Modéliser le comportement linéaire et non linéaire des systèmes multiphysiques

Révisions -

Sciences Industrielles de l'Ingénieur

TD 02



Cellule d'assemblage pour avion Falcon

D'après concours E3A - PSI 2015.

Savoirs et compétences :

Mise en situation

Sélectionner les fixations - Exigence 1.1

Critères à respecter pour l'exigence 1.2

Choix d'une architecture de la chaine de transmission

Question 1 Proposer sous la forme d'un schéma une autre solution permettant le déplacement du chariot. La conversion de l'énergie électrique en énergie mécanique par un moteur doit être conservée.

Correction Utilisation d'un système vis-écrou.

Détermination de l'inertie équivalente

Question 2 À partir des grandeurs définies déterminer l'expression littérale de l'inertie équivalente J_{eq} de l'ensemble $\Sigma = \{moteur+réducteur+poulies+chariot\}$ ramenée sur l'arbre moteur. Cette inertie équivalente est définie par $E_c(\Sigma) = 1/2J_{eq}\omega_m^2$.

Correction $\mathcal{E}_c(\Sigma) = \mathcal{E}_c(\text{moteur}) + \mathcal{E}_c(\text{r\'educteur}) + \mathcal{E}_c(\text{poulies}) + \mathcal{E}_c(\text{chariot}).$

- $\mathcal{E}_c(\text{moteur}) = 1/2 J_m \omega_m^2$;
- $\mathcal{E}_c(\text{r\'educteur}) = 1/2 J_{\text{red}} \omega_m^2$;
- $\mathcal{E}_c(\text{poulies}) = 1/2(J_{\text{Pm}} + J_{\text{PR}})\omega_{\text{red}}^2 = 1/2(J_{\text{Pm}} + J_{\text{PR}})\lambda^2\omega_m^2;$
- $\mathcal{E}_c(\text{chariot}) = 1/2MV^2 = 1/2MR_n^2 \lambda^2 \omega_m^2$.

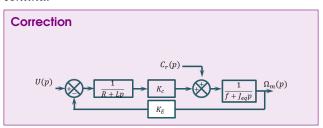
On a donc $J_{\text{eq}} = MR_n^2 \lambda^2 + (J_{\text{Pm}} + J_{\text{PR}})\dot{\lambda}^2 + J_{\text{red}} + J_m$.

Question 3 Déterminer la valeur numérique de l'expression précédente.

Correction $J_{eq} = 0.0068 \,\mathrm{kg} \,\mathrm{m}^2$

Modèle de connaissance du moteur à courant continu

Objectif L'objectif de cette partie est d'établir un modèle de la motorisation de l'axe afin de simuler un déplacement. **Question** 4 À partir des équations du moteur à courant continu, réaliser le schéma bloc du moteur à courant continu.



Question 5 En considérant que $C_R(p) = 0$, déterminer la fonction de transfert $H_M(p) = \frac{\Omega_m(p)}{U(p)}$ sous sa forme canonique.

Correction
$$H_m(p) = \frac{\frac{K_C}{K_c K_E + Rf}}{1 + \frac{RJ_e q + Lf}{K_c K_E + Rf}p + \frac{LJ_e q}{K_c K_E + Rf}p^2}$$

Question 6 Montrer que la fonction de transfert $H_M(p)$ peut se mettre sous la forme $H_M(p) = \frac{K_C}{K_C K_e + R J_{eq} p + L J_{eq} p^2}$. Justifier la réponse. Pour cette question, la valeur numérique de J_{eq} considérée sera $J_{eq} = 7 \times 10^{-3} \mathrm{kg} \, \mathrm{m}^2$ indépendamment du résultat numérique calculé précédemment.

Correction En faisant les applications numériques on montre que Rf est négligeable devant K_cK_E et que Lf et négligeable devant RJ_{eq} . On a donc : $H_m(p) =$

$$\frac{\overline{K_c K_E}}{1 + \frac{RJ_{eq}}{K_c K_E} p + \frac{LJ_{eq}}{K_c K_E} p^2} = \frac{K_C}{K_c K_E + RJ_{eq} p + LJ_{eq} p^2}.$$

Question 7 Montrer qu'avec l'expression, $H_M(p)$ peut s'écrire sous la forme $H_M(p) = \frac{K_M}{(1 + T_E p)(1 + T_M p)}$ avec $T_E < T_M$.



