

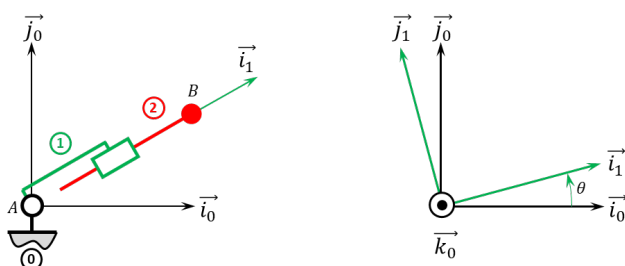
## DDS 2

## Les petits devoirs du soir

Xavier Pessoles

## Exercice 180 – Mouvement RT \*

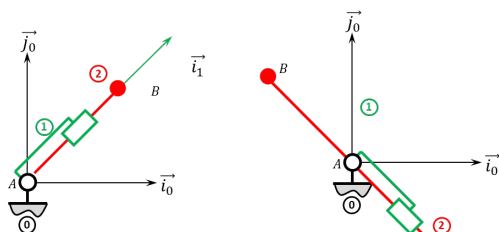
B2-12

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \vec{i}_1$ .**Question 1** Tracer le graphe des liaisons.**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour

$$\theta = \frac{\pi}{4} \text{ rad et } \lambda(t) = 20 \text{ mm.}$$

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour

$$\theta = -\frac{\pi}{4} \text{ rad et } \lambda(t) = -20 \text{ mm.}$$

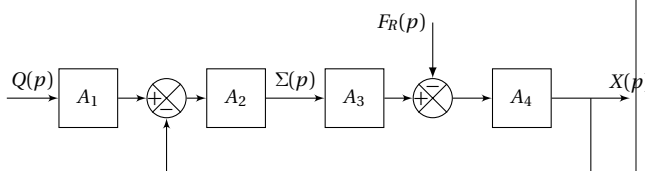


Corrigé voir 180.

## Exercice 179 – Quille pendulaire\*

B2-07

Le comportement d'un vérin est défini par le modèle continu ci-dessous.



On a :

$$q(t) = S \frac{dx(t)}{dt} + \frac{V}{2B} \frac{d\sigma(t)}{dt} \quad (\text{a});$$

$$M \frac{d^2x(t)}{dt^2} = S\sigma(t) - kx(t) - \lambda \frac{dx(t)}{dt} - f_R(t) \quad (\text{b}).$$

On a :

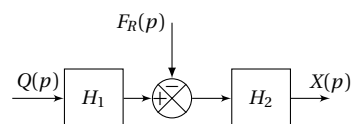
- $\mathcal{L}(q(t)) = Q(p)$  : débit d'alimentation du vérin  $[\text{m}^3\text{s}^{-1}]$  ;
- $\mathcal{L}(\sigma(t)) = \Sigma(p)$  : différence de pression entre les deux chambres du vérin  $[\text{Pa}]$  ;
- $\mathcal{L}(x(t)) = X(p)$  : position de la tige du vérin  $[\text{m}]$  ;
- $\mathcal{L}(f_R(t)) = F_R(p)$  : composante selon l'axe de la tige du vérin de la résultante du torseur d'inter-effort de la liaison pivot entre tige et quille  $[\text{N}]$ .

Les constantes sont les suivantes :

- $S$  : section du vérin  $[\text{m}^2]$  ;
- $k$  : raideur mécanique du vérin  $[\text{N m}^{-1}]$  ;
- $V$  : volume d'huile de référence  $[\text{m}^3]$  ;
- $B$  : coefficient de compressibilité de l'huile  $[\text{N m}^{-2}]$  ;
- $M$  : masse équivalente à l'ensemble des éléments mobiles ramenés sur la tige du vérin  $[\text{kg}]$  ;
- $\lambda$  : coefficient de frottement visqueux  $[\text{N m}^{-1}\text{s}]$ .

**Question 1** Donner les expressions des fonctions de transfert  $A_1, A_2, A_3$  et  $A_4$  en fonction de la variable complexe  $p$  et des constantes.

