

# Децентрализованное управление строем

Хасан Хафизов

13 июня 2017 г.

## 1 Постановка задачи

## 2 Механическая модель агента

Моделью агента является материальная точка с массой  $m$ . Закон движения:

$$\begin{cases} m\ddot{x} = F_x \\ m\ddot{y} = F_y \end{cases}$$

$\vec{F}$  — сила, действующая на агента, может включать в себя:

$$\vec{F} = \vec{u} + \vec{W} + \vec{F}_{\text{тр}}$$

Где  $\vec{u}$  — управляющее воздействие,  $\vec{W}$  — случайные помехи,  $\vec{F}_{\text{тр}}$  — сила трения.

В предлагаемом мной алгоритме управления агентов можно разделить на два класса:

- интеллектуальный (мастер)
- управляемый (миньон)

Закон управления для этих двух типов агентов задаётся по-разному.

### 2.1 Мастер

Мастером является агент, для которого желаемый закон движения  $S_d$  задаётся оператором извне: это может быть записанная в память агента траектория, целевая позиция или скорость.

Фактически, этот агент ничего не знает о существовании других агентов в строю (миньонов). Его задача — выполнение поставленного закона

движения, поэтому закон управления зависит только от закона движения:

$$\vec{u} = \vec{u}(S_d)$$

Рассмотрим конкретный закон управления  $\vec{u}_{tr}$ : движение по некоторой траектории  $\vec{tr}(t)$ :

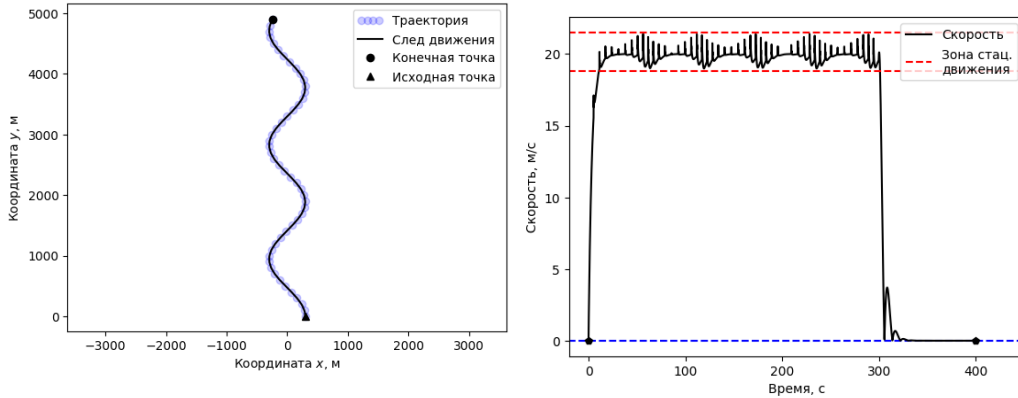
$$\vec{u}_{tr} = \vec{u}_{along} + \vec{u}_{across}$$

Закон управления состоит из двух частей. Первая  $\vec{u}_{along}$  отвечает за усилие вдоль траектории, вторая  $\vec{u}_{across}$  — поперёк. Направлением для  $\vec{u}_{along}$  служит направление вектора между текущим положением агента и следующей точкой траектории.

*(Тут будет более подробно о том, как вычисляется следующая точка траектории, о алгоритмах управления на PD регуляторах, которые используются как в  $\vec{u}_{along}$ , так и в  $\vec{u}_{across}$ )*

Пример движения мастера по траектории, задаваемой параметрическим уравнением, где  $s$  — параметр:  $s \in [0, 5000]$ .

$$x(s) = 300 \cdot \cos\left(\frac{s}{300}\right); y(s) = s$$



(a) Исходная траектория и след от движения

(b) Скорость движения мастера

Рис. 1: Движение мастера по заданной траектории с заданной скоростью  $v_{desired} = 20 \frac{м}{с}$ . Расстояния на рисунках задаются в метрах, время в секундах, скорость в  $\frac{м}{с}$

