

软件分析

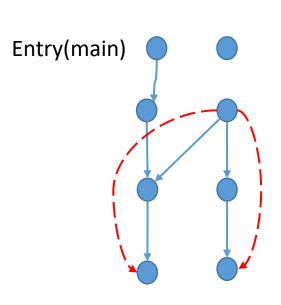
过程间分析加速技术

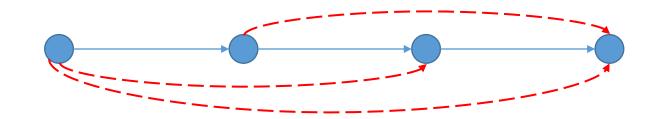
熊英飞 北京大学

求解算法缺陷



- 无效计算
 - 我们只关心从起始结点开始的可达性
 - CFL求解算法都会计算该过程内部的 可达性
- 重复计算
 - 一条边可能从几个不同途径添加,导 致重复计算



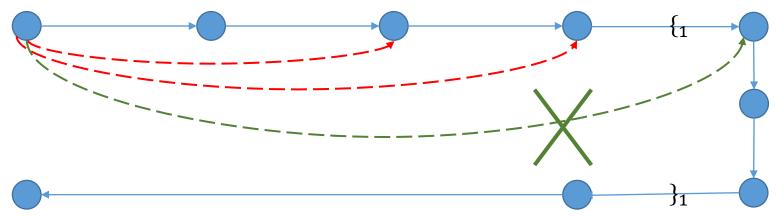


尝试1



- 只添加从Entry出发的边
 - 不会对Entry不可达的路径进行无效计算
 - 因为固定顺序,不会产生重复计算

d@Entry(main)

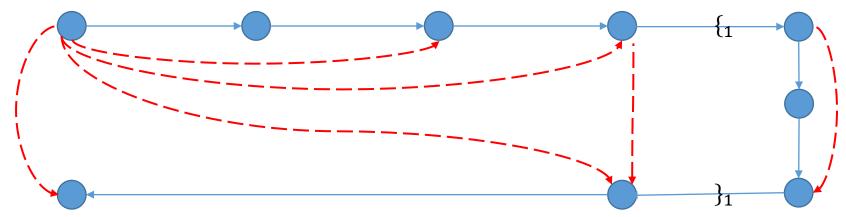


尝试2



- 标记所有从Entry可达的过程
- 只添加
 - 这些过程开始位置出发的边
 - 调用语句出发的边

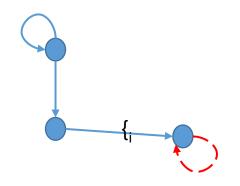
d@Entry(main)



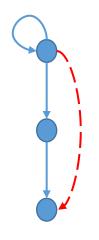
改进Dyck-CFL-Reachability求解规则



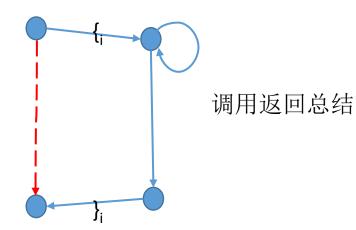




用回边标记当前可以分析的过程



过程内分析



原始CFL-Reachability求解算法的复杂度



- $O(n^3)$
- n为结点数量
- 假设文法的大小远远小于 n
- 图中最多有n*n条边
 - 按规则a添加边的复杂度为 O(n)
 - 给定一条边,检查规则b的复杂度为O(1)
 - 给定一条边,检查规则C的 复杂度为O(n)
- 总复杂度 $O(n^3)$

```
For(each node) {
    根据规则(a)加边
}
ToVisit ← 所有边
While(ToVisit.size > 0) {
    从ToVisit中取出任意边
    根据规则(b)加边
    查看前后结点的边的组合,根据
规则(c)加边
以上两步新加边加入ToVisit
}
```

