TD 1

Machine de forage - Sujet

Dans le domaine du génie civil, les foreuses permettent de réaliser des perçages profonds afin de couler des pieux en béton armé. On s'intéresse aux conditions de basculement statique de la foreuse.

Pour prévenir le basculement de la foreuse, l'opérateur peut observer dans un coin de son écran : le pourcentage $b_{\%}$ d'atteinte de la posture critique de basculement pour une orientation de tourelle donnée (figure 1.5).

Afin d'assurer la stabilité de l'engin, on cherche à satisfaire l'exigence 1.2 (figure 1.6).

Le paramétrage mécanique est donné sur la figure 1.7 :

- ▶ 0 le sol, S1 le châssis de la foreuse, S2 sa tourelle et son mât et S3 l'ensemble {table de forage + outil};
- ▶ $\Re_0 = (O; \overrightarrow{x}, \overrightarrow{y}, \overrightarrow{z})$ le repère attaché aux solides **S0** et **S1**;
- ▶ $\mathcal{B}_2 = (\overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{y_2}, \overrightarrow{z_2})$ la base attachée aux solides **Sé** et **S3** telle que $(\overrightarrow{x}, \overrightarrow{x_2}) = \theta$ où θ est connu;
- ▶ $\Sigma = \{S1, S2, S3\}$ l'ensemble de la foreuse, de centre de gravité G tel que $\overrightarrow{OG} = r\overrightarrow{x_2} + z_G\overrightarrow{z}$;
- ► M=186,5 tonnes la masse de l'ensemble Σ et m=18 tonnes la masse de S3 seul;
- ▶ $2F_w \overrightarrow{z}$ connu, l'effort du câble d'avance sur S3. La masse du câble est négligée dans la suite;
- ▶ $F_{\text{sol}} \overrightarrow{z}$, inconnu, l'effort de forage du sol **0** sur l'outil de forage **S3** au point F, connu, défini par $\overrightarrow{OF} = R\overrightarrow{x_2}$;
- ► $-g\overrightarrow{z}$ où $g = 9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}$, l'accélération de la pesanteur terrestre.

On modélise ici les contacts entre le sol et la foreuse**par des contacts ponctuels** : $F_g \overrightarrow{z}$, (respectivement $F_d \overrightarrow{z}$) inconnu, l'effort du sol 0 sur S1, supposé ponctuel au centre I (respectivement J) de la surface de contact entre la chenille gauche cg (respectivement c_d) et le sol tel que $||\overrightarrow{OI}|| = a = 2,1$ m (respectivement $||\overrightarrow{OI}|| = a = 2,1$ m).

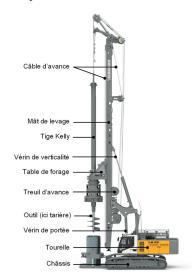
Question 1 En appliquant le principe fondamental de la statique en O à l'isolement de votre choix, donner l'expression de $F_{\rm g}$ et de $F_{\rm d}$ en fonction des données connues du système, de θ et de $F_{\rm sol}$.

Le problème étant symétrique pour $\theta \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$ (tourelle orientée à droite) et $\theta \in \left[\frac{\pi}{2}; \frac{3\pi}{2}\right]$ (tourelle orientée à gauche), on n'étudie par la suite que le basculement statique à droite.

Question 2 Donner la condition en effort pour laquelle il y a basculement statique à droite. En absence d'effort de forage, en déduire la condition sur la position (r, θ) du centre de gravité G pour laquelle le basculement à droite est alors évité.

Question 3 Interpréter physiquement ce résultat et montrer que $b_{\%}$ peut être, dans ce cas, approximé par : $b_{\%} = 100 \frac{|r \cos \theta|}{a}$.

D'après Concours CCINP 2023 - MP.



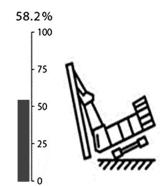


FIGURE 1.1 – Aperçu du contrôle de $b_{\%}$.

« requirement » Équilibrage statique initial

Id = '1.2' Text = 'b_%<50 % dans la posture la plus défavorable outil levé'

FIGURE 1.2 - Exigence 1.2.