### 2.1.1 Оценка движения мастера по траектории

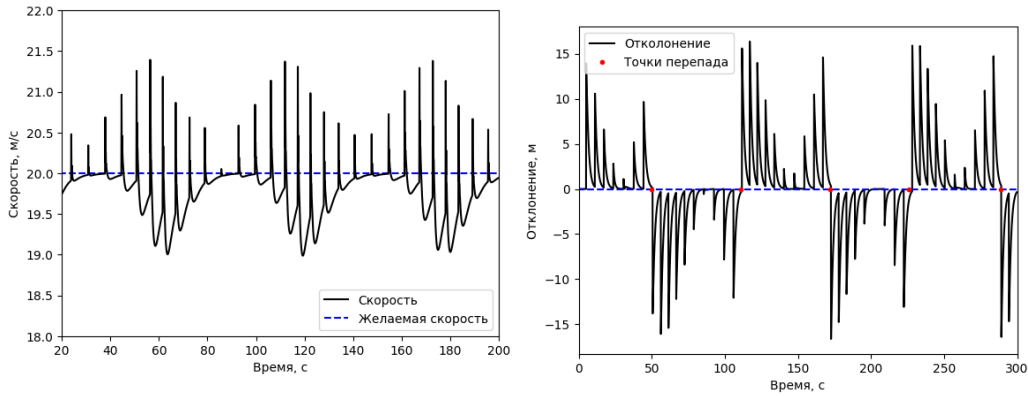
Агент преодолел заданную траекторию за  $t = 331$ с.

Проеденное расстояние:

$$S = \int_0^{5000} \sqrt{x'^2(s) + y'^2(s)} ds \approx 6051\text{м}$$

Средняя скорость  $v_{av} = 18.3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$ .

Стационарным режимом движения можно назвать режим, при котором скорость агента колеблется в пределах между  $18.8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$  и  $21.5 \frac{\text{м}}{\text{с}}$ . Более подробно скорость мастера в стационарном режиме можно увидеть на рис. 2а



(а) Скорость мастера в стационарном режиме (б) Отклонения мастера от траектории

Рис. 2: Иллюстрация отклонений от желаемого закона движения

Отклонения агента от заданной траектории представлены на рис. 2б. Выше нуля — отклонения от траектории вправо, ниже нуля — влево. Максимальное отклонение составляет примерно 15 м.

Резкие перепады на графике, обозначенные как точки перепада объясняются тем, что в этих точках у траектории изменяется знак первой производной, а агент, всегда остающийся на внутренней части траектории резко оказывается на внешней. Проверим это утверждение. Заданное выше параметрическое уравнение фактически является уравнением

$$x = 300 \cdot \cos\left(\frac{y}{300}\right)$$

Равенство нулю первой производной:

$$\sin\left(\frac{y}{300}\right) = 0 \Rightarrow y = 300\pi n$$

Найдём первые 5 точек траектории, в которой происходит смена знака второй производной:

$$M = \left\{(-300; 942), (300; 1885), (-300; 2827), (300; 3770), (-300; 4712)\right\}$$

Найдём моменты времени, в которые эти точки будут достигнуты агентом:

$$\hat{L}_t = \{61c, 118c, 177c, 234c, 292c\}$$

Реальные же моменты времени, в которые просходит резкое изменение величины отклонения от траектории:

$$L_t = \{50c, 110c, 172c, 226c, 289c\}$$

То есть, изменение стороны относительно линии траектории по которой движется агент изменяется незадолго до того, как будет изменён знак первой производной траектории. Эта закономерность так же наблюдается на рис. 3.

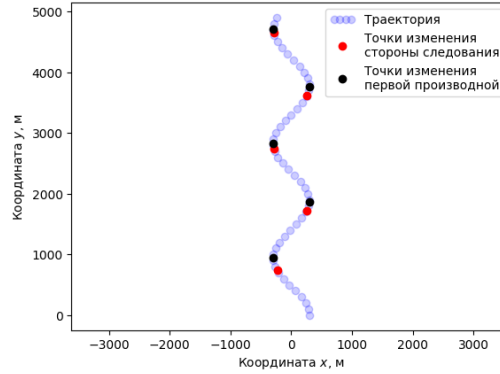


Рис. 3: Траектория с наложенными на неё точками изменения стороны следования и точками изменения знака первой производной.

*(Тут будет исследование устойчивости алгоритма к случайным возмущениям)*

Выводы: движение мастера по траектории является точным и предсказуемым. Данный алгоритм управления по траектории с задаваемой скоростью является пригодным для применения.

## 2.2 Миньон

Миньон является ведомым агентом, он не имеет информации о траектории движения.

Расчёт местоположения виртуального лидера просходит следующим образом:

1. Получение текущих координат от агента, являющегося

## 3 Строй

Строй представляет из себя множество агентов соединённых связями, подобно графу. Для каждого агента, не являющегося мастером должно быть определено не менее одного агента-лидера. Лидером для агента может быть как мастер, так и любой миньон. Каждый агент — вершина графа, каждая связь миньон-лидер — ребро графа. Пример строя из 5-ти агентов изображён на рис.4.

