

数据结构 串(5学时)

October 13, 2021

目录

- ① 认识串
- ② 串的表示和实现
- 3 串的模式匹配

October 13, 2021 2/27

串的概念

主要概念与术语

- 串 (字符串): 是零个或多个字符组成的有限序列。记作: $S="a_1a_2a_3\dots"$, 其中 S 是串名, $a_i(1\leq i\leq n)$ 是单个字母、数字或其它字符
- 串值: 双引号括起来的字符序列是串值
- 串长: 串中所包含的字符个数称为该串的长度
- 空串 (空的字符串): 长度为零的串称为空串, 它不包含任何字符
- 空格串 (空白串): 构成串的所有字符都是空格的串称为空白串
- 串和空白串的不同,例如""和""分别表示长度为1的空白串和长度 为0的空串。

子串/substring

- 串中任意个连续字符组成的子序列称为该串的子串,包含子串的串相应地 称为主串
- 空串是任意串的子串,任意串是其自身的子串

Data Structure October 13, 2021 3/27

串的概念

子串的位置

- 将子串在主串中首次出现时的该子串的首字符对应在主串中的序号, 称为 子串在主串中的序号(或位置)
- 例如,设有串 A 和 B 分别是: A= "这是字符串是",B= "是"则 B 是 A 的子串,A 为主串。B 在 A 中出现了两次,其中首次出现所对应的主串位置是 3。因此,称 B 在 A 中的序号为 3

串相等

- 如果两个串的串值相等(相同), 称这两个串相等
- 换言之,只有两个串的长度相等,且各个对应位置的字符都相同时才相等

串变量和串常量

- 串常量和整常数、实常数一样,在程序中只能被引用但不能改变其值,即 只能读不能写
- 通常串常量是由直接量来表示的,例如语句错误("溢出")中"溢出"是 直接量
- 串变量和其它类型的变量一样, 其值是可以改变

Data Structure October 13, 2021 4/27

串的 ADT

```
ADT String{
      数据对象: D = \{a_i | a_i \in CharacterSet, i = 1, 2, \ldots, n, n > 0\}
      数据关系: R = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle | a_{i-1}, a_i \in D, i = 2, 3, ..., n \}
      基本操作:
5
          StrAssign(&t, chars) //生成一个值为chars的串t
          StrConcat(&s,t) // 将串t联结到串s后形成新串存放到s中
6
          StrLength(t) //返回串t中的元素个数, 称为串长
8
          SubString(s,pos,len,&sub) //用sub返回串s的子串
          Strcopy(&s,t)
10
          Strcmp(s,t)
          Replace(&s,t,v)
11
12
13
    } ADT String
```

串的存储实现

串的主要存储方式

- 定长顺序存储方式:将串定义成字符数组,利用串名可以直接访问 串值。用这种表示方式,串的存储空间在编译时确定,其大小不能 改变
- 堆分配存储方式:仍然用一组地址连续的存储单元来依次存储串中的字符序列,但串的存储空间是在程序运行时根据串的实际长度动态分配的
- 块链存储方式: 是一种链式存储结构表示

评述

- 串是一种特殊的线性表,其存储表示类似线性表,但又不完全相同
- 串的存储方式取决于将要对串所进行的操作

Data Structure October 13, 2021 6/27

串的定长顺序存储方式

方法

- 用一组连续的存储单元来存放串中的字符序列
- 所谓定长顺序存储结构,是直接使用定长的字符数组来定义,数组的上界预先确定

定长顺序存储结构的定义

```
1 #define MAX_STRLEN 256
2 typedef struct{
3   char str[MAX_STRLEN];
4   int length;
5 }StringType;
```

串的连接操作实现

将一个串拼接在另一个串后

```
1 Status StrConcat(StringType &s,StringType t){
2 int i;//将串t联结到串s之后,结果仍然保存在s中
3 if ((s.length+t.length)>MAX_STRLEN)
4 Return ERROR; //联结后长度超出范围
5 for (i=0;i<t.length;i++)
6 s.str[s.length+i]=t.str[i];//串t联结到串s之后
7 s.length=s.length+t.length;//修改联结后的串长度
8 return OK;
9 }
```

求主串给定起点和长度的子串

```
1 Status SubString(StringType s,int pos,int len,StringType int k,j;
3 if (pos<0||pos>s.length-1||len<0||len>s.length-pos)
4 return ERROR;//参数非法
5 sub->length=len; //求得子串长度
6 for (j=0,k=pos;j<len;k++, j++)
7 sub->str[j]=s.str[k];//逐个字符复制求得子串
8 return OK;
9 }//sub指向了一个已经存在的结构体
October 13, 2021
```

