### TD 0:

# Dépose de bagage automatique dans les aéroports (DBA) – Corrigé

#### Mise en situation

#### Recherche de la vitesse de rotation maximale

#### Objectif

Le bagage et le chariot sont animés par un dispositif bielle-manivelle et une machine asynchrone triphasée avec un réducteur entraînant la manivelle. L'objectif est de déterminer la vitesse de rotation maximale de la machine asynchrone triphasée actionnant le basculeur en accord avec l'exigence 1.4 (le basculement du bagage doit se faire en 8 s).

**Question 1** Déterminer  $\omega_{\max}$  en fonction des différents  $t_i$ . Faire l'application numérique.

#### Correction

En calculant l'aire sous la courbe (l'intégrale de la vitesse est la position) et sachant que le réducteur doit faire un demi-tour ( $\pi$  rad), on a :  $\pi = \frac{1}{2}t_1\omega_{\max} + \frac{1}{2}(t_3 - t_2)\omega_{\max} + (t_2 - t_1)\omega_{\max} = \left(\frac{1}{2}t_1 + \frac{1}{2}(t_3 - t_2) + (t_2 - t_1)\right)\omega_{\max}$ . On a donc  $\omega_{\max} = \frac{\pi}{-\frac{1}{2}t_1 + \frac{1}{2}t_2 + \frac{1}{2}t_3} = \frac{\pi}{-\frac{1}{2}0,5 + \frac{1}{2}2,5 + \frac{1}{2}3} = \frac{\pi}{2,5} = 1,26 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$ .

**Question 2** En déduire la vitesse de rotation de l'arbre moteur maximale  $\omega_{\text{mot max}}$ . Faire l'application numérique et donner le résultat en  $\text{tr} \cdot \text{min}^{-1}$ .

#### Correction

 $\omega_{\text{mot max}} = 107, 7 \times 1, 26 = 135 \,\text{rad s}^{-1} = 1292 \,\text{tr min}^{-1}.$ 

## Recherche du couple moteur maximal en vue du dimensionnement de la machine asynchrone

#### Objectif

La seconde étape du dimensionnement consiste à rechercher le couple moteur maximal en accord avec l'exigence 1.2 (la masse du bagage pouvant être manœuvré par le système est de 50 kg).

#### Correction

 $\{\mathcal{T}(S_0 \to S_1)\}_1 = \left\{\begin{array}{c} F_1 \overrightarrow{x_{11}} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{A_1} \text{ et } \{\mathcal{T}(S_0 \to S_1)\}_2 = \left\{\begin{array}{c} F_2 \overrightarrow{x_{12}} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{A_2}.$  Ces torseurs sont des glisseurs (il existe un point où le moment est nul, ici les droites  $(A_i, I)$ ).

Concours Centrale Supelec TSI 2013.

B2-14

C1-05

C2-07



#### Correction

On a  $\{\mathcal{T}(S_0 \to S_1)\} = \{\mathcal{T}(S_0 \to S_1)\}_1 + \{\mathcal{T}(S_0 \to S_1)\}_2 = \begin{cases} F_1 \overrightarrow{x_{11}} + F_2 \overrightarrow{x_{12}} \\ \overrightarrow{0} \end{cases}$ est un glisseur dont le point I appartient au support.

#### Correction

On prendra  $F_B$  comme valeur algébrique et pas comme norme de la résultante. On isole la bielle S<sub>2</sub>, elle est soumise à deux glisseurs. D'après le PFS, ces glisseurs sont de même norme, de même direction (la droite (*DB*)) et de sens opposés. On a  $\{\mathcal{T}(S_2 \to S_1)\} = \begin{cases} F_B \overline{x_2^2} \\ 0 \end{cases}$ 

#### Correction

On isole  $S_1$ .