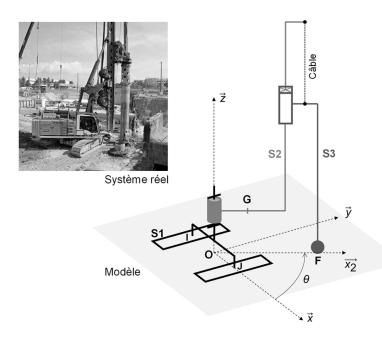


FIGURE 1.3 – Paramétrage mécanique

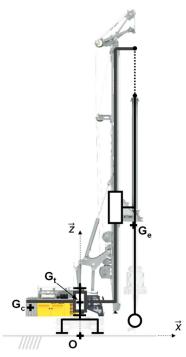


FIGURE 1.4 – Position des centres de gravité des différents solides.

On désire dimensionner le nombre de contrepoids de 8 tonnes à placer à l'arrière de la tourelle pour que, en l'absence de forage et en extension maximale, l'exigence 1.2 d'équilibrage statique initial soit respectée même dans le pire des cas où la tourelle est pleinement orientée à droite ($\theta=0^{\circ}$). Dans cette posture, le schéma de la figure 1.8 illustre où se situent, dans le même plan, les centres de gravité des différents éléments de la machine :

- ► G_t est le centre de gravité de la tourelle et du châssis. La masse de cet ensemble S_t est notée $m_t = 44,7$ tonnes;
- ▶ G_e est le centre de gravité de tous les équipements mobiles (tige Kelly, potences, vérins, mât, table de forage, outillage, terre à évacuer), positionnés dans la configuration la plus défavorable. La masse de cet ensemble Se est notée $m_e = 48.8$ tonnes;
- ▶ G_c est le centre de gravité des contrepoids. Il y a n_{cp} contrepoids de masse totale $m_c = n_{cp} \cdot m_1$, où $m_1 = 8$ tonnes est la masse d'un seul contrepoids;
- ▶ l'accélération de la pesanteur est notée : $\overrightarrow{g} = -g\overrightarrow{z} = -9, 8\overrightarrow{z}$ (en m/s²).

On note (en mètres) : $\overrightarrow{OG_c} = 2, 2\overrightarrow{z}, \overrightarrow{OG_e} = 4, 4\overrightarrow{x} + 13\overrightarrow{z}; \overrightarrow{OG_c} = -4, 3\overrightarrow{x} + 2, 3\overrightarrow{z}$. On fait l'hypothèse que $\overrightarrow{OG_c}$ reste identique, indépendamment du nombre de contrepoids.

Question 4 Exprimer la coordonnée sur \overrightarrow{x} , notée r, du centre de gravité G total de la machine en fonction des paramètres connus et de n_{cp} . En déduire le nombre n_{cp} minimum de contrepoids pour respecter l'exigence 1.2.

TD 1

Machine de forage – Corrigé

Dans le domaine du génie civil, les foreuses permettent de réaliser des perçages profonds afin de couler des pieux en béton armé. On s'intéresse aux conditions de basculement statique de la foreuse.

Pour prévenir le basculement de la foreuse, l'opérateur peut observer dans un coin de son écran : le pourcentage $b_{\%}$ d'atteinte de la posture critique de basculement pour une orientation de tourelle donnée (figure 1.5).

Afin d'assurer la stabilité de l'engin, on cherche à satisfaire l'exigence 1.2 (figure 1.6).

Le paramétrage mécanique est donné sur la figure 1.7 :