字符串t连接在s之后 返回ERROR s[s.len+i] ← t[i] s.len+=t.le 求子串1 返回ERROR 将主串pos+i处字符版

串的堆分配存储方式

方法

- 系统提供一个空间足够大且地址连续的存储空间(称为"堆")供串 使用
- 可使用 C 语言的动态存储分配函数 malloc() 和 free() 来管理
- 仍然以一组地址连续的存储空间来存储字符串值,但其所需的存储 空间是在程序执行过程中动态分配,故是动态的,变长的

串的堆式存储结构的类型定义

```
1 typedef struct{
2 char *ch;//若非空,按长度分配,否则为NULL
3 int length; //串的长度
4 }HString;
```

Data Structure October 13, 2021 9/27

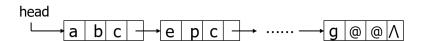
串的连接操作实现

```
Status StrConcat(HString *T, HString *s1, HString *s2){
   //用T返回由s1和s2联结而成的串
                                                      字符串s1和s2连接为T
     int k,j,t_len;
     if (T->ch) free(T->ch); //释放旧空间
5
     t len=s1->length+s2->length;
6
     if ((T->ch=(char *)malloc(
                                                         释放T的空间
              sizeof((char)*t len))==NULL){
8
       printf(``系统空间不够,申请空间失败! \n'');
                                                       设置T的存储空间大小
       return ERROR;
10
                                                        分配T的存储空间
11
     for (j=0;j<s1->length; j++)
12
       T->ch[j]=s1->ch[j];//将串s复制到串T中
                                                       分配T的存储空间失败
     for (k=s1->length, j=0; j<s2->length; k++, j++)
13
                                                 提示并返回ERROF
       T->ch[k]=s2->ch[j]; //将串s2复制到串T中
14
15
     free(s1->ch):
                                                              用循环将s2复制到7
16
   free(s2->ch);
17 return OK;
                                                             释放s1和s2的存储空间
   } //思考一下为什么T能带回返回值?
18
      Data Structure
                            October 13, 2021
                                                                 10/27
```

串的块链存储方式

方法

- 一种链式存储方式,块链式存储结构和线性表的串的链式存储结构 类似,采用单链表来存储串
- 结点的构成包括 data 域以存放字符, data 域可存放的字符个数称 为结点的大小; next 域: 存放指向下一结点的指针
- 若每个结点仅存放一个字符,则结点的指针域就非常多,造成系统 空间浪费,为节省存储空间,考虑串结构的特殊性,使每个结点存 放若干个字符,这种结构称为块链结构
- 例子, 如图所示块大小为 3 的块链



Data Structure October 13, 2021 11/27

串的块链存储方式的实现

```
1 #define BLOCK_SIZE 4
2 //块结点的类型定义
3 typedef struct Blstrtype{
4 char data[BLOCK_SIZE];
5 struct Blstrtype *next;
6 }BNODE;
7
8 //块链串的类型定义
9 typedef struct{
10 BNODE *head;//头指针
11 int Strlen; //当前长度
12 }Blstring;
```

进一步说明

- 在这种存储结构下,结点的分配总是以完整的结点为单位,因此,为使一个串能存放在整数个结点中,在串的末尾填上不属于串值的特殊字符,以表示串的终结
- 当一个块(结点)内存放多个字符时,往往会使操作过程变得较为复杂, 如在串中插入或删除字符操作时通常需要在块间移动字符

Data Structure October 13, 2021 12/27

串的基本操作的实现

类似线性表

• 略

 Data Structure
 October 13, 2021
 13/27

串模式匹配的基本概念

模式匹配:找子串在主串中的位置

- 子串 T 在主串 S 中的定位称为模式匹配或串匹配 (字符串匹配)
- 模式匹配成功是指在主串 S 中能够找到模式串 T, 否则, 称模式串 T 在主串 S 中不存在

模式匹配的应用场景

- 模式匹配的应用在非常广泛
- 例如,在文本编辑程序中,我们经常要查找某一特定单词在文本中 出现的位置,显然,解此问题的有效算法能极大地提高文本编辑程 序的响应性能

模式匹配算法

- 模式匹配是一个较为复杂的串操作过程。迄今为止,人们对串的模式匹配提出了许多思想和效率各不相同的计算机算法。介绍两种主要的模式匹配算法
 - Brute-Force/暴力模式匹配算法
 - KMP 算法

