

# 数字图像处理

## 第五次作业

姓名：回彭杨

班级：自动化 66 班

学号：2160504148

1、频域低通滤波器：设计低通滤波器包括 **butterworth and Gaussian** (选择合适的半径，计算功率谱比),平滑测试图像 **test1** 和 **test2**; 分析各自优缺点;

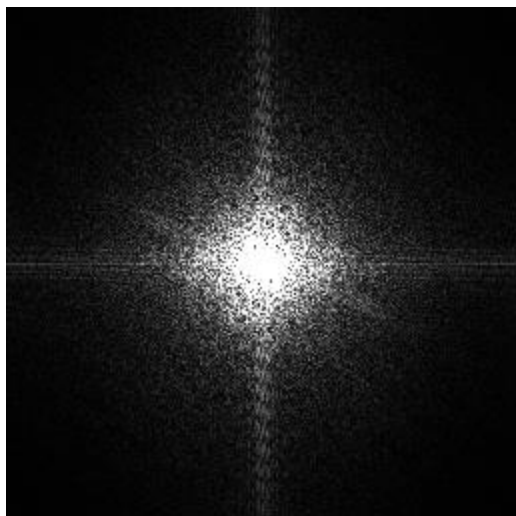
1) 布特沃斯低通滤波:

test1.bmp D0=25 功率谱比  $a = 0.9741 = 97.41\%$

test1.bmp 原始图像



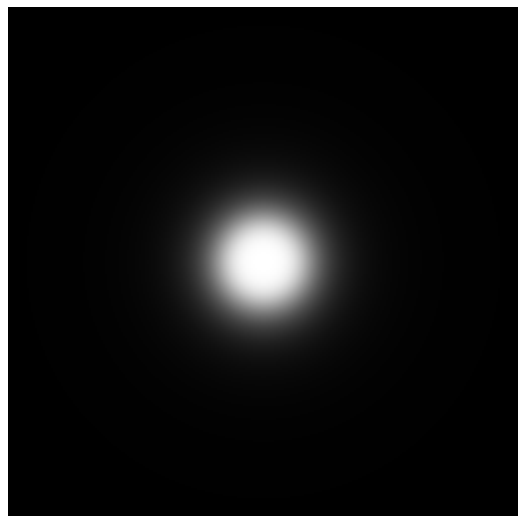
test1 的傅里叶谱



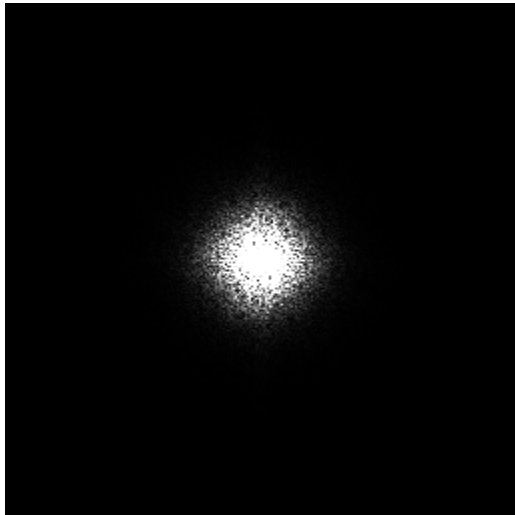
test1 布特沃斯低通滤波后 (D0=25)



布特沃斯低通滤波器 (D0=25)



test1 布特沃斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=25)



test1.bmp D0=50 功率谱比  $a=0.9909=99.09\%$   
test1.bmp 原始图像

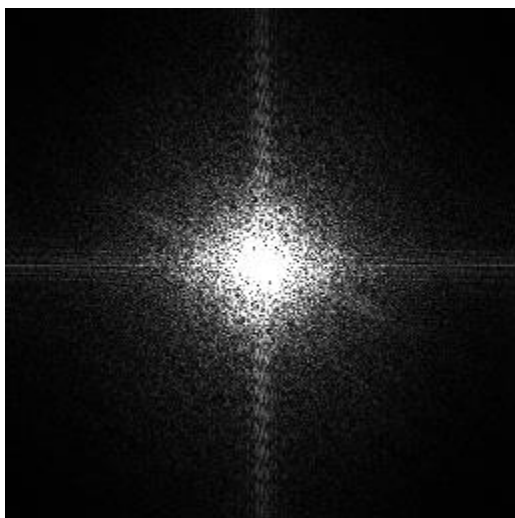
test1 布特沃斯低通滤波后 (D0=50)



test1 的傅里叶谱

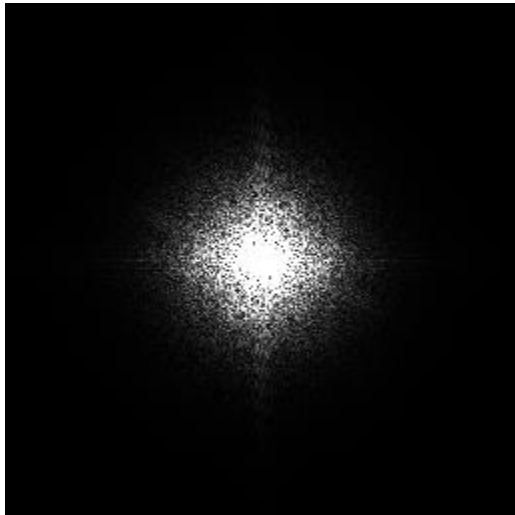


布特沃斯低通滤波器 (D0=50)



test1 布特沃斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)





test1.bmp D0=75 功率谱比  $a = 0.9957 = 99.57\%$   
test1.bmp 原始图像

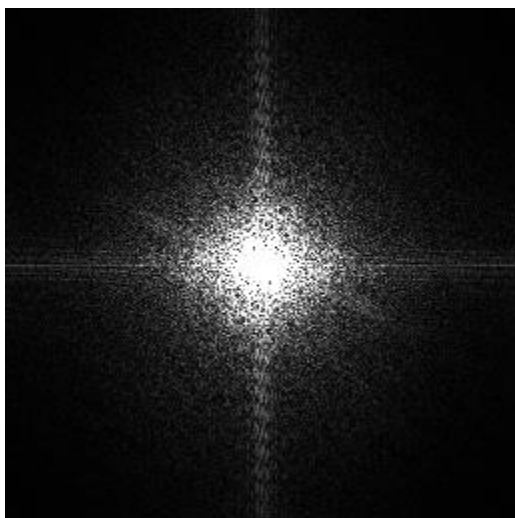
test1 布特沃斯低通滤波后 (D0=75)



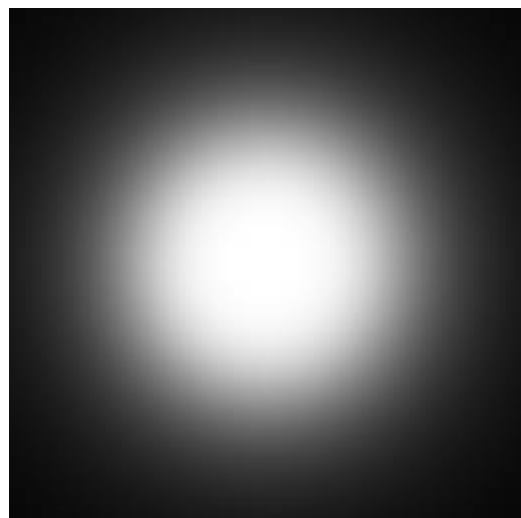
test1 的傅里叶谱

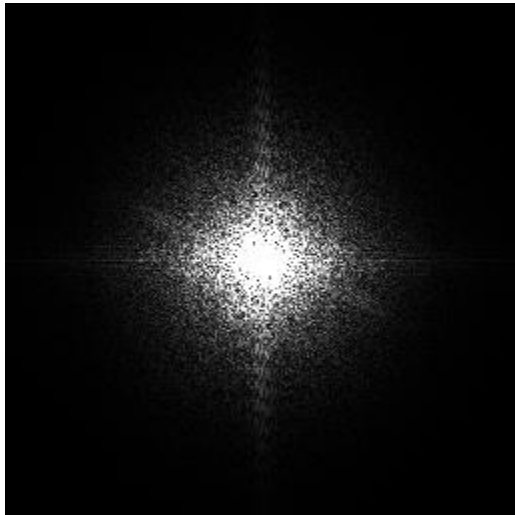


布特沃斯低通滤波器 (D0=75)



test1 布特沃斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=75)





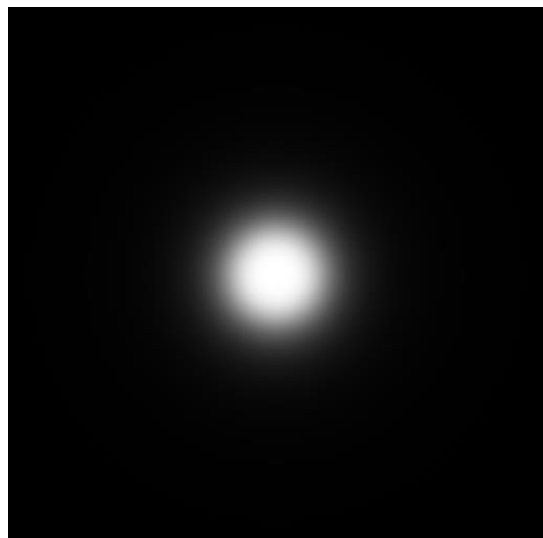
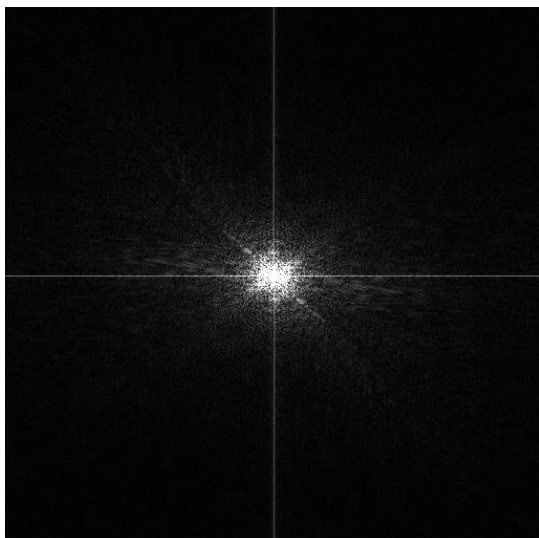
test2.tif D0=50 功率谱比  $a = 0.9885 = 98.85\%$   
test2.tif 原始图像

test2 布特沃斯低通滤波后 (D0=50)

