

软件分析

静态单赋值和稀疏分析

熊英飞 北京大学

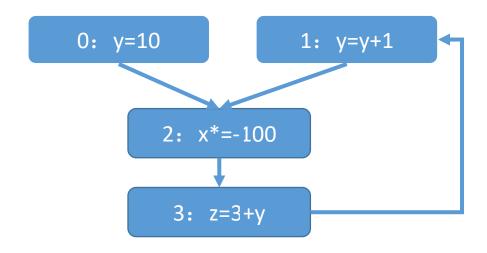
关于变量中保存值的分析



- 大量分析是关于变量中保存了什么值的
 - 符号分析
 - 区间分析
 - 常量传播

数据流分析的问题





- •问题1:每个结点都要保存一份关于x,y,z的值
 - 即使结点2和y没有关系
- 问题2: 当1的转换函数更新y的时候,该更新只和3有关,但我们不可避免的要通过2才能到达3

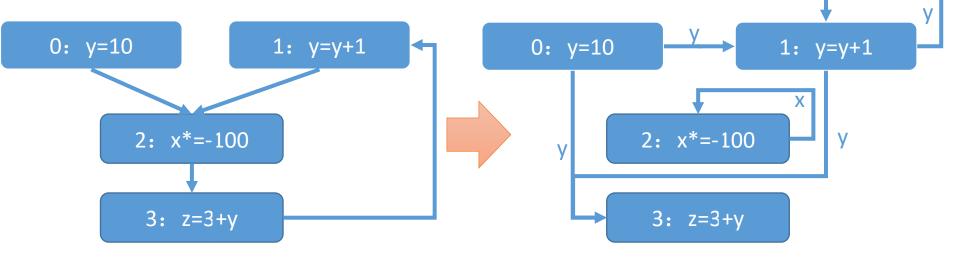
定义-使用关系 Def-Use关系



- 给定变量x,如果结点A可能改变x的值,结点B可能使用结点A改变后的x的值,则结点A和结点B 存在定义-使用关系
 - 注意区分声明和定义
 - 声明: 说明程序中有某个变量和变量的类型
 - 定义: 给变量赋值

稀疏分析





- 每个结点只保存自己定义的变量的抽象值
- 只沿着定义-使用边传递抽象值
- 通常图上的边数大幅减少,图变得稀 疏(sparse)
- 分析速度大大高于原始数据流分析

$$y_0 = f_0($$
)
 $y_1 = f_1(y_0 \sqcup y_1)$
 $x_2 = f_2(x_2 \sqcup x_0)$
 $z_3 = f_3(y_0 \sqcup y_1)$

相关性质



- 假设结果基于集合的May分析,即返回的总是真实结果的超集
- 健壮性Soundness: 用原数据流算法求出来的每一个结果新算法都会求出来
- 准确性Precision: 用新算法求出来的每一个结果 原算法都会求出来

获取定义-使用关系:问题1

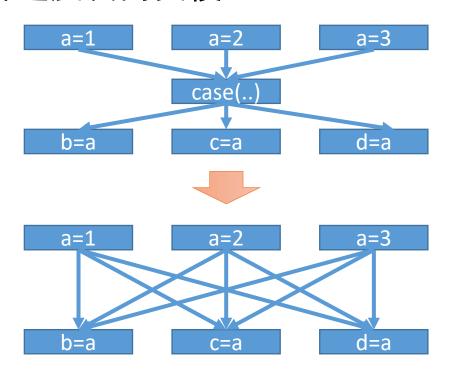


- 如何获取定义-使用关系
 - 可以通过Reaching Definition获取定义-使用关系
- 如何还原原始数据流分析的结果
 - 通过Reaching Definition获取使用变量以外的其他变量的定义
- Reaching Definition的复杂度
 - 程序中赋值语句个数为m,控制流图结点为n
 - 更新单个节点的时间为O(m)(假设并集和差集的时间复杂度都是O(m))
 - 总共需要更新O(mn)次
 - 总时间O(nm²)
- Reaching Definition本身就不够快,且额外实现比较麻烦

获取定义-使用关系: 问题2



• 在极端情况下,如果可能的定义较多,程序中的边会大幅增长,分析速度反而变慢



a的值在三个位置被重复合并了三次

静态单赋值形式 Single Static Assignment



• 每个变量都只被赋值一次

```
x=10;
y=y+1;
x=y+x;
y=y+1;
z=y;
x0=10;
y0=y+1;
x1=y0+x0;
y1=y0+1;
z0=y1;
```