改进后CFL-Reachability 求解算法的复杂度

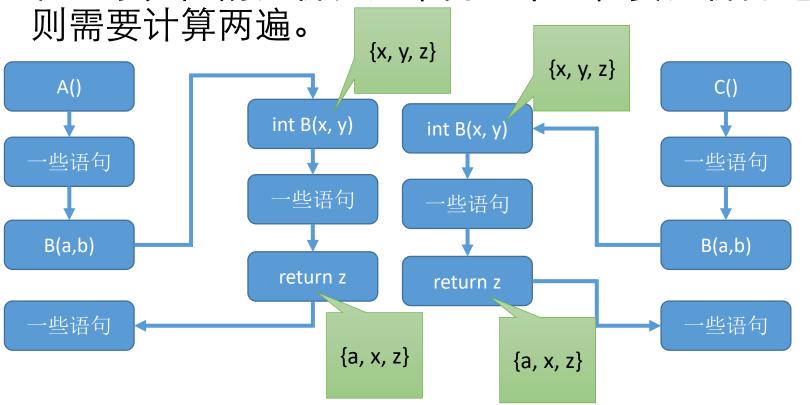


- Tom Reps证明
 - 算法复杂度为 $O(ED^3)$
 - E为控制流图上的边数,D为每个控制流图节点展开的节点数

换个角度理解该加速算法



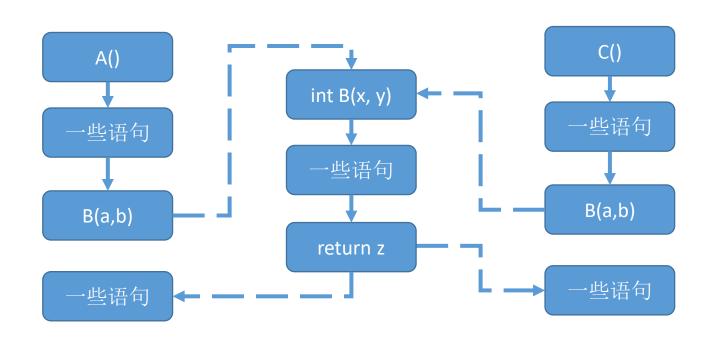
• 在基于克隆的分析,如果同一个过程要分析两遍,



基于动态规划的分析



- 改进后的CFL-Reachability用边记录了之前的结果
- 如果初始状态任意子集在记录中存在,则重用记录, 避免重新计算



过程间分析两种典型加速技术

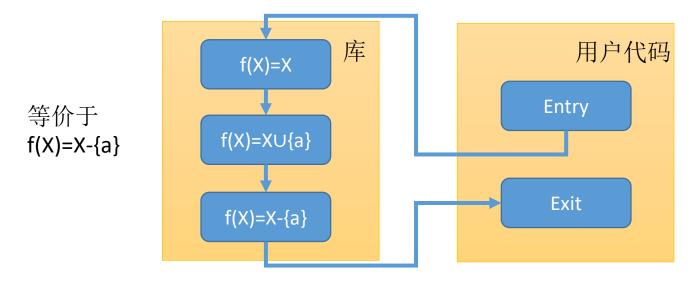


- 基于动态规划的加速技术
 - 通过记录之前计算过的信息来加速
 - 又叫做Top-down Summary、Tabulating Algorithm等
- 基于函数摘要的加速技术
 - 通过对函数内部的函数进行合并来加速
 - 通常用于提前对于函数库等进行分析
 - 在选择合适的函数表示的时候,也可以加快分析执行
 - 也叫作Bottom-up Summary、Functional Analysis、 Modular Analysis等

基于函数摘要的加速技术



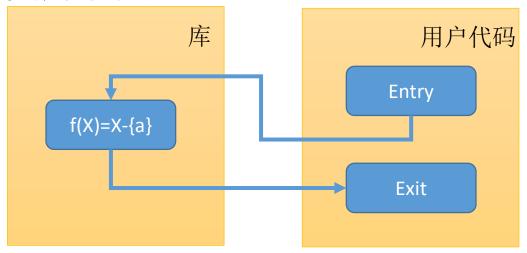
- 动机1: 在数据流分析中,很多转换函数的效果可以互相抵消,但我们还是要针对每一个进行计算
- 动机2:程序分析中大量代码是库代码,往 全分析一个很小的程序就要分析大量库代码。



基于函数摘要的加速技术



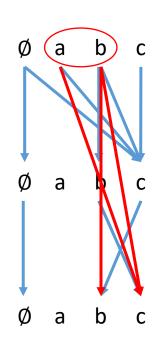
- 将一个过程摘要成一个转换函数
- 如果节省下来的冗余计算大于摘要花费,则加速 了程序分析
- 库函数可以提前做成摘要,在分析用户代码的时候直接使用摘要