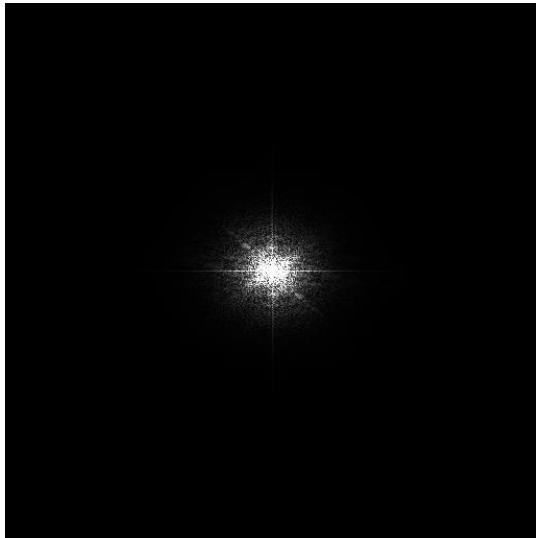


test2 的傅里叶谱

布特沃斯低通滤波器 (D0=50)



test2 布特沃斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)

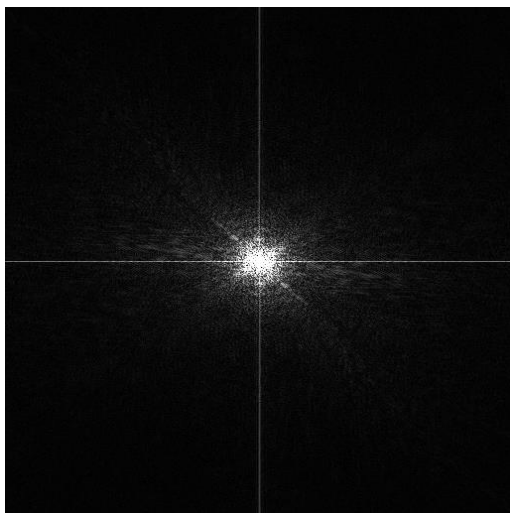


test2.tif D0=75 功率谱比  $a = 0.9916 = 99.16\%$

test2.tif 原始图像



test2 的傅里叶谱



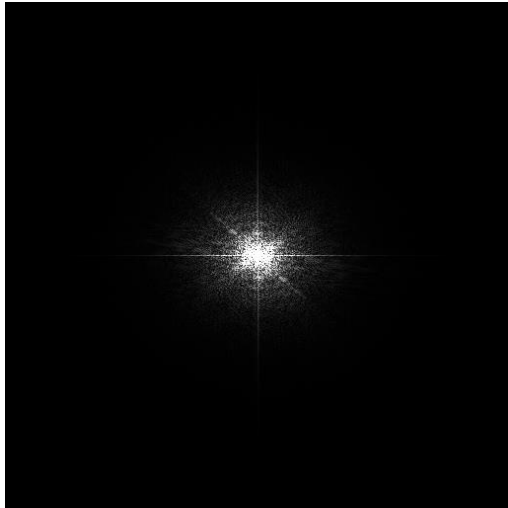
test2 布特沃斯低通滤波后 (D0=75)



布特沃斯低通滤波器 (D0=75)



test2 布特沃斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=75)



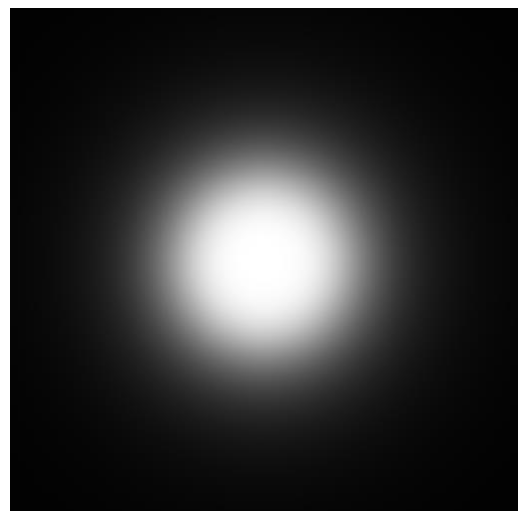
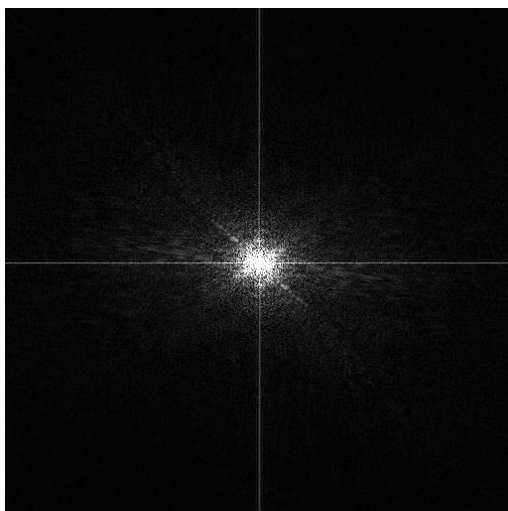
test2.tif D0=100 功率谱比  $a=0.9934=99.34\%$   
test2.tif 原始图像

test2 布特沃斯低通滤波后 (D0=100)

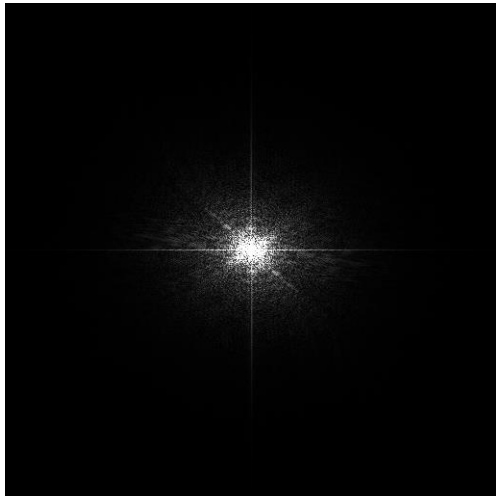


test2 的傅里叶谱

布特沃斯低通滤波器 (D0=100)



test2 布特沃斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=100)



2) 高斯低通滤波器:

test1.bmp D0=25: 功率谱比  $a = 0.9657 = 96.57\%$

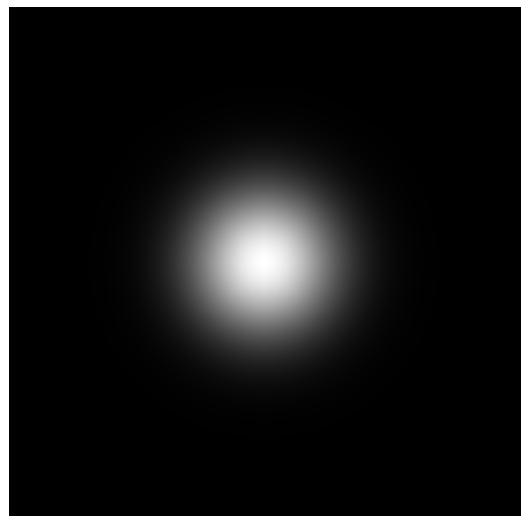
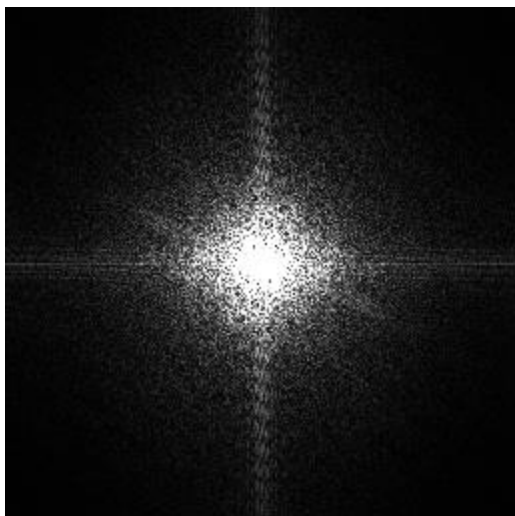
test1.bmp 原始图像

test1 高斯低通滤波后 (D0=25)



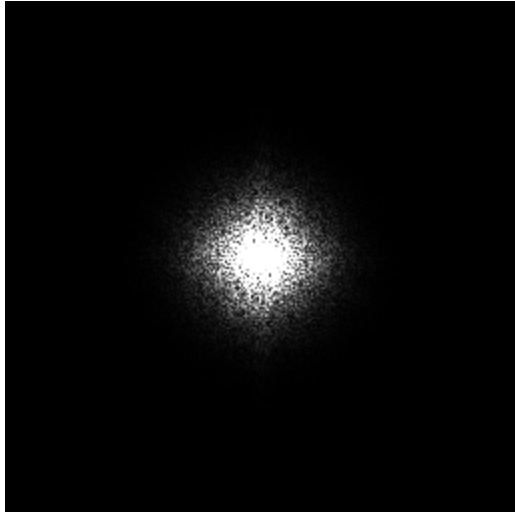
test1 的傅里叶谱

高斯低通滤波器 (D0=25)



test1 高斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=25)





test1.bmp D0=50 功率谱比  $a=0.9862=98.62\%$   
test1.bmp 原始图像

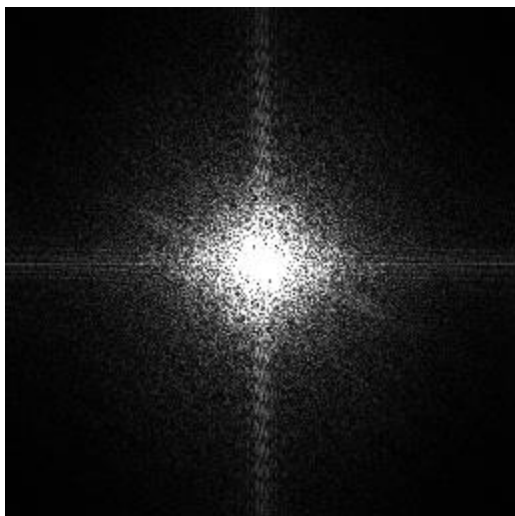
test1 高斯低通滤波后 (D0=50)