练习: 把以下程序转成静态单赋值形式



x=10;	x0=10;
x+=y;	x1=x0+y;
if (x>10)	if (x1>10)
z=10;	z0=10;
else	else
z=20;	z1=20;
x+=z;	x2=x1+z?;

引入函数 ϕ



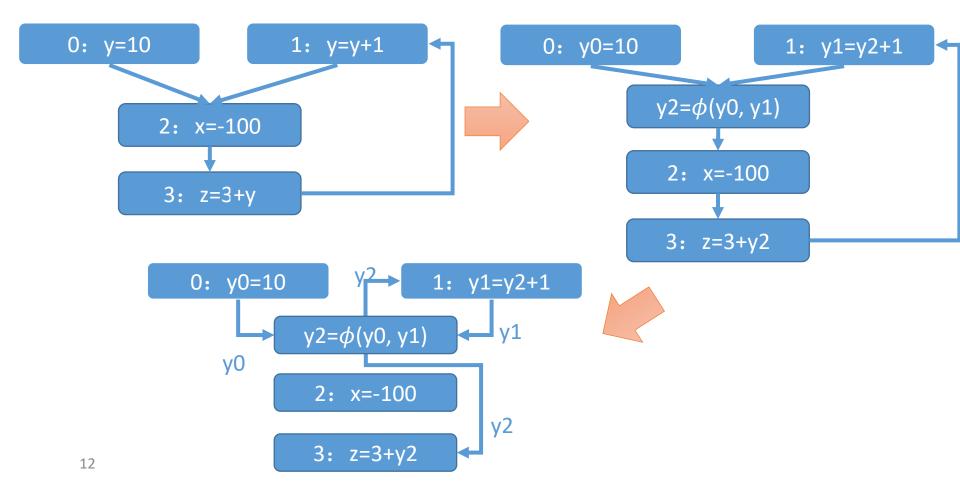
```
x=10;
                                  x0=10;
                                  x1=x0+y;
x+=y;
if (x>10)
                                  if (x1>10)
 z=10;
                                   z0=10;
else
                                  else
 z=20;
                                   z1=20;
                                  z2=\phi(z0, z1);
X+=Z;
                                  x2=x1+z2;
函数 4 代表根据不同的控制流选
```

择不同的值

静态单赋值与数据流分析



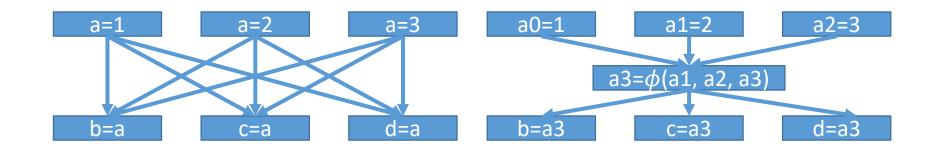
• 静态单赋值直接提供了定义-使用链



静态单赋值的好处



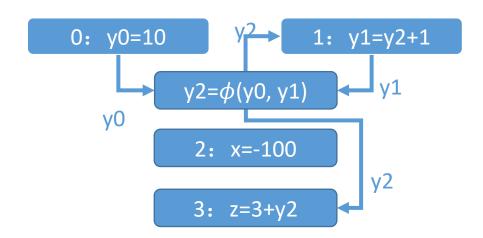
- 静态单赋值存在高效算法,且通常编译器框架都 支持静态单赋值形式
- 静态单赋值中的边不会平方增长



静态单赋值vs流非敏感分析



- 静态单赋值形式上的流非敏感分析与流敏感分析结果等价
 - 所有变量只赋值一次,在程序任何位置变量的值都相等
 - 除了赋值位置,其他转换函数都是"传递值"

