# Ejercicios repaso 1° parcial

1) Utilizar el algoritmo de Booth para multiplicar 010011 (multiplicando) por 011011 (multiplicador).

El algoritmo de Booth permite hacer multiplicaciones en Complemento a 2.

Ej. 19= 010011 x 27= 011011

#### LEYES:

0 a 1	Reg. A + C2 (M) (multiplicando) y desplazo a la derecha
1 a 1	desplazo a la derecha
0 a 0	desplazo a la derecha
1 a 0	Reg. A + M (multiplicando) desplazo a la derecha
	si el resultado es negativo (1 adelante) antes de desplazar introduzco un 1 en el bit de mayor peso y luego desplazo (así mantengo el signo), si no, introduzco un 0

Acción	Reg A	Reg Q.	Q <sub>-1</sub> (bit de arrastre inicia en 0)	М	Contad or
	000000	01001 <b>1</b>	0	011011 C2 =100101	6
<b>0 a 1</b> Reg. A + C2 (M)	+100101 100101	010011 010011			
→ Como el resultado es negativo mantengo el signo	110010	10100 <b>1</b>	1		5
<b>1 a 1</b> →  Como el resultado es negativo mantengo el signo	111001	01010 <b>0</b>	1		4
<b>1 a 0</b> → Reg. A + C2 (M)	<u>+011011</u> 010100	01010 <b>0</b>	1		
<b>→</b>	001010	00101 <b>0</b>	0		3
0 a 0 →	000101	00010 <b>1</b>	0		2
0 a 1	<u>+100101</u>	000101			



Reg. A + C2 (M)	101010	000101		
→ Como el resultado es negativo mantengo el signo	110101	00001 <b>0</b>	1	1
<b>1 a 0</b> → Reg. A + M	<u>+100101</u> 010000	00001 <b>0</b>		
$\rightarrow$	001000	000001		0

Resultado 00100000001 = 513

- 2) Realizar las siguientes divisiones (en magnitud y signo)
  - a)  $100101101 \div 01010 = (-45) \div 10$
  - b)  $001100100 \div 10111 = 100 \div (-7)$

Contador: Se carga con el número de bits del divisor y lleva la cuenta de los desplazamientos realizados.

Acumulador: Se carga con la parte más significativa del dividendo. Va almacenando los resultados.

- Q: Se carga con la parte menos significativa del dividendo. Al finalizar el algoritmo queda almacenado el cociente.
- D: Se carga con el divisor. (es el sustraendo de la resta).

Ej: 100 /7 01100100 / 0111

	0110010070			
ACCIÓN	REG. ACUMUL.	REG Q.	REG D.	CONTADOR
	<u>0</u> 110	0100	0111	4
← desplazo hasta que aparezca un 1 y se pueda hacer la resta	1100	1000		3
resto y	<u>0111</u> 0101	1000 100 <b>1</b>	Cuando se pueda hacer la resta entra un uno en Q <sub>0</sub>	
← desplazo	1011	0010		
resto y	<u>0111</u> 0100	0010 001 <b>1</b>	Cuando se pueda hacer la resta entra un uno en Q <sub>0</sub>	2
← desplazo	1000	0110		
resto y	<u>0111</u> 0001	0110 0111		1
← desplazo	0010	1110		



Cociente 1110: 14 Resto 0010: 2

- 3) Realizar las siguientes operaciones con números en punto flotante en el formato IEEE 754 (en las que las partes significativas se truncan a cuatro dígitos decimales). Indique los resultados en forma normalizada). Calcule el error cometido.
  - a) C30C0000 + C1500000
  - b) 3B370000 + 39F 68000

# Representación de números en punto flotante

Según esta normalización, los números pueden ser representados de acuerdo a los siguientes formatos según correspondan a simple o doble precisión.

#### SIMPLE PRECISIÓN

S	Exponente	Mantisa
1 bit	8 bits	23 bits

#### DOBLE PRECISIÓN

S	Exponente	Mantisa
1 bit	11 bits	52 bits

#### Donde:

S es el bit de signo del número y es 0 para + y es 1 para -

**EXP** es el exponente de 2 que está representado en exceso 127 para simple precisión y exceso 1023 para doble precisión.

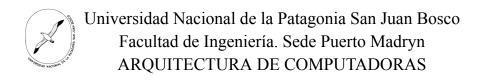
**MANT** es la mantisa y cumple con la condición de ser la parte del número representado que queda a la derecha de la coma cuando a la izquierda de ella hay un sólo 1.