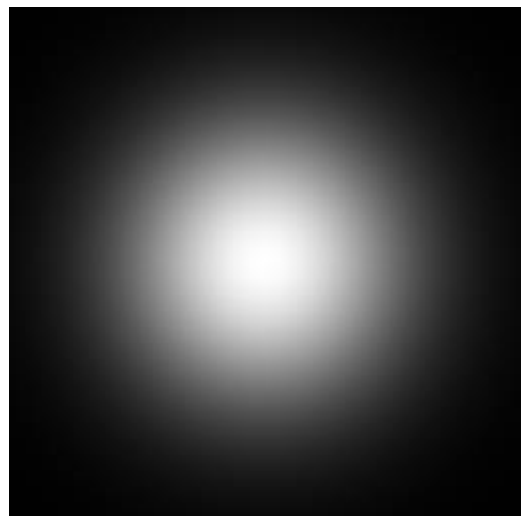
test1 的傅里叶谱

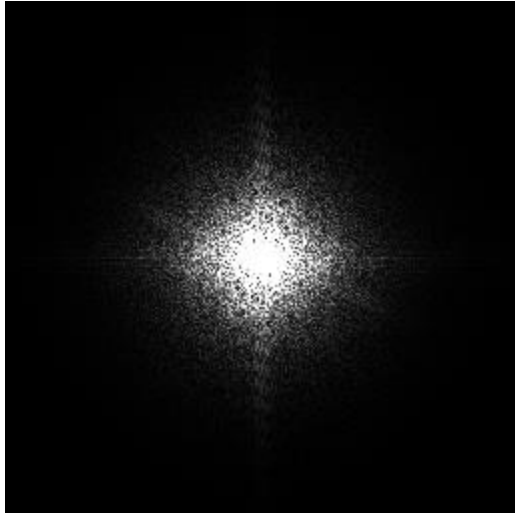


高斯低通滤波器 (D0=50)



test1 高斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)





test1.bmp D0=75 功率谱比  $a = 0.9925 = 99.25\%$   
test1.bmp 原始图像

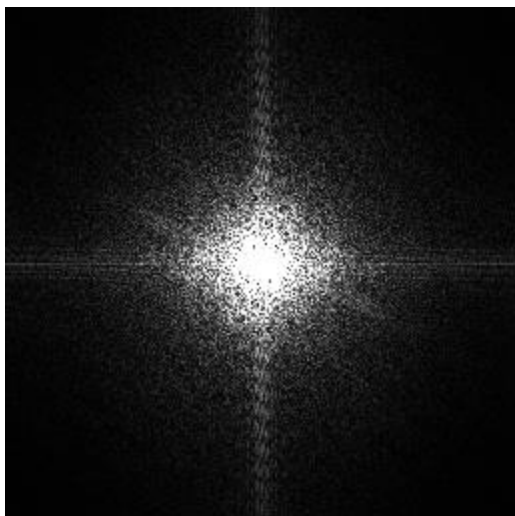
test1 高斯低通滤波后 (D0=75)



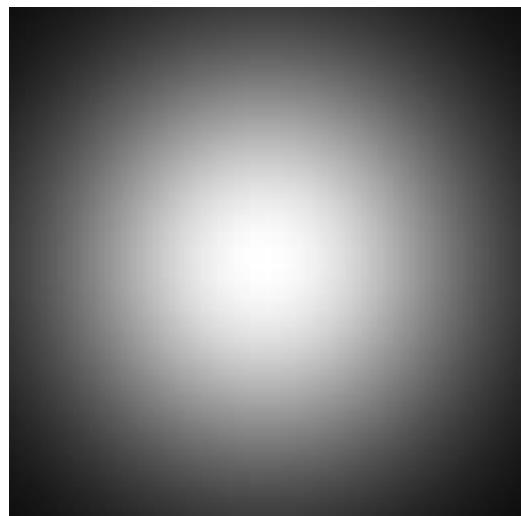
test1 的傅里叶谱

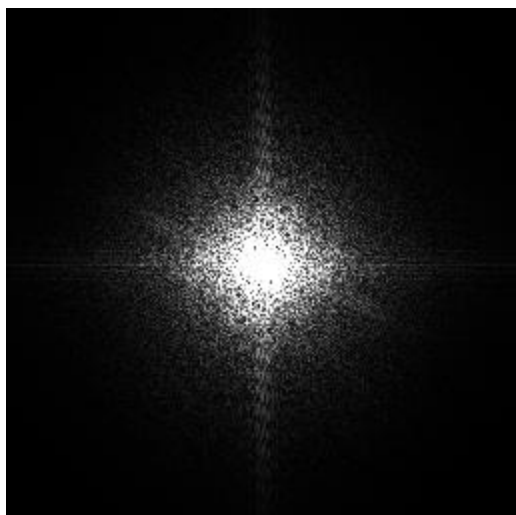


高斯低通滤波器 (D0=75)



test1 高斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=75)





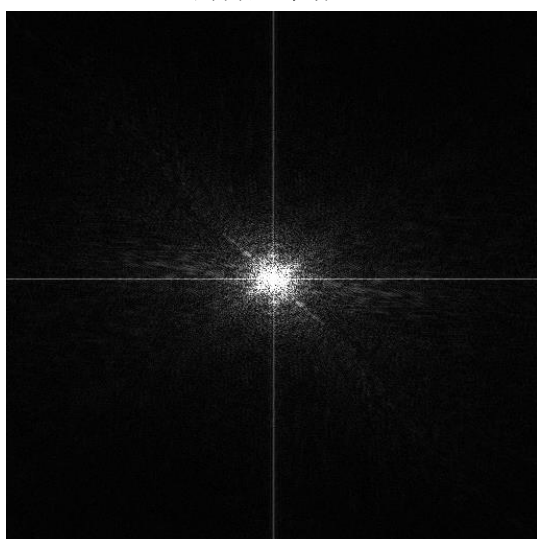
test2.tif D0=50 功率谱比  $a=0.9863=98.63\%$   
test2.tif 原始图像



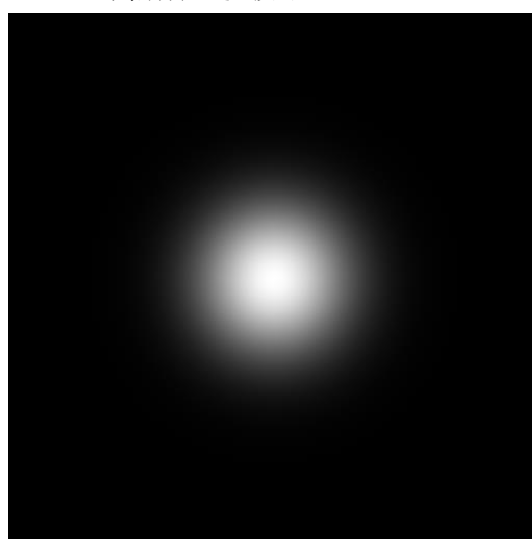
test2 的傅里叶谱

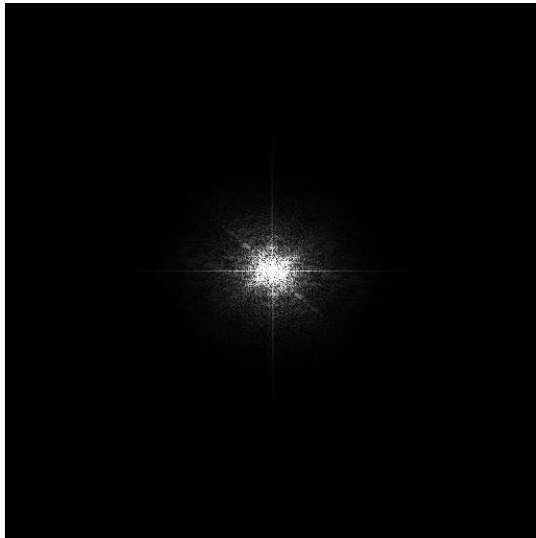


高斯低通滤波器 (D0=50)



test2 高斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)





test2.tif D0=75 功率谱比  $a = 0.9902 = 99.02\%$   
test2.tif 原始图像

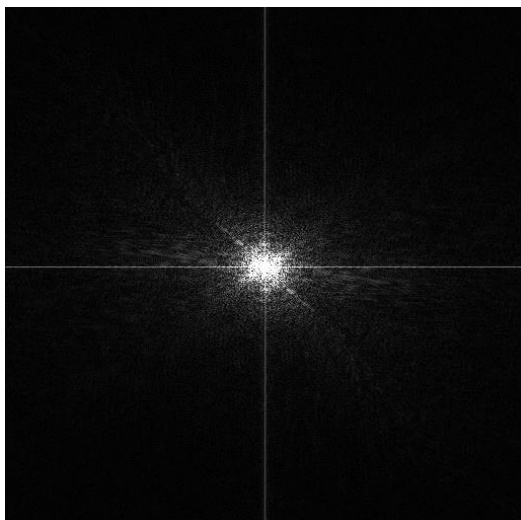
test2 高斯低通滤波后 (D0=75)



test2 的傅里叶谱

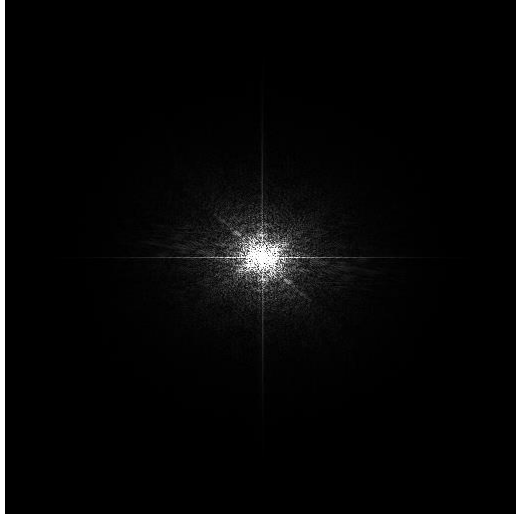


高斯低通滤波器 (D0=75)



test2 高斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=75)





test2.tif D0=100 功率谱比  $a=0.9924=99.24\%$   
test2.tif 原始图像

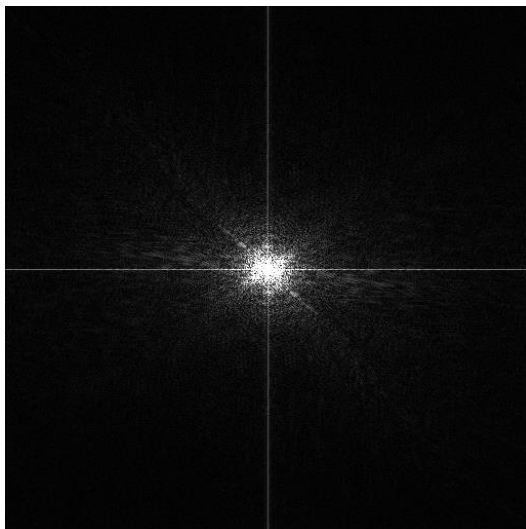
test2 高斯低通滤波后 (D0=100)