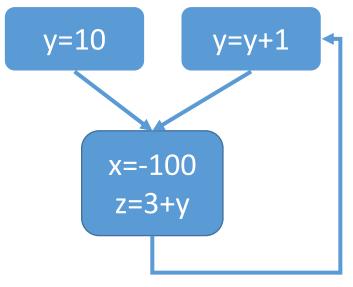


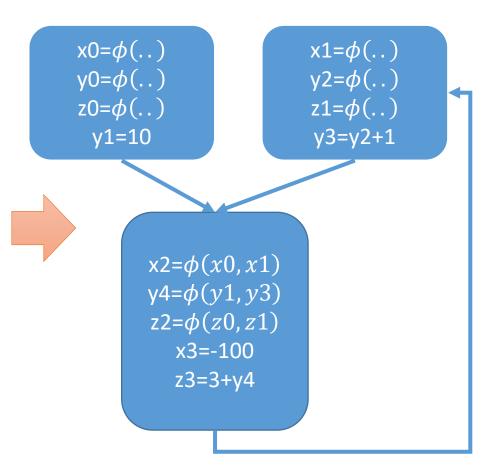
- 静态单赋值形式上的流非敏感分析与稀疏分析完全相同
 - 稀疏分析通常以静态单赋值上的流非敏感分析进行

转换到静态单赋值形式



- 简单算法
 - 每个基本块的头部 对所有变量添加 ϕ 函数
 - 替换对应变量的值





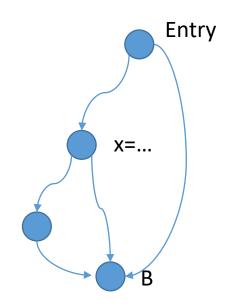
简单算法的问题



- 简单算法引入大量额外 ϕ 函数
 - 控制流图的每个结点会保存所有变量的值
 - 每条控制流图的边都会对每个变量产生定义-使用关系
 - 实际图并没有变得稀疏,反而可能更加稠密
- 希望能尽量减少引入的 ϕ 函数,即产生 ϕ 函数尽量少的静态单赋值形式



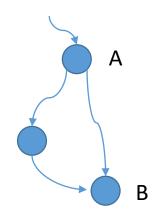
- 至少两条路径在B处汇合
- 其中一条经过了某个赋值语句
- 另外一条没有经过
- 赋值语句和B之间没有别的语句满足上述条件

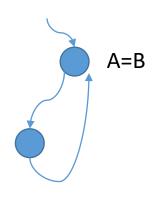


支配关系



 结点A支配(dominate)结点B: 所有从Entry到B的 路径都要通过A



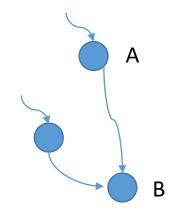


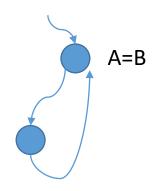
- 结点A严格支配(Strictly dominate)结点B: A支配B 并且A和B不是一个结点
 - A不严格支配B => 至少存在一条路径,在到达B之前不经过A

支配边界Dominance Frontier



- 支配边界: 刚好丢失支配的边界节点
- 结点A的支配边界中包括B,当且仅当
 - A支配B的某一个前驱结点
 - A不严格支配B





• 对任意赋值语句x=...所在的结点A,所有A的支配边界需要插入 ϕ 函数计算x的值

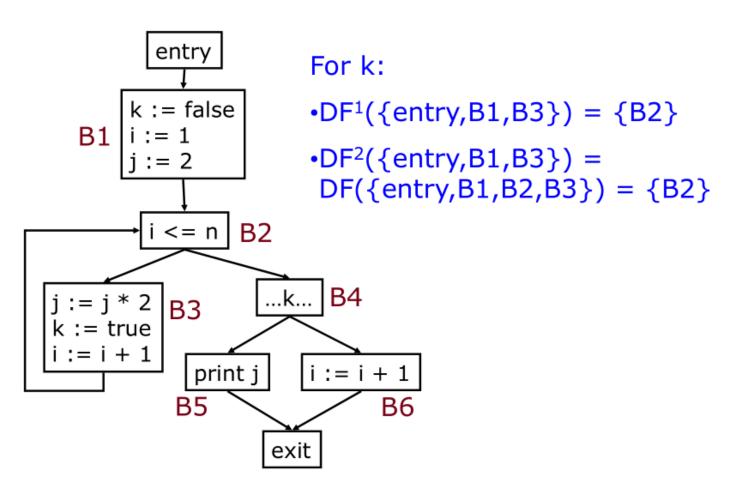
转换到静态单赋值形式



- · 令DF(a)为a的支配边界集合
- 定义
 - $DF(A) = \bigcup_{\{a \in A\}} DF(a)$
 - $\mathrm{DF}^+(\mathrm{A}) = \lim_{i \to \infty} DF^i(A)$
 - $DF^1(A) = DF(A)$
 - $DF^{i+1}(A) = DF(\bigcup_{j \le i} DF^{j}(A))$
- •对任意变量i,令A为所有对i赋值的结点, $DF^+(A)$ 就是所有需要插入 ϕ 函数的结点

