

Exercice 1 - Parallélépipède*

B2-10

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe (G, k) de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

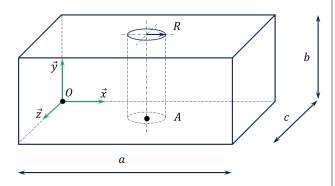
son centre d'inertie par
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}\right)}$$
 avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et $C = m\frac{R^2}{2}$.

La matrice d'inertie d'un parallélépipède de cotés a, b et c et de masse m est donnée en son centre d'iner-

tie par
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & B & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\substack{(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k})}} \text{avec } A = m \frac{b^2 + c^2}{12},$$

Soit la pièce suivante



On pose
$$\overrightarrow{OA} = \frac{a}{2} \overrightarrow{x} + \frac{c}{2} \overrightarrow{z}$$
.

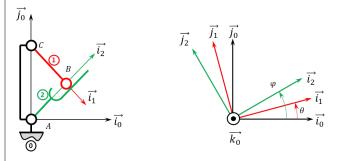
Question 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

Question 2 Déterminer la matrice d'inertie du solide en G, en A puis O.

Corrigé voir 1.

Exercice 2 - Barrière Sympact **

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AC} = H \overrightarrow{j_0}$, $\overrightarrow{CB} =$ \overrightarrow{R}_{1} et $\overrightarrow{AB} = \lambda \overrightarrow{i_2}$. De plus, $H = 120 \,\mathrm{mm}$ et $R = 40 \,\mathrm{mm}$.



On néglige la pesanteur sur la pièce 1.

On note $\{\mathscr{F}(\text{Moteur} \to 1)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$

mécanique du moteur sur la pièce 1.

On note $\{\mathscr{F}(\operatorname{Ressort} \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_r \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$ l'action mécanique d'un ressort couple sur la pièce

On note
$$\{\mathscr{F}(\operatorname{Pes} \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} -Mg\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{\forall G} \operatorname{avec} \overrightarrow{AG} = L\overrightarrow{i_2}.$$

Question 1 Réaliser un graphe d'analyse.

Question 2 Proposer une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.

Question 3 Mettre en œuvre une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.

Question 4 Tracer, en utilisant Python, l'évolution du couple moteur en fonction de l'angle de la manivelle. On prendra M = 1 kg et L = 0.1 m



Exercice 3 - Parallélépipède percéx B2-10

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe (G, k') de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

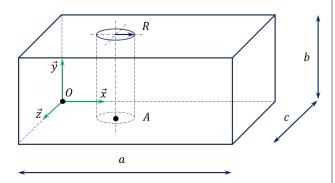
son centre d'inertie par
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}\right)}$$
 ave

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et $C = m\frac{R^2}{2}$.

La matrice d'inertie d'un parallélépipède rectangle de cotés a, b et c et de masse m est donnée en son

de cotés
$$a$$
, b et c et de masse m est donnée en son centre d'inertie par $I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & B & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\substack{\overrightarrow{(i,j,k)}, k)}}$ avec $A = m \frac{b^2 + c^2}{12}$, $B = m \frac{a^2 + c^2}{12}$, $C = m \frac{a^2 + b^2}{12}$. Soit la pièce suivante.

$$A = m \frac{b^2 + c^2}{12}$$
, $B = m \frac{a^2 + c^2}{12}$, $C = m \frac{a^2 + b^2}{12}$. Soit la pièce suivante.



On pose
$$\overrightarrow{OA} = \frac{a}{3} \overrightarrow{x} + \frac{c}{2} \overrightarrow{z}$$
.

Question 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

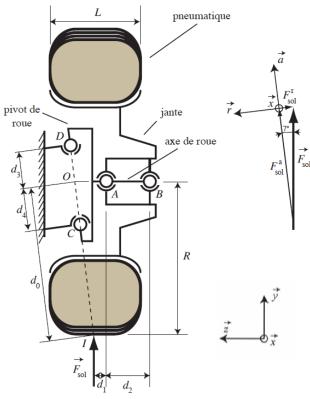
Question 2 Déterminer la matrice d'inertie du solide en G.