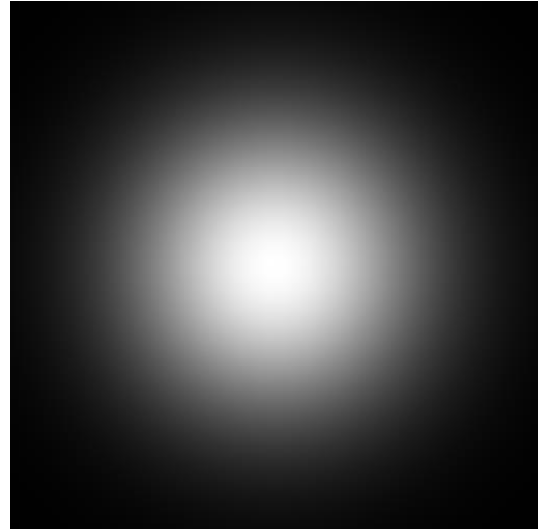
test2 的傅里叶谱

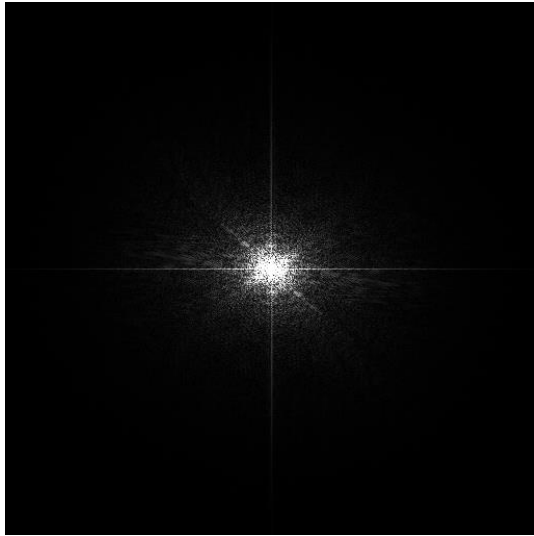


高斯低通滤波器 (D0=100)



test2 高斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=100)





### 结果分析:

①对比每组图像处理结果中的原始图像和低通滤波后的图像,可以清晰看到低通滤波器的平滑效果(模糊效果);对比每组图像中原始图像的傅里叶谱、低通滤波器傅里叶谱以及滤波后图像的傅里叶谱,可以看到滤波在空间域是卷积关系和在频率域是相乘关系。低通滤波器对于低频分量可以通过,而对于高频分量则不能通过。通过三幅图的对比,可以清晰的看到滤波器的截断效果。

②对比二阶巴特沃斯低通滤波器和高斯低通滤波器,两种滤波器都达到了平滑图像,滤除高频分量的效果。但两者在相同截止频率  $D_0$  时,得到的功率谱比不同,巴特沃斯低通滤波器略高于高斯低通滤波器。

**2、频域高通滤波器:**设计高通滤波器包括 **butterworth and Gaussian**,在频域增强边缘。选择半径和计算功率谱比,测试图像 test3,4;

1) 布特沃斯高通滤波器

test4 copy.bmp  $D_0=25$  功率谱比  $a=0.0071=0.71\%$

test4 copy.bmp 原始图像

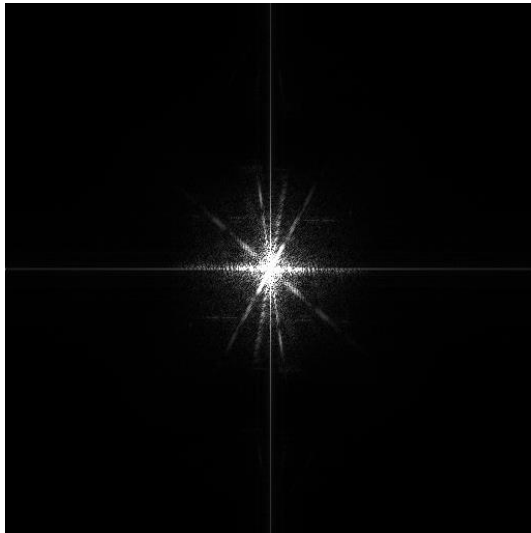
test4 布特沃斯高通滤波后 ( $D_0=25$ )



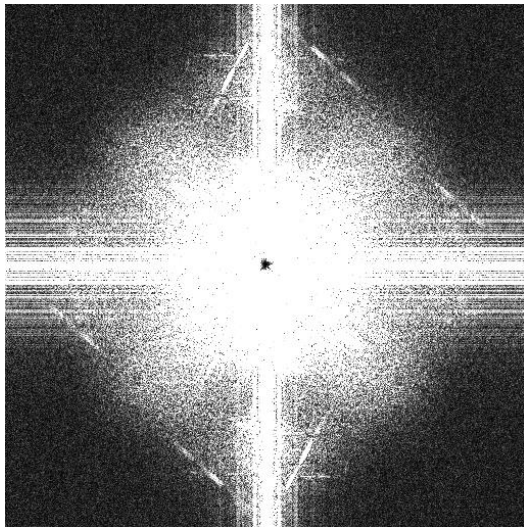
test4 的傅里叶谱



布特沃斯高通滤波器 ( $D_0=25$ )



test4 布特沃斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=25)



test4 copy.bmp D0=50 功率谱比  $a=0.0018=0.18\%$   
test4 copy.bmp 原始图像

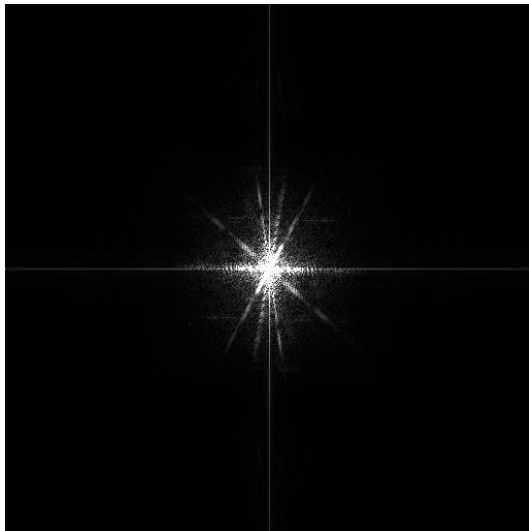
test4 布特沃斯高通滤波后 (D0=50)



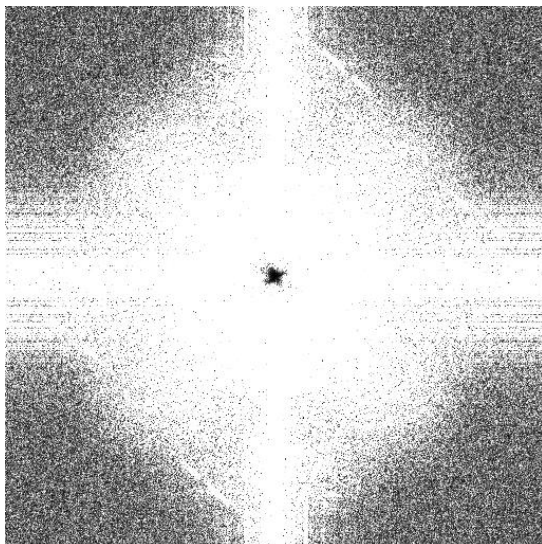
test4 的傅里叶谱



布特沃斯高通滤波器 (D0=50)



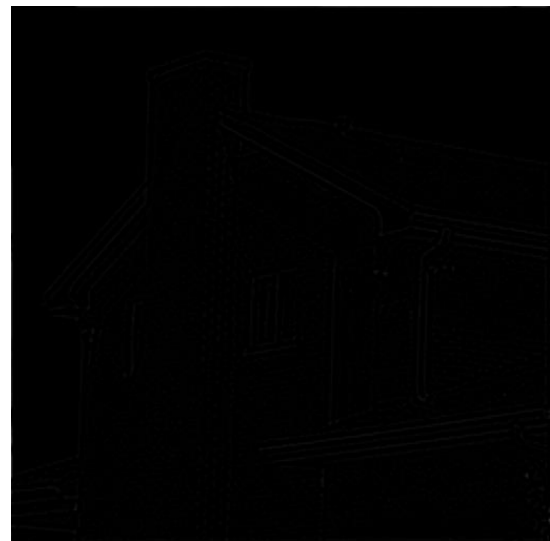
test4 布特沃斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)



test4 copy.bmp D0=75 功率谱比  $a = 7.3564 \times 10^{-4} = 0.073564\%$   
test4 copy.bmp 原始图像

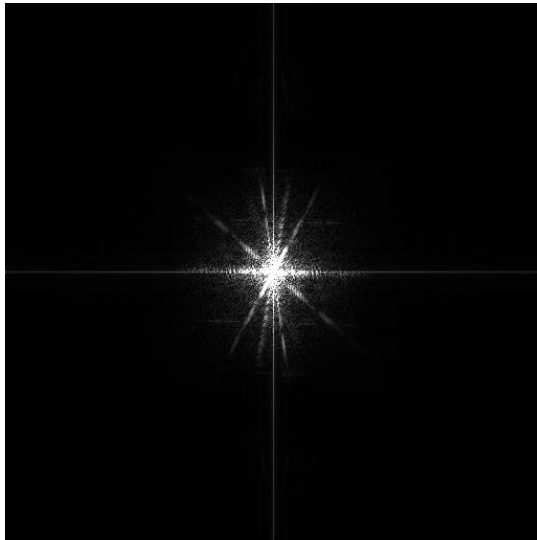


test4 的傅里叶谱

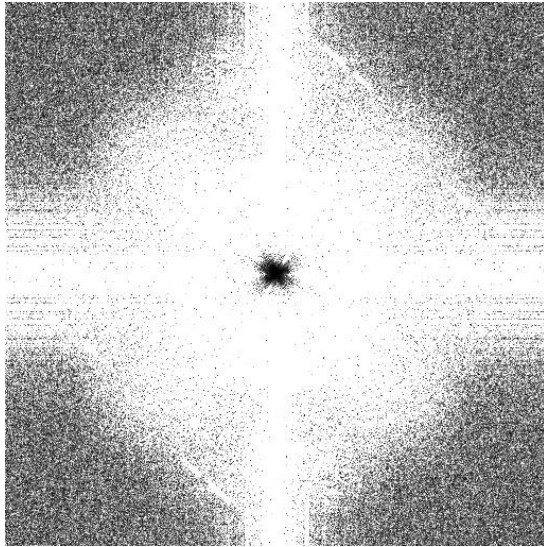
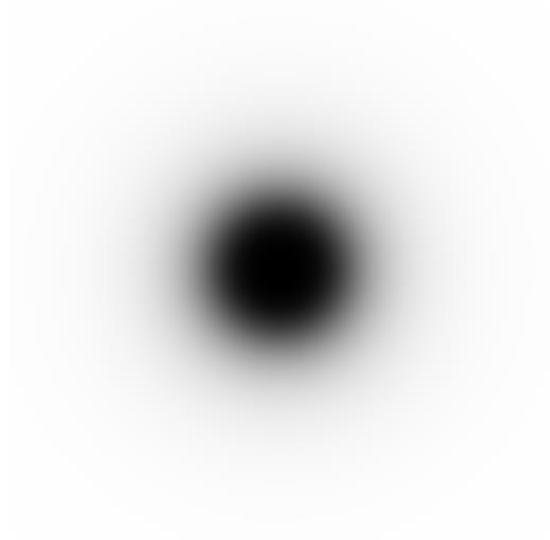