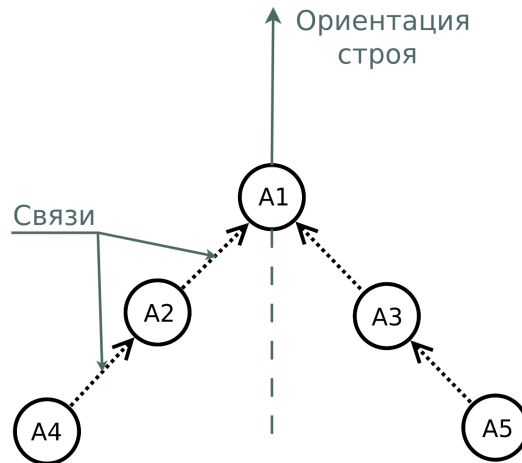


Рис. 4: Пример клиновидного строя из 5-ти агентов

Каждая связь  $J_{ij}$  — это вектор в полярных координатах, у которого радиус — это расстояние от миньона  $i$  до миньона лидера  $j$ , а угол — это угол между изначальной ориентацией строя и вектором, соединяющим миньона с его лидером. К примеру, если расстояния между каждой парой агентов равно 1м, то связи:

- $J_{1j}$  — не определены ни для каких  $j$ :  $A_1$  является мастером
- $J_{21} = (r = 1\text{м}; \varphi = 225^\circ)$  — для миньона  $A_2$  агентом лидером является мастер  $A_1$ . Агенты находятся на расстоянии 1м, угол между

соединяющим их вектором и вектором изначальной ориентации составляет  $225^\circ$

- $J_{31}, J_{42}, J_{53}$  — определяются аналогично

При повороте строя поворачивается и вектор ориентации строя, за счёт чего далее пересчитывается позиция, в которой должен находиться агент после поворота.

Например, на рис. 5 изображён поворот строя на угол  $b$ . Для того, чтобы пересчитать позицию, в которой должен находиться миньон после поворота (далее виртуальный лидер) необходимо повернуть вектор изначальной ориентации  $O_0$  на угол  $b + \varphi$ , где  $\varphi$  — угол из любого вектора связи  $J_{ij}$  миньона  $i$ , далее от положения выбранного миньона-лидера необходимо отложить расстояние равное  $r$  из вектора связи в направлении повернутого вектора изначальной ориентации  $O_0$ .

Рассмотрим пример того, как будет пересчитан

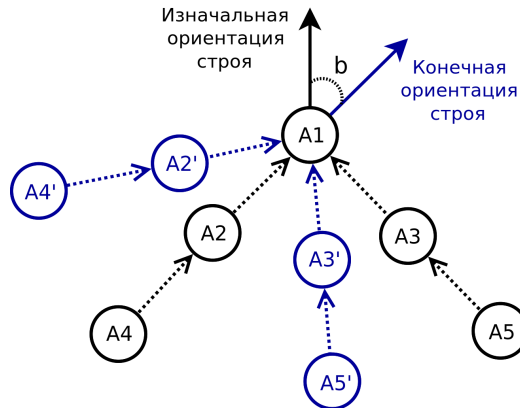


Рис. 5: Поворот строя на угол  $b$

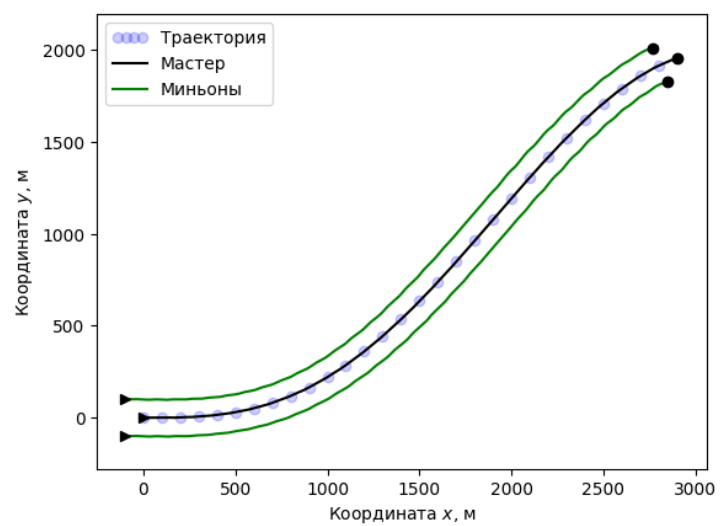


Рис. 6: Движение строем мастера и двух миньонов