

软件分析

程序合成: 概率

熊英飞 北京大学



基于概率的方法

很多应用需要概率最大的程序



典型应用-自动编写重复程 序



典型应用一缺陷修复



```
/** Compute the maximum of two values

* @param a first value

* @param b second value

* @return b if a is lesser or equal to b, a otherwise

*/
public static int max(final int a, final int b) {
    return (a <= b) ? a : b;
}

综合出新的表达式来替换掉旧的
```

10

程序估计Program Estimation



- 输入:
 - 一个程序空间Prog
 - 一条规约Spec
 - 概率模型P,用于计算程序的概率
- 输出:
 - 一个程序prog,满足
 - $prog = \operatorname{argmax}_{prog \in Prog \land prog \vdash spec} P(prog)$
- 如果P估计程序满足规约的概率,那么可以用来加速传统程序合成

基本算法: 穷举



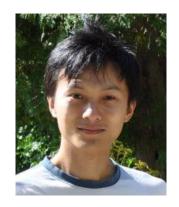
- 用枚举的方法遍历空间中的程序
- 对每个程序计算概率
- 返回概率最大的程序

• 能否优化这个过程?



扩展枚举算法求解程序估计问题

玲珑框架L2S(包括本部分内容+语法上的静态预分析)



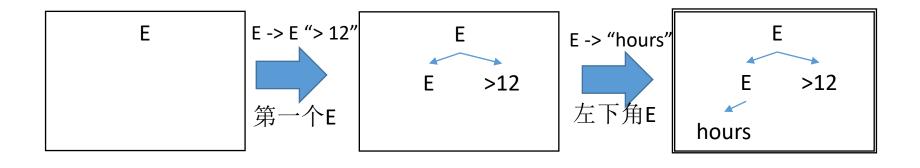
熊英飞 北京大学副教授



王博 北京交通大学讲师 北京大学博士

规则展开概率模型

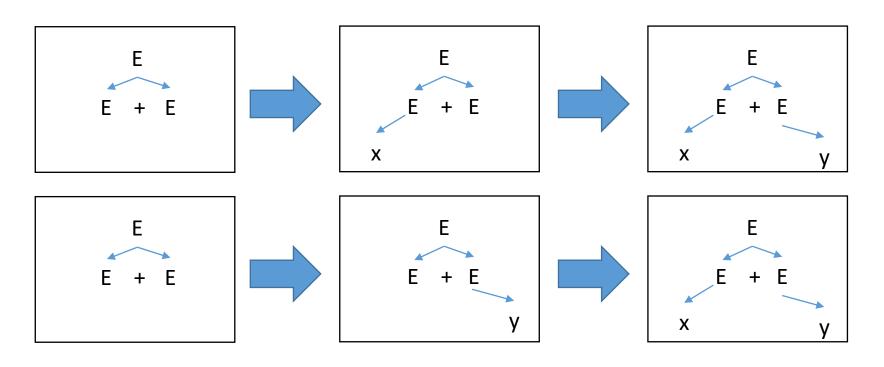




- $P(prog) = \prod_{i} P(position_i | prog_i) P(rule_i | prog_i, position_i)$
 - $prog_i$: 当前已经展开的部分程序
 - $position_i$: 准备展开的终结符的位置
 - rule_i: 展开所用的规则

司一个程序,多种展开方式





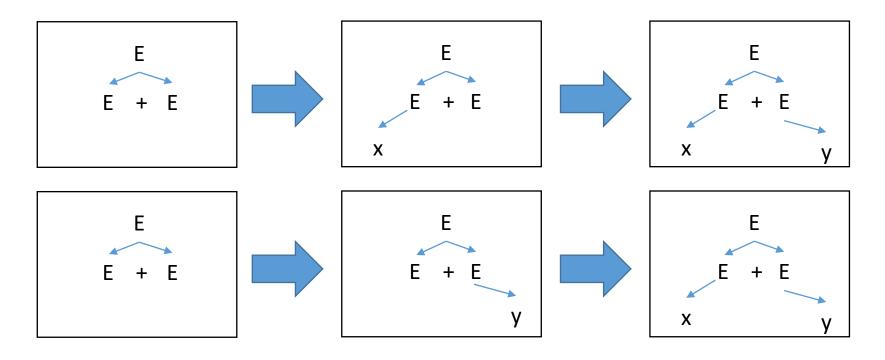
程序概率的计算



- 定理: 给定任意的规则展开序列, 我们有
 - $P(prog) = \prod_{i} P(rule_i \mid prog_i, position_i)$
 - $prog_i$: 第i步已经生成的程序
 - position_i: 第i步准备展开的非终结符的位置
 - rule:第i步采用的产生式
 - *prog*: 完整程序

