都在开发内部工具。"一某网友
 - 企业研究院
- 中国企业
 - 中国企业已经发展到了需要自己的开发工具的阶段,但仍缺乏合适的人才
 - "目前的白盒工具的市场上,基本都是国外的产品。" --HP某售前工程师,2015
 - 华为、阿里、360等企业的软件分析团队每年找我定向推 荐
- 科学研究



- IT企业对软件分析 人才求贤若渴
- 从事软件相关研 究的必要条件

总裁办电子邮件

电邮通知【2019】068号

签发人: 任正非

关于对部分2019届顶尖学生实行年薪制管理的通知

华为公司要打直未来的技术与商业战争,技术创新与商业创新双轮驱动是核心动力,创新就必须要有世界 顶尖的人才,有顶尖人才充分挥发才智的组织土壤。我们首先要用顶级的挑战和顶级的薪酬去吸引顶尖人才,今 年我们先将从全世界招进20-30名天才"少年",今后逐年增加,以调整我们队伍的作战能力结构。

经公司研究决定,对八位2019届顶尖学生实行年薪制,年薪制方案如下:

1、钟钊、博士。

年薪制方黨: 182-201万人民币/年

2、秦通、陳士。

年薪制方案: 182-201万人民币/年

3、李屹。博士

年薪制方案。 140.5-186.8万人民币/年

4. 管高扬, 博士。

年薪制方案。 140.5-156.5万人民币/年

5、贯许亚、博士。

年薪制方案。 89.6-100.8万人民币/年

6、王承邦。博士

年蘇朝方案。 89.6-100.8万人民币/年

7、林站, 博士

年薪制方案。 89.6~100.8万人民币/年

8. 何省, 博士。

年薪制方案。 89.6-100.8万人民币/年

报送:董事会成员、监事会成员

主送: 全体员工。





- •国际形势变化下,IT企业对基础软件的重视达到 了空前的高度,正在抢夺软件分析人才
 - 本组从2020届开始:
 - 博士毕业生大都拿到华为天才少年
 - 本科毕业生拿到阿里历史上唯一一个给本科生的阿里星
 - 研究生毕业前通常被各大IT企业排队邀请参观
- 从事软件相关研究的必要条件

如何学习《软件分析》?



- 预备知识
 - 熟悉常见的数学符号
- 关于课程难度
 - 软件分析技术总体是难的
 - 我会尽量用容易的方式介绍
 - 不会为了降低难度删除困难的内容
 - 每年都有完全掌握的同学
 - 困难的内容可能也在某些时刻会用到
 - 本课程的子集在部分高校已经开设
 - 上课会指出哪些是必须掌握的内容
 - 课程项目的设计上不要求全部掌握课程内容
- 课程主页: https://xiongyingfei.github.io/SA/main.htm

教学团队



- 教师: 熊英飞
 - 2009年于日本东京大学获得博士学位
 - 2009-2011年在加拿大滑铁卢大学从事博士后研究
 - 2012年加入北京大学,历任助理教授、副教授
 - 办公室: 理科一号楼1431
 - 邮件: xiongyf@pku.edu.cn
- 助教:汪文韬
 - 硕士三年级
 - 办公室:新燕园文德楼
 - 邮件: wwt@stu.pku.edu.cn 邮件: zhaoyuwei@stu.pku.edu.cn
- 助教: 赵雨薇
 - 博士一年级
- 办公室:新燕园文德楼

- 助教: 智旭生
 - 本科四年级
 - 邮件: 2100013006@stu.pku.edu.cn

参考资料-书和讲义



- 课程讲义——不断完善中,不过预计本年度仍然非常不完整
- 《编译原理》Aho等
 - 易懂,但涉及内容非常少
- «Lecture notes on static analysis» Moller and Schwartzbach
 - https://cs.au.dk/~amoeller/spa/
 - 易懂,并且作者每年都更新版本,内容也越来越丰富
 - 只覆盖基于抽象解释的分析,且对该部分的高阶知识覆盖不够全面
- «Program Analysis» Aldrich, Goues, and Padhye
 - https://cmu-program-analysis.github.io/
 - 一开始只有基于抽象解释的分析,后来加了不少内容,整体覆盖范围和本课程类似
 - 基于抽象解释的分析对比上一本,部分地方讲解更简洁清晰,但三名作者都不是静态分析研究人员,部分地方讲得不够专业或有错误
- «Introduction to Static Analysis» Rival and Yi
 - 一开始就引入抽象解释,比上面两本更深入更系统
 - 一开始的例子就比较复杂,且有些脱离实际,不如上面两本易懂
 - 综合来说不错,推荐给想要深入学习基于抽象解释的分析的同学