Corrigé voir 3.

Exercice 4 - Suspension automobile ** C2-07

On s'intéresse à la liaison entre l'axe de la toue et le châssis du véhicule. Les notations adoptées seront les suivantes : F_C^a (respectivement F_C^r , F_C^x) désignera la composante suivant \overrightarrow{a} (respectivement \overrightarrow{r} , \overrightarrow{x}) de l'effort

extérieur exercé en C. On procédera de même pour le point D.



Question 1 Réaliser le graphe des liaisons en faisant apparaître les actions mécaniques. Exprimer les torseurs des actions mécaniques de chacune des liaisons.

Question 2 En isolant l'ensemble {pneumatique + jante + axe de roue}, écrire les équations issues du principe fondamental de la statique appliqué au point C, en projection sur les axes de la base $(\overrightarrow{a}, \overrightarrow{r}, \overrightarrow{x})$ en fonction des composantes F_{sol}^a et F_{sol}^r et des dimensions d_0 , d_3 et d_4 .

Question 3 Résoudre littéralement le système.

1. . 2. . 3.
$$Z_C = Z_D = 0$$
, $Y_D = -\frac{d_0 F_{\text{sol}}^t}{d_4 + d_3}$, $Y_C = -Y_D + F_{\text{sol}}^t$.



Exercice 5 - Cylindre percé *

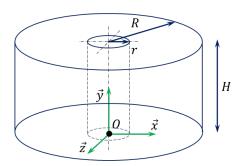
B2-10 Pas de corrigé pour cet exercice.

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe (G, \overline{k}) de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

son centre d'inertie par
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k})}$$
 avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et $C = m\frac{R^2}{2}$.

Soit la pièce suivante.



On pose
$$\overrightarrow{OA} = -\frac{R}{2}\overrightarrow{x}$$
.

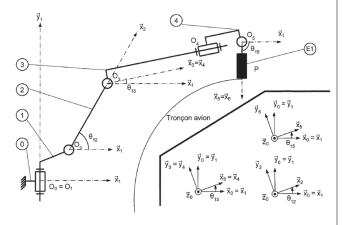
Question 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

Question 2 Déterminer la matrice d'inertie du solide en G puis en O.

Corrigé voir 4.

Exercice 6 – Robot avion ** C2-07

Objectif L'objectif est de déterminer le couple articulaire C_{12} à appliquer sur le bras 2 afin de garantir l'effort de perçage et l'effort presseur.



Hypothèses:

- l'étude est réalisée pour une demi couture orbitale (couture supérieure);
- le repère $\Re_0(O_0; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0})$ sera supposé galiléen;
- $\overrightarrow{y_0}$ est l'axe vertical ascendant et $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{y_0}$ avec $g = 9.81 \,\mathrm{m \, s^{-2}}$;
- toutes les liaisons sont supposées parfaites.

Repérage et paramétrage

Le repère associé à l'embase fixe (0) est le repère $\mathcal{R}_0(O_0; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0}), \overrightarrow{y_0}$ étant l'axe vertical ascendant.

L'embase de rotation (1), en liaison pivot d'axe $(O_1, \overrightarrow{y_1})$, par rapport au bâti (0), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_1(O_1; \overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_1})$ tel que $O_0 = O_1$, $\overrightarrow{x_0} = \overrightarrow{x_1}$, $\overrightarrow{y_0} = \overrightarrow{y_1}$, $\overrightarrow{z_0} = \overrightarrow{z_1}$.

Le bras (2), en liaison pivot d'axe $(O_2, \overrightarrow{z_2})$ par rapport à l'embase de rotation (1), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_2(O_2; \overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{y_2}, \overrightarrow{z_2})$ tel que $\overrightarrow{O_1O_2} = L_1 \overrightarrow{x_1} + L_2 \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_1} = \overrightarrow{z_2}$ et $(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{x_2}) = (\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{y_2}) = \theta_{12}$.