程序概率计算的收敛性





• 以上定理表明,任意展开序列都有相同概率

证明



- 假设存在一个policy,决定一个不完整程序中哪个节点先被展开,那么policy的选择和prog的概率是独立的
 - *Pr*(*prog*)
 - = $Pr(prog \mid policy) //$ 独立性
 - = $Pr((\langle prog_i, pos_i, rule_i \rangle) | i=1 \mid policy)$
 - = $Pr(prog_1 \mid policy) Pr(pos_1 \mid policy, prog_1)$ $Pr(rule_1 \mid policy, prog_1, pos_1)$ $Pr(eprog_2 \mid policy, prog_1, pos_1, rule_1) \dots$ $Pr(eprog_{n+1} \mid policy, (eprog_i)_{i=1}^n, (pos_i)_{i=1}^n, (rule_i)_{i=1}^n)$
 - = $\prod_i Pr\left(rule_i \mid policy, \left(rule_j\right)_{j=1}^{i-1}, pos_i\right)$ //删除概率为1的项
 - = $\prod_i \Pr(rule_i \mid policy, prog_i, pos_i)$
 - = $\prod_i \Pr(rule_i \mid prog_i, pos_i) / /$ 独立性

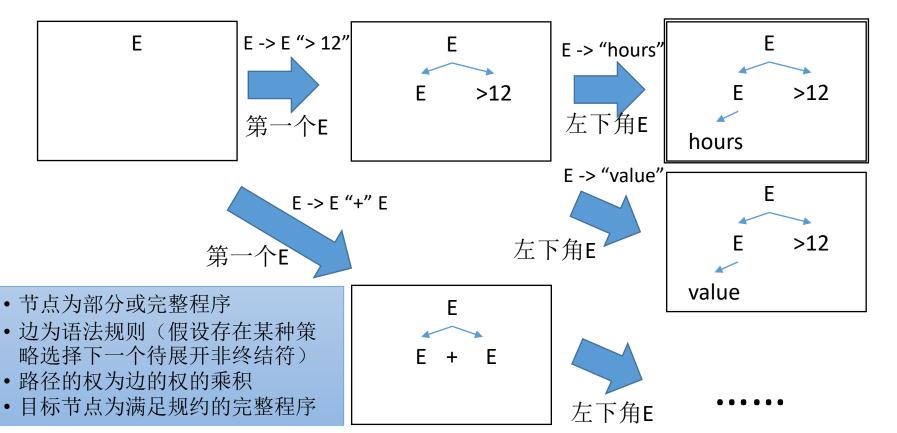
规则展开概率模型的实现



- 通常计算P(rule_i | prog_i, position_i, context)
 - 其中context根据需要可以为程序规约、补全的上下 文等
- 可以用任意统计模型或机器学习模型实现

程序估计问题作为路径查找问题





如何求解概率最大的程序?



- 采用求解路径查找问题的标准算法
- 迪杰斯特拉算法
- 定向搜索(Beam Search)
- A*算法

• 当概率模型预测程序满足约束的概率时,这些算法帮助避免探索概率低的程序,达到加速效果

迪杰斯特拉算法



- 定义节点的权为到达该节点的路径的最大权
- 维护一个可达节点列表,并记录每个节点的权
- 选择权最大的节点, 把该节点直接关联的新节点加入列表
- 如果某个节点已经没有未探索出边,则从列表中删除
- 反复上一步直到找到目标节点

