

CI 2 – SLCI : ÉTUDE DU COMPORTEMENT DES SYSTÈMES LINÉAIRES CONTINUS INVARIANTS

Chapitre 7 – Réponses harmoniques – Diagrammes de Bode

Savoir

Savoirs:

- Mod.

1	Présentation
	1.1 Caractérisation d'un signal sinusoïdal
	1.2 Réponse temporelle à une entrée sinusoïdale
2	Diagrammes de Bode
	2.1 Calcul complexe
	2.2 Définition
	2.3 Représentation graphique
	2.4 Représentation d'un système asservi
3	Réponse harmonique d'un gain
4	Réponse harmonique d'un intégrateur
	4.1 Réponse harmonique système proportionnel intégral
5	Réponse harmonique d'un système du premier ordre
6	Réponse harmonique d'un système du second ordre
	6.1 Cas où $\xi > 1$
	6.2 Cas où $\xi = 1$
	6.3 Cas où $\xi < 1$
7	Réponse harmonique d'un système asservi

Ce document évolue. Merci de signaler toutes erreurs ou coquilles.

1 Présentation

- 1.1 Caractérisation d'un signal sinusoïdal
- 1.2 Réponse temporelle à une entrée sinusoïdale

finition

Réponse harmonique

On appelle réponse harmonique la sortie d'un système lorsqu'il est soumis à une entrée sinusoïdale. Elle permet de caractériser le comportement dynamique du système.



Diagrammes de Bode

2.1 Calcul complexe

Lorsque le système est soumis à une entrée sinusoïdale, la variable de la Laplace p est substituée par $j\omega$. $H(j\omega)$ est appelée réponse en fréquence ou réponse harmonique du système.

On rappelle que si $H(j\omega)=\frac{x_1+jy_1}{x_2+jy_2}$, alors : – on appelle $A(\omega)=|H(j\omega)|$ le module de H (ou le gain de H) et on a :

$$A(\omega) = \frac{\sqrt{x_1^2 + y_1^2}}{\sqrt{x_2^2 + y_2^2}}$$

– on appelle $\varphi(\omega) = Arg(H(j\omega))$ l'argument de H (ou la phase de H) et on a :

$$\varphi(\omega) = \arctan \frac{y_1}{x_1} - \arctan \frac{y_2}{x_2}$$

On appelle Adb le gain en décibel et on a :

$$Adb(\omega) = 20\log A(\omega)$$

Soit H(p) une fonction de transfert d'ordre 1 :

$$H(j\omega) = \frac{K}{1 + \tau j\omega}$$

On a alors:

$$Adb(\omega) = 20\log\left(\frac{\sqrt{K^2}}{\sqrt{1^2 + (\tau\omega)^2}}\right) = 20\log K - 10\log\left(1 + \tau^2\omega^2\right)$$
$$\varphi(\omega) = \arctan\frac{0}{K} - \arctan\frac{\tau\omega}{1} = -\arctan\tau\omega$$

Exemple

Définition

Remarque

2.2 Définition

Diagrammes de Bode

Les diagrammes de Bode représentent deux courbes sur deux diagrammes distincts dans des repère semi logarithmiques:

- la courbe de gain en décibel en fonction de la pulsation ω ;
- la courbe de phase (en degrés ou radians) en fonction de la pulsation ω .

2.3 Représentation d'un système asservi

Généralement, une fonction de transfert s'écrit sous la forme d'un produit de fonction rationnelles. Ainsi, notons $H(j\omega)$ $F(j\omega)\cdot G(j\omega)$.



On montre que le gain décibel de ${\cal H}$ est sous la forme :

$$Adb(\omega) = 20\log|F(j\omega)| + 20\log|G(j\omega)|$$

et que la phase est sous la forme :

$$Adb(\omega) = Arg(F(j\omega)) + Arg(G(j\omega))$$

- 3 Réponse harmonique d'un gain
- 4 Réponse harmonique d'un intégrateur
- 4.1 Réponse harmonique système proportionnel intégral
- 5 Réponse harmonique d'un système du premier ordre
- 6 Réponse harmonique d'un système du second ordre
- **6.1** Cas où $\xi > 1$
- **6.2** Cas où $\xi = 1$
- **6.3** Cas où $\xi < 1$
- 7 Réponse harmonique d'un système asservi

Références