

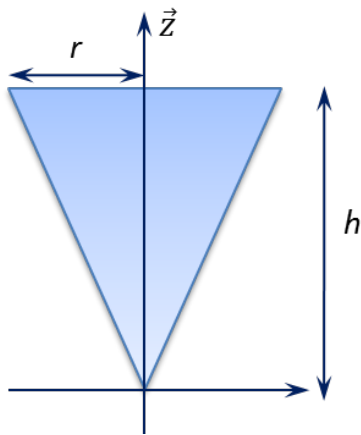
CI 06 : ÉTUDE DU COMPORTEMENT STATIQUE DES SYSTÈMES

CHAPITRE 1 – MODÉLISATION DES ACTIONS MÉCANIQUES

EXERCICES DE COLLE

Exercice 1 : Masse et centre d'inertie

D'après Agati et al., Mécanique du solide, Applications industrielles, Dunod.



Soit un cône de révolution de hauteur h et de rayon de base r dont le matériau est de masse volumique μ .

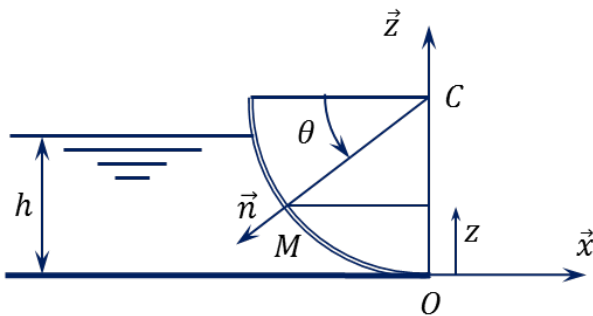
Question 1

Déterminer la masse du solide. Après avoir décrit un élément de surface infinitésimal de surface, on s'attachera à décrire précisément le domaine de variation des différents paramètres.

Question 2

Déterminer la position du centre de gravité.

Détermination des actions mécaniques



Une vanne schématisée par un secteur circulaire de centre C et de rayon $r = 1,2 \text{ m}$ ferme une retenue d'eau pour laquelle la hauteur de la surface libre est $h = 1,2 \text{ m}$.

L'eau exerce sur la surface du secteur une action mécanique définie par la densité surfacique suivante :

$$\vec{f}(M) = -\rho_e g (h - z) \vec{n}$$

avec :

- $\rho_e = 1 \text{ kg/dm}^3$: masse volumique de l'eau ;
- $g = 9,81 \text{ m/s}^2$: accélération de la pesanteur ;
- z : abscisse du point M ;
- \vec{n} : vecteur unitaire normal à la surface de contact, dirigé vers l'extérieur du secteur.

Question 1

Déterminer la résultante générale \vec{R} du torseur d'action mécanique de l'eau sur la vanne.

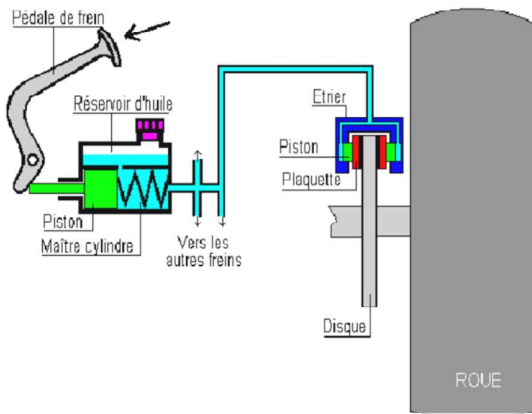
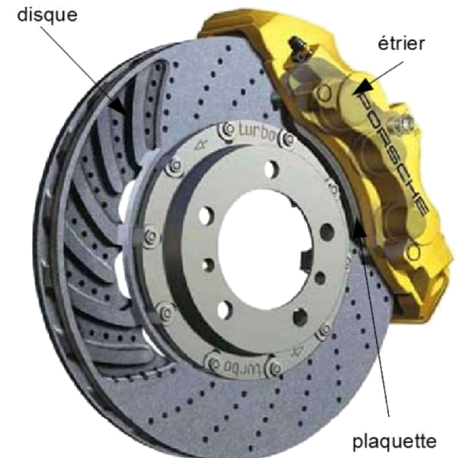
Question 2

Déterminer au point C le moment de la force de l'action de l'eau sur le barrage.

