

## Colle 4



## Renault Twizy

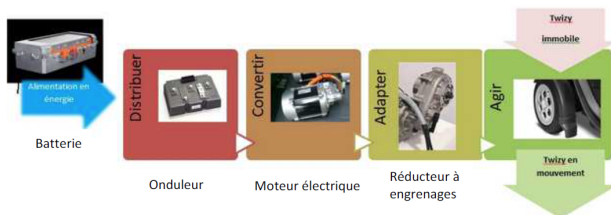
Concours Mines Ponts 2017

## Savoirs et compétences :

## Mise en situation

La Twizy est un quadricycle à propulsion électrique fabriqué par le constructeur automobile Renault. Se situant entre un scooter et une voiture, elle adopte un mode de propulsion entièrement électrique pour une autonomie d'environ 100 km.

Revers de la médaille, la Renault Twizy ne propose que deux places en tandem et un compartiment de 31 dm<sup>3</sup> sous le siège arrière. Logée sous le siège avant, la batterie, d'une capacité de 6.1 kWh (105 Ah), se charge complètement en 3h30 sur une simple prise secteur.



## Modélisation de la mise en mouvement du véhicule

**Objectif** Utiliser un modèle pour valider le choix de la machine électrique et du réducteur associé.

Le véhicule est équipé d'une machine électrique asynchrone alimentée par la batterie via un onduleur. Les commandes actuelles de ces machines permettent de se rapprocher du comportement d'une machine à courant continu. On utilise le modèle d'une machine à courant continu en mode moteur.

## Mode moteur :

- $u_m(t) = e(t) + R_m i(t) + L_m \frac{di(t)}{dt}$ ;
- $c_m(t) = k_m i(t)$ ;
- $e(t) = k_m \omega_m(t)$ .

## Mode génératrice :

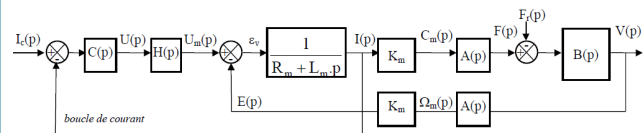
- $e(t) = u_a(t) + R_m i(t) + L_m \frac{di(t)}{dt}$ ;
- $c_m(t) = k_m i(t)$ ;
- $e(t) = k_m \omega_m(t)$ .

Une boucle de courant permet d'éviter une surcharge de la machine électrique. Nous rappelons l'équation de

mouvement nécessaire pour la suite de l'étude :

$$\frac{r}{R} C_m(t) - F_r(t) = M_{eq} \frac{dv(t)}{dt}.$$

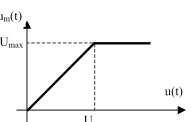
Le modèle du système est donné par le schéma bloc suivant.



On a  $C(p) = R_m \left( 1 + \frac{R_m}{L_m p} \right)$  le correcteur PI de la boucle de courant.

Le comportement du hacheur de fonction de transfert  $H(p)$  en fonction de  $u(t)$  est :

- $u_m(t) = u(t)$  si  $u(t) \leq U_{max}$ ;
- $u_m(t) = U_{max}$  si  $u(t) > U_{max}$ .



## Détermination du temps de réponse du véhicule lors de l'accélération avec une consigne de courant constante

**Objectif** Mettre en place un modèle pour déterminer le temps de réponse du véhicule lors d'une accélération.

Détermination de la réponse en vitesse dans le cas où  $u_m(t) \leq U_{max}$ 

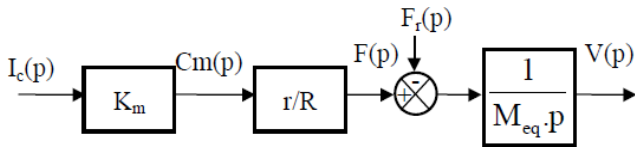
**Question 1** Appliquer la transformée de Laplace à l'équation de mouvement rappelée en début de section, lors d'une accélération. En déduire  $A(p)$  et  $B(p)$ .

**Question 2** Calculer, si  $F_r(p) = 0$ , la fonction de transfert  $\frac{I(p)}{I_c(p)}$  avec les paramètres du schéma-blocs, puis en remplaçant  $A(p)$  et  $B(p)$  à l'aide de la question précédente.

**Question 3** Calculer le courant en régime établi  $I(\infty)$  si  $I_c(p)$  est un échelon d'amplitude  $I_0$ . Montrer alors que  $I(\infty) \simeq I_0$  sachant que  $\frac{L_m K_m^2 (r/R)^2}{R_m^2 M_{eq}} = 5 \times 10^{-4} \ll 1$ .

La constante de temps électrique étant petite devant la constante de temps mécanique on supposera que la condition précédente est toujours vraie.

Le schéma-blocs simplifié du véhicule si  $i(t) = i_c(t)$  et  $u_m(t) < U_{\max}$  est le suivant.