- ▶ 0 le sol, S1 le châssis de la foreuse, S2 sa tourelle et son mât et S3 l'ensemble {table de forage + outil};
- ▶ $\Re_0 = (O; \overrightarrow{x}, \overrightarrow{y}, \overrightarrow{z})$ le repère attaché aux solides **S0** et **S1**;
- $\mathcal{B}_2 = (\overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{y_2}, \overrightarrow{z_2})$ la base attachée aux solides **Sé** et **S3** telle que $(\overrightarrow{x}, \overrightarrow{x_2}) = \theta$ où θ est connu;
- ▶ $\Sigma = \{S1, S2, S3\}$ l'ensemble de la foreuse, de centre de gravité G tel que $\overrightarrow{OG} = r\overrightarrow{x_2} + z_G\overrightarrow{z}$;
- ► M=186,5 tonnes la masse de l'ensemble Σ et m=18 tonnes la masse de S3 seul;
- ▶ $2F_w \overrightarrow{z}$ connu, l'effort du câble d'avance sur S3. La masse du câble est négligée dans la suite;
- ▶ $F_{\text{sol}} \overrightarrow{z}$, inconnu, l'effort de forage du sol **0** sur l'outil de forage **S3** au point F, connu, défini par $\overrightarrow{OF} = R\overrightarrow{x_2}$;
- ► $-g\overrightarrow{z}$ où $g = 9.8 \,\mathrm{m \, s^{-2}}$, l'accélération de la pesanteur terrestre.

On modélise ici les contacts entre le sol et la foreuse**par des contacts ponctuels** : $F_g \overrightarrow{z}$, (respectivement $F_d \overrightarrow{z}$) inconnu, l'effort du sol 0 sur S1, supposé ponctuel au centre I (respectivement J) de la surface de contact entre la chenille gauche cg (respectivement c_d) et le sol tel que $||\overrightarrow{OI}|| = a = 2,1$ m (respectivement $||\overrightarrow{OI}|| = a = 2,1$ m).

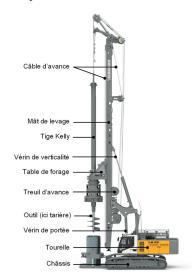
Question 1 En appliquant le principe fondamental de la statique en O à l'isolement de votre choix, donner l'expression de $F_{\rm g}$ et de $F_{\rm d}$ en fonction des données connues du système, de θ et de $F_{\rm sol}$.

Le problème étant symétrique pour $\theta \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$ (tourelle orientée à droite) et $\theta \in \left[\frac{\pi}{2}; \frac{3\pi}{2}\right]$ (tourelle orientée à gauche), on n'étudie par la suite que le basculement statique à droite.

Question 2 Donner la condition en effort pour laquelle il y a basculement statique à droite. En absence d'effort de forage, en déduire la condition sur la position (r, θ) du centre de gravité G pour laquelle le basculement à droite est alors évité.

Question 3 Interpréter physiquement ce résultat et montrer que $b_{\%}$ peut être, dans ce cas, approximé par : $b_{\%} = 100 \frac{|r \cos \theta|}{a}$.

D'après Concours CCINP 2023 - MP.



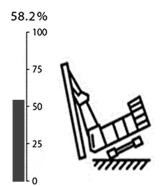


FIGURE 1.5 – Aperçu du contrôle de $b_{\%}$.

« requirement » Équilibrage statique initial

Id = '1.2' Text = 'b_%<50 % dans la posture la plus défavorable outil levé'

FIGURE 1.6 – Exigence 1.2.

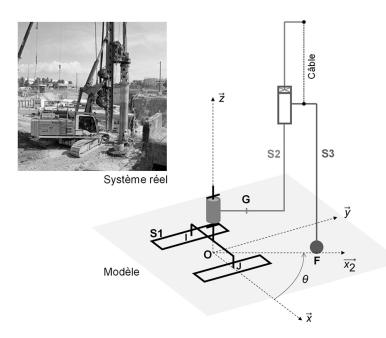


FIGURE 1.7 – Paramétrage mécanique

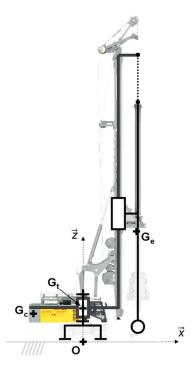


FIGURE 1.8 – Position des centres de gravité des différents solides.