布特沃斯高通滤波器 (D0=75)





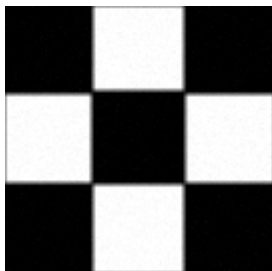
test4 布特沃斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=75)



test3\_corrupt.pgm D0=25 功率谱比  $a = 0.0022 = 0.22\%$

test3\_corrupt.pgm 原始图像

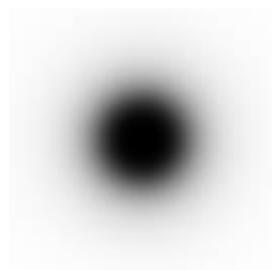
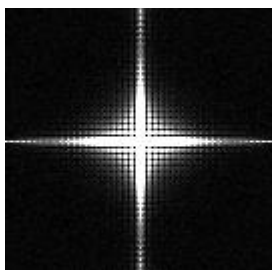
test3\_corrupt.pgm 布特沃斯高通滤波后 (D0=25)



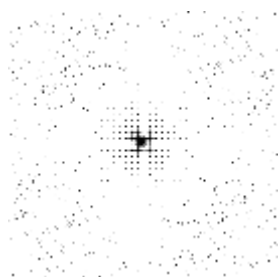
test3 的傅里叶谱



布特沃斯高通滤波器 (D0=25)



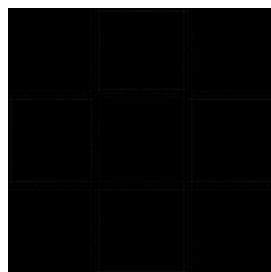
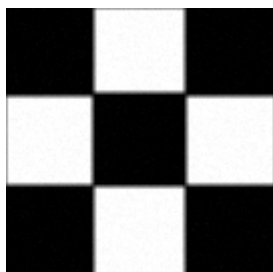
test3 布特沃斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=25)



test3\_corrupt.pgm D0=50 功率谱比  $a = 2.8169 \times 10^{-4} = 0.028169\%$

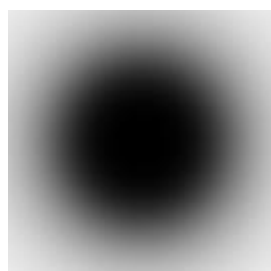
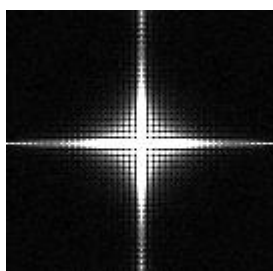
test3\_corrupt.pgm 原始图像

test3\_corrupt.pgm 布特沃斯高通滤波后 (D0=50)

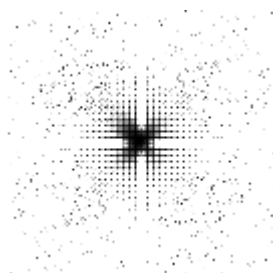


test3 的傅里叶谱

布特沃斯高通滤波器 (D0=50)



test3 布特沃斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)



2) 高斯高通滤波器

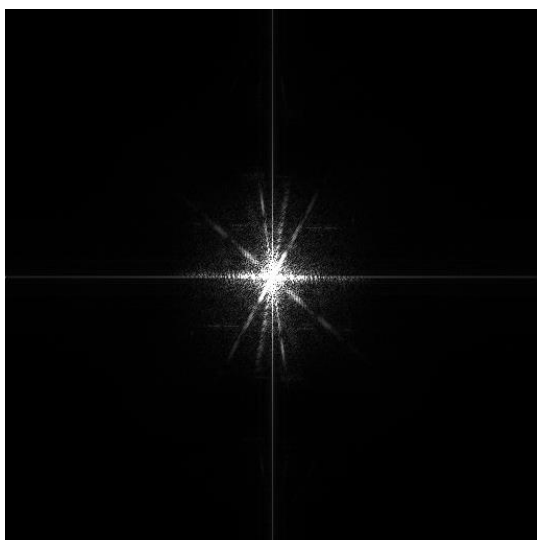
test4 copy.bmp D0=25 功率谱比  $a = 0.0071 = 0.71\%$

test4 copy.bmp 原始图像

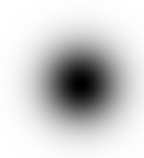
test4 高斯高通滤波后 (D0=25)



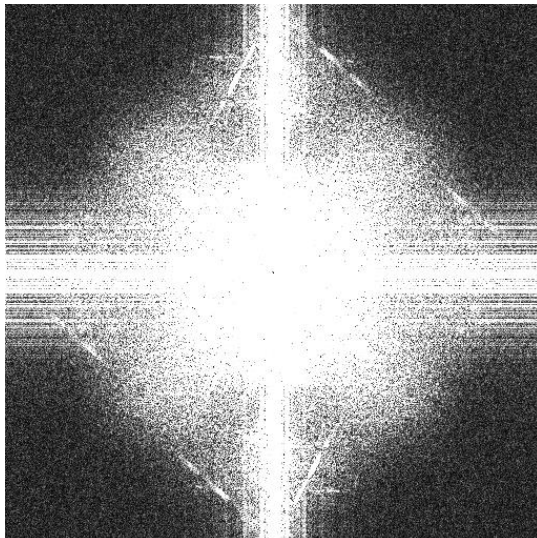
test4 的傅里叶谱



高斯高通滤波器 ( $D_0=25$ )



test4 高斯高通滤波后的傅里叶谱 ( $D_0=25$ )



test4 copy.bmp D0=50 功率谱比  $a = 0.0015 = 0.15\%$

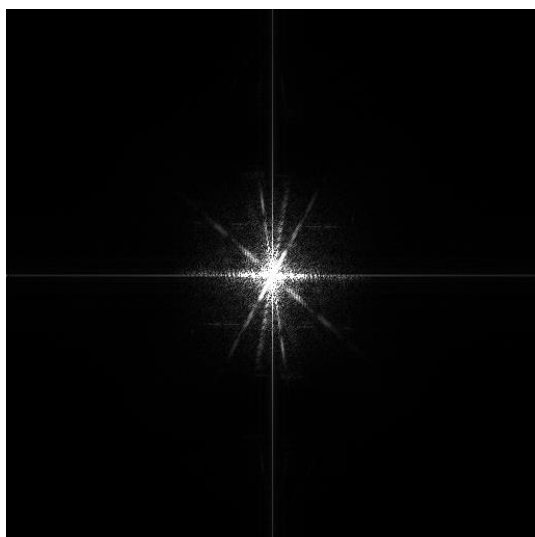
test4 copy.bmp 原始图像



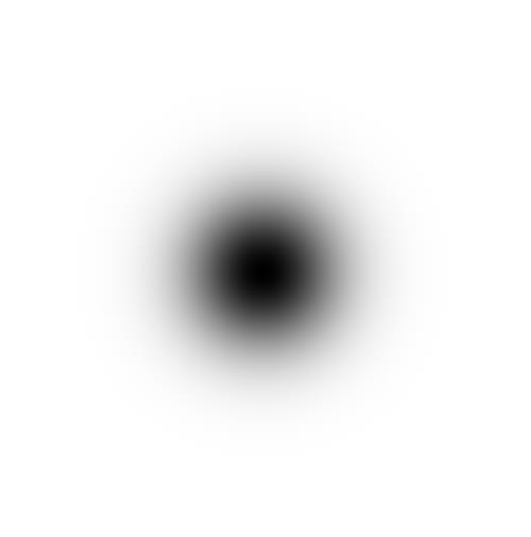
test4 高斯高通滤波后 (D0=50)