Data Structure October 13, 2021 14/27

暴力模式匹配

设 S 为目标串,T 为模式串

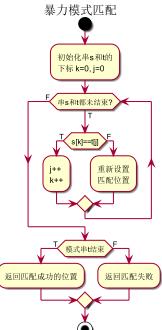
- 不妨设: $S = "s_0 s_1 \dots s_{n-1}", T = "t_0 t_1 \dots t_{m-1}"$
- 串的匹配实际上是对位置 $0 \le i \le n-m$ 依次将目标串中的子串 $s[i \dots i+m-1]$ 和模式串 $t[0 \dots m-1]$ 进行比较
 - 若 $s[i \dots i + m 1] = t[0 \dots m 1]$: 则称从位置 i 开始的匹配成功,亦称模式 t 在目标 s 中出现;位置 i 称为有效位移
 - 若 $s[i \dots i+m-1] \neq t[0 \dots m-1]$: 从 i 开始的匹配失败。位置 i 称为无效位移

故,模式匹配就是找出某给定模式 T 在给定目标串 S 中首次出现的有效位移

Data Structure October 13, 2021 15/27

暴力模式匹配算法的实现

```
int IndexString(StringType s,StringType t){
   /*采用字符数组存储主串s和模式t*/
   /*返回位置,否则返回-1*/
     int k,j; //k指向主串,j指向模式串
     k=0; j=0; //初始匹配位置设置,i=0
     while ((k<s.length)&&(j<t.length)){</pre>
      if (s[k]==t[j]){
        k++:
        j++;
10
      } else {//重新设置匹配位置
11
        k=k-j+1;//k=++i;
12
        i=0:
13
14
15
     if (j==t.length)
16
      return(k-t.length);//匹配,返回位置i
17
     else return(-1);//不匹配, 返回-1
18
```



Data Structure October 13, 2021

暴力模式匹配算法分析

算法的关键点

- 当第一次 $s_k \neq t_j$ 时: 主串要退回到 k-j+1 的位置,而模式串也要退回到第一个字符(即 j=0 的位置)
- 比较出现 $s_k \neq t_j$ 时:则应该有 $s_{k-1} = t_{j-1}, \ldots, s_{k-j+1} = t_1, s_{k-j} = t_0$,即模式串的 j-1 个字符已经在主串中匹配上了

算法特点

● 简单,易于理解。在一些场合的应用,如文字处理中的文本编辑,其效率较高

时间复杂度

- ullet 该算法的时间复杂度为 O(nm) , 其中 n,m 分别是主串和模式串的长度
- 通常情况下,实际运行过程中,该算法的执行时间近似于 O(n+m)
- 思考: 主串每次匹配失败, 只前进一个字符, 而模式串完全重来, 从位置 0 开始; 能不能主串下标不重置, 保持不动; 模式串下标也不回到 0, 回到某个"恰当"的 位置?

 Data Structure
 October 13, 2021
 17/27

模式匹配算法的改进:引入 KMP 算法

由 D.E.Knuth , J.H.Morris 和 V.R.Pratt 提出来的, 简称为 KMP 算法

- 例:设有串 s = "abacabab", t = "abab",则第一次匹配过程如上图所示
- 在 i=3 和 j=3 时,匹配失败;但重新开始第二次匹配时,不必从 i=1, j=0 开始。因为 $s_1=t_1, t_0 \neq t_1$,必有 $s_1 \neq t_0$,又因为 $t_0=t_2, s_2=t_2$,所以必有 $s_2=t_0$ 。由此可知,第二次匹配可以直接从 i=3, j=1 开始
- 总之,在匹配过程中,一旦出现 $s_i \neq t_j$,主串 s 的指针不必回溯,直接与模式串的 $t_k, 0 \leq k < j$ 进行比较,看上去就是将模式串向右"滑动"一段距离后,到一个"恰当"的位置 $k(\diamondsuit j = k)$ 对齐主串的位置 i,开始继续进行比较

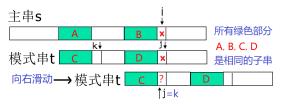
● "恰当"位置 k 如何计算?

