

Mouvement RT ★

B2-13

Question 1 Déterminer $\overrightarrow{V(C, 2/0)}$ par dérivation vectorielle ou par composition.

Méthode 1 – Dérivation vectorielle

$$\overrightarrow{V(C, 2/0)} = \frac{d}{dt} [\overrightarrow{AC}]_{\mathcal{R}_0} = \frac{d}{dt} [\overrightarrow{AB}]_{\mathcal{R}_0} + \frac{d}{dt} [\overrightarrow{BC}]_{\mathcal{R}_0} = \dot{\lambda}(t) \vec{i}_0 + R \frac{d}{dt} [\vec{i}_2]_{\mathcal{R}_0} = \dot{\lambda}(t) \vec{i}_0 + R \dot{\theta} \vec{j}_2$$

Méthode 2 – Composition du torseur cinématique

$$\overrightarrow{V(C, 2/0)} = \overrightarrow{V(C, 2/1)} + \overrightarrow{V(C, 1/0)}$$

$$\text{Pour tout point } P, \overrightarrow{V(P, 1/0)} = \dot{\lambda} \vec{i}_0.$$

$$\overrightarrow{V(C, 2/1)} = \overrightarrow{V(B, 2/1)} + \overrightarrow{CB} \wedge \overrightarrow{\Omega(2/1)} = -R \vec{i}_2 \wedge \dot{\theta} \vec{k}_0 = R \dot{\theta} \vec{j}_2.$$

$$\text{On a donc } \overrightarrow{V(C, 2/0)} = \dot{\lambda} \vec{i}_0 + R \dot{\theta} \vec{j}_2.$$

Question 2 Donner le torseur cinématique $\{\mathcal{V}(2/0)\}$ au point C.

$$\{\mathcal{V}(2/0)\} = \left\{ \begin{array}{l} \overrightarrow{\Omega(2/0)} = \dot{\theta} \vec{k}_0 \\ \overrightarrow{V(C, 2/0)} = \dot{\lambda} \vec{i}_0 + R \dot{\theta} \vec{j}_2 \end{array} \right\}_C.$$

Question 3 Déterminer $\overrightarrow{\Gamma(C, 2/0)}$.

$$\overrightarrow{\Gamma(C, 2/0)} = \frac{d}{dt} [\overrightarrow{V(C, 2/0)}]_{\mathcal{R}_0} = \ddot{\lambda}(t) \vec{i}_0 + R \frac{d}{dt} [\dot{\theta} \vec{j}_2]_{\mathcal{R}_0} = \ddot{\lambda}(t) \vec{i}_0 + R (\ddot{\theta} \vec{j}_2 - \dot{\theta}^2 \vec{i}_2).$$