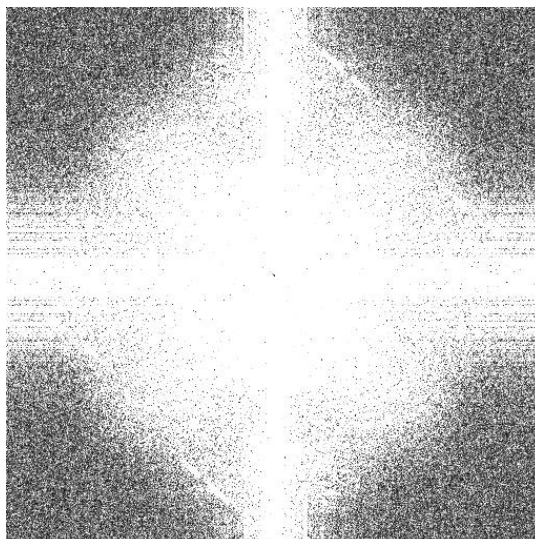
test4 的傅里叶谱



高斯高通滤波器 (D0=50)



test4 高斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)



test4 copy.bmp D0=75 功率谱比  $a=6.5073e-04=0.065073\%$

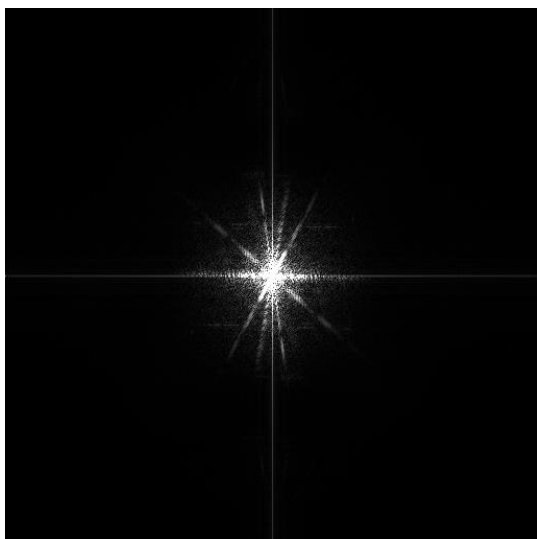
test4 copy.bmp 原始图像



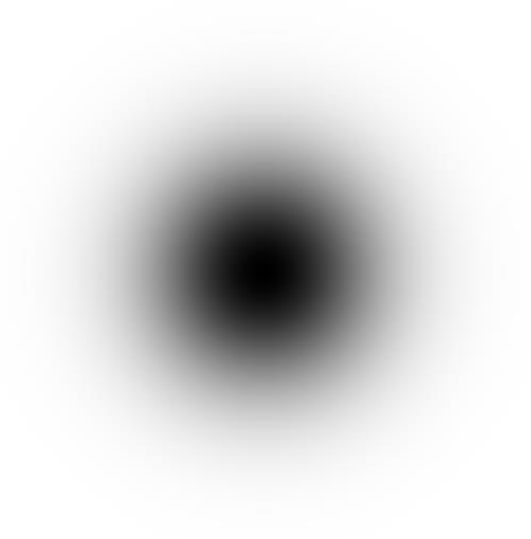
test4 高斯高通滤波后 (D0=75)



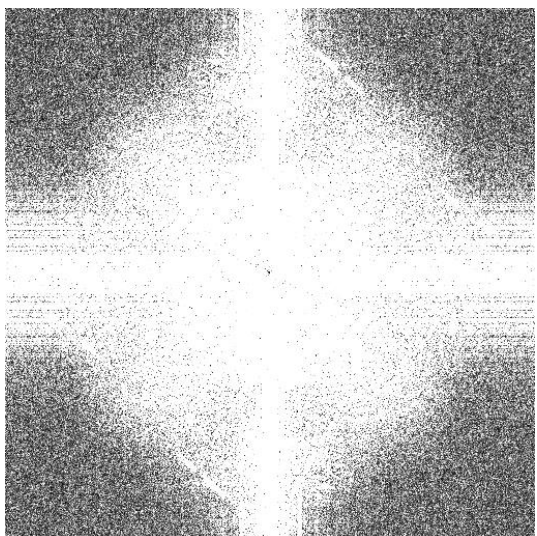
test4 的傅里叶谱



高斯高通滤波器 (D0=75)

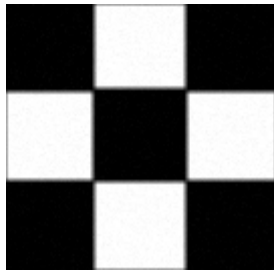


test4 高斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=75)

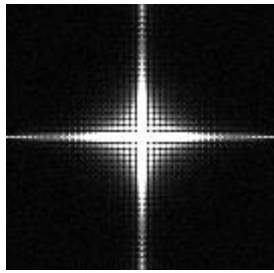


test3\_corrupt.pgm D0=25 功率谱比  $a = 0.0019 = 0.19\%$

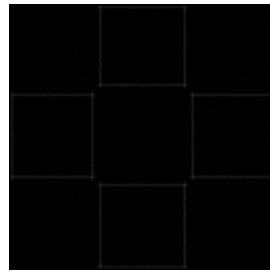
test3\_corrupt.pgm 原始图像



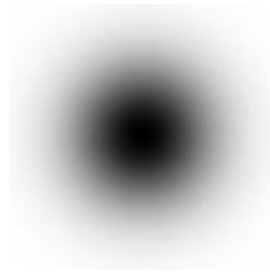
test3 的傅里叶谱



test3\_corrupt.pgm 高斯高通滤波后 (D0=25)



高斯高通滤波器 (D0=25)

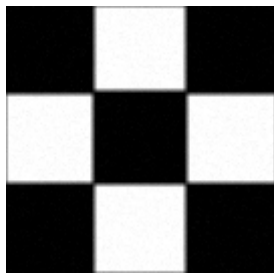


test3 高斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=25)

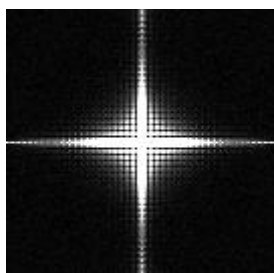


test3\_corrupt.pgm D0=50 功率谱比  $a = 0.027068\%$

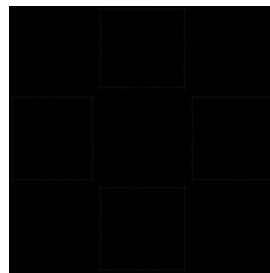
test3\_corrupt.pgm 原始图像



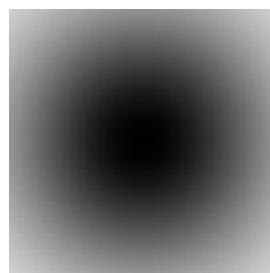
test3 的傅里叶谱



test3\_corrupt.pgm 高斯高通滤波后 (D0=50)



高斯高通滤波器 (D0=50)



test3 高斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=50)



### (3) 结果分析:

①对比每组图像处理结果中的原始图像和高通滤波后的图像,可以清晰看到高通滤波器的边缘增强效果;对比每组图像中原始图像的傅里叶谱、低通滤波器傅里叶谱以及滤波后图像的傅里叶谱,可以看到滤波在空间域是卷积关系和在频率域是相乘关系。高通滤波器对于低频分量的滤除和对于高频分量的保留作用。通过三幅图的对比,可以清晰的看到滤波器的截断效果。

②对比二阶布特沃斯高通滤波器和高斯高通滤波器,两种滤波器达到的基本效果是一致的,即增强图像边缘,滤除低频分量,保留高频分量。但两者在相同截止频率  $D_0$  时,得到的功率谱比却不同。

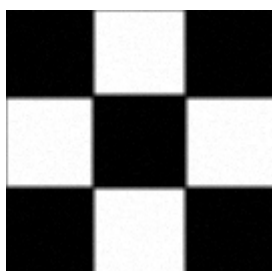
③对比高通滤波器和低通滤波器,高通滤波器在滤波的时候会将直流分量也一同滤除,导致图像变暗。造成当  $D_0$  增大到一定程度时,边缘将不见,整个图像变为黑色。

### 3、其他高通滤波器: 拉普拉斯和 Unmask, 对测试图像 test3,4 滤波;

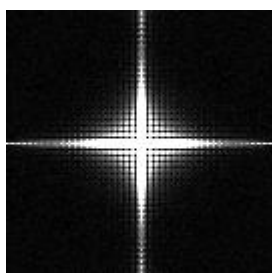
#### 1) 拉普拉斯高通滤波

test3\_corrupt.pgm (为进行归一化处理)