Le bras (3), en liaison pivot d'axe $(O_3, \overrightarrow{z_3})$ par rapport au bras (2), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_3(O_3; \overrightarrow{x_3}, \overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{z_3})$ tel que $\overrightarrow{O_2O_3} = L_3\overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{z_1} = \overrightarrow{z_3}$ et $(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{x_3}) = (\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{y_3}) = \theta_{13}$.

Le bras (4), en liaison pivot d'axe $(O_4, \overrightarrow{x_4})$ par rapport au bras (3), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_4(O_4; \overrightarrow{x_4}, \overrightarrow{y_4}, \overrightarrow{z_4})$ tel que $\overrightarrow{O_3O_4} = L_4\overrightarrow{x_3} + l_5\overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{x_3} = \overrightarrow{x_4}$ et $(\overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{y_4}) = (\overrightarrow{z_3}, \overrightarrow{z_4}) = \theta_{34}$.

L'ensemble (E1) composé du bras (5), du poignet et de l'outil, en liaison pivot d'axe $(O_5, \overline{z_5})$ par rapport au bras (4), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_5(O_5; \overline{x_5}, \overline{y_5}, \overline{z_5})$ tel que $O_4O_5 = L_5\overline{x_3}, \overline{z_1} = \overline{z_5}$ et $(\overline{x_1}, \overline{x_5}) = (\overline{y_1}, \overline{y_5}) = \theta_{15}$.

tel que $\overrightarrow{O_4O_5} = L_5 \overrightarrow{x_3}$, $\overrightarrow{z_1} = \overrightarrow{z_5}$ et $(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{x_5}) = (\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{y_5}) = \theta_{15}$. La masse du bras (2) est notée M_2 et la position du centre de gravité est définie par $\overrightarrow{O_2G_2} = \frac{1}{2}L_3\overrightarrow{x_2}$.

La masse du bras (3) et du bras (4) est notée M_{34} et la position du centre de gravité est définie par $O_3G_3=\frac{1}{3}L_4\overrightarrow{x_3}+L_5\overrightarrow{y_3}$.

La masse de l'ensemble (E1) est notée M_{E1} et la position du centre de gravité est définie par $\overrightarrow{O_5G_5} = L_7\overrightarrow{x_5}$.

L'extrémité de l'outil est définie par le point P définie par $\overrightarrow{O_5P} = L_8 \overrightarrow{x_5}$.

Le torseur d'action mécanique lié au perçage sera

noté:
$$\{\mathcal{T}(\text{Tronçon (perçage}) \to E_1)\} = \left\{ \begin{array}{cc} -F & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right\}$$

Un effort presseur est de plus nécessaire pour le perçage optimal des deux tronçons. Le torseur d'action mécanique associé sera noté : $\{\mathcal{T}(\text{Tronçon (presseur)} \rightarrow E_1)\}$

$$\left\{ egin{array}{ccc} -P & 0 \ 0 & 0 \ 0 & 0 \end{array}
ight\}_{P,\mathscr{R}_{5}}$$

Le torseur couple modélisant l'action du moteur sur

Le torseur couple modelisant l'action du la pièce 1 sur 2 :
$$\{\mathcal{T}(1_m \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_{12} \overrightarrow{z_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$$

La rotation entre les solides (0) et (1) est supposée bloquée dans la suite du sujet.

Question 1 Réaliser le graphe de structure de l'ensemble en précisant les liaisons et les actions mécaniques extérieures.

Question 2 Quel est l'ensemble Σ à isoler afin de déterminer le couple C_{12} .

Question 3 Réaliser un bilan des actions méca-



niques extérieures appliquées à Σ et écrire les éléments de réduction de chaque torseur d'actions mécaniques.

Question 4 *Quel théorème doit-être appliqué et sur quel axe de projection, pour déterminer le couple* C_{12} ?