On désire dimensionner le nombre de contrepoids de 8 tonnes à placer à l'arrière de la tourelle pour que, en l'absence de forage et en extension maximale, l'exigence 1.2 d'équilibrage statique initial soit respectée même dans le pire des cas où la tourelle est pleinement orientée à droite ($\theta=0^{\circ}$). Dans cette posture, le schéma de la figure 1.8 illustre où se situent, dans le même plan, les centres de gravité des différents éléments de la machine :

- ► G_t est le centre de gravité de la tourelle et du châssis. La masse de cet ensemble S_t est notée $m_t = 44.7$ tonnes;
- ▶ G_e est le centre de gravité de tous les équipements mobiles (tige Kelly, potences, vérins, mât, table de forage, outillage, terre à évacuer), positionnés dans la configuration la plus défavorable. La masse de cet ensemble Se est notée $m_e = 48,8$ tonnes;
- ► G_c est le centre de gravité des contrepoids. Il y a n_{cp} contrepoids de masse totale $m_c = n_{cp} \cdot m_1$, où $m_1 = 8$ tonnes est la masse d'un seul contrepoids;
- ▶ l'accélération de la pesanteur est notée : $\overrightarrow{g} = -g\overrightarrow{z} = -9, 8\overrightarrow{z}$ (en m/s²).

On note (en mètres): $\overrightarrow{OG_c} = 2, 2\overrightarrow{z}$, $\overrightarrow{OG_e} = 4, 4\overrightarrow{x} + 13\overrightarrow{z}$; $\overrightarrow{OG_c} = -4, 3\overrightarrow{x} + 2, 3\overrightarrow{z}$. On fait l'hypothèse que $\overrightarrow{OG_c}$ reste identique, indépendamment du nombre de contrepoids.

Question 4 Exprimer la coordonnée sur \overrightarrow{x} , notée r, du centre de gravité G total de la machine en fonction des paramètres connus et de n_{cp} . En déduire le nombre n_{cp} minimum de contrepoids pour respecter l'exigence 1.2.

TD 2

Machine de forage - Sujet

Dans le domaine du génie civil, les foreuses permettent de réaliser des perçages profonds afin de couler des pieux en béton armé. On s'intéresse aux conditions de basculement statique de la foreuse.

Le basculement de la machine peut être dû à un déport trop important du centre de gravité de la machine, mais peut aussi être dû à un affaissement du sol. La foreuse doit donc contrôler à tout instant, par estimation, la pression qu'elle exerce sur le sol (et donc que le sol exerce sur elle).

Le tableau 1.2 récapitule les niveaux de pression que les sols peuvent supporter avant de risquer de s'affaisser.

D'après les normes européennes, la répartition de pression du sol sur chaque chenille doit être modélisée comme trapézoïdale sur sa longueur et constante sur sa largeur. Un exemple de représentations 3D, 2D et « aplatie » de telles répartitions est donné sur la figure 1.12. Sur la vue « aplatie », la machine est vue de dessus et la visualisation de l'allure des pressions sous les chenilles est ramenée dans le plan.

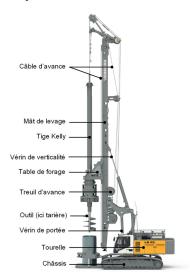
Un des rôles de l'ordinateur de bord est d'estimer ces répartitions de pression afin de vérifier que la pression maximale supportée par le sol (rentrée par l'utilisateur en fonction du site) n'est pas atteinte à un coefficient de sécurité près. Si c'est le cas, l'ordinateur bloque tous les mouvements de la foreuse qui risqueraient d'empirer et renvoie une alarme.

On se propose dans cette sous-partie d'étudier cette estimation.

On base l'étude sur le paramétrage figure 1.13, avec répartition de pression entre le sol et les chenilles. On note :

- ▶ P(x, y, 0), un point courant de contact entre le sol et les chenilles. Attention, x est négatif sur la figure ci-dessous. Les grandeurs dx et dy sont les dimensions du domaine surfacique élémentaire autour du point P entre le sol et les chenilles;
- $p_g(y) = A\frac{y}{L} + B$, la pression du sol 0 sur la chenille gauche cg au point P(x, y, 0) où A et B, homogènes à des pressions, sont inconnues et à déterminer;
- ▶ $p_d(y) = C\frac{y}{L} + D$, la pression du sol 0 sur la chenille droite cd au point P(x, y, 0) où C et D, homogènes à des pressions, sont inconnues et à déterminer;
- ► L = 5.4 m, la longueur et l = 1 m la largeur de chaque chenille;
- ▶ a = 2.1 m, la distance moyenne sur l'axe \overrightarrow{x} d'une chenille au centre O de la machine.