注: 在本问题中只能被一条路径到达,而在一般路径查找问题中,每个节点可以被多条路径达到,所以通用算法还需到达了旧节点时更新最大权。

迪杰斯特拉算法求解的例子



- <E,1>
- $\langle E+E, 0.5 \rangle$, $\langle E-E, 0.4 \rangle$, $\langle x, 0.05 \rangle$, $\langle y, 0.05 \rangle$
- <E-E, 0.4>, <x+E, 0.3>, <(E+E)+E, 0.1>, <y+E, 0.1>, <x, 0.05>, <y, 0.05>
- <x+E, 0.3>, <x-E, 0.2>, <y-E, 0.1>, <(E+E)+E, 0.1>, <y+E, 0.1>, , <x, 0.05>, <y, 0.05>, <(E+E)-E, 0.05>, <(E-E)-E, 0.05>

•

定向搜索(Beam Search)



- 在迪杰斯特拉算法中不保留所有节点,只保留概率最大的k个
- 近似算法,不保证最优,也不保证找到结果

A*算法



- 节点n的权=到达该节点的权*h(n)
 - h(n)=剩余路径权的上界
- 其他同迪杰斯特拉算法
- 如何知道剩余路径权的上界?
 - 假设存在函数 $\hat{P}(rule)$,满足
 - $\forall prog, position: \hat{P}(rule) \geq P(rule \mid prog, position)$
 - 在语法展开式上做静态分析,分析出每个非终结符的概率上界
 - 从 E->E+E | x | y | ...
 - 得到方程 $\hat{P}(E) = \max(\hat{P}(E \to E + E)\hat{P}(E)\hat{P}(E), \hat{P}(E \to x), \hat{P}(E \to y),...)$
 - 剩余路径权的上界为所有未展开非终结符概率上界的积

剪枝



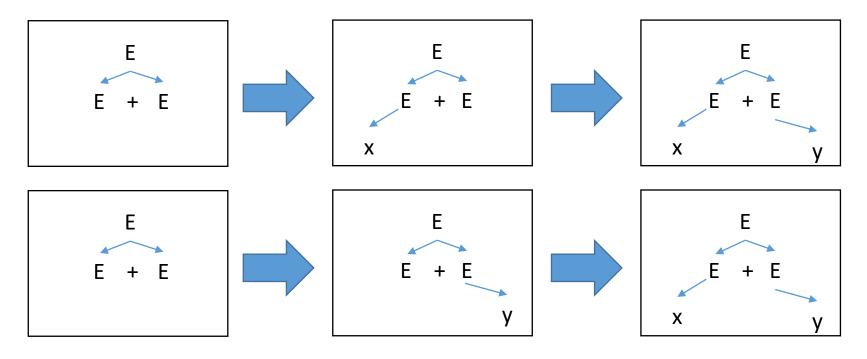
- 之前描述的剪枝过程仍然可以用于求解程序估计问题
- 判断出一个部分程序无法满足规约时,从列表中 移除对应节点



定义程序展开的顺序

展开的顺序



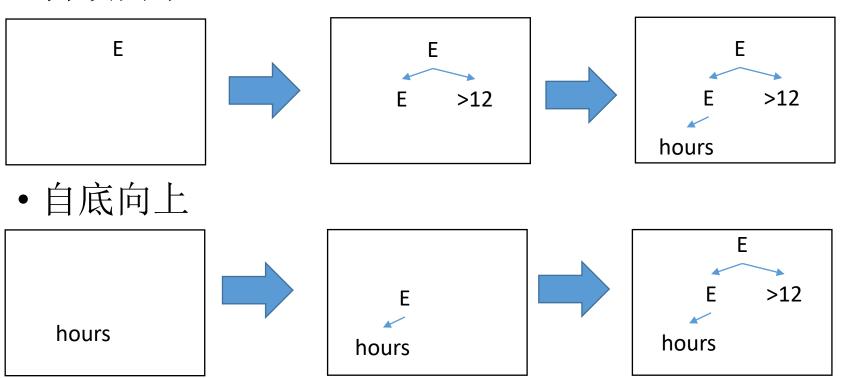


- 如果左下采用E->x的概率极大,而右下采用E->y的概率较低,则上面的顺序能显著减少搜索时间
- 需要根据应用特点定义非终结选择策略

超越上下文无关文法的顺序?