2



$$Te = \frac{\frac{RJ_{eq}}{K_c K_e} - \sqrt{\left(\frac{RJ_{eq}}{K_c K_e}\right)^2 - 4\frac{LJ_{eq}}{K_c K_e}}}{2}. T_e = 0.0051 \, \text{s}$$
 et $T_m = 0.0074 \, \text{s}$.

Étude de l'asservissement en position de l'axe

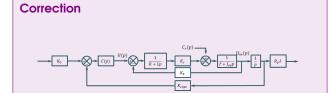
Modélisation de l'asservissement en position

Question 8 Quelle doit être la valeur de K_G pour assurer un asservissement correct (c'est-à-dire l'écart ε doit être nul si la position de l'axe est identique à la consigne)?

Correction

On doit avoir
$$K_G = K_{\text{capt}} \frac{1}{\lambda} \frac{1}{R_p} = 0.556 \text{V} \, \text{rad}^{-1} \, \text{m}^{-1}$$
.

Question 9 Donner le schéma-blocs de l'asservissement.



Étude du modèle simplifié

Question 10 *Donner l'expression de* Y(p).

Correction

On raisonne par superposition :

Si
$$C_r(p) = 0$$
:

$$Y_{1}(p) = Y_{\text{cons}}(p) \frac{\frac{K_{G}K_{\text{Capt}}C(p)H_{m}(p)K_{r}}{p}}{1 + \frac{K_{G}K_{\text{Capt}}C(p)H_{m}(p)K_{r}}{p}}$$

$$= Y_{\text{cons}}(p) \frac{K_{G}K_{\text{Capt}}C(p)H_{m}(p)K_{r}}{p + K_{G}K_{\text{Capt}}C(p)H_{m}(p)K_{r}}$$

$$= Y_{\text{cons}}(p) \frac{K_{G}K_{\text{Capt}}C(p)K_{M}K_{r}}{(1 + T_{E}p)(1 + T_{M}p)p + K_{G}K_{\text{Capt}}C(p)K_{M}K_{r})}$$

Correction Si
$$Y_{\text{Cons}}(p) = 0$$
:

$$Y_{2}(p) = C_{r}(p) \frac{\frac{H_{c}(p)K_{r}}{p}}{1 + \frac{K_{r}K_{G}K_{Capt}C(p)H_{m}(p)}{p}}$$

$$= C_{r}(p) \frac{H_{c}(p)K_{r}}{p + K_{r}K_{G}K_{Capt}C(p)H_{m}(p)}$$

$$= \frac{(R + Lp)K_{M}K_{r}}{K_{C}}$$

$$= C_{r}(p) \frac{(1 + T_{E}p)(1 + T_{M}p)p + K_{r}K_{G}K_{Capt}C(p)K_{M}}{(1 + T_{E}p)(1 + Y_{2}(p))}$$
On a donc: $Y(p) = Y_{1}(p) + Y_{2}(p)$.

Question 11 On souhaite déterminer l'erreur en position du système. Calculer l'écart statique pour $C(p) = K_p$ puis $C(p) = \frac{K_i}{p}$.

Correction

Question 12 On souhaite que lorsque le système se déplace à vitesse constante, l'erreur sur la vitesse atteinte par le système soit nulle. Quelle sollicitation doit-on utiliser. Calculer l'écart statique pour $C(p) = K_p$ puis $C(p) = \frac{K_i}{p}$.

Correction

Question 13 Conclure.

Correction

Question 14 Conclure sur la conformité au cahier des charges du système ainsi réglé.

Correction

Question 15 Tracer de diagramme de Bode.

Correction

Question 16 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert en boucle ouverte pour C(p) = 1. Déterminer les marges de phase et les marges de gain.

Correction

Question 17 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert en boucle ouverte pour $C(p) = \frac{1}{p}$. Déterminer les marges de phase et les marges de gain.

Correction



$\begin{tabular}{ll} \textbf{V\'erification des performances de l'axe} & \textit{les tockage des rivets (Exigence 1.1)}. \end{tabular}$ du magasin de rivets

Question 18 À partir des relevés ci-dessous, conclure sur le respect des exigences fonctionnelles de l'axe du magasin

Correction