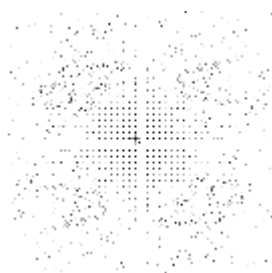
test3\_corrupt.pgm 原始图像



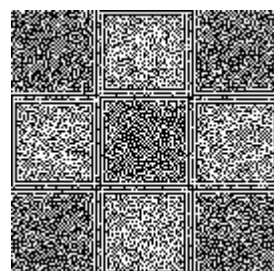
test3 的傅里叶谱



test3 拉普拉斯高通滤波后的傅里叶谱



test3\_corrupt.pgm 拉普拉斯高通滤波后

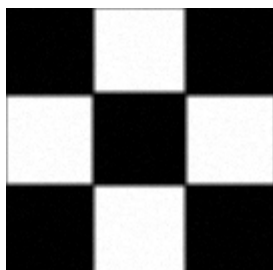


拉普拉斯高通滤波器

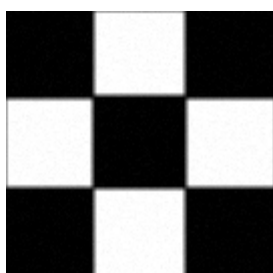


test3\_corrupt.pgm （进行归一化处理）

test3\_corrupt.pgm 原始图像



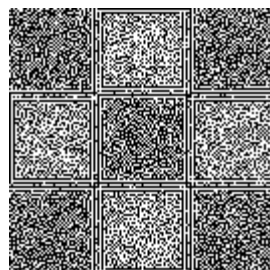
test3\_corrupt.pgm 拉普拉斯高通滤波后



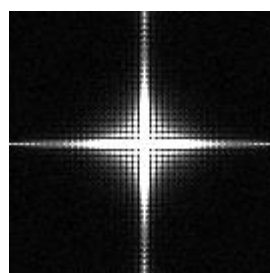
拉普拉斯高通滤波器



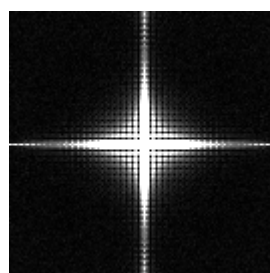
test3\_corrupt.pgm 的拉普拉斯图像



test3 的傅里叶谱



test3 拉普拉斯高通滤波后的傅里叶谱



test4 copy.bmp （未进行归一化处理）

test4 copy.bmp 原始图像



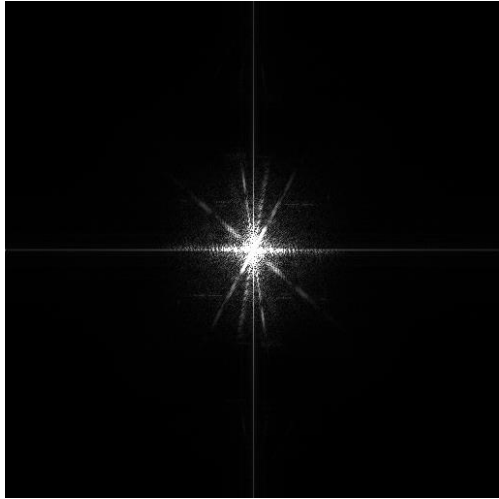
test4 的傅里叶谱

test4 copy.bmp 拉普拉斯高通滤波后

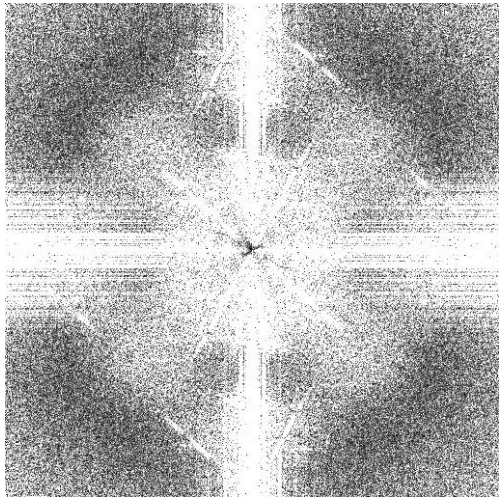


拉普拉斯高通滤波器





test4 拉普拉斯高通滤波后的傅里叶谱



test4 copy.bmp （进行归一化处理）

test4 copy.bmp 原始图像



test4 copy.bmp 的拉普拉斯图像

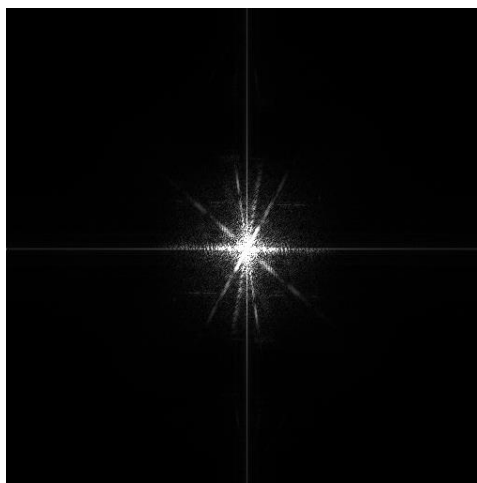


test4 copy.bmp 拉普拉斯高通滤波后

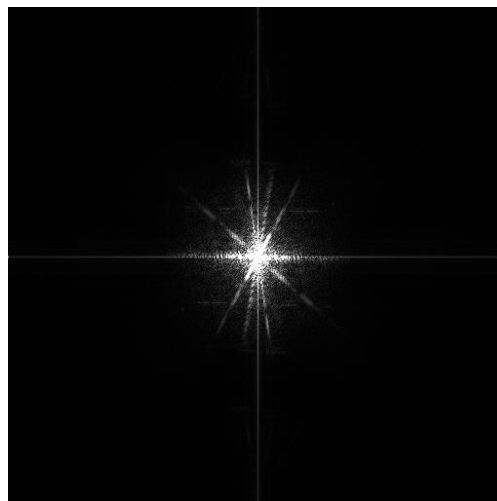


拉普拉斯高通滤波器

test4 的傅里叶谱



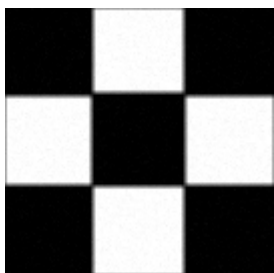
test4 拉普拉斯高通滤波后的傅里叶谱



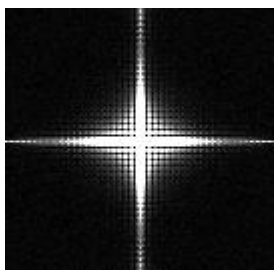
## 2) unmask 高通滤波器

test3\_corrupt.pgm

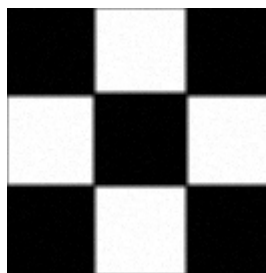
test3\_corrupt.pgm 原始图像



test3 的傅里叶谱



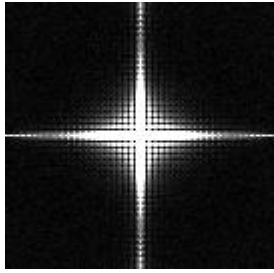
test3\_corrupt.pgm unmask 高通滤波后



unmask 高通滤波器



test3 unmask 高通滤波后的傅里叶谱



test4 copy.bmp

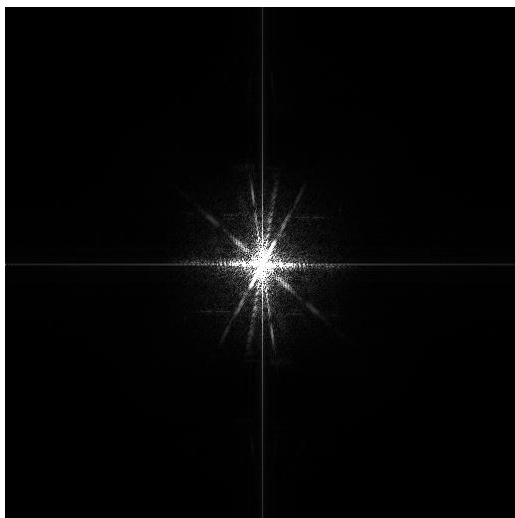
test4 copy.bmp 原始图像



test4 copy.bmp unmask 高通滤波后



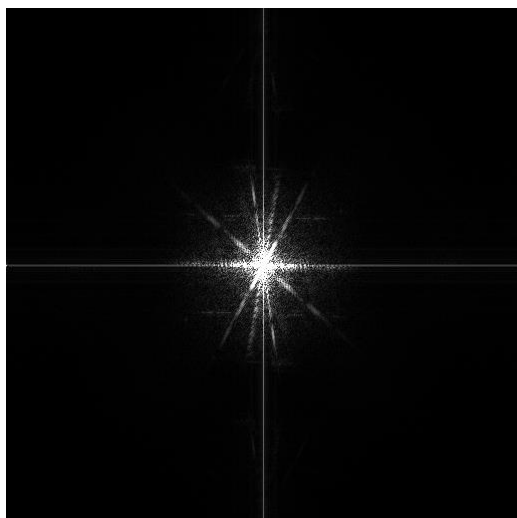
test4 的傅里叶谱



unmask 高通滤波器



test4 unmask 高通滤波后的傅里叶谱



#### (4) 结果分析及总结:

①对比每组图像处理结果中的原始图像和滤波后的图像,可以隐约看到滤波器的边缘增强效果;由于最后得到的高频图像要加到原始图像上构成新的图像,所以视觉上原始图像的傅里叶谱和滤波后图像的傅里叶谱基本一致。

②对于拉普拉斯滤波分别展示了不进行归一化处理的结果和进行归一化处理的结果。如果不进行归一化处理,拉普拉斯图像和原始图像不在同一范围内,所以滤波后的图像与拉普拉斯图像基本一致;当进行归一化处理后,即可得到正确的结果。

③对比拉普拉斯算子和 unmask 滤波,两者达到的基本效果是一致的。

#### 4、比较并讨论空域低通高通滤波 (Project3) 与频域低通和高通的关系。

空间域和频域滤波间的纽带是卷积定理。空间域中的滤波定义为滤波函数  $h(x, y)$  与输入图像  $f(x, y)$  进行卷积;频率域中的滤波定义为滤波函数  $H(u, v)$  与输入图像的傅里叶变换  $F(u, v)$  进行相乘。空间域的滤波器和频率域的滤波器互为傅里叶变换。

空域的锐化滤波对应频域的高通滤波。频域里低通滤波器的转移函数应该对应空域里平滑滤波器的模板函数的傅里叶变换。频域里高通滤波器的转移函数应该对应空域里锐化滤波器的模板函数的傅里叶变换。即空域和频域的滤波器组成傅里叶变换对。给定一个域内的滤波器,通过傅里叶变换或反变换得到在另一个域内对应的滤波器。空域的锐化滤波或频域的高通滤波可用两个空域的平滑滤波器或两个频域的低通滤波器实现。在频域中分析图像的频率成分与图像的视觉效果间的对应关系比较直观。空域滤波在具体实现上和硬件设计上有一定优点。

区别:空域技术中无论使用点操作还是模板操作,每次都只是基于部分像素的性质,而频域技术每次都利用图像中所有像素的数据,具有全局性,有可能更好地体现图像的整体特性,如整体对比度和平均灰度值等。

## 附录

### 【参考文献】

- [1] 冈萨雷斯.数字图像处理（第三版）北京：电子工业出版社，2011
- [2] 周品.MATLAB 数字图像处理 北京：清华大学出版社，2012
- [3] 杨杰.数字图像处理及 MATLAB 实现 北京：电子工业出版社，2010

### 【源代码】

#### Butterworth\_lp.m(题目 1 布特沃斯低通滤波器)

```
I=imread('test1.pgm');
figure(1);
imshow(I);
title('test1.pgm 原始图像');
imwrite(I,'test1 原始图像.bmp');
f=double(I);
F=fft2(f);
F=fftshift(F);
[P,Q]=size(F);
n_butterworth=2;
D0=75;
for u=1:P
    for v=1:Q
        D(u,v)=sqrt((u-fix(P/2))^2+(v-fix(Q/2))^2);
        H(u,v)=1/(1+(D(u,v)/D0)^(2*n_butterworth));
        G(u,v)=H(u,v)*F(u,v);
    end
end
g=ifftshift(G);
g=ifft2(g);
g=uint8(real(g));
figure(2);
imshow(g);
title('test1.pgm 经 butterworth 低通滤波后');
imwrite(g,'test1 布特沃斯低通滤波后 (D0=75).bmp');
S=0;
S1=0;
for u=1:P
    for v=1:Q
        L1=(abs(G(u,v)))^2;
        S1=S1+L1;
        L=(abs(F(u,v)))^2;
        S=S+L;
    end
end
L=S1/S
%绘制频谱图（显示为图像）
```

```

figure(3)
imshow(abs(255.*F./max(max(F))));
title('测试图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*F./max(max(F))), 'test1 的傅里叶谱.bmp');
figure(4);
imshow(abs(H));
title('显示为图像的滤波器 (D0=75)');
imwrite(abs(H), '布特沃斯低通滤波器 (D0=75).bmp');
figure(5)
imshow(abs(255.*G./max(max(G))));
title('滤波后图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*G./max(max(G))), 'test1 布特沃斯低通滤波后的傅里叶谱 (D0=75).bmp');