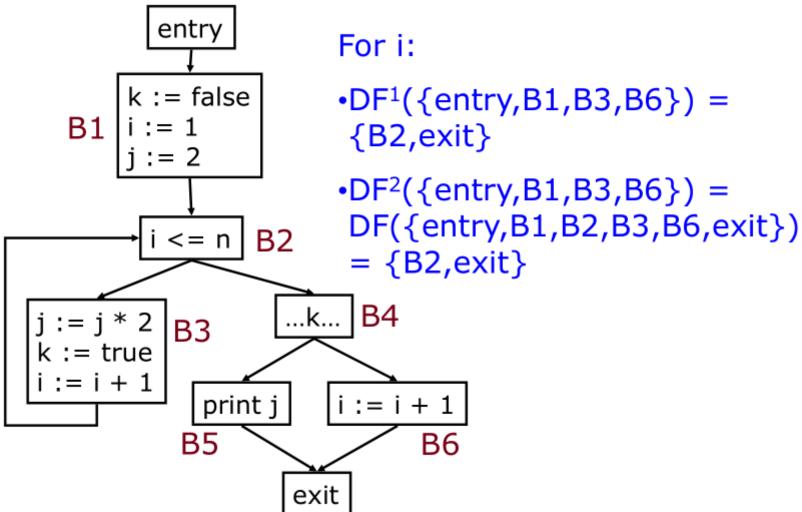
转换示例





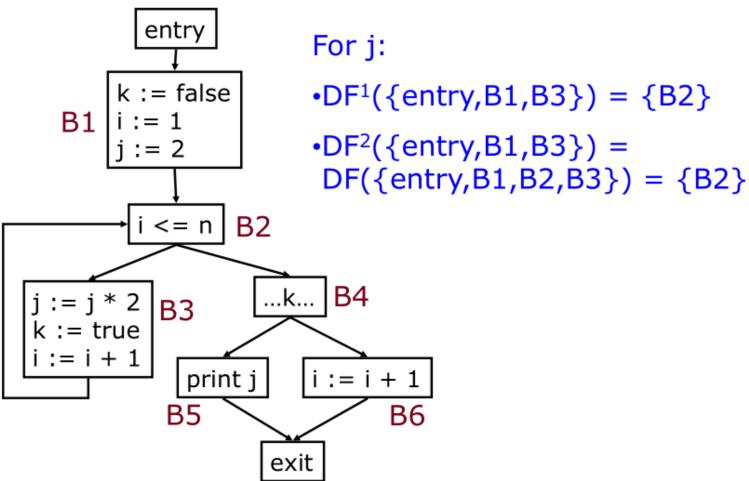
转换示例





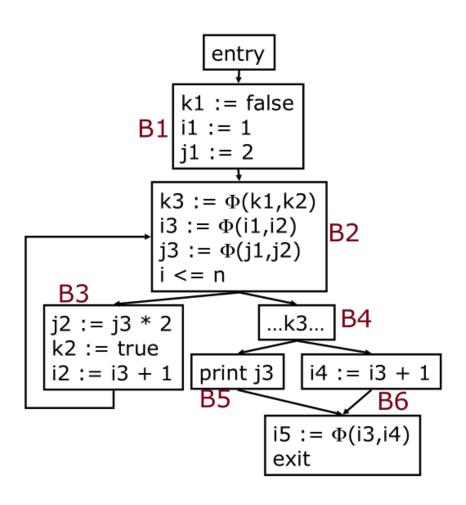
转换示例





转换结果





计算支配边界的算法



- Lengauer and Tarjan算法
 - 复杂度为O(Eα(E,N))
 - E为边数,N为结点数, α 为Ackerman函数的逆
 - Ackerman函数基本可以认为是常数
- Cooper, Harvey, Kennedy算法,2001年
 - 复杂度为O(N²)
 - 在实践中更常见的小控制流图(1000结点以下)上在 比Lenauer and Tarjan算法要快
 - 下面介绍CHK算法