Le schéma-blocs de la figure précédente peut se mettre sous la forme suivante.

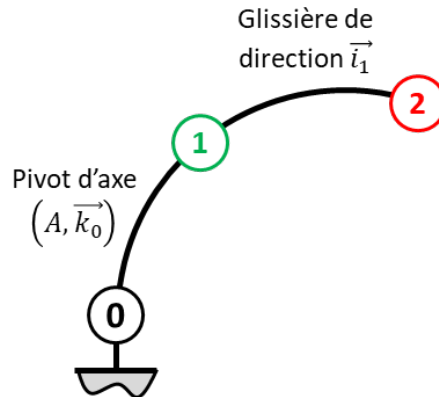
**Question 2** Donner les expressions des fonctions de transfert  $H_1$  et  $H_2$  en fonction de  $A_1, A_2, A_3$  et  $A_4$ , puis de la variable  $p$  et des constantes.**Question 3**Pour ce vérin non perturbé ( $F_R = 0$ ), donner sa fonction de transfert  $X(p)/Q(p)$  en fonction de la variable  $p$  et des constantes.

Corrigé voir ??.

Exercice 180 – Mouvement RT ★

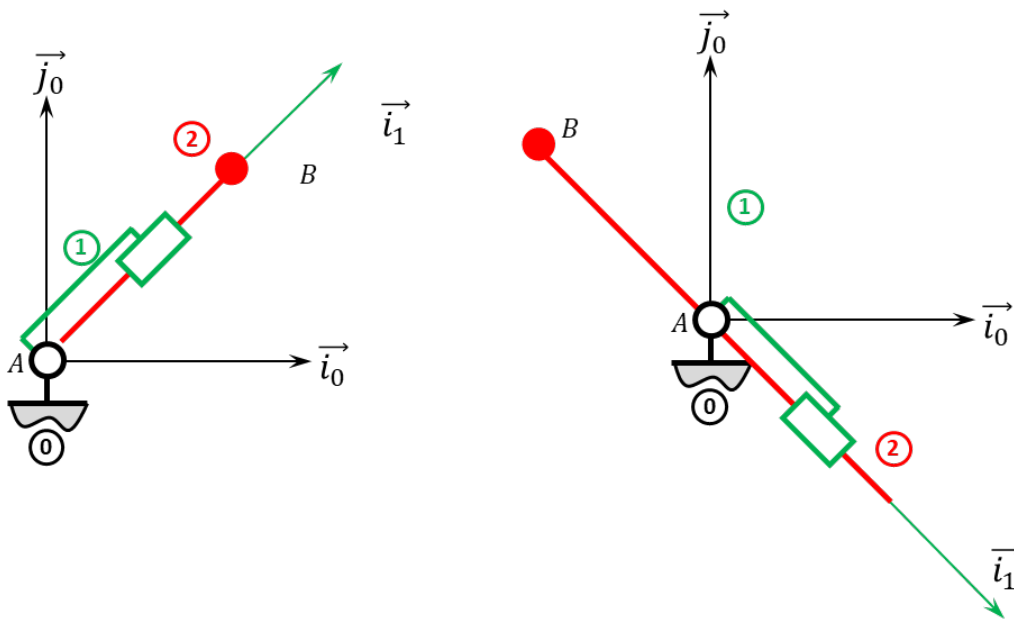
B2-12

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.



Question 2 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = 20$  mm.

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta = -\frac{\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = -20$  mm.



Exercice 179 – Quille pendulaire★

B2-07

Question 1 Donner les expressions des fonctions de transfert  $A_1, A_2, A_3$  et  $A_4$  en fonction de la variable complexe  $p$  et des constantes.

D'une part, on transforme les équations dans le domaine de Laplace :  $Q(p) = SpX(p) + \frac{V}{2B}p\Sigma(p)$  et  $Mp^2X(p) = S\Sigma(p) - kX(p) - \lambda pX(p) - F_R(p)$ .