```

### Gaussian\_lp.m(题目 1 高斯低通滤波器)

```

I=imread('test1.pgm');
figure(1);
imshow(I);
title('test1.pgm 原始图像');
imwrite(I, 'test1 原始图像.bmp');
f=double(I);
F=fft2(f);
F=fftshift(F);
[P,Q]=size(F);
D0=75;
for u=1:P
    for v=1:Q
        D(u,v)=sqrt((u-fix(P/2))^2+(v-fix(Q/2))^2);
        H(u,v)=exp(-D(u,v)^2/(2*D0^2));
        G(u,v)=F(u,v)*H(u,v);
    end
end
g=ifftshift(G);
g=ifft2(g);
g=uint8(real(g));
figure(2);
imshow(g);
title('Gaussian 低通滤波后的 test1.pgm (D0=75)');
imwrite(g, 'test1 高斯低通滤波后 (D0=75).bmp');
S=0;
S1=0;
for i=1:P
    for j=1:Q
        L=(abs(F(i,j)))^2; %计算结果图像的功率谱
    end
end

```

```

        S=S+L;
        L1=(abs(G(i,j)))^2;           %计算源图像的功率谱
        S1=S1+L1;
    end
end
L=S1/S           %计算功率谱比
%绘制频谱图（显示为图像）
figure(3)
imshow(abs(255.*F./max(max(F))));
title('测试图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*F./max(max(F))), 'test1 的傅里叶谱.bmp');
figure(4);
imshow(abs(H));
title('显示为图像的滤波器（D0=75）');
imwrite(abs(H), '高斯低通滤波器（D0=75）.bmp');
figure(5)
imshow(abs(255.*G./max(max(G))));
title('滤波后图像的傅里叶谱（D0=75）');
imwrite(abs(255.*G./max(max(G))), 'test1 高斯低通滤波后的傅里叶谱
（D0=75）.bmp');

```

### Butterworth\_hp.m(题目 2 布特沃斯高通滤波器)

```

I=imread('test4 copy.bmp');
figure(1);
imshow(I);
title('test4 copy.bmp 原始图像');
imwrite(I, 'test4 原始图像.bmp');
f=double(I);
F=fft2(f);
F=fftshift(F);
[P,Q]=size(F);
n_butterworth=2;
D0=25;
for u=1:P
    for v=1:Q
        D(u,v)=sqrt((u-fix(P/2))^2+(v-fix(Q/2))^2);
        H(u,v)=1/(1+(D0/D(u,v))^(2*n_butterworth));
        G(u,v)=H(u,v)*F(u,v);
    end
end
g=ifftshift(G);
g=ifft2(g);
g=uint8(real(g));
figure(2);

```

```

imshow(g);
title('test4 copy.bmp 经 butterworth 高通滤波后');
imwrite(g, 'test4 布特沃斯高通滤波后 (D0=25) .bmp');
S=0;
S1=0;
for u=1:P
    for v=1:Q
        L1=(abs(G(u,v)))^2;
        S1=S1+L1;
        L=(abs(F(u,v)))^2;
        S=S+L;
    end
end
L=S1/S
%绘制频谱图 (显示为图像)
figure(3)
imshow(abs(255.*F./max(max(F))));
title('测试图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*F./max(max(F))), 'test4 的傅里叶谱.bmp');
figure(4);
imshow(abs(H));
title('显示为图像的滤波器 (D0=25)');
imwrite(abs(H), '布特沃斯高通滤波器 (D0=25) .bmp');
figure(5)
imshow(abs(255.*G./max(max(G))));
title('滤波后图像的傅里叶谱 (D0=25)');
imwrite(abs(255.*G./max(max(G))), 'test4 布特沃斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=25) .bmp');

```

### **Gaussian\_hp.m(题目 2 高斯高通滤波器)**

```

I=imread('test4 copy.bmp');
figure(1);
imshow(I);
title('test4 copy.bmp 原始图像');
imwrite(I, 'test4 原始图像.bmp');
f=double(I);
F=fft2(f);
F=fftshift(F);
[P,Q]=size(F);
D0=50;
for u=1:P
    for v=1:Q
        D(u,v)=sqrt((u-fix(P/2))^2+(v-fix(Q/2))^2);
        H(u,v)=1-exp(-D(u,v)^2/(2*D0^2));
    end
end

```



```

        G(u,v)=F(u,v)*H(u,v);
    end
end
g=ifftshift(G);
g=ifft2(g);
g=uint8(real(g));
figure(2);
imshow(g);
title('Gaussian 高通滤波后的 test4 copy.bmp (D0=50)');
imwrite(g,'test4 高斯高通滤波后 (D0=50).bmp');
S=0;
S1=0;
for i=1:P
    for j=1:Q
        L=(abs(F(i,j)))^2;                %计算结果图像的功率谱
        S=S+L;
        L1=(abs(G(i,j)))^2;                %计算源图像的功率谱
        S1=S1+L1;
    end
end
L=S1/S                %计算功率谱比
%绘制频谱图（显示为图像）
figure(3)
imshow(abs(255.*F./max(max(F))));
title('测试图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*F./max(max(F))), 'test4 的傅里叶谱.bmp');
figure(4);
imshow(abs(H));
title('显示为图像的滤波器 (D0=50)');
imwrite(abs(H), '高斯高通滤波器 (D0=50).bmp');
figure(5)
imshow(abs(255.*G./max(max(G))));
title('滤波后图像的傅里叶谱 (D0=50)');
imwrite(abs(255.*G./max(max(G))), 'test4 高斯高通滤波后的傅里叶谱 (D0=50).bmp');

```

### **laplacian\_hp.m**（题目3 拉普拉斯高通滤波器（未进行归一化处理））

```

I=imread('test4 copy.bmp');
figure(1);
imshow(I);
title('test4 copy.bmp 原始图像');
imwrite(I,'test4 copy 原始图像.bmp');
f=double(I);
F=fft2(f);

```

```

F=fftshift(F);
[P,Q]=size(F);
c=1;
for u=1:P
    for v=1:Q
        D(u,v)=sqrt((u-fix(P/2))^2+(v-fix(Q/2))^2);
        H(u,v)=1+c*4*pi^2*D(u,v)^2;
        G(u,v)=H(u,v)*F(u,v);
    end
end
g=ifftshift(G);
g=ifft2(g);
g=uint8(real(g));
figure(2);
imshow(g);
title('test4 copy.bmp 经拉普拉斯滤波后');
imwrite(g,'test4 copy 经拉普拉斯滤波后.bmp');
%绘制频谱图（显示为图像）
figure(3)
imshow(abs(255.*F./max(max(F))));
title('测试图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*F./max(max(F))), 'test4 的傅里叶谱.bmp');
figure(4);
imshow(abs(255.*H./max(max(H))));
title('显示为图像的拉普拉斯滤波器');
imwrite(abs(255.*H./max(max(H))), '拉普拉斯高通滤波器.bmp');
figure(5)
imshow(abs(255.*G./max(max(G))));
title('滤波后图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*G./max(max(G))), 'test4 拉普拉斯高通滤波后的傅里叶谱.bmp');

```

### **laplacian\_hp\_guiyihua.m**（题目3 拉普拉斯高通滤波器（进行归一化处理））

```

I=imread('test4 copy.bmp');
figure(1);
imshow(I);
title('test4 copy.bmp 原始图像');
imwrite(I,'test4 copy 原始图像.bmp');
f=double(I);
F=fft2(f);
F=fftshift(F);
[P,Q]=size(F);
c=1;
for u=1:P

```

```

    for v=1:Q
        D(u,v)=sqrt((u-fix(P/2))^2+(v-fix(Q/2))^2);
        H(u,v)=c*4*pi^2*D(u,v)^2;
        F2(u,v)=H(u,v)*F(u,v);
    end
end
f2=ifftshift(F2);
f2=ifft2(f2);
f2=uint8(real(f2));
figure(2);
imshow(f2);
title('test4 copy.bmp 的拉普拉斯图像');
imwrite(f2,'test4 copy 的拉普拉斯图像.bmp');
%归一化
maxf2=max(max(real(f2)));
for u=1:P
    for v=1:Q
        g(u,v)=f(u,v)+f2(u,v)/maxf2;
    end
end
g=uint8(real(g));
figure(3);
imshow(g);
title('test4 copy.bmp 经拉普拉斯滤波后的图像');
imwrite(g,'test4 copy 经拉普拉斯滤波后的图像.bmp');
%绘制频谱图（显示为图像）
figure(4)
imshow(abs(255.*F./max(max(F))));
title('测试图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*F./max(max(F))), 'test34 的傅里叶谱.bmp');
figure(5);
imshow(abs(255.*H./max(max(H))));
title('显示为图像的拉普拉斯滤波器');
imwrite(abs(255.*H./max(max(H))), '拉普拉斯高通滤波器.bmp');
G=fft2(g);
G=fftshift(G);
figure(6)
imshow(abs(255.*G./max(max(G))));
title('滤波后图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*G./max(max(G))), 'test4 拉普拉斯高通滤波后的傅里叶谱.bmp');

unmask_hp.m（题目 3unmask 高通滤波器）
I=imread('test4 copy.bmp');

```

```

figure(1);
imshow(I);
title('test4 copy.bmp 原始图像');
imwrite(I, 'test4 copy 原始图像.bmp');
f=double(I);
F=fft2(f);
F=fftshift(F);
[P,Q]=size(F);
k1=1;k2=1;D0=100;
%unmask 中使用高斯高通滤波器
for u=1:P
    for v=1:Q
        D(u,v)=sqrt((u-fix(P/2))^2+(v-fix(Q/2))^2);
        H(u,v)=1-exp(-D(u,v)^2/(2*D0^2));
        G(u,v)=(k1+k2*H(u,v))*F(u,v);
    end
end
g=ifftshift(G);
g=ifft2(g);
g=uint8(real(g));
figure(2)
imshow(g);
title('test4 copy.bmp 经 unmask 滤波后');
imwrite(g, 'test4 copy 经 unmask 滤波后.bmp');
%绘制频谱图（显示为图像）
figure(3)
imshow(abs(255.*F./max(max(F))));
title('测试图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*F./max(max(F))), 'test4 的傅里叶谱.bmp');
figure(4);
imshow(abs(255.*H./max(max(H))));
title('显示为图像的 unmask 高通滤波器');
imwrite(abs(255.*H./max(max(H))), 'unmask 高通滤波器.bmp');
figure(5)
imshow(abs(255.*G./max(max(G))));
title('滤波后图像的傅里叶谱');
imwrite(abs(255.*G./max(max(G))), 'test4 unmask 高通滤波后的傅里叶谱.bmp');

```