Cooper, Harvey, Kennedy算法

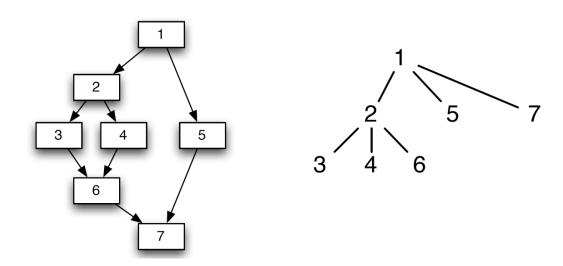


- 分为两步
 - 计算直接支配者
 - 直接支配关系使得很多中间结点可以被跳过,提高效率
 - 计算支配边界

直接支配者



- 直接支配者immediate dominator: 如果a严格支配b, 并且不存在c, a严格支配c且c严格支配b, 则a是b的直接支配者,记为idom(b)
- idom(a)是a的所有前驱结点在直接支配关系上的 最近的公共祖先



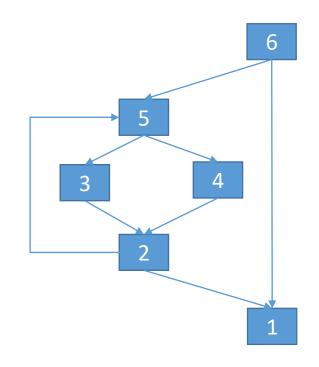
图的后序遍历



执行如下深度优先搜索算法,传给visit的结点序列即为后序遍历序列

```
dfs(n:node) {
  for(s: 所有n的后继结点)
  if (s没有作为参数传给dfs)
  dfs(s);
  visit(n)
}
```

• 无环的时候,后继节点 一定更小

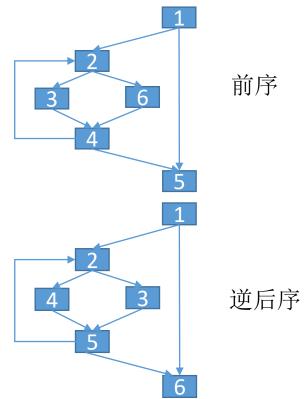


后序不是前序的逆



• 执行如下深度优先搜索算法,传给visit的结点序列即为前序遍历序列

```
dfs(n:node) {
  visit(n)
  for(s: 所有n的后继结点)
  if (s没有作为参数传给dfs)
  dfs(s);
}
```



直接支配者计算算法

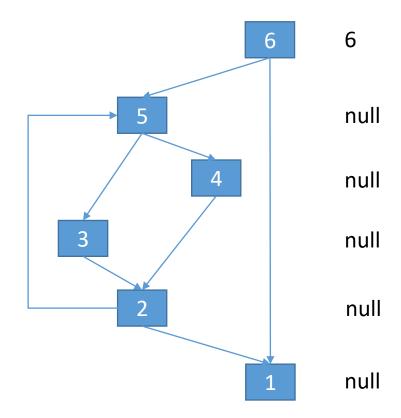


```
对所有结点n,idom(n)=null;
                               node 公共祖先(p1, p2) {
                                while (p1 \neq p2) {
idom(entry)=entry;
                                 while (p1 < p2) p1 = idom(p1);
do {
逆后序遍历entry以外的结点b {
                                 while (p2 < p1) p2 = idom(p2);
  idomb=任意idom不为空的前驱;
                                }
  对其他idom不为空的前驱p {
                                return p1;
   idomb=公共祖先(p, idomb);
  idom(b)=idomb;
} while(idom有修改);
```

假设结点都按后序遍历编号

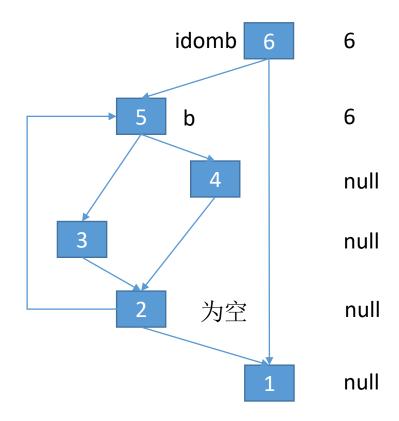


```
对所有结点n, idom(n)=null;
idom(entry)=entry;
do {
逆后序遍历entry以外的结点b {
  idomb=任意idom不为空的前驱;
  对其他idom不为空的前驱p {
   idomb=公共祖先(p, idomb); }
  idom(b)=idomb; }
} while(idom有修改);
node 公共祖先(p1, p2) {
while (p1 \neq p2) {
 while (p1 < p2) p1 = idom(p1);
 while (p2 < p1) p2 = idom(p2); }
 return p1; }
```



