Mouvement RR - RSG ★★

C2-08

C2-09

Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Déterminer $\overrightarrow{R_d(2/0)} \cdot \overrightarrow{i_1}$ (Voir exercice B2-13 46-RR-RSG).

1.
$$\overrightarrow{V(B,2/0)} = L\dot{\varphi}(t)\overrightarrow{j_2} + \dot{\theta}(t)\left(\overrightarrow{Lj_1} - R\overrightarrow{i_0}\right)$$
.

2.
$$\{\mathcal{V}(2/0)\} = \left\{ \begin{array}{l} \overrightarrow{\Omega(2/0)} = \left(\dot{\varphi}(t) + \dot{\theta}(t)\right) \overrightarrow{k_0} \\ L\dot{\varphi}(t)\overrightarrow{j_2} + \dot{\theta}(t) \left(L\overrightarrow{j_1} - R\overrightarrow{i_0}\right) \end{array} \right\}_{\mathcal{R}}$$

3.
$$\overrightarrow{\Gamma(B,2/0)} = L \ddot{\varphi}(t) \overrightarrow{j_2} - L \dot{\varphi}(t) \left(\dot{\varphi}(t) + \dot{\theta}(t) \right) \overrightarrow{i_2} + \ddot{\theta}(t) \left(L \overrightarrow{j_1} - R \overrightarrow{i_0} \right) - L \dot{\theta}^2(t) \overrightarrow{i_1}.$$

$$\overrightarrow{R_d(2/0)} \cdot \overrightarrow{i_1} = m_2 \overrightarrow{\Gamma(B,2/0)} \cdot \overrightarrow{i_1} = \left(L \ddot{\varphi}(t) \overrightarrow{j_2} - L \dot{\varphi}(t) \left(\dot{\varphi}(t) + \dot{\theta}(t) \right) \overrightarrow{i_2} + \ddot{\theta}(t) \left(L \overrightarrow{j_1} - R \overrightarrow{i_0} \right) - L \dot{\theta}^2(t) \overrightarrow{i_1} \right) \cdot \overrightarrow{i_1} = -\sin \varphi(t) L \ddot{\varphi}(t) - L \dot{\varphi}(t) \left(\dot{\varphi}(t) + \dot{\theta}(t) \right) \cos \varphi + \ddot{\theta}(t) \left(L \overrightarrow{j_1} - R \overrightarrow{i_0} \right) - L \dot{\theta}^2(t)$$

Question 2 Déterminer $\overrightarrow{\delta(A,2/0)} \cdot \overrightarrow{k_0}$

Calculons
$$\overrightarrow{\sigma(B,2/0)} = \begin{pmatrix} A_2 & 0 & 0 \\ 0 & B_2 & 0 \\ 0 & 0 & C_2 \end{pmatrix}_{\mathcal{B}_2} \overrightarrow{\Omega(2/0)} = C_2 (\dot{\varphi} + \dot{\theta}) \overrightarrow{k_0}.$$

Calculons
$$\overrightarrow{\delta(B,2/0)} = C_2 (\ddot{\varphi} + \ddot{\theta}) \overrightarrow{k_0}$$
.

Enfin,
$$\overrightarrow{\delta\left(A,2/0\right)}\cdot\overrightarrow{k_{0}}=\left(\overrightarrow{\delta\left(B,2/0\right)}+\overrightarrow{AB}\wedge\overrightarrow{R_{d}\left(2/0\right)}\right)\cdot\overrightarrow{k_{0}}$$

$$=C_{2}\left(\ddot{\varphi}+\ddot{\theta}\right)+m_{2}\left(L\overrightarrow{i_{1}}\wedge\left(L\ddot{\varphi}(t)\overrightarrow{j_{2}}-L\dot{\varphi}(t)\left(\dot{\varphi}(t)+\dot{\theta}(t)\right)\overrightarrow{i_{2}}+\ddot{\theta}(t)\left(L\overrightarrow{j_{1}}-R\overrightarrow{i_{0}}\right)-L\dot{\theta}^{2}(t)\overrightarrow{i_{1}}\right)\right)$$

$$= C_2 \left(\ddot{\varphi} + \ddot{\theta} \right) + m_2 L \left(\left(L \ddot{\varphi}(t) \overrightarrow{i_1} \wedge \overrightarrow{j_2} - L \dot{\varphi}(t) \left(\dot{\varphi}(t) + \dot{\theta}(t) \right) \overrightarrow{i_1} \wedge \overrightarrow{i_2} + \ddot{\theta}(t) \left(L \overrightarrow{i_1} \wedge \overrightarrow{j_1} - R \overrightarrow{i_1} \wedge \overrightarrow{i_0} \right) \right) \right)$$

$$=C_{2}\left(\ddot{\varphi}+\ddot{\theta}\right)+m_{2}L\left(L\ddot{\varphi}(t)\cos\varphi-L\dot{\varphi}(t)\left(\dot{\varphi}(t)+\dot{\theta}(t)\right)\sin\varphi+\ddot{\theta}(t)\left(L+R\sin\theta\right)\right).$$

Question 3 Déterminer $\delta(I, 1 + 2/0) \cdot \overrightarrow{k_0}$

Calculons
$$R\overrightarrow{j_0} \wedge \left(L\ddot{\varphi}(t)\overrightarrow{j_2} - L\dot{\varphi}(t)\left(\dot{\varphi}(t) + \dot{\theta}(t)\right)\overrightarrow{i_2} + \ddot{\theta}(t)\left(L\overrightarrow{j_1} - R\overrightarrow{i_0}\right) - L\dot{\theta}^2(t)\overrightarrow{i_1}\right) \cdot \overrightarrow{k_0}$$

$$=R\left(L\ddot{\varphi}(t)\overrightarrow{j_0}\wedge\overrightarrow{j_2}-L\dot{\varphi}(t)\left(\dot{\varphi}(t)+\dot{\theta}(t)\right)\overrightarrow{j_0}\wedge\overrightarrow{i_2}+\ddot{\theta}(t)\left(L\overrightarrow{j_0}\wedge\overrightarrow{j_1}-R\overrightarrow{j_0}\wedge\overrightarrow{i_0}\right)-L\dot{\theta}^2(t)\overrightarrow{j_0}\wedge\overrightarrow{i_1}\right)\cdot\overrightarrow{k_0}$$

$$= R \left(L \ddot{\varphi}(t) \sin \left(\theta + \varphi \right) + L \dot{\varphi}(t) \left(\dot{\varphi}(t) + \dot{\theta}(t) \right) \cos \left(\varphi + \theta \right) + \ddot{\theta}(t) \left(L \sin \theta + R \right) + L \dot{\theta}^{2}(t) \cos \theta \right) \dots$$

On peut en déduire $\overrightarrow{\delta(I,2/0)} \cdot \overrightarrow{k_0}$.

On fait l'hypothèse que $\ell = 0$.

Par ailleurs, on a
$$\overrightarrow{\delta(G_1,1/0)} = C_1 \ddot{\theta}(t) \overrightarrow{k_0}$$

» Calculer
$$\delta(I, 1/0)$$
...