• 自顶向下



扩展规则



- 允许描述不同方向的语法扩展
- 由本课题组提出
- 通过采用合适的扩展规则,求解效率可提高一倍以上

从上下文无关文法到扩展规则



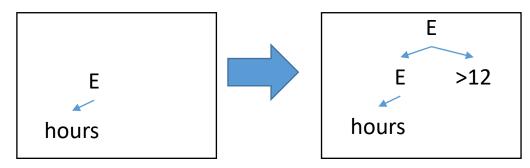
$$T \rightarrow E$$

$$E \rightarrow E "> 12" \mid E "> 0" \mid E "+ "E \mid "hours" \mid "value" \mid \dots$$



$$\langle E \rightarrow \text{"hours"}, \qquad \bot \rangle$$
 $\langle E \rightarrow \text{"value"}, \qquad \bot \rangle$
 $\langle E \rightarrow E \text{"} > 12\text{"}, \qquad 1 \rangle$
 $\langle E \rightarrow E \text{"} + \text{"} E, \qquad 1 \rangle$
 $\langle T \rightarrow E, \qquad 1 \rangle$
 $\langle E \rightarrow E \text{"} > 12\text{"}, \qquad 0 \rangle$
 $\langle E \rightarrow E \text{"} + \text{"} E, \qquad 0 \rangle$
 $\langle E \rightarrow \text{"hours"}, \qquad 0 \rangle$
 $\langle E \rightarrow \text{"value"}, \qquad 0 \rangle$

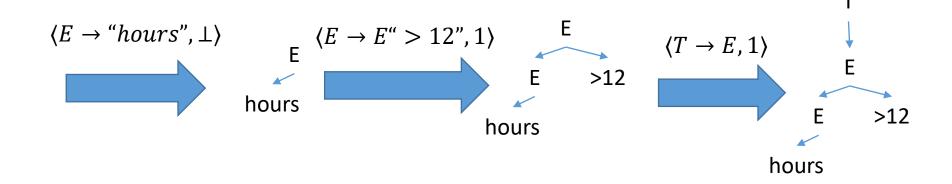
自底向上规则: $\langle E \rightarrow E'' > 12'', 1 \rangle$ 如果第i个子节点已经产生,产生整棵子树



自顶向下规则: $\langle E \rightarrow E'' > 12'', 0 \rangle$ 如果根节点已经产生,产生整颗子树创建规则: $\langle E \rightarrow "hours", \bot \rangle$ 从零产生一颗子树

基于扩展规则的程序生成过程





扩展规则树Expansion Tree



抽象语法树在扩展规则上的对应,记录扩展规则 如何被应用的

hours>12	hours+value	
$(T \rightarrow E, 1)$	$(T \rightarrow E, 1)$	
<u></u>	↑	
$(E \to E " > 12", 1)$	$(E \rightarrow E " + " E, 1)$	
<u></u>		
$(E \rightarrow \text{``hours''}, \bot)$	$(E \rightarrow \text{``hours''}, \bot) (E \rightarrow \text{``value''}, \emptyset)$	

抽象语法树 -> 扩展规则树



- 扩展规则的性质
 - 完整性: 对任意AST, 至少有一个扩展规则树
 - 唯一性: 对任意AST, 最多有一个扩展规则树

• 是否总是存在完整和唯一的扩展规则集合?

唯一和完整集合的充分条件



$$T \rightarrow E$$

 $E \rightarrow E$ " > 12" | E " > 0" | E " + " E | "hours" | "value" | . . .



```
\langle E \rightarrow \text{"hours"}, \qquad \bot \rangle
\langle E \rightarrow \text{"value"}, \qquad \bot \rangle
\langle E \rightarrow E \text{"} > 12\text{"}, \qquad 1 \rangle
\langle E \rightarrow E \text{"} + \text{"} E, \qquad 1 \rangle
\langle T \rightarrow E, \qquad \qquad 1 \rangle
\langle E \rightarrow E \text{"} > 12\text{"}, \qquad 0 \rangle
\langle E \rightarrow E \text{"} + \text{"} E, \qquad 0 \rangle
\langle E \rightarrow \text{"hours"}, \qquad 0 \rangle
\langle E \rightarrow \text{"value"}, \qquad 0 \rangle
```