D'après Concours CCINP 2023 - MP.



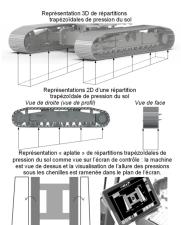


FIGURE 1.9 – Modèles de répartitions trapézoïdales de pression du sol sur les chenilles.

Table 1.1 – Pressions admissibles par le sol selon le type de sol

Type de sol	Rocher	Schiste argileux	Gravier compact	Asphalte	Sable compacté	Sable en vrac	Argile humide
Pression maximale ad-	2 000	800	400	200	200	100	< 100
missible (kPa)							

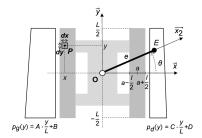


FIGURE 1.10 – Simplification et modèle équivalent

$$\begin{cases} (D+B)Ll = -F_{\rm eq} \\ (C+A)\frac{L^1l}{12} = -F_{\rm eq}e\sin\theta \\ (d-B)Lla = -F_{\rm eq}e\cos\theta \end{cases}$$

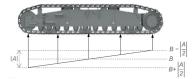


FIGURE 1.11 – Aperçu des expressions des pressions minimale, maximale et moyenne.

Afin de résoudre le problème plus facilement, on somme les deux glisseurs (poids en G et sol en F) pour en former un seul équivalent (en E), comme visualisé sur la figure 1.13 et noté $\overline{R(eq \to f)} = F_{eq} \overrightarrow{z}$ où F_{eq} est négatif.

Question 1 Déterminer les expressions de F_{eq} et de e en fonction de M, m, F_w , R, r et de g.

La force élémentaire de réaction du sol 0 sur la chenille gauche cg est notée $\overrightarrow{dF_{0\to cg}(P)} = p_g(y)\overrightarrow{z} dxdy$. La chenille droite est notée cd.

Question 2 En déduire l'expression de la force élémentaire $\overrightarrow{dF_{0 \to cg}(P)}$ et du moment élémentaire $\overrightarrow{dM_{O,0 \to cg}(P)}$ au point O qu'exercent le sol sur la chenille gauche en un point P de contact en fonction de A et de B.

Question 3 Déterminer à l'aide de la question précédente les expressions de l'effort $\overrightarrow{F_{0 \to cg}}$ et du moment au point O $\overrightarrow{M_{O,0 \to cg}}$ en fonction de B, D et des données connues du système.

De même, on pourrait, par analogie, déterminer $\overrightarrow{F_{0 \to cd}} \overrightarrow{M_{O,0 \to cd}}$ en fonction de C et de D. Au final, on peut en déduire la force $\overrightarrow{F_{0 \to \Sigma}}$ qu'exerce le sol sur la foreuse et le moment en O qu'exerce le sol sur la foreuse $\overrightarrow{M_{O,0 \to \Sigma}}$ (via uniquement les chenilles gauche et droite).

Grâce à ces résultats, on trouve qu'à l'équilibre, les répartitions de pressions trapézoïdales doivent respecter le système d'équations ci-contre.

Question 4 Quels théorèmes généraux ont permis d'établir les trois équations scalaires du système d'équations (1)?

La figure 1.14 permet de remarquer que B (respectivement D), toujours positive, est la pression moyenne de la répartition trapézoïdale gauche (respectivement droite) et que A (respectivement C), positive ou négative, en est l'écart entre sa pression avant et arrière. Ainsi, la pression maximale du sol sur la chenille gauche vaut toujours $B + \left| \frac{A}{2} \right|$

(respectivement
$$D + \left| \frac{C}{2} \right|$$
 à droite).

Ainsi, pour estimer la pression maximale exercée au sol, l'ordinateur de bord estime d'abord la position de E et la valeur de $F_{\rm eq}$ en fonction des données renvoyées à tout instant par les capteurs présents sur les différents axes de la foreuse. Ensuite, il détermine les valeurs des pressions A, B, C et D grâce aux équations précédentes avec **l'hypothèse assez réaliste où** C = A et en déduit la pression maximale. Enfin, il renvoie à l'écran la visualisation « aplatie » des distributions de pression et sonne l'alarme en cas d'approche de la pression maximale autorisée rentrée par l'utilisateur.