On réalise le BAME :

$$\begin{aligned} & \quad \left\{ \mathcal{T} \left( S_2 \to S_1 \right) \right\} = \left\{ \begin{array}{l} F_B \overrightarrow{x_2} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B \\ & \quad = \left\{ \begin{array}{l} F_B \overrightarrow{x_2} \\ L_2 F_B \sin \left( \alpha_{12} - \alpha_2 \right) \overrightarrow{z} \end{array} \right\}_I (\overrightarrow{IB} \wedge F_B \overrightarrow{x_2} = L_2 \overrightarrow{x_{12}} \wedge F_B \overrightarrow{x_2} = L_2 F_B \sin \left( \alpha_{12} - \alpha_2 \right) \overrightarrow{z} ); \\ & \quad \left\{ \mathcal{T} \left( S_0 \to S_1 \right) \right\} = \left\{ \begin{array}{l} F_1 \overrightarrow{x_{11}} + F_2 \overrightarrow{x_{12}} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_I ; \end{aligned}$$

$$\qquad \{ \mathcal{T} \left( S_0 \to S_1 \right) \} = \left\{ \begin{array}{c} F_1 \overrightarrow{x_{11}} + F_2 \overrightarrow{x_{12}} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_I;$$

En appliquant le TMS en I en projection sur  $\overrightarrow{z_0}$ , on a :  $L_2F_B\sin{(\alpha_{12}-\alpha_2)}-mgx_G=0$  soit  $F_B=\frac{mgx_G}{L_2\sin{(\alpha_{12}-\alpha_2)}}$ .

Question 3 On note C<sub>red</sub> le couple exercé par l'arbre de sortie de réducteur sur la manivelle  $S_3$ . Montrer que  $C_{\text{red}} - RF_B \sin(\alpha_3 - \alpha_2) = 0$ .

#### Correction

En isolant 2, on montre que  $\{\mathcal{T}(2 \to 3)\} = \{\mathcal{T}(1 \to 2)\}.$ 

On isole 3.

On fait le BAME :

► 
$$\{\mathcal{T}(2 \to 3)\} = -\{\mathcal{T}(2 \to 1)\} = \begin{cases} -F_B \overrightarrow{x_2} \\ \overrightarrow{0} \end{cases} \}_D$$
 et on a  $\overline{\mathcal{M}(E, 2 \to 3)} = \overline{\mathcal{M}(D, 2 \to 3)} + \overline{ED} \wedge -F_B \overrightarrow{x_2} = R \overrightarrow{x_3} \wedge -F_B \overrightarrow{x_2} = -RF_B \sin(\alpha_3 - \alpha_2);$   
►  $\{\mathcal{T}(\text{réd} \to 3)\} = \begin{cases} \overrightarrow{0} \\ C_{\text{red}} \overrightarrow{z_0} \end{cases} ;$ 

$$\qquad \qquad \left\{ \mathcal{T} \left( \text{r\'ed} \to 3 \right) \right\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_{\text{red}} \overrightarrow{z_0} \end{array} \right\}_F;$$

$$\blacktriangleright \{\mathfrak{T}(0 \to 3)\} \text{ avec } \overrightarrow{\mathcal{M}(E, 0 \to 3)} \cdot \overrightarrow{z_0} = 0.$$

On applique le TMS en E en projection sur  $\overrightarrow{z_0}$ :  $C_{\text{red}} - RF_B \sin(\alpha_3 - \alpha_2) = 0$ .

Dans la configuration choisie, on a  $x_G = 506$  mm,  $L_2 = 140$  mm,  $\alpha_3 = 91^\circ$ ,  $\alpha_{12} = 108^\circ$ et  $\alpha_2 = 3^{\circ}$  (on montre par une simulation numérique que cette position conduit au couple maximal).



#### Correction

On a 
$$C_{\text{red}} = RF_B \sin{(\alpha_3 - \alpha_2)} = \frac{Rmgx_G \sin{(\alpha_3 - \alpha_2)}}{L_2 \sin{(\alpha_{12} - \alpha_2)}} \simeq 252 \,\text{Nm}.$$

**Question 4** En déduire la valeur numérique  $C_m$  du couple qu'exerce l'arbre de la machine asynchrone sur l'arbre d'entrée du réducteur (on supposera le rendement du réducteur égal à 1).

#### Correction

Le couple moteur est alors de 2,34 Nm.