CFL-Reachability与函数 摘要



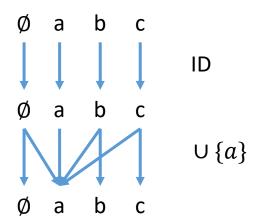
- CFL-Reachability再次解决了这个问题
- 过程入口点和出口点的可达性即为过程的函数摘要
- 只需要先对特定过程的图进行分析 就能创建摘要



CFL-Reachability的问题



- CFL-Reachability展开表示了转换函数,在摘要计算上并不高效
- •例:很多分析的格都由变量组成,特别是全局变量

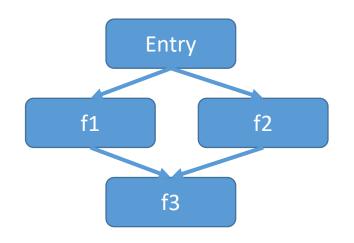


从函数定义上我们可以很容易合并 这两个转换,但如果在图上计算摘 要就要分别算每一个变量的可达性

基于函数摘要的加速技术



- 沿控制流图合并转换函数
 - $f_S = f_3 \circ (f_1 \sqcup f_2)$
- 需要给每个函数统一的抽象表示
- 需要定义该抽象表示上的。和 □操作,这些操作是对该抽 象表示封闭的,并且对任意x 满足如下条件:
 - $(f_2 \circ f_1)(x) = f_2(f_1(x))$
 - $(f_1 \sqcup f_2)(x) = f_1(x) \sqcup f_2(x)$

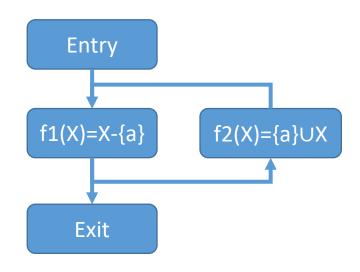


合并操作符-gen/kill标准型



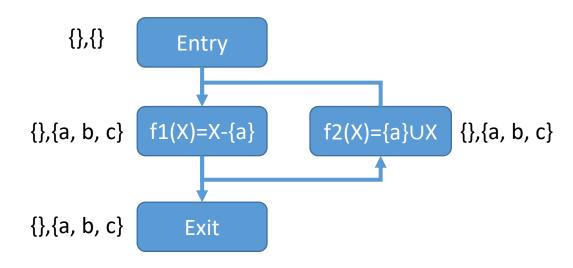
- $f(x) = gen \cup (x kill)$, 半格操作为并集 $f_2 \circ f_1(x) = gen_2 \cup (gen_1 \cup (x kill_1)) kill_2$ $= (gen_2 \cup (gen_1 kill_2)) \cup (x (kill_1 \cup kill_2))$ $(f_1 \sqcup f_2)(x) = f_1(x) \sqcup f_2(x)$ $= (gen_1 \cup (x kill_1)) \cup (gen_2 \cup (x kill_2))$ $= (gen_1 \cup gen_2) \cup (x (kill_1 \cap kill_2))$
- 因此,函数的抽象表示为集合的二元组(Gen, Kill),其中
 - $(g_2, k_2) \circ (g_1, k_1) = (g_2 \cup (g_1 k_2), k_1 \cup k_2)$
 - $(g_1, k_1) \sqcup (g_2, k_2) = (g_1 \cup g_2, k_1 \cap k_2)$





