

Application 1

Réglage de correcteurs P et PI – Corrigé

Ressources de P. Dupas.

Correcteur proportionnel

C1-02
D'après ressources P. Dupas.
C2-04

Question 1 Mesurer puis calculer la marge de phase.

Correction

► On cherche ω tel que $G_{dB}(\omega) = 0 \text{ dB}$: $G_{dB}(\omega) = -20 \log(10) - 20 \log \omega - 20 \log \left(\sqrt{(1 - \omega^2)^2 + \omega^2} \right)$

On trouve $\omega = 2,21 \text{ rad/s}$ et $M_\varphi = -60^\circ$. Le système est instable.

Question 2 Mesurer puis calculer la marge de gain.

Correction

Pour $\varphi = -180^\circ$, on a $\omega = 1 \text{ rad/s}$ et $M_G = -20 \text{ dB}$. Le système est instable.

Question 3 Déterminer K_p pour avoir une marge de phase de 45° . Vérifier la marge de gain.

Correction

Pour $\varphi = -135^\circ$ on a $\omega = 0,62 \text{ rad/s}$. On trouve un gain proportionnel de 0,054.

La marge de gain est alors de 5,35 dB ce qui est inférieur aux 10 dB demandés.

Question 4 Déterminer K_p pour avoir une marge de gain de 10 dB. Vérifier la marge de phase.

Correction

Pour $\varphi = -180^\circ$ on a $\omega = 1 \text{ rad/s}$. On trouve un gain proportionnel de 0,316.

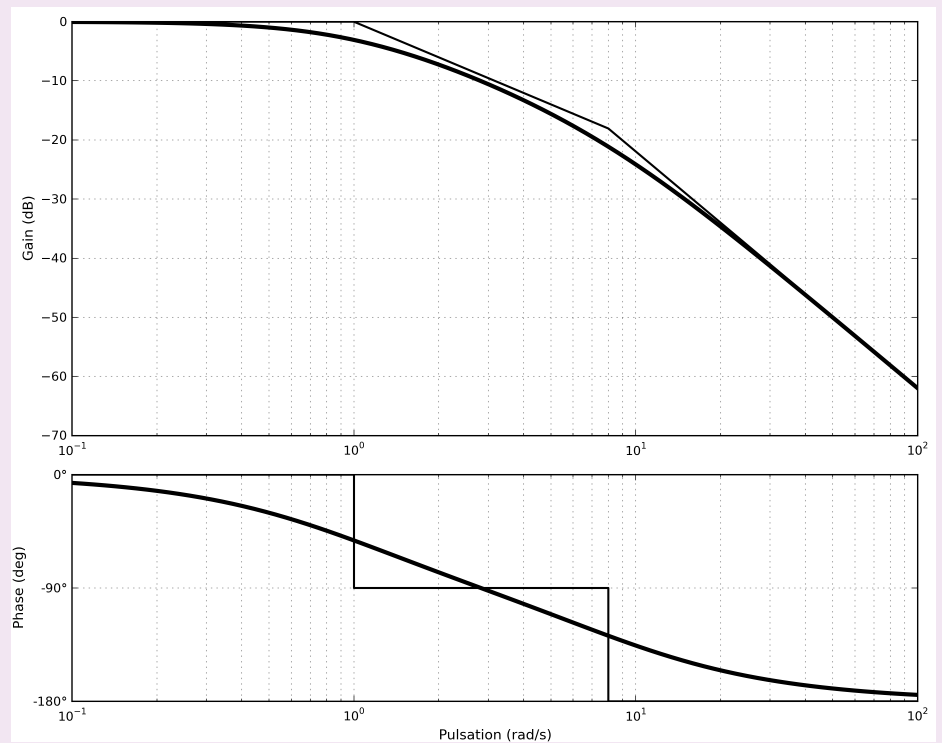
La marge de phase est alors de 70° ($\omega = 0,0333 \text{ rad/s}$).

Correcteur proportionnel intégral

D'après ressources P. Dupas.

Question 5 Justifier le diagramme de Bode de la boucle ouverte non corrigée.

Correction



Question 6 Déterminer les paramètres du correcteur pour avoir une marge de phase de 45° .

Correction

- On résout $\varphi(\omega) = -135^\circ$: $\varphi(\omega) = -\arctan \omega - \arctan \omega/8 \Rightarrow \tan 135^\circ = \frac{\omega + \omega/8}{1 - \omega^2/8}$
 $\Leftrightarrow -1 + \omega^2/8 - 9\omega/8 = 0 \Leftrightarrow \omega^2 - 9\omega - 8 = 0$. $\Delta = 81 + 32 = 113$. $\omega = \frac{9 \pm \sqrt{113}}{2} = 9,82 \text{ rad/s}$.
- Calculons $G_{dB}(9,82) = -23,9 \text{ dB}$. Il faut donc augmenter le gain de 23,9 dB soit $K_P = 10^{23,9/20} = 15,7$.
- On choisit τ pour ne pas modifier la marge de phase. Il faut donc que le déphasage de 0° du correcteur ait lieu avant 9,82 rad/s. De manière usuelle on prend $\frac{1}{\tau} = \frac{9,82}{10} = 0,982 \text{ rad/s}$.
- Au final, on a $C(p) = 15,7 \frac{1 + 1,018p}{1,018p}$.

Question 7 Tracer le diagramme de Bode du correcteur et le diagramme de la boucle ouverte corrigée.

Correction