Por lo tanto el número representado se obtiene así:

$$(-1)^{S} \cdot 2^{(EXP-127)} \cdot 1,MANT$$
 simple precisión  $(-1)^{S} \cdot 2^{(EXP-1023)} \cdot 1,MANT$  doble precisión

Para representar los números cercanos a cero se utiliza un formato desnormalizado, haciendo EXP=0 y MANT ¹ 0.

El número que se representa cuando EXP=0 es:



En esta normalización el cero se representa con EXP=0 y MANT=0.

a) C30C0000 + C1500000

Igualamos los exponentes al mayor de los dos y sumamos. El resultado obtenido se vuelve a normalizar. No olvidar el bit implícito que no está en la mantisa.

 $-1.000\ 1100\times 2^{7}$ 

 $-0.000\ 1101\times 2^{7}$ 

 $-1.001\ 1001\times 2^{7}$ 

 $-1.001\ 1001 \times 2^7 \rightarrow C3190000$ 

b) 3B370000 + 39F68000

Exponente = 118 - 127 = -9

Exponente = 115 - 127 = -12

Igualamos los exponentes al mayor de los dos y sumamos. El resultado obtenido se vuelve a normalizar. No olvidar el bit implícito que no está en la mantisa.

 $1.11101101 \times 2^{-12} \rightarrow 0.00111101101 \times 2^{-9}$ 

 $1.0110111000 \times 2^{-9}$ 

<u>0.00111101101 x 2<sup>-9</sup></u>

 $1.101010111101 \times 2^{-9}$ 

Resultado: 3B55D000

4) **Escribir** un programa que defina **4 variables**: a,b,c y d inicializadas a 0. Debe cargar en los registros x5,x6,x7 y x8 las **direcciones** de cada una de ellas usando 4 pseudoinstrucciones **Ia.** Ensamblar el programa. Abre la tabla de símbolos y comprueba que en los registros x5-x8 se han cargado las direcciones de las variables a-d respectivamente. ¿Cuántos bytes ocupa el programa?



- 5) **Escribir** un programa que recorra una TABLA de diez números enteros y determine cuántos elementos son mayores que X. El resultado debe almacenarse en una dirección etiquetada CANT. El programa debe generar además otro arreglo de palabras llamado RES cuyos elementos sean ceros y unos. Un '1' indicará que el entero correspondiente en el arreglo TABLA es mayor que X, mientras que un '0' indicará que es menor o igual.
- 6) Hacer un diagrama de tiempos usando adelantamiento de datos, analizar los riesgos (hazards) en la ejecución de esta porción de código y buscar alguna alternativa para optimizar el tiempo

```
lw t3, 0(t5)
add t8, t6, t3
addi t2, t5, 0x4
sw t5, 0(t2)
```

### Diagrama de tiempos sin adelantamientos

<b>lw</b> t3, 0(t5)	IF	ID	EX	МЕМ	WB							
<b>add</b> t8, t6, t3		IF	ID	Ews.	Ew.	EX	MEM	WB				
<b>addi</b> t2, t5, 0x4			IF	Ews.	Ewik Williams	ID	W.W.	M.W.	EX	MEM	WB	
<b>sw</b> t5, 0(t2)						IF	E.W.	F.W.	ID	EX	MEM	WB

### Diagrama de tiempos con adelantamientos

<b>lw</b> t3, 0(t5)	IF	ID	EX	MEM	WB				
<b>add</b> t8, t6, t3		IF	ID		EX	MEM	WB		
<b>addi</b> t2, t5, 0x4			IF		ID	EX	MEM	WB	
<b>sw</b> t5, 0(t2)					IF	ID	EX	MEM	WB

#### Tarda 5 ciclos sin contar el llenado de la tubería

# Con reordenamiento y adelantamiento

<b>lw</b> t3, 0(t5)	IF	ID	EX	MEM	WB			
<b>addi</b> t2, t5, 0x4		IF	ID	EX	MEM	WB		
<b>add</b> t8, t6, t3			IF	ID	EX	МЕМ	WB	
<b>sw</b> t5, 0(t2)				IF	ID	EX \	MEM	WB

#### Tarda 4 ciclos sin contar el llenado de la tubería

7) Analiza las dependencias de datos de la siguiente secuencia de instrucciones en una máquina segmentada Mips usando un diagrama de tiempos

```
lw t3 , 0 ( t5 )
add t8 , t6 , t3
add t9 , t8 , t5
add t7 , t2 ,t1
sw t5 , 0 ( t2 )
```