Data Structure October 13, 2021 18/27

KMP 算法思想溯源

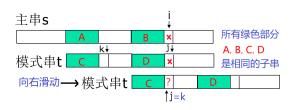
不失一般性,设主串 $S = "s_0 s_1 \dots s_{n-1}"$,模式串 $T = "t_0 t_1 \dots t_{m-1}"$

- 当 $s_i \neq t_j, 1 \leq i \leq n-m, 1 \leq j < m, m < n$ 时,主串 s 的指针 i 不必回溯,而模式串 t 的指针 j 回溯到第 k(k < j) 个字符继续比较,换而言之,模式串滑动完后要满足 B = C,即满足 (1) 式,而且不可能存在 k' > k 满足 (1) 式 $t_0 t_1 \ldots t_{k-1} = s_{i-k} s_{i-(k-1)} \ldots s_{i-2} s_{i-1}$ (1)
- 已经得到的"部分匹配"的结果 B=D,即 $t_{j-k}t_{j-(k-1)}\dots t_{j-2}t_{j-1}=s_{i-k}s_{i-(k-1)}\dots s_{i-2}s_{i-1}$ (2)
- 由 (1) 和 (2), 可以得到 C = D, 即 $t_0 t_1 \dots t_{k-1} = t_{j-k} t_{j-(k-1)} \dots t_{j-2} t_{j-1}$
- 结论: 查找模式串 $t_0t_1 \dots t_{j-1}$ 中首尾最长的重复子串 (C=D), 该重复子串的长度即为所求的 k (=next(j)), j 回溯的目标位置
- 注意到的事实: k 的取值与主串 s 无关,只与模式串 t 本身的构成有关



Data Structure October 13, 2021 19/27

KMP 算法的 next() 函数



求子串当前失配位置 j 回溯的目标位置 k = next(j) or k = next[j]

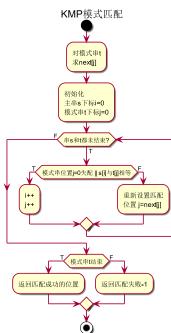
- 通常对模式串进行一次预处理,对 ∀j 求出 next(j),保存在数组 next[j] 中
- ullet 在 $t_0t_1\ldots t_{j-1}$ 中找首尾重复子串 (C=D),要求子串长度 k 最大且 k< j
- $next[j] = Max\{\{k|1 \le k < j \land t_0 \dots t_{k-1} = t_{j-k} \dots t_{j-1}\} \cup \{0\}\}$
- KMP 执行过程中,若 next[j] = 1,就是图中青色部分长度为 1, 若 next[j] = 0,就是图中青色部分长度为 0
- ullet 小技巧: 令 next[0] = -1, 也就是说在模式串位置 0 失配时,做特殊处理

 Data Structure
 October 13, 2021
 20/27

KMP 算法的实现

算法框架

```
#define Max_Strlen 1024
   int next[Max_Strlen]; //已经算好
   int KMP_index(char *s, char *t){
   //s和t分别表示主串和模式串
5
     int i=0, j=0;//初始下标
     while (i<s.len)&&(j<t.len){
       if ((j==-1)
                 || (s[i]==t[j])){
        i++:
10
        j++;
11
12
       else j=next[j];
13
14
    if (j>=t.len)
15
       return(i-t.len);
16
     else return(-1);
17
   } //行7处条件写成 j==-1 因为next[0]=-1
```



Data Structure October 13, 2021 21/27

```
next[j] = Max\{\{k | 1 \le k < j \land t_0 \dots t_{k-1} = t_{j-k} \dots t_{j-1}\} \cup \{0\}\}
```

- next[j] 仅取决于模式串自身特点, 有三种计算思路:
 - ① $next_1(j)$: 穷举法 比较 $t_0t_1 \dots t_{j-1}$ 中所有长度为 $k=1,2,\dots,j-1$ 的首尾子串,找出最长相同首尾子串
 - ② $next_2(j)$: 改进穷举法 找到形如以 t_0 开始,以 t_{j-1} 结束、长度 k < j 所有子串,然后检查其是否在 $t_0t_1 \dots t_{j-1}$ 的首尾都出现
 - ③ $next_3(j)$: 递推算法 假设 $next[1], next[2], \dots next[j-1]$ 已知,求 next[j]

