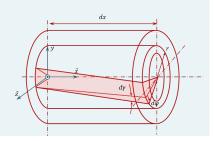
Chapitre 2- Modélisation des pièces déformables en flexion

## **Définitions**

## Définition - Torseur des sollicitations

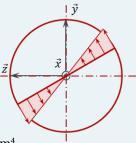
Pour une sollicitation en torsion, le torseur de cohésion est de la forme :

$$\{\mathcal{T}_{\mathrm{coh}}\} = \left\{ \begin{array}{cc} 0 & 0 \\ T_{y} & 0 \\ 0 & M_{fz} \end{array} \right\}_{G,\left(\overrightarrow{x},\overrightarrow{y},\overrightarrow{z}\right)} \text{ou} \{\mathcal{T}_{\mathrm{coh}}\} = \left\{ \begin{array}{cc} 0 & 0 \\ 0 & M_{fy} \\ T_{z} & 0 \end{array} \right\}_{G,\left(\overrightarrow{x},\overrightarrow{y},\overrightarrow{z}\right)}.$$



**Définition** – **Contrainte et déformations** En flexion, les contraintes tangentielles étant négligeables devant les contraintes normales, on a:

$$\sigma = -\frac{M_{fz}}{I_{Gz}} y \quad \text{avec} \quad \begin{matrix} \sigma & \text{contrainte en MPa,} \\ M_{fz} & \text{moment de flexion autour de } \overrightarrow{z} \text{ en Nmm,} \\ I_{Gz} & \text{moment quadratique par rapport à l'axe Gx en mm}^4 \text{ et} \\ y & \text{distance à la fibre neutre en mm.} \end{matrix}$$



La déformée y(x) de la poutre vérifie l'équation différentielle suivante :

$$EI_{Gz} \frac{\mathrm{d}^2 y(x)}{\mathrm{d}x^2} = M_{fz}$$
 avec  $E$  module de Young en MPa,  $I_{Gz}$  moment quadratique par rapport à l'axe  $G$ ,  $G$  en mm<sup>4</sup>,  $G$  déformée de la poutre en mm,  $G$  moment fléchissant en Nm.

**Propriétés des sections droites** On considère une poutre de section droite S et d'axe  $(G, \overrightarrow{x})$ . On note :

- moment quadratique de *S* par rapport à  $(G, \overrightarrow{y})$ :  $I_{Gy} = \int \int z^2 dS$ ;
- moment quadratique de *S* par rapport à  $(G, \overrightarrow{z})$ :  $I_{Gz} = \int_{-\infty}^{\infty} y^2 dS$ ;
- moment polaire de S par rapport à  $(G, \overrightarrow{x})$ :  $I_{Gx} = \iint (y^2 + z^2) dS$ ;
- $\bullet \ \ I_{Gx} = I_{Gy} + I_{Gz}.$

## Théorème de Huygens

On a, avec  $\overrightarrow{AG} = (a, b, c)$ :

$$I_{Ay} = I_{Gy} + Sc^2$$
  $I_{Az} = I_{Gz} + Sb^2$   $I_{Ax} = I_{Gx} + S(b^2 + c^2)$ .

1