Application 0

Réglage de correcteurs P et PI - Corrigé

Ressources de P. Dupas.

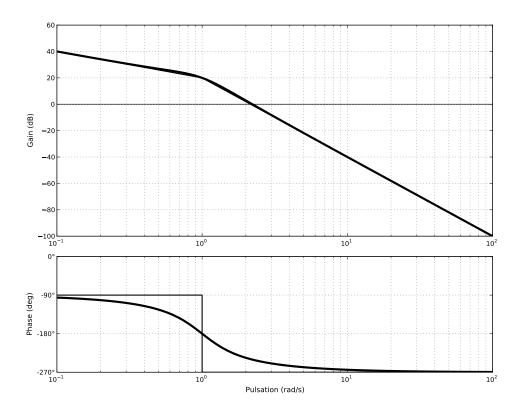
Correcteur proportionnel

D'après ressources P. Dupas.

Soit un système de fonction de transfert $G(p) = \frac{10}{p(1+p+p^2)}$ placé dans une boucle à retour unitaire. On souhaite corriger le comportement de ce système par un correcteur proportionnel. On désire une marge de phase de 45° et une marge de gain de $10 \, \mathrm{dB}$.

C1-02 C2-04

On donne le diagramme de Bode associé à cette fonction de transfert.



Question 1 Mesurer puis calculer la marge de phase.

Correction

▶ On cherche ω tel que $G_{dB}(\omega) = 0 dB$: $G_{dB}(\omega) = -20 \log(10) - 20 \log \omega - 20 \log \left(\sqrt{(1-\omega^2)^2+\omega^2}\right)$

On trouve ω = 2,21 rad/s et M_{φ} = -60°. Le système est instable.

Question 2 Mesurer puis calculer la marge de gain.

Correction

Pour $\varphi = -180^{\circ}$, on a $\omega = 1 \text{ rad/s}$ et $M_G = -20 \text{ dB}$. Le système est instable.

Question 3 Déterminer K_p pour avoir une marge de phase de 45°. Vérifier la marge de gain.

Correction

Pour $\varphi=-135^\circ$ on a $\omega=0.62\,\mathrm{rad/s}$. On trouve un gain proportionnel de 0.054. La marge de gain est alors de 5.35 dB ce qui est inférieur aux 10 dB demandés.

Question 4 Déterminer K_p pour avoir une marge de gain de 10 dB. Vérifier la marge de phase.

Correction

Pour $\varphi = -180^\circ$ on a $\omega = 1$ rad/s. On trouve un gain proportionnel de 0,316. La marge de phase est alors de $70^\circ(\omega = 0.0333 \, \text{rad/s})$.

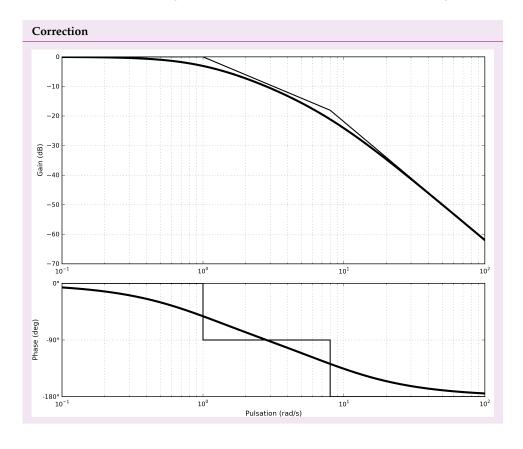
Correcteur proportionnel intégral

D'après ressources P. Dupas.

Soit un système de fonction de transfert $G(p)=\frac{1}{(p+1)\left(\frac{p}{8}+1\right)}$ placé dans une boucle à retour unitaire.

On souhaite disposer d'une marge de phase de 45° en utilisant un correcteur proportionnel intégral de la forme $C(p) = K_p \frac{1 + \tau p}{\tau p}$.

Question 5 Justifier le diagramme de Bode de la boucle ouverte non corrigée.



Question 6 Déterminer les paramètres du correcteur pour avoir une marge de phase de 45°.

Correction

- ► On résout $\varphi(\omega) = -135^\circ$: $\varphi(\omega) = -\arctan \omega \arctan \omega/8 \Rightarrow \tan 135^\circ = \frac{\omega + \omega/8}{1 \omega^2/8}$ $\Leftrightarrow -1 + \omega^2/8 - 9\omega/8 = 0 \Leftrightarrow \omega^2 - 9\omega - 8 = 0. \Delta = 81 + 32 = 10,63^2. \omega = \frac{9 \pm 10,63}{2} = 9.82 \text{ rad/s}$
- ► Calculons $G_{\rm dB}(9,82)=-23.9\,\rm dB$. Il faut donc augmenter le gain de 23.9 dB soit $K_P=10^{23.9/20}=15.7$.
- ► On choisit τ pour ne pas modifier la marge de phase. Il faut donc que le déphasage de 0°du correcteur ait lieu avant 9,82 rad/s. De manière usuelle on prend $\frac{1}{\tau} = \frac{9,82}{10} = 0,982 \,\text{rad/s}$.
- ► Au final, on a $C(p) = 15, 7 \frac{1+1,018p}{1,018p}$.

Question 7 Tracer le diagramme de Bode du correcteur et le diagramme de la boucle ouverte corrigée.