Question 5 Après avoir précisé l'expression des paramètres A, B, C et D, donner l'expression de la pression maximale de chacune des répartitions estimées (gauche et droite) en fonction des données connues par la machine (L, l, a, e, θ et $F_{\rm eq}$ uniquement).

Question 6 En déduire que l'expression unique de la pression maximale sous la foreuse s'écrit : $p_{\text{max}} = \frac{-F_{\text{eq}}}{2Ll} \left(1 + \frac{e|\cos\theta|}{a} + \frac{6e|\sin\theta|}{L} \right)$.

TD₂

Machine de forage - Corrigé

Dans le domaine du génie civil, les foreuses permettent de réaliser des perçages profonds afin de couler des pieux en béton armé. On s'intéresse aux conditions de basculement statique de la foreuse.

Le basculement de la machine peut être dû à un déport trop important du centre de gravité de la machine, mais peut aussi être dû à un affaissement du sol. La foreuse doit donc contrôler à tout instant, par estimation, la pression qu'elle exerce sur le sol (et donc que le sol exerce sur elle).

Le tableau 1.2 récapitule les niveaux de pression que les sols peuvent supporter avant de risquer de s'affaisser.

D'après les normes européennes, la répartition de pression du sol sur chaque chenille doit être modélisée comme trapézoïdale sur sa longueur et constante sur sa largeur. Un exemple de représentations 3D, 2D et « aplatie » de telles répartitions est donné sur la figure 1.12. Sur la vue « aplatie », la machine est vue de dessus et la visualisation de l'allure des pressions sous les chenilles est ramenée dans le plan.

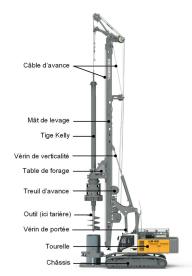
Un des rôles de l'ordinateur de bord est d'estimer ces répartitions de pression afin de vérifier que la pression maximale supportée par le sol (rentrée par l'utilisateur en fonction du site) n'est pas atteinte à un coefficient de sécurité près. Si c'est le cas, l'ordinateur bloque tous les mouvements de la foreuse qui risqueraient d'empirer et renvoie une alarme.

On se propose dans cette sous-partie d'étudier cette estimation.

On base l'étude sur le paramétrage figure 1.13, avec répartition de pression entre le sol et les chenilles. On note :

- ▶ P(x, y, 0), un point courant de contact entre le sol et les chenilles. Attention, x est négatif sur la figure ci-dessous. Les grandeurs dx et dy sont les dimensions du domaine surfacique élémentaire autour du point P entre le sol et les chenilles;
- ▶ $p_g(y) = A\frac{y}{L} + B$, la pression du sol 0 sur la chenille gauche cg au point P(x, y, 0) où A et B, homogènes à des pressions, sont inconnues et à déterminer;
- ▶ $p_d(y) = C\frac{y}{L} + D$, la pression du sol 0 sur la chenille droite cd au point P(x, y, 0) où C et D, homogènes à des pressions, sont inconnues et à déterminer;
- ► L = 5.4 m, la longueur et l = 1 m la largeur de chaque chenille;
- ▶ a = 2.1 m, la distance moyenne sur l'axe \overrightarrow{x} d'une chenille au centre O de la machine.

D'après Concours CCINP 2023 - MP.



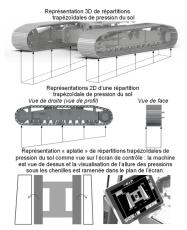


FIGURE 1.12 – Modèles de répartitions trapézoïdales de pression du sol sur les chenilles.