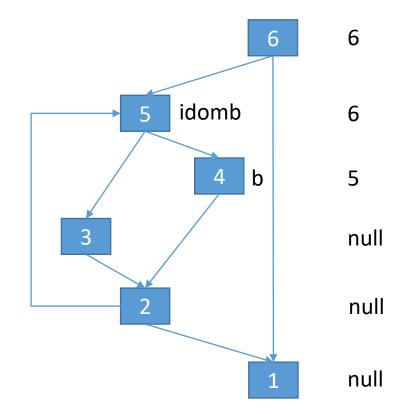


```
对所有结点n,idom(n)=null;
idom(entry)=entry;
do {
 逆后序遍历entry以外的结点b {
  idomb=任意idom不为空的前驱;
  对其他idom不为空的前驱p {
   idomb=公共祖先(p, idomb); }
  idom(b)=idomb; }
} while(idom有修改);
node 公共祖先(p1, p2) {
 while (p1 \neq p2) {
 while (p1 < p2) p1 = idom(p1);
 while (p2 < p1) p2 = idom(p2); }
 return p1; }
```



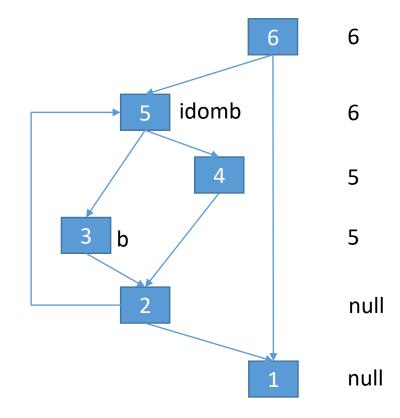


```
对所有结点n,idom(n)=null;
idom(entry)=entry;
do {
逆后序遍历entry以外的结点b {
  idomb=任意idom不为空的前驱;
  对其他idom不为空的前驱p {
   idomb=公共祖先(p, idomb); }
  idom(b)=idomb; }
} while(idom有修改);
node 公共祖先(p1, p2) {
while (p1 \neq p2) {
 while (p1 < p2) p1 = idom(p1);
 while (p2 < p1) p2 = idom(p2); }
 return p1; }
```



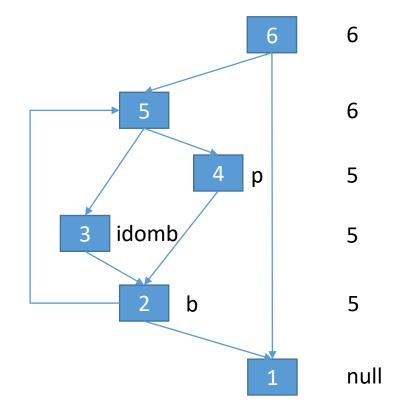


```
对所有结点n,idom(n)=null;
idom(entry)=entry;
do {
逆后序遍历entry以外的结点b {
  idomb=任意idom不为空的前驱;
  对其他idom不为空的前驱p {
   idomb=公共祖先(p, idomb); }
  idom(b)=idomb; }
} while(idom有修改);
node 公共祖先(p1, p2) {
while (p1 \neq p2) {
 while (p1 < p2) p1 = idom(p1);
 while (p2 < p1) p2 = idom(p2); }
 return p1; }
```



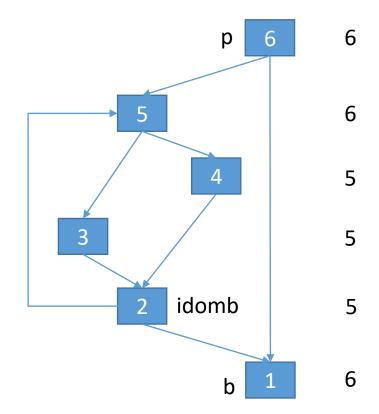


```
对所有结点n,idom(n)=null;
idom(entry)=entry;
do {
逆后序遍历entry以外的结点b {
  idomb=任意idom不为空的前驱;
  对其他idom不为空的前驱p {
   idomb=公共祖先(p, idomb); }
  idom(b)=idomb; }
} while(idom有修改);
node 公共祖先(p1, p2) {
while (p1 \neq p2) {
 while (p1 < p2) p1 = idom(p1);
 while (p2 < p1) p2 = idom(p2); }
 return p1; }
```





```
对所有结点n,idom(n)=null;
idom(entry)=entry;
do {
逆后序遍历entry以外的结点b {
  idomb=任意idom不为空的前驱;
  对其他idom不为空的前驱p {
   idomb=公共祖先(p, idomb); }
  idom(b)=idomb; }
} while(idom有修改);
node 公共祖先(p1, p2) {
while (p1 \neq p2) {
 while (p1 < p2) p1 = idom(p1);
 while (p2 < p1) p2 = idom(p2); }
 return p1; }
```