参考资料-书和讲义



- 《Program Analysis: An Appetizer》 Nielson等
 - https://arxiv.org/ftp/arxiv/papers/2012/2012.10086.pdf
 - 同一批作者著有《 Principles of Program Analysis 》,较为全面,但行文非常不易懂,不推荐初学者
 - 这本书能读懂,但易懂性不如上页前两本,专业性不如上页第三本
- 《Principles of Abstract Interpretation》Cousot等
 - 大师著作,在抽象解释上非常全面
 - 数学符号非常复杂,不易懂,不推荐初学者
- «Decision Procedures -- An Algorithmic Point of View»
 Daniel Kroening and Ofer Strichman
 - 全面介绍约束求解算法的经典教材

参考资料一其他课程



- 南京大学《软件分析》课
 - https://tai-e.pascal-lab.net/lectures.html
 - 覆盖主要基于抽象解释的分析技术(但没有抽象解释)
 - 讲解比本课程详细,视频课件都有,本课程学习困难时推荐查阅
 - 本课程实验使用的Tai-e框架来源于南大团队
- 国防科技大学《程序分析》课
 - https://www.educoder.net/classrooms/7759/
 - 陈立前老师是Patrick Cousot共同指导的博士,国内知 名抽象解释专家
 - 和上一门课的内容较为互补

考核与评分



• 课程作业: 30分

• 根据作业的完成质量评分

• 课程项目1: 35分

• 课程项目2: 35分

- 各部分分数会做标准差-平均分的正规化,确保标准差和平均分一致
 - 多数人分数会下降,老师会在不超优秀率的情况下尽量提高平均分
- 因为客观分无法完全反映同学们学习情况,保留主观调分的可能,一般针对做了很多努力但由于数据集偏差等原因分数特别低的同学,所有主观调分都将公示。

课程项目1



- 实现一个Java上的指针分析系统
 - 分析程序不同位置指针可能指向的值
 - 根据在限定时间内达到的分析精度评分
- 每组提交解决方案和测试样例

- 组队完成:
 - 3名同学一队
 - 组内贡献不均等的,请在提交的时候说明

感谢唐浩同学帮忙制作开发包和本地评测平台!感谢肖元安、朱琪豪、吴宜谦帮忙制作在线评测平台!

课程项目2



- 实现一个程序合成工具
 - 根据规约自动编写程序
 - 根据在限定时间内求解出的样例个数评分
- 每组提交解决方案和一个测试程序
- 组队要求:
 - 3名同学一队,但队友必须和上一个项目不同

感谢曾沐焓、吉如一同学帮忙制作开发包和本地评测平台! 感谢朱琪豪帮忙制作在线评测平台! 感谢吴官谦的改进!

教学安排



- 9月
 - 数据流分析
- 10月
 - 过程间分析、指针分析、控制流分析、项目1
- 11月
 - 抽象解释、约束求解、符号执行、程序合成、项目2
- 12月
 - 符号抽象、程序合成、缺陷定位和修复
- 每个项目约4周时间

《软件分析》课历史



- 2012-2013, 软件工程研究所读书会
- 2014-2015,和微软亚洲研究院联合开课
 - 54学时, 我大概负责2/3, 微软负责1/3
 - 微软亚洲研究院主要介绍软件解析学(统计软件分析)上的工作
- 2015,从研究生课改为本研合上课
- 2016之后,完全由我上课
- 2017起,课程的一部分开设为国科大课程《程序分析》(和张路老师共同教授)
- 2021年起,从本研合上课改为本科生课程
- 2022年选课人数超过50人,2023年选课人数超过110人





年份	本科	研究生
2023	83.71	
2022	87.51	
2021	91.69	
2020	93.75	100
2019	96.51	98.83
2018	99	99
2017	98.53	97.41
2016	95	99.87

劝退



- 评教分数和课程人数稳定负相关
 - 课程不适合所有人,请确认是否想要学习软件分析
- 课程内容多,难度大,理论抽象,需要投入大量 精力
- 课程项目虽然设计有摸鱼选项,但摸鱼和绩点只能二选一
- 课程项目作为主要评分,为满足优秀率,竞争无法避免

本学期计划的改进



- 适当减少前沿内容,增加基础内容讲解和动手内容
 - 但课程总体体量保持在原规模
 - 动手内容主体仍然依靠自学
- 继续完善课程讲义
- 改进课程项目,加强引导,提高确定性
 - 基础分数阶梯化,调低互评比例,增加互评要求,Lab 1 明确语言范围,Lab 2提升隐藏测试比例
 - 考虑加入探索分,鼓励多样性
- 改进作业,提升题目清晰程度和课程内容覆盖程度
 - 每次作业由助教先行审核再发布

作业



- 假设我们设计一个程序分析来检测程序是否会抛出异常。该分析遍历输入空间中每一个输入,然后执行100条语句,看程序是否抛出异常。对于有限输入空间的程序,该分析是精确分析、上近似、下近似还是不属于以上三类?为什么?
- 假设我们把符号分析的抽象域改成{自然数,负, 槑}三个值,其中自然数表示所有正数和零,请 写出加法和乘法的计算规则,并给出一个式子, 在该抽象域上得到的结果不如{正,负,零,槑} 精确。