Data Structure October 13, 2021 22/27

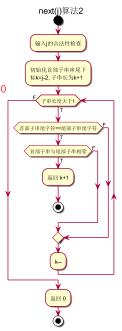
$next_1(j)$: 穷举法

```
1 //借助改进的基本操作subString(), 返回值改用return
2 //char *subString(s,startpos,len)
   //strncmp(t1,t2,n) 比较t1,t2的前n个字符,相等返回0
   //求next[]数组,需要对不同的j,调用next1(j)
5
   int next1(char *t, int j){
     //0<j<t.len, 这里要做j的合法性检查
     char *str1, *str2;
8
     int k=j;
     do {
10
       k--;
11
       str1 = subString(t,0,k);
12
       str2 = subString(t,j-k,k);
13
     while (k && strncmp(str1,str2,k))
14
     if (k==0)
15
      return 0;
16
     else
17
      return k;
18
19
```

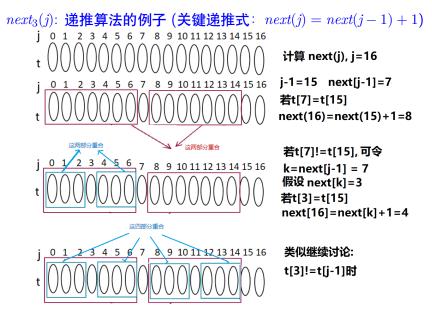
next(j)算法1 输入j的合法性检查 初始化子串 长度k=i-1 k>0 && t中长度为k的首尾子串不相等 没有长度大于0 返回 k 的首尾相同子串 返回 0

next₂(j): 改进穷举法

```
//strncmp(t1,t2,n) 比较t1,t2的前n个字符,相等返回0
int next2(char *t, int j){
    //0<j<t.len, 这里要做j的合法性检查
    for (int k=j-2;k>=0;--k){
        if (t[k]==t[j-1])
            if (strncmp(t, &t[j-k-1],k+1)==0)
                 return k+1;
    }
    return 0;
}
```

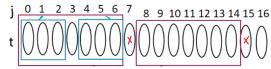


Data Structure October 13, 2021 24/27



Data Structure October 13, 2021 25/27

 $next_3(j)$: 递推算法的例子 (关键递推式: next(j) = next(j-1) + 1)



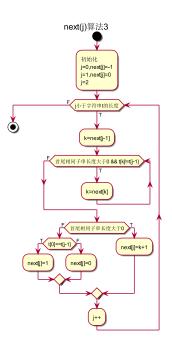
- 假设 k = next[j-1] = next[15] = 7, 当 t[15]! = t[k] 时,算法中令 $k \leftarrow k' = next[k]$,即 k = next[next[j-1]]
- 为什么不考虑 k > next[j-1] 的位置,即图中
 next[8],next[9],...,next[14] 的情况,直接考虑 next[7]?
 - 事实 1: 此时有 $k_i = next[j] <= next[j-1] = k$,可用反证法证明
 - 故,next[j] 指示的长度为 k_j 尾部子串 str1 起始位置在右边紫色方框内 (或就是 j-1, 此时 $t_0=t_{j-1}$ 是最长相同首尾子串)
 - 存在与 str1 完全一样的子串完全落在左侧的紫色框内
 - 关键递推式 next(j) = next(j-1) + 1 的使用的条件: k=next(j-1), t[j-1] == t[k], 否则 k=next(k)

 Data Structure
 October 13, 2021
 25/27

KMP 算法的实现

next[j] 的实现代码

```
void next3(char *t,int next[]){
     //求模式t的next数组
     int k, j=2;
     next[0]=-1;
     next[1]=0;
     while (j<t的长度){
       k=next[j-1];
       while (k>0 && t[k]!=t[j-1])
        k=next[k]:
10
       if (k<=0)
11
        if (t[0]==t[j-1])
12
          next[j]=1;
13
        else
14
          next[j]=0;
15
       else
16
        next[j]=k+1;
17
       j++;
18
19
   }//相比于穷举算法,时间开销降低两个数量级
```



Data Structure October 13, 2021 26/27

模式匹配练习题

题目说明

- 试分析模式匹配算法的时间复杂度
- void StrReplace(char *T, char *P, char *S), 将 T 中第一次出现的与 P 相等的子串替换为 S, 串 S 和 P 的长度不一定相等, 并分析时间 复杂度
- 试证明或说明 KMP 算法不会遗漏模式串。(提示:反证法,假设遗 漏了某个可匹配的子串,分析这种子串的可能性和特点)
- 给定字符串"abaaababc",求 next[] 值。答案为: {-1, 0, 0, 1, 1, 1, 2, 3, 2}, 利用定义直接看出来, 利用三个算法手工执行出来, 熟悉 和堂握笪法

Data Structure October 13, 2021 27/27