

## Activation 01



## Assistance pour le maniement de charges dans l'industrie

Concours Centrale Supélec TSI 2017

Savoirs et compétences :

- Mod2.C4 : calcul symbolique;
- Mod2.C7.SF1 : analyser ou établir le schéma-bloc du système.

## Mise en situation

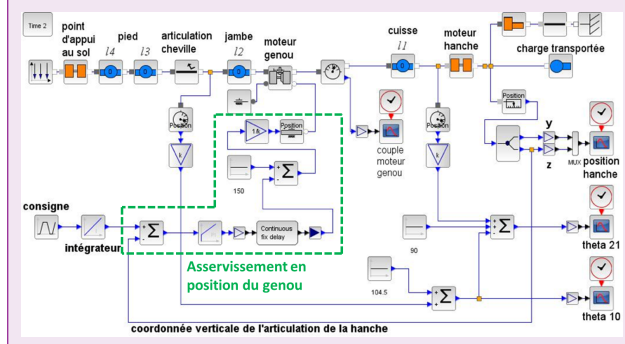
## Gestion du mouvement vertical

**Objectif** Déterminer les réglages de la commande asservie des moteurs genou droit et gauche permettant d'assurer un mouvement vertical ne déséquilibrant pas le porteur de l'exosquelette puis valider les performances attendues listées par le cahier des charges.

**Question 1** Déterminer la grandeur physique de la consigne et la grandeur physique asservie à partir du modèle multiphysique présenté plus bas et préciser leurs unités de base dans le système international d'unités (SI).

## Correction

Il s'agit d'un asservissement en position.



**Question 2** Exprimer  $H_{\Omega}(p) = \frac{\Omega_m(p)}{\Omega_{mc}(p)}$  en fonction de  $J$ ,  $K_2$  et  $p$ .

**Correction** En faisant l'hypothèse que le couple perturbateur est nul, on a :  $H_{\Omega}(p) = \frac{\Omega_m(p)}{\Omega_{mc}(p)} =$

$$\frac{C_{\Omega}(p)M_C(p)}{Jp + f} \cdot \frac{1}{1 + C_{\Omega}(p)M_C(p) \frac{1}{Jp + f}}. \text{ En conséquences : } H_{\Omega}(p) = \frac{C_{\Omega}K_2}{Jp + C_{\Omega}K_2} = \frac{1}{\frac{Jp}{C_{\Omega}K_2} + 1}.$$

**Question 3** Exprimer  $\varepsilon(p)$  en fonction de  $\theta_{mc}(p)$ ,  $H_{\Omega}(p)$ ,  $K_1$  et  $p$ .

**Correction** D'une part,  $\varepsilon(p) = \theta_{mc}(p) - \theta_m(p)$ . D'autre part,  $\theta_m(p) = H_{\Omega}(p) \frac{K_1}{p} \varepsilon(p)$ . Par suite,  $\varepsilon(p) = \theta_{mc}(p) - H_{\Omega}(p) \frac{K_1}{p} \varepsilon(p) \Leftrightarrow \varepsilon(p) \left( 1 + H_{\Omega}(p) \frac{K_1}{p} \right) = \theta_{mc}(p)$ . En conséquences,  $\varepsilon(p) = \frac{\theta_{mc}(p)}{1 + H_{\Omega}(p) \frac{K_1}{p}}$ .

**Question 4** Déterminer l'erreur de position  $\varepsilon_p$  puis l'erreur de traînage  $\varepsilon_v$ . Conclure sur la valeur de  $K_1$  pour satisfaire à l'exigence d'erreur en traînage.

Correction On a :

$$\begin{aligned} \bullet \varepsilon_p &= \lim_{t \rightarrow \infty} \varepsilon(t) = \lim_{p \rightarrow 0} p \varepsilon(p) = \lim_{p \rightarrow 0} p \frac{1}{1 + H_{\Omega}(p) \frac{K_1}{p}} \frac{1}{p} \\ &= \lim_{p \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{1}{\frac{Jp}{C_{\Omega}K_2} + 1} \frac{K_1}{p}} = 0 \text{ (ce qui était prévisible pour un système de classe 1); } \\ \bullet \varepsilon_v &= \lim_{t \rightarrow \infty} \dot{\varepsilon}(t) = \lim_{p \rightarrow 0} p \varepsilon(p) = \lim_{p \rightarrow 0} p \frac{1}{1 + H_{\Omega}(p) \frac{K_1}{p}} \frac{1}{p^2} \\ &= \lim_{p \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{1}{\frac{Jp}{C_{\Omega}K_2} + 1} \frac{K_1}{p}} \frac{1}{p} = \lim_{p \rightarrow 0} \frac{1}{p + \frac{Jp}{C_{\Omega}K_2} + 1} = \frac{1}{K_1} \text{ (ce qui était prévisible pour un système de classe 1 et de gain } K_1 \text{ en BO).} \end{aligned}$$

Ainsi, pour avoir une erreur de traînage inférieure à 1%, il faut  $\frac{1}{K_1} < 0,01$  et  $K_1 > 100$ .