在函数上执行数据流分析

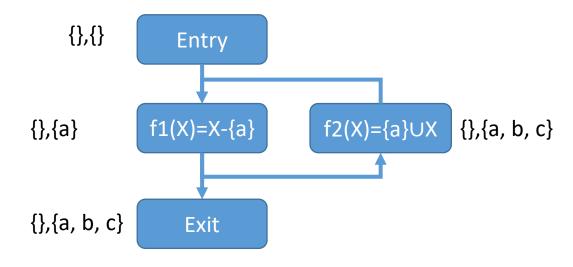




$$(g_2, k_2) \circ (g_1, k_1) = (g_2 \cup (g_1 - k_2), k_1 \cup k_2)$$

 $(g_1, k_1) \sqcup (g_2, k_2) = (g_1 \cup g_2, k_1 \cap k_2)$

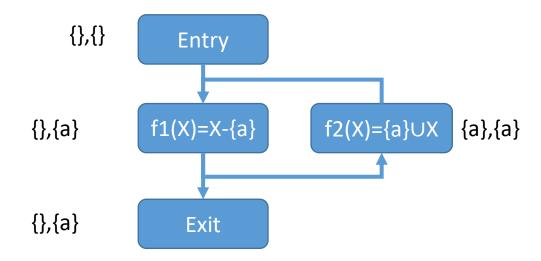




$$(g_2, k_2) \circ (g_1, k_1) = (g_2 \cup (g_1 - k_2), k_1 \cup k_2)$$

 $(g_1, k_1) \sqcup (g_2, k_2) = (g_1 \cup g_2, k_1 \cap k_2)$





$$(g_2, k_2) \circ (g_1, k_1) = (g_2 \cup (g_1 - k_2), k_1 \cup k_2)$$

 $(g_1, k_1) \sqcup (g_2, k_2) = (g_1 \cup g_2, k_1 \cap k_2)$

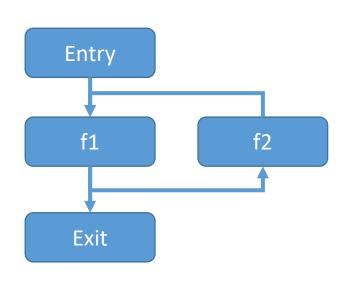
函数的数据流分析——半格



- 半格格元素为Gen/Kill标准型的抽象表示,其中 Gen和Kill都只包含为原始分析中半格元素,是 有限集合
- 合并运算□为函数上的并操作,该操作满足幂等 性、交换性、结合性
 - 证明: 由 $(g_1, k_1) \sqcup (g_2, k_2) = (g_1 \cup g_2, k_1 \cap k_2)$ 可见,合并运算可以分解成一个集合并和一个集合交,由两种运算都满足幂等性、交换性、结合性可知原结论成立。
- 最大元T中,Gen为空集,Kill为全集

函数的数据流分析——半格





- 每个程序点上的数据流分析结果表示从Entry到该节点所有路径的函数摘要
- Entry的初值为({}, {}),即 等价变换
- f_i 的转换函数为
 - $f_{f_i}((g,k)) = f_i \circ (g,k)$

转换函数的单调性



- 引理: 任意结点上的转换函数都是单调的
 - 如果 $(g_1, k_1) \sqcup (g_2, k_2) = (g_1, k_1)$,需要证明 $(g_3, k_3) \circ (g_1, k_1) \sqcup (g_3, k_3) \circ (g_2, k_2) = (g_3, k_3) \circ (g_1, k_1)$
 - 由前提,可知 $g_1 \cup g_2 = g_1, k_1 \cap k_2 = k_1$
 - $(g_3, k_3) \circ (g_1, k_1) \sqcup (g_3, k_3) \circ (g_2, k_2)$
 - $= (g_3 \cup (g_1 k_3), k_1 \cup k_3) \sqcup (g_3 \cup (g_2 k_3), k_2 \cup k_3)$
 - $=(g_3 \cup (g_1 \cup g_2 k_3), (k_1 \cap k_2) \cup k_3)$
 - $=(g_3 \cup (g_1 k_3)), k_1 \cup k_3)$
 - $=(g_3,k_3)\circ(g_1,k_1)$

转换函数的分配性



- 引理: 任意结点上的转换函数满足分配性
 - $(g_3, k_3) \circ ((g_1, k_1) \sqcup (g_2, k_2))$
 - $=(g_3,k_3)\circ(g_1\cup g_2,k_1\cap k_2)$
 - $=(g_3 \cup (g_1 \cup g_2 k_3), (k_1 \cap k_2) \cup k_3)$
 - $= (g_3 \cup (g_1 k_3), k_3 \cup k_1) \sqcup (g_3 \cup (g_2 k_3), k_3 \cup k_2)$
 - $=(g_3,k_3)\circ(g_1,k_1)\sqcup(g_3,k_3)\circ(g_2,k_2)$

