

CI 3 – CIN : ÉTUDE DU COMPORTEMENT CINÉMATIQUE DES SYSTÈMES

CHAPITRE 5 – CINÉMATIQUE DU SOLIDE INDÉFORMABLE

Activité proposée par F. Mathurin

Robot ramasseur de fruits

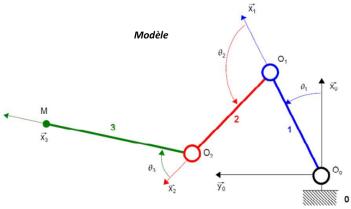
On étudie un robot ramasseur de fruits. Il permet à un agriculteur de cueillir, de manière automatique, les fruits mûrs dans les arbres, et de les mettre dans un conteneur spécifique.

Le bras 1 tourne autour de l'axe $(O_0, \overline{z_0})$ par rapport au bâti 0. Le bras 2 tourne autour de l'axe $(O_1, \overline{z_0})$ par rapport à 1. Le bras 3 tourner autour de l'axe $(O_2, \overline{z_0})$ par rapport à 2. On pose :

- $\overrightarrow{O_0 O_1} = R \overrightarrow{x_1};$
- $\overrightarrow{O_1 O_2} = R \overrightarrow{x_2};$
- $\overrightarrow{O_2M} = L\overrightarrow{x_3};$

Exigences techniques	Critère	Niveau
Exigence 1.4	Vitesse d'approche du fruit	< 3 cm/s





Question 1

Construire les figures planes de repérage/paramétrage puis exprimer les vecteurs vitesse instantanée de rotation $\overline{\Omega(1/0)}$, $\overline{\Omega(2/1)}$, $\overline{\Omega(3/2)}$.

Question 2

Déterminer $\overrightarrow{V(O_1 \in 1/0)}$.

Question 3

Déterminer $\overrightarrow{V(O_2 \in 2/0)}$.

CI 3: CIN – TD

Ch 5 : Cinématique du solide - E



Question 4

Déterminer $\overrightarrow{V(M \in 3/0)}$.

Question 5

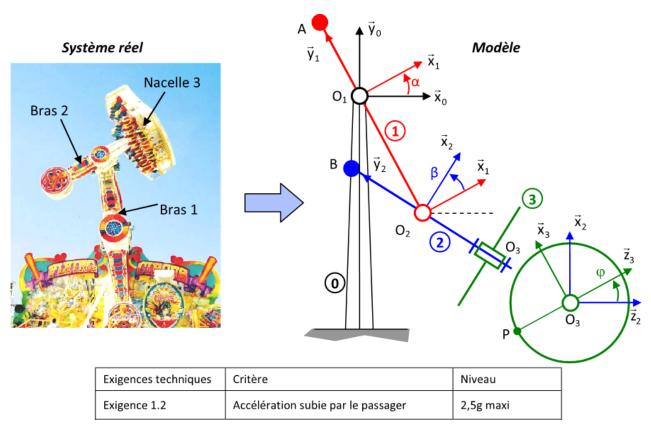
Dans la configuration de rapprochement horizontal, $(\theta_2 = \pi - 2\theta_1 \text{ et } \theta_3 = \theta_1 - \frac{\pi}{2})$ montrer que $\overrightarrow{V(M \in 3/0)} \cdot \overrightarrow{x_0} = 0$ et déterminer $||V(M \in 3/0)||$.

Question 6

Déterminer la valeur numérique de la vitesse maximale (R=48 cm, L=72 cm et $\dot{\theta}_1=0,08$ t r/m in) et conclure quant à la capacité du robot à satisfaire le critère de vitesse d'approche du fruit du cahier des charges.

Manège Magic Arms

La manège Magic Arms dont la modélisation ainsi qu'un extrait de cahier des charges fonctionnel est composé d'une structure métallique d'environ 12 m de haut avec deux bras mobiles. Les passagers s'assoient sur 39 pièces disposées sur une plate-forme tournante. Dès que tous les passagers sont assis et attachés, la nacelle tourne autour de son axe, le bras principal (bras 1) et le bras secondaires (bras 2), liés l'un à l'autre au début du cycle, commencent à tourner. Après 9 secondes, le maximum de hauteur est atteint et les deux bras se désindexent et se mettent à tourner indépendamment l'un de l'autre. Tous les mouvements sont pilotés par ordinateur.



Le manège, schématisé ci-dessus, comporte :

- un bras principal 1 assimilé à une barre AO_1O_2 . Il est en liaison pivot parfait d'axe $(O_1, \overrightarrow{z_1})$ caractérisée par le paramètre α avec le bâti 0. On pose $\overrightarrow{O_1 O_2} = -l_1 \overrightarrow{y_1}$;
- un bras secondaire 2 assimilé à une barre BO_2O_3 . Il est en liaison pivot parfait d'axe $(O_2, \overrightarrow{z_2})$ caractérisée par le paramètre β avec le bras principal 1. On pose $\overrightarrow{O_2O_3} = -l_2 \overrightarrow{y_2}$;

Ch 5: Cinématique du solide - E



- une nacelle 3 assimilée à un disque de centre O_3 et de rayon R. Elle est en liaison parfaite d'axe $(O_3, \overrightarrow{y_2})$ caractérisée par le paramètre φ avec le bras 2. On s'intéresse plus particulièrement à un passager considéré comme un point matériel Ptel que $\overrightarrow{O_3P} = -R\overrightarrow{z_3}$.