**Question 5** Déterminer l'erreur en accélération et conclure quant au respect du cahier des charges.

**Correction** En raisonnant de même, on a :  $\varepsilon_a = \lim_{t \rightarrow \infty} \ddot{\varepsilon}(t) = \lim_{p \rightarrow 0} p \varepsilon(p) = \lim_{p \rightarrow 0} p \frac{1}{1 + H_{\Omega}(p) \frac{K_1}{p}} \frac{1}{p^3} =$

$\lim_{p \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{1}{\frac{Jp}{C_\Omega K_2} + 1} \frac{K_1}{p}} = 0 = \lim_{p \rightarrow 0} \frac{1}{p^2 + \frac{p}{\frac{Jp}{C_\Omega K_2} + 1} K_1} =$   
 $\infty$  (ce qui était prévisible pour un système de classe 1).  
 Ainsi, le correcteur choisi ne permet pas de vérifier le cahier des charges.

**Question 6** Exprimer  $\varepsilon(p)$  en fonction de  $\theta_{mc}(p)$ ,  $T$ ,  $K_1$ ,  $K_3$  et  $p$ .

**Correction** En utilisant le schéma-blocs, on a :

- $\varepsilon(p) = \theta_{mc}(p) - \theta_m(p)$ ;
- $\Omega_{mc}(p) = K_3 p \theta_{mc}(p) + K_1 \varepsilon(p)$ ;
- $\theta_m(p) = \Omega_{mc}(p) \frac{1}{p} \frac{1}{1 + Tp}$ .

On a donc :  $\varepsilon(p) = \theta_{mc}(p) - \Omega_{mc}(p) \frac{1}{p} \frac{1}{1 + Tp} =$   
 $\theta_{mc}(p) - (K_3 p \theta_{mc}(p) + K_1 \varepsilon(p)) \frac{1}{p(1 + Tp)} = \theta_{mc}(p) -$   
 $\frac{K_3 p}{p(1 + Tp)} \theta_{mc}(p) - \frac{K_1}{p(1 + Tp)} \varepsilon(p).$

On a alors  $\varepsilon(p) \left( 1 + \frac{K_1}{p(1 + Tp)} \right) = \theta_{mc}(p) \left( 1 - \frac{K_3}{1 + Tp} \right)$   
 $\Leftrightarrow \varepsilon(p) \frac{p(1 + Tp) + K_1}{p(1 + Tp)} = \theta_{mc}(p) \frac{1 + Tp - K_3}{1 + Tp}.$

Enfin,  $\varepsilon(p) = \theta_{mc}(p) \frac{p(1 + Tp - K_3)}{p(1 + Tp) + K_1}.$

Le second modèle avec anticipation de la figure précédente n'a pas d'incidence sur la valeur de l'erreur de position.

**Question 7** Exprimer l'erreur de traînage et déterminer la valeur de  $K_3$  permettant l'annuler cette erreur.

**Correction**  $\varepsilon_v = \lim_{t \rightarrow \infty} \varepsilon(t) = \lim_{p \rightarrow 0} p \varepsilon(p) =$   
 $\lim_{p \rightarrow 0} p \frac{p(1 + Tp - K_3)}{p(1 + Tp) + K_1} \frac{1}{p^2} = \lim_{p \rightarrow 0} \frac{(1 + Tp - K_3)}{p(1 + Tp) + K_1} =$   
 $\frac{1 - K_3}{K_1}.$   
 Au final, pour annuler l'erreur de traînage, on doit avoir  $K_3 = 1$ .

**Question 8** Exprimer et déterminer l'erreur d'accélération en prenant les valeurs de  $K_3$  et de  $K_1$  déterminées précédemment. Conclure quant au respect du cahier des charges.

On a :

**Correction**  $\varepsilon_a = \lim_{t \rightarrow \infty} \varepsilon(t) = \lim_{p \rightarrow 0} p^2 \varepsilon(p) =$   
 $\lim_{p \rightarrow 0} p^2 \frac{p(1 + Tp - K_3)}{p(1 + Tp) + K_1} \frac{1}{p^3} = \lim_{p \rightarrow 0} \frac{(1 + Tp - K_3)}{p(1 + Tp) + K_1} \frac{1}{p}.$  En  
 prenant  $K_3 = 1$  et  $K_1 = 100$ , on obtient :  $\varepsilon_a =$   
 $\frac{T}{p(1 + Tp) + 100} = \frac{33 \times 10^{-3}}{100}.$  L'erreur est donc de  
 $33 \times 10^{-5}$ . Le cahier des charges est donc validé.

## Synthèse

**Question 9** En utilisant la figure ci-dessous, conclure sur les actions qui ont mené à une validation du cahier des charges.

Eléments de corrigé :

1. Asservissement en position.
2.  $H_\Omega(p) = 1 / \left( \frac{Jp}{C_\Omega K_2} + 1 \right).$
3.  $\varepsilon(p) = (\theta_{mc}(p)) / \left( 1 + H_\Omega(p) \frac{K_1}{p} \right)$
4.  $\varepsilon(p) = 0, \varepsilon_v = \frac{1}{K_1}$  et  $K_1 > 100$ .
5.  $\varepsilon_a = \infty$ .
6.  $\varepsilon(p) = \theta_{mc}(p) (p(1 + Tp - K_3)) / (p(1 + Tp) + K_1).$
7.  $\varepsilon_v = \frac{1 - K_3}{K_1}, K_3 = 1.$
8.  $\varepsilon_a = \frac{33 \times 10^{-3}}{100}.$  Le cahier des charges est donc validé.