La configuration correspondant à la position extrême supérieure de la couture orbitale correspond aux angles suivants : $\theta_{12}=60^\circ$, $\theta_{13}=-4^\circ$, $\theta_{15}=-90^\circ$.

Dans la suite de l'étude, l'angle θ_{13} sera considéré nul.

Question 5 Déterminer l'équation littérale du couple C_{12} en fonction de g, F, P, M_2 , M_{34} , M_{E1} , L_3 , L_4 , L_5 , L_6 , L_7 , θ_{12} , θ_{15} .

Les valeurs du robot considéré sont :

- $M_2 = 264 \,\mathrm{kg}$, $M_{34} = 430 \,\mathrm{kg}$, $M_{E1} = 150 \,\mathrm{kg}$, $P = 150 \,\mathrm{N}$, $F = 1000 \,\mathrm{N}$;
- $L_1 = 0.405 \,\mathrm{m}, \ L_2 = 0.433 \,\mathrm{m}, \ L_3 = 1.075 \,\mathrm{m}, \ L_4 = 1.762 \,\mathrm{m}, \ L_5 = 0.165 \,\mathrm{m}, \ L_6 = 0.250 \,\mathrm{m}, \ L_7 = 0.550 \,\mathrm{m}, \ L_8 = 0.750 \,\mathrm{m}.$

Question 6 Déterminer alors la valeur du couple C_{12} .

La valeur limite supérieure du couple C_{12} est fixée par le constructeur à 9000 Nm.

Question 7 Le choix du robot permettra-t-il de garantir les conditions d'assemblage dans cette position? Justifier la réponse.



Exercice 7 - Cylindre percé *

B2-10 Pas de corrigé pour cet exercice.

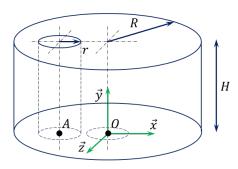
La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe (G, \overrightarrow{k}) de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

son centre d'inertie par
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}}$$
 avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et $C = m\frac{R^2}{2}$.

Soit la pièce suivante constituée d'un grand cylindre noté ${\bf 1}$ de rayon R. ${\bf 1}$ est percé d'un cylindre de diamètre de rayon r. On colnsidère que ${\bf 1}$ est constitué d'un matériau homgène de masse volumique ρ .

On note
$$\overrightarrow{OA} = -\frac{R}{2}\overrightarrow{x}$$
.



Question 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

Question 2 Déterminer la matrice d'inertie du solide en G puis en O.

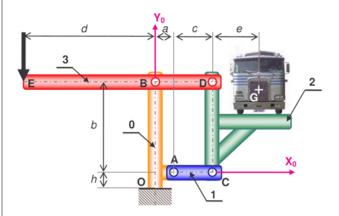
Corrigé voir 5.

Exercice 8 - Pèse camion **

C2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

On considère un bâti $\mathbf{0}$ auquel est attaché le repère $\Re = (O; \overrightarrow{x_0}; \overrightarrow{y_0}; \overrightarrow{z_0})$. Le champ de pesanteur est $g = -g \overrightarrow{y_0}$. La barre $\mathbf{1}$ est liée au bâti $\mathbf{0}$ par une liaison pivot parfaite d'axe $(A, \overrightarrow{z_0})$. Le plateau porte camion $\mathbf{2}$ est lié à la barre $\mathbf{1}$ par une liaison pivot parfaite d'axe $(C, \overrightarrow{z_0})$. Le levier $\mathbf{3}$ est lié au bâti $\mathbf{0}$ par une liaison pivot parfaite d'axe $(B, \overrightarrow{z_0})$. Ce levier est également lié au plateau $\mathbf{2}$ par une liaison pivot parfaite d'axe $(D, \overrightarrow{z_0})$. Le camion $\mathbf{4}$, de centre de masse G et de masse M inconnue, repose sur le plateau $\mathbf{2}$. L'action mécanique connue est caractérisée par :

$$\{\text{ext} \to 3\} = \left\{ \begin{array}{c} -F \overrightarrow{y_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_E$$



Question 1 Déterminer la relation entre F et M. Que dire de la position du camion sur la plate-forme?