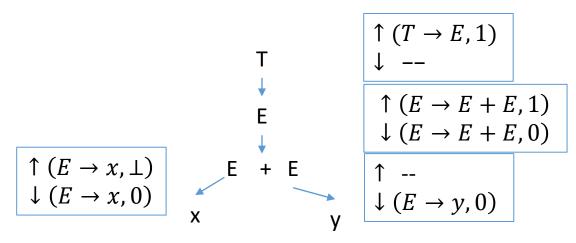
- 1. 除了初始符号开头的规则, 所有语法规则都有对应的自顶向 下展开规则
- 2. 所有语法规则最多只有一条自底 向上的展开规则
- 3. 对于所有从初始符号(延自底向上展开规则)反向可达的非终结符,其所有语法规则都有一条自底向上展开规则或创建规则

从初始符号开始选择创建/自底向上规则即可

抽象语法树 -> 扩展规则树



- 利用一个动态规划算法,AST可以在O(n)时间内 转成Expansion Tree
 - 后根次序依次判断每个AST结点是否可以被自底向上和自顶向下的方式生成,如果可以,记录下采用的规则
 - 先根次序恢复出Expansion Tree



求解程序估计问题



- 给定某种结点选择策略,可以从扩展规则树得到 展开序列
- 同样看做路径查找问题求解



扩展FlashMeta求解程 序估计问题

FlashMeta vs 程序估计问题



• 能否采用FlashMeta求解程序估计问题?

• 方案:

- 套入CEGIS框架得到输入输出样例
- 首先根据输入输出样例建VSA
- 然后将VSA作为程序空间,用玲珑框架求解概率最大的程序
 - 为便于统计,计算规则概率时忽略返回值约束

•问题:建VSA没有被概率引导,无法加速

MaxFlash



- MaxFlash
 - 2020年由北京大学吉如一等人提出
 - 采用概率引导VSA构建
 - 效率超过FlashMeta达400-2000倍



吉如一 北京大学博士生

概率计算和VSA构建的矛盾



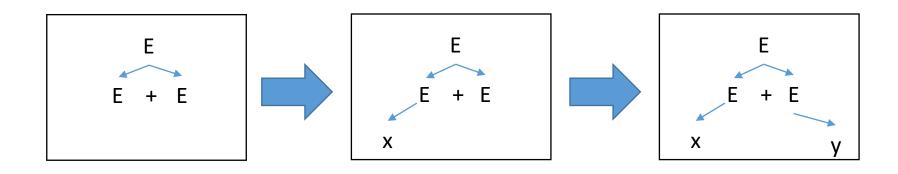
- 假如我们获得如下VSA展开式
 - [acc]S->[a]S+[cc]S
- [a]S的展开式和[cc]S的展开式是两个独立问题, 可以分别求解,形成动态规划算法

- •但[cc]S的展开式的概率取决于[a]S是如何展开的, 无法分治
- 导致在创建VSA的时候无法应用概率引导

解决方案: 自顶向下预测模型



- 节点展开规则概率只取决于其祖先,即兄弟节点的展开规则相互独立
 - 通常定义为依赖最近k层祖先节点



$$P(x + y) = P(E \rightarrow E + E \mid \bot)P(E \rightarrow x \mid E)P(E \rightarrow y \mid E)$$

统一概率计算和VSA构建



带祖先的VSA	产生式概率	最优程序和概率
$[acc \bot]S->[a S]S+[cc S]S$	0.9	
[ac S]S+[c S]S	0.9	

可采用动态规划算法独立求解每个子问题





• 假设我们认为最优程序的概率应大于0.3

带祖先和概率下界的VSA	概率	说明
$[acc \bot 0.3]S->[a S 0.33]S+[cc S 0.33]S$	0.9	0.3/0.9=0.33
[cc S 0.33]S->[c S 3.3]S+[c S 3.3]S	0.1	0.33/0.1=3.3
l y	0.3	0.33/0.3=1.1





• 静态分析非终结符的概率上界

祖先	非终结符	概率上界
Τ	S	0.081
S	S	0.3

• 假设我们认为最优程序的概率应大于0.3

带祖先和概率下界的VSA	概率	说明
$[acc \bot 0.3]S -> \frac{[a S 1.11]S}{[cc S 1.11]S}$	0.9	0.3/0.9/0.3=1.11

