

软件分析

过程内指针分析

熊英飞 北京大学

指向分析



- 每个指针变量可能指向的地址
- 通常是其他很多分析的基础

- 本节课先考虑流非敏感指向分析
- 先不考虑在堆上分配的内存,不考虑struct、数组等结构,不考虑指针运算(如*(p+1))
 - 地址==局部和全局变量在栈上的地址

指向分析一一例子



```
o=&v;
q=&p;
if (a > b) {
  p=*q;
  p=o; }
*q=&w;
```

• 指向分析结果

•
$$p = \{v, w\};$$

- q = ?
- o = ?

p: 变量p的地址

p: 指针p所指向的集合

指向分析一一例子



```
o=&v;
q=&p;
if (a > b) {
  p=*q;
  p=o; }
*q=&w;
```

- 指向分析结果
 - $p = \{v, w\};$
 - $q = \{p\};$
 - $o = \{v\};$
- 问题: 如何设计一个指向分析算法?

复习: 从不等式到方程组



- 有一个有用的解不等式的unification算法
 - 不等式
 - $D_{v_1} \supseteq F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - $D_{v_2} \supseteq F_{v_2}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - ...
 - $D_{v_n} \supseteq F_{v_n}(D_{v_1}, D_{v_2}, \dots, D_{v_n})$
 - 可以通过转换成如下方程组求解
 - $D_{v_1} = D_{v_1} \sqcup F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - $D_{v_2} = D_{v_2} \sqcup F_{v_2} (D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - ...
 - $D_{v_n} = D_{v_n} \sqcup F_{v_n} (D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$

Anderson指向分析算法



赋值语句	约束
a=&b	$\boldsymbol{a}\supseteq\{b\}$
a=b	$a \supseteq b$
a=*b	$\forall v \in \boldsymbol{b}. \boldsymbol{a} \supseteq \boldsymbol{v}$
*a=b	$\forall v \in a. v \supseteq b$

a: 变量a的地址

a: 指针a所指向

的集合

其他语句可以转换成这四种基本形式

Anderson指向分析算法-例



```
o=&v;
q=&p;
if (a > b) {
    p=*q;
    p=o; }
*q=&w;
```

- 产生约束
 - $o \supseteq \{v\}$
 - $q \supseteq \{p\}$
 - $\forall v \in q. p \supseteq v$
 - $p \supseteq o$
 - $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$
- 约束带全称量词,如何求解?

约束求解方法一通用框架



- 将约束
 - $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
 - $q \supseteq \{p\}$
 - $\forall v \in q. p \supseteq v$
 - $p \supseteq o$
 - $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$
- 转换成标准形式
 - $p = p \cup o \cup (\bigcup_{v \in q} v) \cup (p \in q ?\{w\} : \emptyset)$
 - $q = q \cup \{p\} \cup (q \in q ? \{w\} : \emptyset)$
 - $o = o \cup \{v\} \cup (o \in q ? \{w\} : \emptyset)$
 - 等号右边都是递增函数

求解方程组



•
$$p = p \cup o \cup (\bigcup_{v \in q} v) \cup (p \in q ? \{w\} : \emptyset)$$

•
$$q = q \cup \{p\} \cup (q \in q ? \{w\} : \emptyset)$$

•
$$o = o \cup \{v\} \cup (o \in q ? \{w\} : \emptyset)$$

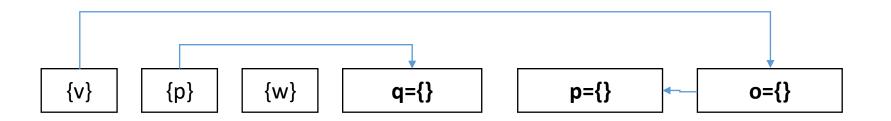
$$p = \{ \} \\
 q = \{ \} \\
 o = \{ \}$$
 $p = \{v, w\} \\
 q = \{p\} \\
 o = \{v\}$
 $q = \{p\} \\
 o = \{v\}$

