



a)
$$\frac{x^5 - x^3 + 1}{x(x+1)^3(x^2-1)^2}$$
,

$$(x+1)^{3}(x-1)(x+1)(x+1)(x+1)$$
 $(x+1)^{3}(x-1)^{2}$

ZADANIE 16. Dana jest funkcja określona wzorem $f(x) = \frac{1}{x}$. Rozwiązać nierówności:

$$f(x) - f\left(\frac{1}{x}\right) < f(x^3) - f\left(\frac{1}{x^3}\right).$$

$$\frac{1}{x} - x < \frac{1}{x^3} - x^3$$

return acc

 $(4-3)(4+1)+(4\cdot2-3)(4\cdot2+1)$ Zaktadamy ze wzer jest prondring dla landne $n^2+Z(\frac{n+1}{2})+n$ 2->1 $21n \Rightarrow n \cdot (n+1)/2$ 1 > 0 $\sim (2 \mid n) \Rightarrow n/2 \cdot (n+1)$ $n^2 + 2\left(\frac{n+1}{2}\right) + n$ $2 | n \Rightarrow n^2 + n \cdot \lfloor n + 1 \rfloor + n$ $2 | n \Rightarrow n^2 + \lfloor n \rfloor \cdot (n + 1) + n$

c) $10^n + 4^n - 2$ jest podzielna przez 3.

 $\frac{4n}{n+1} < \frac{(n!)^2}{(n!)^2}$ 4n+1 (2n+2)! n+2 (n+1)!/2 $\frac{4^{n}\cdot 4}{n+2} = \frac{(n+1)\cdot n!}{(n+1)\cdot n!}$ (4x 4). (x+1).x1)2<(x+2)(2x+2)! 4n+1.[n+1)]{ $4^{n+1} \cdot [n+1) \cdot n \cdot 3^{e} - (n+2) (2n+2)! < 0$ $4^{n+1} \cdot (n+1)^2 \cdot n!^2 - (n+2)(2n+2)!$ $4^{n} \cdot 4(n+1)^2 \cdot n!^2 - (n+2)(2n+2)(2n+1)(2n)!$ $4^{n} \cdot 4(n^2+2n+2) \cdot n^2 - (n+2)(2n+2)(2n+2)(2n+1)(2n)!$

dla wszystkich $n \in \mathbb{N}$.