En utilisant le schéma-blocs, on a  $\Sigma(p) = A_2(A_1Q(p) - X(p)) = A_1A_2Q(p) - A_2X(p)$ .

Par ailleurs  $\Sigma(p) = \frac{Q(p) - SpX(p)}{V} = Q(p)\frac{2B}{Vp} - X(p)\frac{S2B}{V}$ . On a donc  $A_2 = \frac{S2B}{V}$ ,  $A_1A_2 = \frac{2B}{Vp}$  soit  $A_1 = \frac{2B}{Vp} \frac{V}{S2B} = \frac{1}{Sp}$ .

On a aussi  $X(p) = A_4(-F_R(p) + A_3\Sigma(p)) = -A_4F_R(p) + A_3A_4\Sigma(p)$ . Par ailleurs,  $X(p)(Mp^2 + \lambda p + k) = S\Sigma(p) - F_R(p) \Leftrightarrow X(p) = \frac{S\Sigma(p)}{Mp^2 + \lambda p + k} - \frac{F_R(p)}{Mp^2 + \lambda p + k}$ . On a donc :  $A_4 = \frac{1}{Mp^2 + \lambda p + k}$  et  $A_3 = S$ .

Au final,  $A_1 = \frac{1}{Sp}$ ,  $A_2 = \frac{S2B}{V}$ ,  $A_3 = S$  et  $A_4 = \frac{1}{Mp^2 + \lambda p + k}$ .

**Question 2** Donner les expressions des fonctions de transfert  $H_1$  et  $H_2$  en fonction de  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$  et  $A_4$ , puis de la variable  $p$  et des constantes.

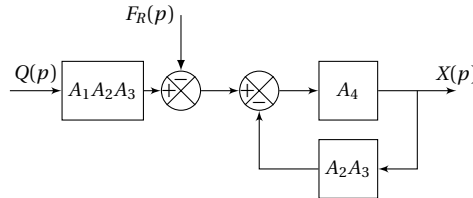
**Méthode 1 : Utilisation des relations précédentes** On a  $X(p) = (H_1 Q(p) - F_R(p)) H_2(p)$ .

Par ailleurs, on a vu que  $X(p) = A_4 (-F_R(p) + A_3 \Sigma(p))$  et  $\Sigma(p) = A_2 (A_1 Q(p) - X(p))$ .

On a donc  $X(p) = A_4 (-F_R(p) + A_3 A_2 (A_1 Q(p) - X(p))) \Leftrightarrow X(p)(1 + A_2 A_3 A_4) = A_4 (-F_R(p) + A_3 A_2 A_1 Q(p))$ . On a donc  $H_1(p) = A_1 A_2 A_3$  et  $H_2 = \frac{A_4}{1 + A_2 A_3 A_4}$ .

**Méthode 2 : Lecture directe du schéma-blocs** Revient à utiliser la méthode précédente.

**Méthode 3 : Algèbre de schéma-blocs** Le schéma-blocs proposé est équivalent au schéma suivant.



On retrouve le même résultat que précédemment.

$$A_1 = \frac{1}{Sp}, A_2 = \frac{S2B}{V}, A_3 = S \text{ et } A_4 = \frac{1}{Mp^2 + \lambda p + k}.$$

$$\text{En faisant le calcul on obtient : } H_1(p) = \frac{2BS}{pV} \text{ et } H_2 = \frac{\frac{1}{Mp^2 + \lambda p + k}}{1 + \frac{2BS^2}{V} \frac{1}{Mp^2 + \lambda p + k}} = \frac{1}{Mp^2 + \lambda p + k + \frac{2BS^2}{V}}.$$

### Question 3

Pour ce vérin non perturbé ( $F_R = 0$ ), donner sa fonction de transfert  $X(p)/Q(p)$  en fonction de la variable  $p$  et des constantes.

$$\text{Dans ce cas, } \frac{X(p)}{Q(p)} = H_1(p)H_2(p) = \frac{2BS}{p(MVp^2 + \lambda pV + kV + 2BS^2)}.$$