但每次都重新计算所有公式效率不高, 某个集合变化后,更新受影响的集合即可。





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

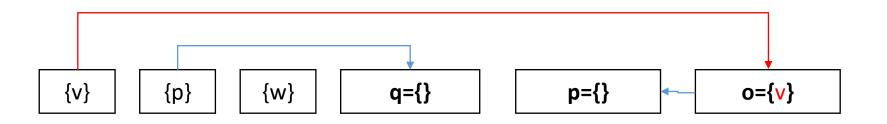


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

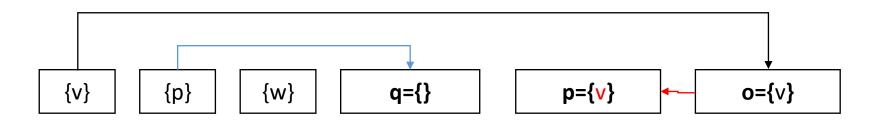


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

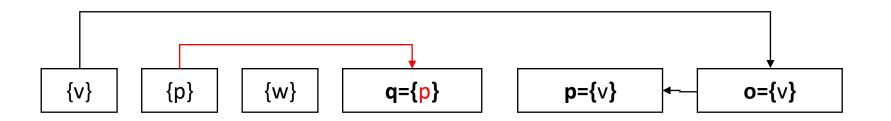


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

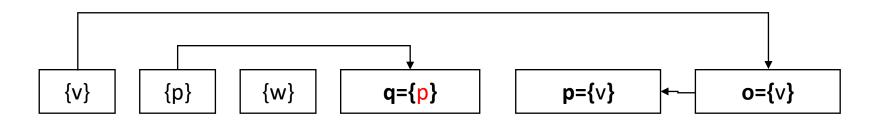


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

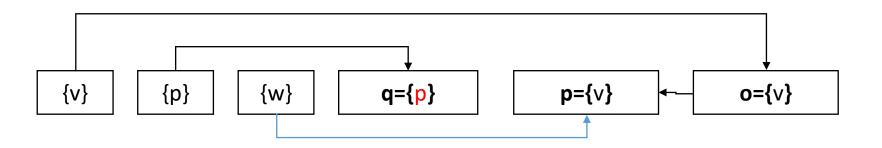


 $\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$ $\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$

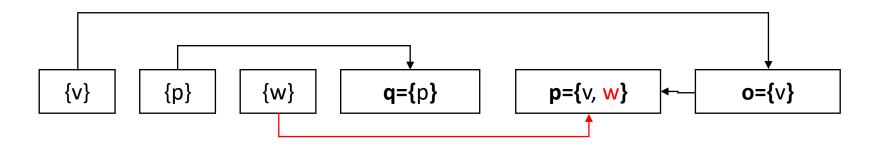


$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$





- $\boldsymbol{o} \supseteq \{v\}$
- $q \supseteq \{p\}$
- $\forall v \in q. p \supseteq v$
- $p \supseteq o$
- $\forall v \in q. v \supseteq \{w\}$



$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{p} \supseteq \mathbf{v}$$
$$\forall v \in \mathbf{q}. \, \mathbf{v} \supseteq \{w\}$$

复杂度分析



- 对于每条边来说,前驱集合新增元素的时候该边将被激活,激活后执行时间为O(m),其中m为新增的元素数量
 - 应用均摊分析,每条边传递的总复杂度为O(n),其中 n为结点数量
- 边的数量为 $O(n^2)$
- 总复杂度为 $O(n^3)$

进一步优化



- 强连通子图中的每个集合必然相等
- 动态检测图中的强连通子图,并且合并成一个集合

流敏感的指针分析算法



- 如何把Anderson算法转换成数据流分析?
 - 半格集合是什么?
 - 指针变量到地址集合的映射
 - 交汇操作是什么?
 - 对应地址集合取并
 - 四种基本操作对应的转换函数是什么?





赋值语句	转换函数
a=&b	$f(V) = V[\mathbf{a} \mapsto \{b\}]$
a=b	$f(V) = V[\boldsymbol{a} \mapsto \boldsymbol{b}]$
a=*b	$f(V) = V \left[\boldsymbol{a} \mapsto \bigcup_{\forall v \in \boldsymbol{b}} \boldsymbol{v} \right]$
*a=b	?

流敏感的指针分析算法



赋值语句	转换函数
a=&b	$f(V) = V[\boldsymbol{a} \mapsto \{b\}]$
a=b	$f(V) = V[\boldsymbol{a} \mapsto \boldsymbol{b}]$
a=*b	$f(V) = V \left[\boldsymbol{a} \mapsto \bigcup_{\forall v \in \boldsymbol{b}} \boldsymbol{v} \right]$
*a=b	$f(V) = \begin{cases} \forall v \in a. V[v \mapsto b] & a = 1 \\ \forall v \in a. V[v \mapsto v \cup b] & a > 1 \end{cases}$
	注: 这里不考虑变量没有被初