- a. Analiza la mejora a través de un diagrama de tiempo usando adelantamiento de datos.
- b. Analiza la mejora a través de un diagrama de tiempo usando reordenamiento.
- c. Analiza la mejora a través de un diagrama de tiempo usando reordenamiento y adelantamiento de datos.



lw \$3, 0(\$5)	IF	ID	EXE	MEM	WB								
					We								
add \$8,\$6,\$3		IF	ID	3/6	3	EXE	MEM	WB					
					246		346	W					
add \$9,\$8,\$5			IF	3/10	1	ID	3		EXE	MEM	WB		
add \$7,\$2,\$1						IF	7	THE	ID	EXE	MEM	WB	
sw \$5, 0(\$2)									IF	ID	EXE	MEM	WB

Depende de los registros 3 y 8.

Suponiendo que para 5 instrucciones, lo ideal es que tarde 5 ciclos (CPI = 1, ignorando el tiempo de llenado de la tuberia), el CPI de este caso es:

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{9}{5} = 1,8$$

(b) Analiza la mejora a través de un diagrama de tiempo usando adelantamiento de datos

	lw \$3, 0(\$5)	IF	ID	EXE	MEM	WB					
	add \$8,\$6,\$3		IF	ID	3/10	EX	MEM	WB			
					W/-						
	add \$9,\$8,\$5			IF	7	ID	÷ΕΧ	MEM	WB		
Г	add \$7,\$2,\$1					IF	ID	EXE	MEM	WB	
	sw \$5, 0(\$2)						IF	ID	EXE	MEM	WB

Suponiendo que para 5 instrucciones, lo ideal es que tarde 5 ciclos (ignorando el tiempo de llenado de la tuberia), el CPI de este caso es:

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{6}{5} = 1, 2$$

(c) Analiza la mejora a través de un diagrama de tiempo usando reordenamiento.

lw \$3, 0(\$5)	IF	ID	EXE	MEM	WB						
add \$7,\$2,\$1		IF	ID	EXE	MEM	WB					
add \$8,\$6,\$3			IF	ID	**	EXE	MEM	WB		_	
sw \$5, 0(\$2)				IF	**	ID	EXE	MEM	WB		
add \$9,\$8,\$5						IF	ID	**	EXE	MEM	WB

Suponiendo que para 5 instrucciones, lo ideal es que tarde 5 ciclos (ignorando el tiempo de llenado de la tuberia), el CPI de este caso es:

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{7}{5} = 1, 4$$

(d) Analiza la mejora a través de un diagrama de tiempo usando reordenamiento y adelantamiento de datos.

	lw \$3, 0(\$5)	IF	ID	EXE	MEM	WB				
	add \$7,\$2,\$1		IF	ID	EXE	MEM	WB			
Γ	add \$8,\$6,\$3			IF	ID	EX	MEM	WB		
Γ	sw \$5, 0(\$2)		,		IF	ID	EXE	MEM	WB	
	add \$9,\$8,\$5					IF	ID	→EX	MEM	WB

Suponiendo que para 5 instrucciones, lo ideal es que tarde 5 ciclos (ignorando el tiempo de llenado de la tuberia), el CPI de este caso es:

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{5}{5} = 1$$



8) Explica a nivel transferencia entre registros el proceso de búsqueda, decodificación y ejecución de la instrucción: addi t2, t8,0x5a

### **BÚSQUEDA**

 $MAR \leftarrow PC$ 

READ (MDR  $\leftarrow$  MP[MAR])

 $IR \leftarrow MDR$ 

#### **DECODIFICACIÓN**

µMAR ←OPC PC←PC +1

# **EJECUCIÓN**

BusA  $\leftarrow$ R[rs]; BusB  $\leftarrow$ R[rt]

BusS ←BusA+BusB

 $R[rd] \leftarrow BusS$ 

9) Describe a nivel transferencias entre registros el proceso de búsqueda, decodificación y ejecución de la instrucción: beq t3, t4, salto

### **BÚSQUEDA**

 $\mathsf{MAR} \leftarrow \mathsf{PC}$ 

READ (MDR  $\leftarrow$  MP[MAR])

 $\mathsf{IR} \leftarrow \mathsf{MDR}$ 

### DECODIFICACIÓN

µMAR ←OPC PC←PC +1

#### **EJECUCIÓN**

BUS\_A $\leftarrow$  R[t3]; BUS\_B $\leftarrow$  R[t4]

DST ←PC + Desplazamiento

Z← BUS\_A - BUS\_B

SI Z ENTONCES PC  $\leftarrow$  DST