Table 1.2 – Pressions admissibles par le sol selon le type de sol

Type de sol	Rocher	Schiste argileux	Gravier compact	Asphalte	Sable compacté	Sable en vrac	Argile humide
Pression maximale ad-	2 000	800	400	200	200	100	< 100
missible (kPa)							

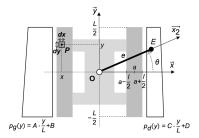


FIGURE 1.13 – Simplification et modèle équivalent

$$\left\{ \begin{array}{l} (D+B)Ll = -F_{\rm eq} \\ (C+A)\frac{L^1l}{12} = -F_{\rm eq}e\sin\theta \\ (d-B)Lla = -F_{\rm eq}e\cos\theta \end{array} \right.$$

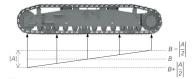


FIGURE 1.14 – Aperçu des expressions des pressions minimale, maximale et moyenne.

Afin de résoudre le problème plus facilement, on somme les deux glisseurs (poids en G et sol en F) pour en former un seul équivalent (en E), comme visualisé sur la figure 1.13 et noté $\overline{R(eq \to f)} = F_{eq} \overrightarrow{z}$ où F_{eq} est négatif.

Question 1 Déterminer les expressions de F_{eq} et de e en fonction de M, m, F_w , R, r et de g.

La force élémentaire de réaction du sol 0 sur la chenille gauche cg est notée $\overrightarrow{dF_{0 \to cg}(P)} = p_g(y)\overrightarrow{z} dxdy$. La chenille droite est notée cd.

Question 2 En déduire l'expression de la force élémentaire $\overrightarrow{dF_{0\to cg}(P)}$ et du moment élémentaire $\overrightarrow{dM_{O,0\to cg}(P)}$ au point O qu'exercent le sol sur la chenille gauche en un point P de contact en fonction de A et de B.

Question 3 Déterminer à l'aide de la question précédente les expressions de l'effort $\overrightarrow{F_{0 \to cg}}$ et du moment au point O $\overrightarrow{M_{O,0 \to cg}}$ en fonction de B, D et des données connues du système.

De même, on pourrait, par analogie, déterminer $\overrightarrow{F_{0 \to cd}} \overrightarrow{M_{O,0 \to cd}}$ en fonction de C et de D. Au final, on peut en déduire la force $\overrightarrow{F_{0 \to \Sigma}}$ qu'exerce le sol sur la foreuse et le moment en O qu'exerce le sol sur la foreuse $\overrightarrow{M_{O,0 \to \Sigma}}$ (via uniquement les chenilles gauche et droite).

Grâce à ces résultats, on trouve qu'à l'équilibre, les répartitions de pressions trapézoïdales doivent respecter le système d'équations ci-contre.

Question 4 Quels théorèmes généraux ont permis d'établir les trois équations scalaires du système d'équations (1)?

La figure 1.14 permet de remarquer que B (respectivement D), toujours positive, est la pression moyenne de la répartition trapézoïdale gauche (respectivement droite) et que A (respectivement C), positive ou négative, en est l'écart entre sa pression avant et arrière. Ainsi, la pression maximale du sol sur la chenille gauche vaut toujours $B + \left| \frac{A}{2} \right|$

(respectivement
$$D + \left| \frac{C}{2} \right|$$
 à droite).

Ainsi, pour estimer la pression maximale exercée au sol, l'ordinateur de bord estime d'abord la position de E et la valeur de $F_{\rm eq}$ en fonction des données renvoyées à tout instant par les capteurs présents sur les différents axes de la foreuse. Ensuite, il détermine les valeurs des pressions A, B, C et D grâce aux équations précédentes avec **l'hypothèse assez réaliste où** C = A et en déduit la pression maximale. Enfin, il renvoie à l'écran la visualisation « aplatie » des distributions de pression et sonne l'alarme en cas d'approche de la pression maximale autorisée rentrée par l'utilisateur.

Question 5 Après avoir précisé l'expression des paramètres A, B, C et D, donner l'expression de la pression maximale de chacune des répartitions estimées (gauche et droite) en fonction des données connues par la machine (L, l, a, e, θ et F_{eq} uniquement).

Question 6 En déduire que l'expression unique de la pression maximale sous la foreuse s'écrit : $p_{\text{max}} = \frac{-F_{\text{eq}}}{2Ll} \left(1 + \frac{e|\cos\theta|}{a} + \frac{6e|\sin\theta|}{L} \right)$.