基于概率的剪枝: 迭代加深



- 如何知道最优程序的概率应大于多少?
 - 设置一个概率下界,并逐步放宽
 - •如,一开始是0.1,然后每次除以10

基于概率的剪枝: 复用子问题



- 概率下界基本不可能相同
 - 动态规划退化成分治
- 需要复用概率下界不同的子问题
 - 考虑两个除了概率下界不同以外,其他都一样的子问题 (P, 0.2), (P, 0.1)
 - Case 1: (P, 0.2) 先于 (P, 0.1)
 - 有解,则同样是(P, 0.1)的解;
 - 无解,则可以更新 P 的估价函数
 - Case 2: (P, 0.1) 先于 (P, 0.2)
 - 有解,则同样是 (P, 0.2) 的解(因为总是搜索概率最大的结果)
 - 无解, (P, 0.2) 同样无解



应用效果

玲珑框架应用

一一从自然语言生成代码



- 已有方法主要采用 end-to-end的神经网络 结构,如RNN, LSTM
- RNN/LSTM有长依赖问 题
 - 长依赖问题Long dependency problem: 无法处理距离较远的 依赖关系
 - 程序中长依赖很多, 如当前使用的变量可 能很早之前声明



```
[NAME]
Acidic Swamp Ooze
[ATK] 3
[DEF] 2
[COST] 2
[DUR] -1
[TYPE] Minion
[CLASS] Neutral
[RACE] NIL
[RARITY] Common
[DESCRIPTION]
"Battlecry: Destroy Your Opponent's Weapon"
```







玲珑框架允许我们采用任意分类模型 采用长依赖问题较小的CNN

Benchmark: HearthStone

Model	StrAcc	Acc+	BLEU
LPN (Ling et al. 2016)	6.1	_	67.1
SEQ2TREE (Dong and Lapata 2016)	1.5	_	53.4
SNM (Yin and Neubig 2017)	16.2	$\sim \! 18.2$	75.8
ASN (Rabinovich, Stern, and Klein 2017)	18.2	_	77.6
ASN+SUPATT (Rabinovich, Stern, and Klein 2017)	22.7	-	79.2
Our system	27.3	30.3	79.6

结果2[AAAI20]



- 将CNN换成Transformer
 - Transformer: 2017年新提出来的网络体系结构
 - L2S允许灵活替换不同的统计模型

	Model	StrAcc	Acc+	BLEU
Plain	LPN (Ling et al., 2016)	6.1	_	67.1
Ρl	SEQ2TREE (Dong and Lapata, 2016)	1.5	_	53.4
	YN17 (Yin and Neubig, 2017)	16.2	$\sim\!18.2$	75.8
	ASN (Rabinovich et al., 2017)	18.2	_	77.6
	ReCode (Hayati et al., 2018)	19.6	_	78.4
	CodeTrans-A	25.8	25.8	79.3
pa.	ASN+SUPATT (Rabinovich et al., 2017) 22.7	_	79.2
ctured	SZM19 (Sun et al., 2019)	27.3	30.3	79.6
Stru	CodeTrans-B	31.8	33.3	80.8

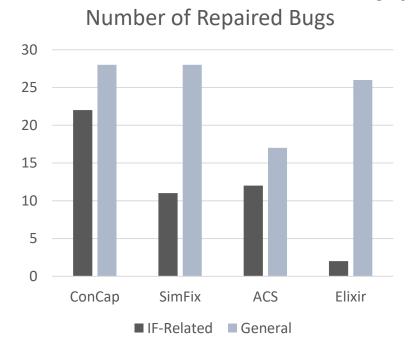
玲珑框架应用

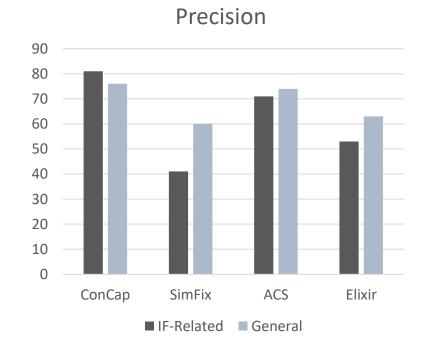
--修复条件缺陷 [TOSEM]