Exercice 3 : Frein à disque

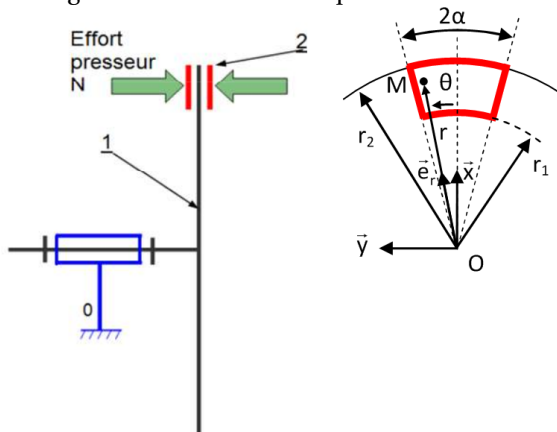
D'après ressources de Florestan Mathurin.

Pour ralentir ou immobiliser un système en mouvement, il est nécessaire de disposer d'un système de freinage. Le frein à disque est une solution technique permettant de réaliser le freinage d'un véhicule (moto, automobile...). Il est constitué d'un disque fixé sur le moyeu ou la jante de la roue (disque ayant le même mouvement de rotation que la roue) ainsi que des plaquettes venant frotter de chaque côté du disque. Les plaquettes sont maintenues dans un étrier lié au véhicule. Un ou plusieurs mécanismes poussent sur les plaquettes, le plus souvent des pistons hydrauliques, les plaquettes viennent serrer fortement le disque. La force de frottement entre les plaquettes et le disque crée un couple de freinage diminuant voire immobilisant la rotation de la roue.



L'appui sur la pédale de frein entraîne une augmentation de pression qui se retrouve au niveau des pistons. Ceux-ci poussent les plaquettes contre le disque. Un effort normal au disque apparaît alors. Par le frottement des plaquettes sur le disque, les efforts tangentiels viennent créer le couple de freinage.

On utilise le modèle suivant pour déterminer la relation entre l'effort presseur N exercé sur les plaquettes et le couple de freinage C dans un frein à disque.



La plaquette est modélisée par une portion de couronne de rayons r_1 et r_2 et d'angle 2α considérée en liaison glissière avec le bâti 0 suivant l'axe (O, \vec{z}) .

On note M un point de la plaquette défini en coordonnées polaires par $\vec{OM} = r \vec{e}_r$ avec $\theta = (\vec{x}, \vec{e}_r)$. On note p la pression exercée par les plaquettes sur le disque d'épaisseur $2e$. On suppose que la pression p est constante.

On note f (constante) le facteur de frottement entre les plaquettes et le disque. On note N la résultante sur l'axe \vec{z} de l'action mécanique exercée par un piston sur une plaquette.

Question 1

En précisant le théorème utilisé et le système isolé, déterminer une relation entre p et N en fonction de r_1 , r_2 et α .

Question 2

Sachant que lors du freinage il y a glissement et que $\overrightarrow{\Omega(1/0)} = \dot{\theta}_{10} \cdot \vec{z}$ avec $\dot{\theta}_{10} > 0$, déterminer l'action mécanique élémentaire de 2 sur 1 et le modèle local de l'action mécanique de 2 sur 1 au point O .

Question 3

Déterminer le torseur de l'action mécanique globale de 2 sur 1 au point O . En déduire le couple de freinage en fonction de α , N , f , r_1 et r_2 sachant qu'il y a deux surfaces de frottement (une plaquette de part et d'autre du disque).