

TP 12

Algorithmes de tris – Sujet

Tri par comptage

On suppose que la liste à trier L est constituée d'entiers de l'intervalle $\llbracket 0; k \rrbracket$. L'algorithme fonctionne suivant le principe suivant :

1. on parcourt une fois la liste et on compte le nombre d'éléments de la liste égaux à $0, 1, \dots, k - 1$. Pour ce faire on utilise une liste C de taille k ;
2. on procède alors à une réécriture de la liste initiale, de sorte qu'en sortie elle soit constituée des mêmes éléments, mais triés dans l'ordre croissant.

Ainsi, si on cherche à trier la liste $L = [2, 1, 4, 1]$. Dans un premier temps on crée une liste C contenant cinq fois la valeur 0 : $C = [0, 0, 0, 0, 0]$. Une fois le comptage terminé on obtient la liste suivante : $C = [0, 2, 1, 0, 1]$. La liste triée sera donc constituée de 2 fois la valeur 1 puis 1 fois la valeur 2 puis une fois la valeur 4 soit $L = [1, 1, 2, 4]$.

L'algorithme prend en entrée la liste L à trier, ainsi qu'un entier k tel que tous les éléments de la liste soient des entiers de l'intervalle $\llbracket 0; k \rrbracket$. On procède en deux étapes : d'abord compter les éléments de chaque type, ensuite réécrire la liste L .

Question 1 Ecrire la fonction `tri_comptage(L : list, k : int) -> None` permettant de réaliser un tri par comptage avec effet de bord.

Question 2 Ecrire la fonction `tri_comptage_02(L : list, k : int) -> list` permettant de réaliser un tri par comptage sans effet de bord.

Définition – Tri en place – Wikipedia

Un tri est dit en place s'il n'utilise qu'un nombre très limité de variables et qu'il modifie directement la structure qu'il est en train de trier. Ceci nécessite l'utilisation d'une structure de donnée adaptée (un tableau par exemple). Ce caractère peut être très important si on ne dispose pas de beaucoup de mémoire.

Définition – Tri stable – Wikipedia

Un tri est dit stable s'il préserve l'ordonnancement initial des éléments que l'ordre considère comme égaux.

Question 3 Les fonctions proposées réalisent-elles un tri stable ? un tri en place ?

Tri fusion d'une liste d'entiers

Le tri fusion d'une liste se base sur le principe suivant :

1. on sépare la liste en 2 listes de longueurs quasi-égales (à un élément près);
2. on trie ces deux listes en utilisant le tri fusion (par un appel récursif);
3. à partir de deux listes triées, on les fusionne en une seule liste en conservant l'ordre croissant.

Question 4 Implémenter la fonction `separe(L : list) -> tuple[list, list]` renvoyant deux listes de longueurs quasi-égales.

Question 5 Proposer 3 tests unitaires permettant de vérifier le bon fonctionnement de votre fonction.

Question 6 Implémenter la fonction `fusion(L1 : list, L2 : list) -> list` réalisant la fusion de deux listes triées. Pour cela on procèdera ainsi :

1. si une des listes est vide on renvoie l'autre ;
2. sinon :
 - a) si `L1[0] < L2[0]` on fusionne, par récursivité. Pour cela on concatène `L1[0]` et la fusion de `L1[1:]` et `L2` ;
 - b) sinon, on réfléchit et on fusionne ce qu'il y a à fusionner ;).

Question 7 Proposer 3 tests unitaires permettant de vérifier le bon fonctionnement de votre fonction.

Question 8 Implémenter la fonction `tri_fusion(L : list) -> list` réalisant par récursivité le tri de la liste `L`.

Comparaison des tris

Objectif

L'objectif est de comparer les différents tris en comptant le nombre d'opérations élémentaires réalisées.

Question 9 Copier – coller les algorithmes de tri par sélection et de tri rapide réaliser avec Capytale.

Question 10 Copier – coller la fonction ci-dessous dans votre script et ajouter l'appel `compteur()` une fois pour chacun des tris, au niveau de l'instruction étant réalisée le plus grand nombre de fois.

```
1 def compteur():
2     global C
3     C = C+1
```

Soit les instructions suivantes.

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import random as rd
3 les_i = []
4 les_selection = []
5
6 for i in range(1,100,10):
7     les_i.append(i)
8     L = [rd.randrange(0,i) for x in range(i)]
9     C = 0
10    tri_comptage(L.copy())
11    les_comptage.append(C)
12
13 plt.plot(les_i,les_comptage,label='Comptage')
14 plt.grid()
15 plt.legend()
16 plt.show()
```

Question 11 Vérifier que ces lignes sont fonctionnelles. Commenter ces lignes par blocs d'instructions.