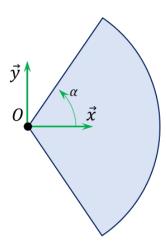
Question 2 Déterminer les actions mécaniques dans toutes les liaisons.



Exercice 9 - Disque **

B2-10 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit un secteur de disque de rayon R, d'épaisseur négligeable et de masse surfacique μ .



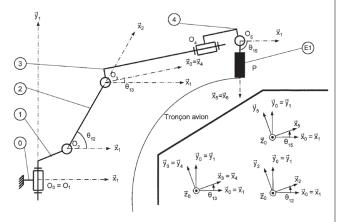
Question 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

Question 2 Déterminer la matrice d'inertie du solide en O.

Corrigé voir 6.

Exercice 10 – Robot avion ** C2-07

Objectif L'objectif est de déterminer le couple articulaire C_{12} à appliquer sur le bras 2 afin de garantir l'effort de perçage et l'effort presseur.



Hypothèses:

- l'étude est réalisée pour une demi couture orbitale (couture supérieure);
- le repère $\mathcal{R}_0(O_0; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0})$ sera supposé galiléen;
- $\overrightarrow{y_0}$ est l'axe vertical ascendant et $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{y_0}$ avec $g = 9.81 \,\mathrm{m \, s^{-2}}$;
- toutes les liaisons sont supposées parfaites.

Repérage et paramétrage

Le repère associé à l'embase fixe (0) est le repère $\mathcal{R}_0(O_0; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0}), \overrightarrow{y_0}$ étant l'axe vertical ascendant.

L'embase de rotation (1), en liaison pivot d'axe $(O_1, \overrightarrow{y_1})$, par rapport au bâti (0), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_1(O_1; \overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_1})$ tel que $O_0 = O_1$, $\overrightarrow{x_0} = \overrightarrow{x_1}$, $\overrightarrow{y_0} = \overrightarrow{y_1}$, $\overrightarrow{z_0} = \overrightarrow{z_1}$.

Le bras (2), en liaison pivot d'axe $(O_2, \overrightarrow{z_2})$ par rapport à l'embase de rotation (1), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_2(O_2; \overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{y_2}, \overrightarrow{z_2})$ tel que $\overrightarrow{O_1O_2} = L_1\overrightarrow{x_1} + L_2\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_1} = \overrightarrow{z_2}$ et $(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{x_2}) = (\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{y_2}) = \theta_{12}$.

Le bras (3), en liaison pivot d'axe $(O_3, \overrightarrow{z_3})$ par rapport au bras (2), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_3(O_3; \overrightarrow{x_3}, \overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{z_3})$ tel que $\overrightarrow{O_2O_3} = L_3\overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{z_1} = \overrightarrow{z_3}$ et $(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{x_3}) = (\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{y_3}) = \theta_{13}$.

Le bras (4), en liaison pivot d'axe $(O_4, \overrightarrow{x_4})$ par rapport au bras (3), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_4(O_4; \overrightarrow{x_4}, \overrightarrow{y_4}, \overrightarrow{z_4})$ tel que $\overrightarrow{O_3O_4} = L_4\overrightarrow{x_3} + l_5\overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{x_3} = \overrightarrow{x_4}$ et $(\overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{y_4}) = (\overrightarrow{z_3}, \overrightarrow{z_4}) = \theta_{34}$.

L'ensemble (E1) composé du bras (5), du poignet et de l'outil, en liaison pivot d'axe $(O_5, \overline{z_5})$ par rapport au bras (4), a pour repère associé le repère $\mathcal{R}_5(O_5; \overrightarrow{x_5}, \overrightarrow{y_5}, \overrightarrow{z_5})$ tel que $O_4O_5 = L_5\overrightarrow{x_3}, \overrightarrow{z_1} = \overrightarrow{z_5}$ et $(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{x_5}) = (\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{y_5}) = \theta_{15}$.

tel que $\overrightarrow{O_4O_5} = L_5 \overrightarrow{x_3}$, $\overrightarrow{Z_1} = \overrightarrow{Z_5}$ et $(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{x_5}) = (\overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{y_5}) = \theta_{15}$. La masse du bras (2) est notée M_2 et la position du centre de gravité est définie par $\overrightarrow{O_2G_2} = \frac{1}{2}L_3\overrightarrow{x_2}$.