始化的情况

Weak

Update

Strong

Update

流敏感的指针分析算法



- 流敏感的指针分析算法很慢
- 实践中常采用在SSA上的流非敏感分析,可以兼 顾效率和精度
 - 也有结合SSA和流敏感分析的研究工作

堆上分配的内存



- a=malloc();
- malloc()语句每次执行创造一个地址
- 无法静态的知道malloc语句被执行多少次
 - 无法定义出有限半格
- 应用抽象的思想
 - 每个malloc()创建一个抽象地址
 - a=malloc(); //1
 - $f(V) = V[\mathbf{a} \mapsto \{1\}]$

Struct



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
};
a = malloc();
a - next = b;
a - prev = c;
```

- 如何处理结构体的指针分析?
- 域非敏感Field-Insensitive分析
- 基于域的Field-Based分析
- 域敏感Field-sensitive 分析

域非敏感Field-Insensitive分析



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
a = malloc();
a - next = b;
a - prev = c;
```

- 把所有struct中的所有fields当成一个对象
- 原程序变为
 - a'=malloc();
 - a'=b;
 - a'=c;
 - 其中a'代表a, a->next, a->prev
- 分析结果
 - a, a->next, a->prev都有可能指 向malloc(), b和c

基于域的Field-Based分析



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
a = malloc();
a - next = b;
a - prev = c;
b = malloc();
b->next = c;
```

- 把所有对象的特定域当成一个对象
- 原程序变为
 - a=malloc();
 - next=b;
 - prev=c;
 - b=malloc();
 - next = c;
- 分析结果
 - a和a->prev是精确的,但a->next和 b->next都指向b和c

域敏感Field-sensitive分析



```
Struct Node {
 int value;
 Node* next;
 Node* prev;
a = malloc();
a->next = b;
a->prev = c;
```

- 对于Node类型的地址x,添加两个指针变量
 - x.next
 - x.prev
- 对于任何Node类型的地址x,拆 分成四个地址
 - X
 - x.value
 - x.next
 - x.prev
- a->next = b转换成
 - $\forall x \in a, x.next \supseteq b$





• Java上的指向分析可以看成是C上的子集

Java	С
A a = new A()	A* a = malloc(sizeof(A));
a.next = b	a->next = b
b = a.next	b = a->next

别名分析



- 给定两个变量a, b, 判断这两个变量是否指向相同的地址, 返回以下结果之一
 - a, b是must aliases: 始终指向同样的位置
 - a, b是must-not aliases: 始终不指向同样的位置
 - a, b是may aliases: 可能指向同样的位置,也可能不指向
- 别名分析结果可以从指向分析导出
 - 如果a=b且|a|=1,则a和b为must aliases
 - 如果**a**∩**b**=Ø,则a和b为must-not aliases
 - 否则a和b为may aliases
- 别名分析实践中常直接从指向分析导出

数组



- 数组粉碎: 用一个抽象值描述数组中所有元素
 - 最简单,被广泛用于指针分析
- 数组扩展:对数组的每一维建立一个变量保存抽象值
 - 抽象域必须要推出下标(如区间), 否则没有意义
 - 可只针对前k个变量建立,可以加快分析速度,也可以 处理数组大小未知的情况

数组



- 数组分区: 抽象为从索引区间到抽象值的映射
 - 执行int a[100],初始化a:{[0,99] → ⊥}
 - 执行a[i]=5, 其中i的抽象值是[2,5]
 - $a:\{[0,1] \to \bot, [2,5] \to [5,5], [6,99] \to \bot\}$
 - 执行a[j]=3, 其中j的抽象值是[5,6]
 - a:{[0,1] \rightarrow \(\pm, [2,4] \rightarrow [5,5], [5,5] \rightarrow [3,5], [6,6] \rightarrow [3,3], [7,99] \rightarrow \(\pm)
 - 注意需要执行弱更新
 - 抽象域必须要推出下标
 - 同时上界可以增加∞处理大小未知的情况

指针运算



- 大多数实践中的分析工具不支持指针运算
 - 如果有指针运算,则直接返回unsound的结果。比如 返回运算中第一个指针所指的值

- 部分分析针对特定形式的指针运算做处理
 - 如果指针运算是*(p+exp)的形式的话,指针运算本质 上和数组访问是一回事

参考文献



- Lecture Notes on Pointer Analysis
 - Jonathan Aldrich
 - https://www.cs.cmu.edu/~aldrich/courses/15-8190-13sp/resources/pointer.pdf
- 《编译原理》12章