Question 1

Construire les figures planes associées au schéma cinématique.

Question 2

Calculer $\overrightarrow{\Omega(1/0)}$, $\overrightarrow{\Omega(2/1)}$ et $\overrightarrow{\Omega(3/2)}$.

On admet que $\overline{\Omega(3/0)} = \overline{\Omega(3/2)} + \overline{\Omega(2/1)} + \overline{\Omega(1/0)}$.

Question 3

Calculer $\Omega(2/0)$ et $\Omega(3/0)$.

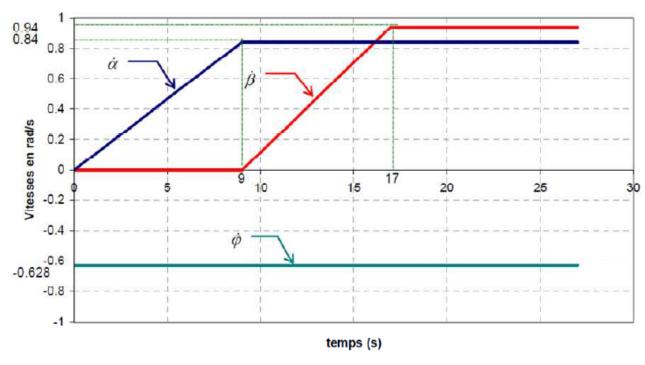
Question 4

Calculer les produits vectoriels suivants : $\overrightarrow{z_2} \wedge \overrightarrow{z_3}$, $\overrightarrow{x_3} \wedge \overrightarrow{x_2}$, $\overrightarrow{x_3} \wedge \overrightarrow{z_2}$, $\overrightarrow{z_2} \wedge \overrightarrow{z_1}$, $\overrightarrow{x_2} \wedge \overrightarrow{x_0}$, $\overrightarrow{x_3} \wedge \overrightarrow{z_0}$.

Question 5

Calculer $\overrightarrow{V(O_2 \in 2/0)}$, $\overrightarrow{V(O_3 \in 3/0)}$ et $\overrightarrow{V(P \in 3/0)}$.

On donne l'évolution des vitesses angulaires des moteurs du manège en fonction du temps.



Question 6

Déterminer les valeurs des paramètres $\dot{\alpha}$, $\dot{\beta}$ et $\dot{\varphi}$ puis l'expression analytique des positions angulaires $\alpha(t)$ et $\beta(t)$ et $\varphi(t)$ dans l'intervalle de temps [17;27] secondes en sachant qu'à l'instant t=17 s, on a $\alpha=10,5$ rad, $\beta=3,76$ rad et $\varphi=-10,676$ rad.

Question 7

Déterminer les valeurs numériques à l'instant $t_1 = 19.8$ s de α , β et φ .

Question 8

On pose $\overline{V(P \in 3/0)} = V_{x2} \overrightarrow{x_2} + V_{y2} \overrightarrow{y_2} + V_{z2} \overrightarrow{z_2}$. Déterminer les expressions littérales de V_{x2} , V_{x2} , V_{z2} puis les valeurs numériques $de \ \dot{a} \ t_1 = 19.8 \ s.$ (On donne : $l_1 = 3.9 \ m, \ l_2 = 2.87 \ m, \ R = 2.61 \ m.$)



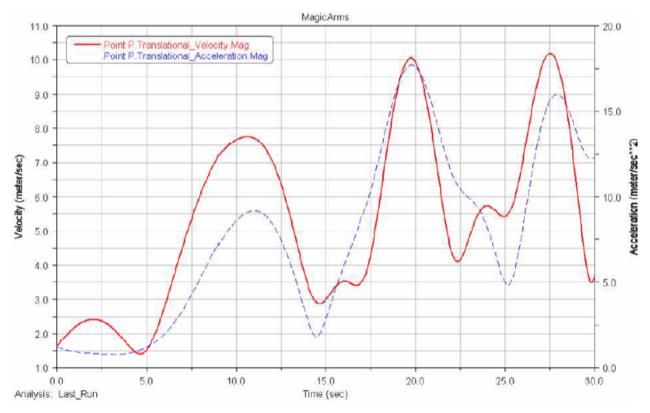
Question 9

Calculer $\Gamma(P \in 3/0)$.

Question 10

Calculer $\overline{\Gamma(P \in 3/0)}$ dans l'intervalle de temps [17;27] secondes pour lequel les vitesses angulaires sont constantes.

Le graphe ci-dessous, obtenu par simulation numérique, présente le module de la vitesse du passager P par rapport au bâti 0 ainsi que le module de l'accélération du passager P par rapport au bâti 0 en fonction du temps.



Question 11

Comparer les résultats obtenus à la question 6 à ceux du graphe pour le temps $t_1 = 19,8$ s...

Question 12

Relever l'accélération maximale subie par le passager et conclure vis-à-vis du CdCF.