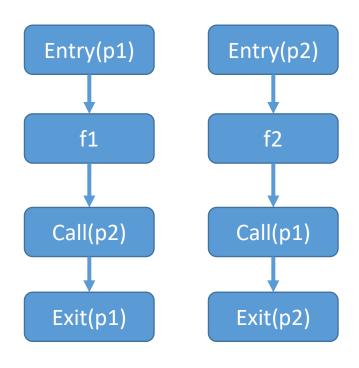
正确性



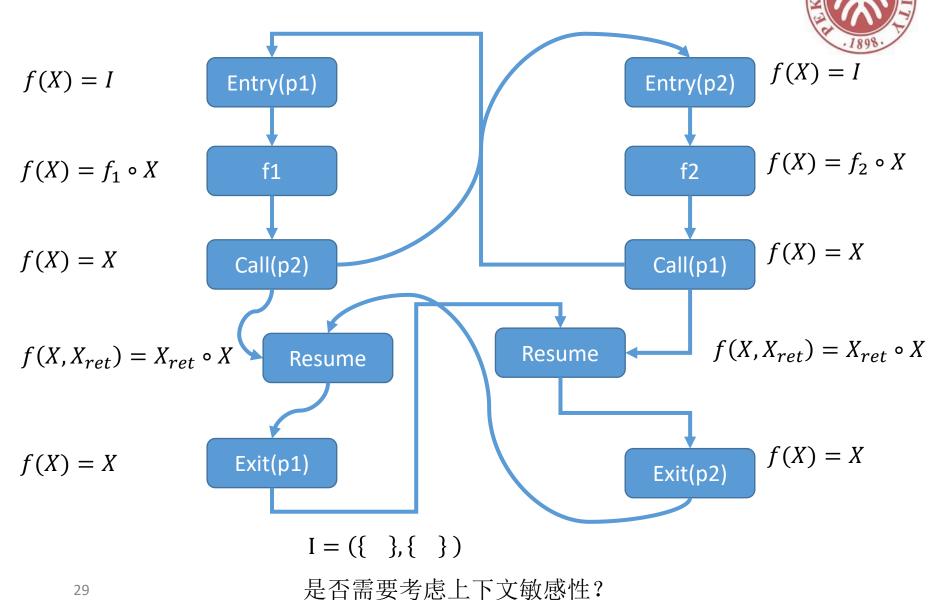
- 定理: 用以上方法做出来的函数摘要进行数据流分析, 分析结果和原数据流分析完全相同
 - 证明:
 - 容易证明单条路径上最后一个结点的分析结果(函数摘要) 和原分析等价
 - 多条路径函数摘要的合并也和原分析等价
 - 因为数据流分析标准型满足分配性,所以原分析结果等价于 单条路径上完成原分析之后再合并
 - 根据转换函数的分配性,即函数摘要和原分析等价





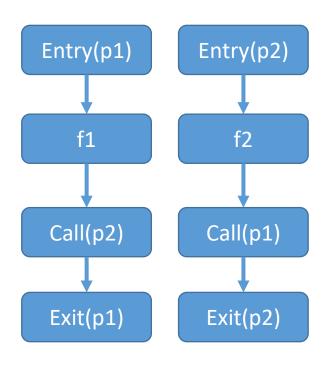


函数调用如何处理?



另一个角度:看成方程组





$$\begin{split} I &= (\{\ \}, \{\ \}) \\ OUT_{f1} &= f_1 \circ I \\ OUT_{call(p2)} &= OUT_{p2} \circ OUT_{f1} \\ OUT_{p1} &= OUT_{call(p2)} \\ OUT_{f2} &= f_2 \circ I \\ OUT_{call(p1)} &= OUT_{p1} \circ OUT_{f2} \\ OUT_{p2} &= OUT_{call(p1)} \end{split}$$

函数摘要的方法 vs 基于 CFL可达性的方法



- 函数摘要可直接完成精确的过程间分析
 - 从main入口到关心的程序点之间做一个摘要,然后 传入分析初值即可
- 对于输入集合比较大,而单个转换函数对集合改变较小的分析,基于摘要的方法可能达到较好效果
- 基于摘要的方法只能计算出口点的信息,不能知道中间点的信息

作业



• 把原始数据流分析中的并集换成交集,Gen/Kill 标准型上的交汇运算和组合运算还能定义出来吗?

参考资料



- Two Approaches to Interprocedural Data Flow Analysis
 - Micha Sharir and Amir Pnueli
 - New York University Technical Report, 1978
- Precise Interprocedural Dataflow Analysis via Graph Reachability
 - Thomas W. Reps, Susan Horwitz, Shmuel Sagiv
 - POPL 1995