采用xgboost和类型语义约束来解决条件合成问题

Benchmark: Defects4J





条件缺陷修复数量和准确率达到最高 8个没有被任何别的工作修复过的全新缺陷

缺陷修复最新结果[ESEC/FSE21]

采用神经网络来构造概率模型,并用修改操作定义了程序空间

Table 2: Comparison without Perfect Fault Localization

Project	jGenProg	HDRepair	Nopol	CapGen	SketchFix	FixMiner	SimFix	TBar	DLFix	PraPR	AVATAR	Recoder
Chart	0/7	0/2	1/6	4/4	6/8	5/8	4/8	9/14	5/12	4/14	5/12	8/14
Closure	0/0	0/7	0/0	0/0	3/5	5/5	6/8	8/12	6/10	12/62	8/12	17/31
Lang	0/0	2/6	3/7	5/5	3/4	2/3	9/13	5/14	5/12	3/19	5/11	9/15
Math	5/18	4/7	1/21	12/16	7/8	12/14	14/26	18/36	12/28	6/40	6/13	15/30
Time	0/2	0/1	0/1	0/0	0/1	1/1	1/1	1/3	1/2	0/7	1/3	2/2
Mockito	0/0	0/0	0/0	0/0	0/0	0/0	0/0	1/2	1/1	1/6	2/2	2/2
Total	5/27	6/23	5/35	21/25	19/26	25/31	34/56	42/81	30/65	26/148	27/53	53/94
P(%)	18.5	26.1	14.3	84.0	73.1	80.6	60.7	51.9	46.2	17.6	50.9	56.4

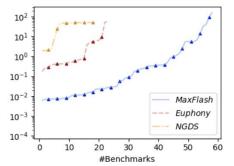
In the cells, x/y:x denotes the number of correct patches, and y denotes the number of patches that can pass all the test cases.

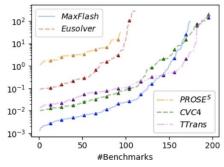
神经网络修复首次超过传统修复的效果被审稿人提名最佳论文候选

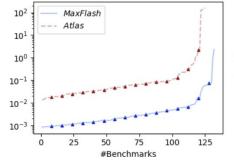
加速传统程序合成[OOPSLA20]

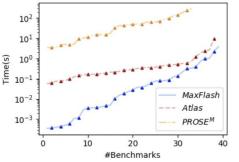


- •相比于已有的程序合成技术,MaxFlash
 - (1)取得了×4-×2080倍的平均加速比;
 - (2)在500ms的响应时间内解决了更多的合成任务;
 - (3)更加节约空间。









参考文献



- Yingfei Xiong, Bo Wang, Guirong Fu, Linfei Zang.
 Learning to Synthesize. Gl'18: Genetic Improvment Workshop, May 2018.
- Yingfei Xiong, Bo Wang. L2S: a Framework for Synthesizing the Most Probable Program under a Specification. ACM Transactions on Software Engineering Methodology, Online First, Dec 2021.
- Ruyi Ji, Yican Sun, Yingfei Xiong, Zhenjiang Hu. Guiding Dynamic Programing via Structural Probability for Accelerating Programming by Example. OOPSLA'20: Object-Oriented Programming, Systems, Languages, and Applications 2020, November 2020.

参考文献



- Zeyu Sun, Qihao Zhu, Lili Mou, Yingfei Xiong, Ge Li, Lu Zhang. A Grammar-Based Structural CNN Decoder for Code Generation. AAAI'19: Thirty-Third AAAI Conference on Artificial Intelligence, January 2019.
- Zeyu Sun, Qihao Zhu, Yingfei Xiong, Yican Sun, Lili Mou, Lu Zhang. TreeGen: A Tree-Based Transformer Architecture for Code Generation. AAAI'20: Thirty-Fourth AAAI Conference on Artificial Intelligence, January 2020.
- Qihao Zhu, Zeyu Sun, Yuanan Xiao, Wenjie Zhang, Kang Yuan, Yingfei Xiong, Lu Zhang. A Syntax-Guided Edit Decoder for Neural Program Repair. ESEC/FSE'21: ACM Joint European Software Engineering Conference and Symposium on the Foundations of Software Engineering, August 2021.