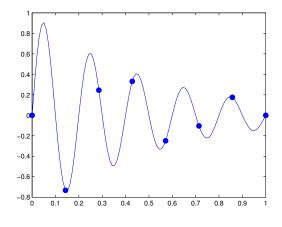
## Matlab 14-15 for dummies : exercice 3 Interpolations d'Hermite

On souhaite interpoler une fonction u(x) au moyen d'une interpolation cubique par morceaux  $u^h(x)$ . Nous disposons de n+1 points

$$X_0 < X_1 < X_2 < \dots < X_n$$

où la valeur  $U_i$  de la fonction u(x) et celle de la dérivée  $U_i'$  sont fournies. L'interpolation d'Hermite se compose donc de n polynômes de degré trois  $u_{h_i}(x)$  définis sur les intervalles  $[X_{i-1}, X_i]$  de telle manière que

$$\begin{cases} u_{h_i}(X_{i-1}) &= U_{i-1} \\ u_{h_i}(X_i) &= U_i \\ u'_{h_i}(X_{i-1}) &= U'_{i-1} \\ u'_{h_i}(X_i) &= U'_i \end{cases}$$



On vous demande de :

- 1. Ecrire une fonction [uh] = hermite(n,X,U,dU,x) qui fournit les ordonnées correspondant aux abscisses x pour l'interpolation d'Hermite des n+1 données  $(X_k,U_k,U_k')$ . Les n+1 premiers éléments des vecteurs X, U et dU contiennent les valeurs des abscisses, des ordonnées et des dérivées. On peut supposer que tous les éléments du vecteur x sont inclus dans l'intervalle  $[X_0,X_n]$ . Si nécessaire, on pourrait aussi utiliser la première ou la dernière cubique pour les extrapolations à gauche et à droite respectivement.
- 2. Un programme test\_matlab3 vous est fourni pour tester votre fonction.

```
n = 8;
X = linspace(0,1,n+1);
U = exp(-2*X).*sin(10*pi*X);
dU = 10*pi*exp(-2*X).*cos(10*pi*X) -2 *U;

x = linspace(0,1,100);
u = exp(-2*x).*sin(10*pi*x);
uh = hermite(n,X,U,dU,x);

plot(x,u,'b-', x,uh,'r-',X,U,'b.','Markersize',25);
title(['Interpolation Hermite : n = ' num2str(n) ' ' ],'Fontsize',15);
legend('Fonction u','Interpolation uh','Location','NorthEast');
```

- 3. Certains petits futés observeront qu'une fonction de MATLAB fait exactement ce qui est demandé. Malheureusement, un informaticien malicieux a retiré cette fonction de la version de MATLAB qui servira à tester votre programme. Il est donc fortement déconseillé d'y faire appel! Attention, la fonction pchip ne fait pas exactement la même chose que ce qui est demandé ici :-)
- 4. Votre fonction (avec les éventuelles sous-fonctions que vous auriez créées) sera incluse dans un unique fichier hermite.m, sans y adjoindre le programme de test fourni, mais en y incluant la fonction de calcul de B-splines même si vous ne l'avez pas modifiée. Cette fonction devra être soumise via le web avant le mardi 28 octobre à 23h59 : ce travail est individuel et sera évalué. Pour permettre une correction plus aisée, ne pas inclure les commandes clc et close all dans votre fonction hermite.