La masse du bras (3) et du bras (4) est notée M_{34} et la position du centre de gravité est définie par $O_3 G_3 = \frac{1}{3} L_4 \overrightarrow{x_3} + L_5 \overrightarrow{y_3}$.

La masse de l'ensemble (E1) est notée M_{E1} et la position du centre de gravité est définie par $\overrightarrow{O_5G_5} = L_7\overrightarrow{x_5}$.

L'extrémité de l'outil est définie par le point P définie par $\overrightarrow{O_5P} = L_8 \overrightarrow{x_5}$.

Le torseur d'action mécanique lié au perçage sera

noté:
$$\{\mathscr{T}(\text{Tronçon (perçage}) \to E_1)\} = \left\{ \begin{array}{cc} -F & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right\}_{\mathbb{R}^2}$$

Un effort presseur est de plus nécessaire pour le perçage optimal des deux tronçons. Le torseur d'action mécanique associé sera noté : $\{\mathcal{T}(\text{Tronçon (presseur)} \rightarrow E_1)\}$

$$\left\{ egin{array}{ccc} -P & 0 \ 0 & 0 \ 0 & 0 \end{array}
ight\}_{P,\mathscr{R}_5}.$$

Le torseur couple modélisant l'action du moteur sur

la pièce
$$\mathbf{1}$$
 sur $\mathbf{2}$: $\{\mathcal{T}(1_m \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_{12} \overrightarrow{z_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$.

La rotation entre les solides (0) et (1) est supposée bloquée dans la suite du sujet.

Question 1 Réaliser le graphe de structure de l'ensemble en précisant les liaisons et les actions mécaniques extérieures.

Question 2 *Quel est l'ensemble* Σ à isoler afin de déterminer le couple C_{12} .

Question 3 Réaliser un bilan des actions mécaniques extérieures appliquées à Σ et écrire les éléments de réduction de chaque torseur d'actions mécaniques.



Question 4 *Quel théorème doit-être appliqué et sur quel axe de projection, pour déterminer le couple* C_{12} ?

La configuration correspondant à la position extrême supérieure de la couture orbitale correspond aux angles suivants : $\theta_{12}=60$ °, $\theta_{13}=-4$ °, $\theta_{15}=-90$ °.

Dans la suite de l'étude, l'angle θ_{13} sera considéré nul.

Question 5 Déterminer l'équation littérale du couple C_{12} en fonction de g, F, P, M_2 , M_{34} , M_{E1} , L_3 , L_4 , L_5 , L_6 , L_7 , θ_{12} , θ_{15} .

Les valeurs du robot considéré sont :

• $M_2 = 264 \,\mathrm{kg}$, $M_{34} = 430 \,\mathrm{kg}$, $M_{E1} = 150 \,\mathrm{kg}$, $P = 150 \,\mathrm{N}$, $F = 1000 \,\mathrm{N}$;

• $L_1=0.405\,\mathrm{m},\ L_2=0.433\,\mathrm{m},\ L_3=1.075\,\mathrm{m},\ L_4=1.762\,\mathrm{m},\ L_5=0.165\,\mathrm{m},\ L_6=0.250\,\mathrm{m},\ L_7=0.550\,\mathrm{m},\ L_8=0.750\,\mathrm{m}.$

Question 6 Déterminer alors la valeur du couple C_{12} .

La valeur limite supérieure du couple C_{12} est fixée par le constructeur à 9000 Nm.

Question 7 Le choix du robot permettra-t-il de garantir les conditions d'assemblage dans cette position? Justifier la réponse.