计算支配边界



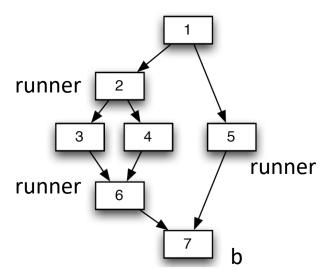
for(每个结点b)
if b的前驱结点数 ≥ 2
for(每个b的前驱p)

runner := p

while runner ≠ idom(b)

将b加入runner的支配边界

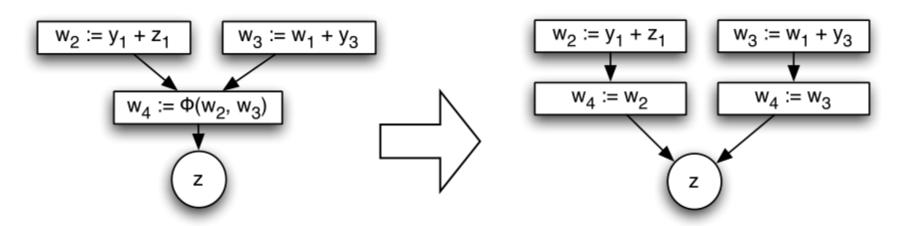
runner := idom(runner)



转换回标准型



- 有些分析任务中我们需要再从静态单赋值转换回标准型
 - 程序优化
- 转换过程就是删除掉静态单赋值中的 ϕ 函数



实践中的静态单赋值形式



- 静态单赋值要求每个变量只被赋值一次
- 基于静态单赋值优化数据流分析的条件:
 - 需要分析的每一个内存位置一旦赋值都不会发生改变。
- 这个条件总能成立吗?

C:	Java:
a=10;	a.f=10
i=&a	y=a.f;
*i=10;	a.f=20
	y=a.f;

解决方案: 部分SSA



- 把内存位置分成两组,转换SSA的时候只转换能 转换的组,并只对转换的组做优化
- Java的情况:栈上的变量为优化组,堆上的变量 为不优化组
- C的情况:把变量分成address-taken和top-level的两组
 - address-taken: 曾经被&取过地址的变量
 - top-level: 从没被&取过地址的变量

C的情况的例子



```
int a, b, *c, *d; a-d均为address-taken变量
                         w_1 = ALLOC_a
int* w = &a;
                         x_1 = ALLOC_b
int* x = &b;
                         y_1 = ALLOC_c
int**y = &c;
                         z_1 = y_1
int**z = y;
                         STORE 0 y_1
      c = 0;
                         STORE w_1 y_1
                         STORE x_1 z_1
     *z = x;
                         y_2 = ALLOC_d
     y = &d;
                         z_2 = y_2
      z = y;
                         STORE w_1 y_2
     *y = w;
                         STORE x_1 z_2
     *z = x;
```

LLVM IR所采用的SSA形式

作业



- 采用你喜欢的支持SSA的任意程序分析框架(如 LLVM Clang、SOOT)
 - Clang生成LLVM SSA IR:
 - clang -emit-llvm -o foo.bc -c foo.c
 - opt -mem2reg foo.bc
 - Clang可用winget/apt-get/scoop等任意包管理工具安装
- 构造一个无法完全转换成SSA的程序,用所选框架转换成部分SSA
- 提交原始代码和转换后的代码,并说明哪些地方 没有做到赋值后内存位置不变。

参考资料



- 静态单赋值转换算法
 - 《编译原理》相应章节
 - Cooper et al. A Simple, Fast Dominance Algorithm.
- 稀疏分析相关论文
 - 用 "sparse program analysis"为关键字进行搜索