**Question 4** En utilisant le schéma-blocs précédent, calculer  $V(p)$  en fonction de  $I_c(p)$  et  $F_r(p)$  puis en utilisant le tableau suivant, déterminer l'équation de la vitesse  $v(t)$  du véhicule dans le cas où  $i_c(t)$  et  $F_r(t)$  sont des échelons respectivement d'amplitude  $I_0$  et  $F_0$ .

| $f(t), t > 0$ | 1             | $t$             | $t^2$           | $e^{-at}$       |
|---------------|---------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| $F(p)$        | $\frac{1}{p}$ | $\frac{1}{p^2}$ | $\frac{2}{p^3}$ | $\frac{1}{p+a}$ |

**Détermination du temps de réponse en vitesse à partir de l'instant où  $u_m(t)$  atteint  $U_{\max}$**

Dans le schéma-blocs, on note pour une variable  $x$ ,  $\Delta x(t) = x(t) - x_0$  avec  $x_0 = x(t_0)$  et  $t_0$  l'instant où  $u_m(t)$  atteint  $U_{\max}$ . En particulier  $\Delta v(t) = v(t) - v_0$  avec  $v_0$  la vitesse atteinte à la fin de la phase à accélération constante.

**Question 5** La tension d'alimentation du moteur ne peut pas dépasser une valeur maximale  $U_{\max}$ . Le régulateur la limitera automatiquement à cette valeur. Compléter le schéma bloc simplifié du véhicule du document réponse si  $u_m(t) = U_{\max}$ .

Le modèle précédent a permis de déterminer  $\Delta V(p) =$

$$H_1(p)\Delta U(p) + H_2(p)F_r(p) \text{ avec } H_1(p) \simeq \frac{\frac{K_m r/R}{R_m M_{eq}}}{1 + \frac{(K_m r/R)^2}{R_m M_{eq}} p}$$

$$H_2(p) \simeq \frac{\frac{R_m}{(K_m r/R)^2}}{1 + \frac{R_m M_{eq}}{(K_m r/R)^2} p}$$

**Question 6** Donner le temps de réponse à 5 %.

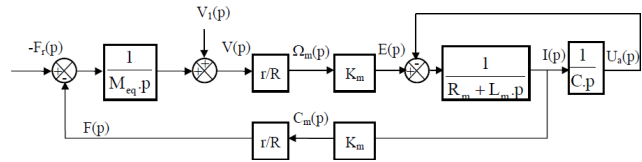
**Temps nécessaire pour passer d'une vitesse nulle à 95 % de la vitesse maximale**

**Question 7** Donner l'allure de la réponse en vitesse du véhicule pour une consigne en courant constante telle que  $u_m(t)$  croît de manière monotone jusqu'à  $U_{\max}$ . Déduire de ce qui précède le temps  $t_{\max}$  pour passer d'une vitesse nulle à 95 % de la vitesse maximale en fonction de  $r, R, M_{eq}, K_m, R_m, I_0, v_0$  et  $F_0$ .

### Récupération d'énergie

**Objectif** Étudier la capacité du véhicule à freiner grâce à la récupération de l'énergie.

La machine électrique fonctionne dans cette situation en génératrice. L'accumulateur sera modélisé par un condensateur de capacité  $C$ . Le modèle du système est donné par le schéma-blocs suivant.



**Influence de la capacité  $C$  sur les performances en décélération par récupération d'énergie**

**Objectif** Étudier l'influence de la capacité sur la décélération du véhicule.

**Question 8** Justifier les blocs  $\frac{1}{R_m + L_m p}$  et  $\frac{1}{C p}$ .

**Question 9** On pose  $V(p) = H_3(p)V_1(p) + H_4(p)F_r(p)$ . Calculer  $H_4(p)$ .

Pour la suite on donne

$$H_3(p) = \frac{1}{1 + \frac{(K_m r/R)^2}{M_{eq} p} \frac{C p}{(R_m + L_m p) C p + 1}}$$

**Question 10** Déterminer, avec le théorème de la valeur initiale, la décélération  $a_0$  à l'instant où le véhicule passe en récupération d'énergie avec  $F_r(t) = F_0$  et  $v_1(t) = v_0$  des constantes. On prendra  $L_m = 0$  pour ce calcul car son effet n'est visible que pour un temps très faible (remarque :  $v(t)$  vaut initialement  $v_0$ , soit  $v(t) = v_0 + \int a dt$  avec  $a(t) = \frac{dv(t)}{dt}$ ).

**Question 11** Déterminer la vitesse du véhicule  $v_\infty$  en régime établi si  $F_r(t) = 0$  et  $v_1(t) = v_0$  des constantes. Conclure sur l'influence de la capacité  $C$  du condensateur sur le freinage avec récupération d'énergie.

**Validation du modèle et choix technologiques pour le freinage**

**Objectif** Vérifier si le freinage par récupération d'énergie est suffisant.

Le modèle précédent a permis de simuler le comportement du véhicule en récupération d'énergie en fonction de la charge  $C$  de l'accumulateur. D'autre part, une mesure de décélération a été réalisée sur le véhicule avec une consigne de vitesse nulle et une vitesse initiale proche de 45 km/h.

**Question 12** Déterminer à partir des courbes issues de la simulation (voir courbes fournies sur le document réponse) les temps nécessaires pour réduire la vitesse de 30 % puis 50 %. (Faire les tracés nécessaires). Comparer les résultats obtenus par simulation à la mesure fournie sur le document réponse. Conclure sur le modèle utilisé et en particulier sur le résultat de la question précédente.

**Question 13** Justifier que le freinage par récupération d'énergie est insuffisant. Quel organe supplémentaire serait indispensable pour assurer la sécurité.