

## Optimisation

Michael

X I NATIS





Compétence demandée : Savoir estimer la performance Connaître certaines classes d'algorithmes













- 1. Comportement asymptotique
- 2. Type d'algorithmes



# Comment évaluer la performance d'un algorithme?



- Complexité temporelle : mesure la performance temporelle
- 2. Complexité spatiale : mesure l'espace nécessaire à l'exécution



#### #exercices



#### 1. Comportement asymptotique



### Comportement asymptotique Quand les données à traiter sont très très nombreux



#### Comportement asymptotique

$$O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n \log (n)) < O(n*n) < O(exp(n))$$



#### Comportement asymptotique

$$O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n \log (n)) < O(n*n) < O(exp(n))$$

Plus rapide Plus lent



# Vous voulez vraiment gagner 1 million de dollars ?



# Problèmes NP-complet: Problème que l'on ne peut pas résoudre efficacement aujourd'hui



#### Comportement asymptotique

$$O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n \log (n)) < O(n*n) < O(exp(n))$$

Plus rapide

Plus lent

Problème NP-complet





# Grand O de Landau Décrit un comportement asymptotique



# Grand O de Landau Décrit un comportement asymptotique







### 2. Type d'algorithmes



- 1. Brute force
- 2. Backtracking
- 3. Programmation dynamique
- 4. Divide and conquer



- 1. Problème de satisfaction
- 2. Sudoku/Echecs
- 3. Le plus court chemin
- 4. Les 2 points les plus proches



# Problème de satisfaction brute force

#### Problème SAT ou B-SAT





# Echecs backtracking

Echecs

#### X INATIS







# Récurrence d'ordre 1 et récursivité



- 1. Hypothèse
- 2. Terminaison
- 3. Itération



## 1. Hypothèse



- 1. Hypothèse
- 2. Terminaison



- 1. Hypothèse
- 2. Terminaison
- 3. Itération





# Le plus court chemin programmation dynamique

### Le plus court chemin





# Les 2 points les plus proches divide and conquer

### Les 2 points les plus proches

