l'Ingénieur

Modéliser les systèmes asservis dans le but de prévoir leur comportement

Chapitre 1 – Stabilité des systèmes

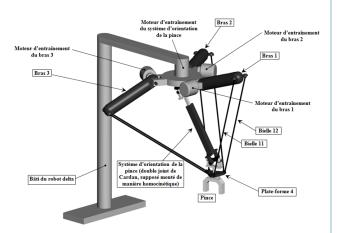
Colle 04

Colle 04

Savoirs et compétences :

Présentation

Une usine de fabrication de flacons en verre possède un poste de mise en cartons qui est l'objet de la présente étude. Ce poste est équipé de deux robots permettant de déplacer les flacons, déplacer des cartons, détecter des flacons dans des cartons, ranger des flacons dans les cartons. Ces robots sont de type « Delta » à architecture parallèle.



Architecture de la commande

On se propose ici de valider le niveau des performances de la commande de l'axe d'orientation de la pince.

Remarque préliminaire : les fonctions dans le domaine temporel seront notées en minuscule, alors que celles dans le domaine de Laplace seront notées en majuscule : par exemple : $\omega(t)$ et $\mathscr{L}(\omega(t)) = \Omega(t)$.

Le servo-entraînement met en rotation un arbre télescopique muni à chacune de ses extrémités d'un joint de Cardan. Le mouvement d'orientation de la pince est indépendant des mouvements de la plate-forme 4. Afin d'assurer un bon positionnement angulaire de la pince P, la commande de sa rotation est asservie de la façon suivante :

- la consigne de position θ_{PC} , entrée par l'utilisateur grâce à une interface graphique (lors des réglages) ou imposée par la Partie Commande (lors des cycles de travail), est transformée en une tension ν_{PC} grâce à un convertisseur qui sera assimilé à un système de gain pur K_C (en V rad $^{-1}$).
- la vitesse de rotation ω_M (en rad s⁻¹) et l'angle de rotation θ_M (en rad) de l'arbre moteur sont mesurés par un codeur incrémental, monté directement sur

l'arbre moteur, qui délivre une information numérique; celle-ci est alors transformée par une carte de conversion numérique-analogique (C.A.N.) supposée linéaire en deux tensions v_{ω} et v_{θ} telles que :

- pour la vitesse : $v_{\omega} = K_{\omega} \omega_M$,
- pour la position : $v_{\theta} = K_{\theta} \theta_{M}$;
- la tension v_{θ} (image de la rotation θ_{M} du moteur) est soustraite à la tension v_{PC} pour donner la tension ε_{P} ;
- cette tension ε_P est modifiée par un correcteur de fonction de transfert C(p) pour donner la tension ε_{VP} ;
- la tension v_{ω} (image de la vitesse de rotation ω_{M} du moteur) est soustraite à la tension ε_{VP} en sortie du correcteur pour donner la tension ε_{v} ;
- cette tension ε_v est amplifiée par un amplificateur de gain pur G pour donner la tension d'alimentation du moteur u_M ; le moteur tourne alors à la vitesse angulaire ω_M telle que $\Omega_M(p) = M(p)U_M(p)$;
- la rotation θ_{EC} de la pièce d'entrée du double joint de Cardan est telle que $\theta_{EC} = \lambda \theta_M$, grâce au réducteur de vitesse fixé sur l'arbre moteur;
- le double joint de Cardan est homocinétique et a pour fonction de transfert R(p) = 1 (l'entrée est l'angle θ_{EC} , et la sortie est $\theta_{SC} = \theta_P$ où θ_P est la rotation de la pince fixée sur la pièce de sortie du double joint de Cardan).

Question 1 Tracer le schéma bloc d'asservissement en position, d'entrée $\theta_{PC}(p)$ et de sortie $\theta_{P}(p)$, faisant apparaître toutes les variables et les fonctions de transfert définies ci-dessus.

Performances de la commande

On donne : $\lambda = 0.2$ et $K_{\theta} = 0.01 \,\mathrm{Vrad}^{-1}$.

Question 2 On veut que lorsque la pince atteint la position demandée (soit $\theta_P = \theta_{PC}$) l'écart $\varepsilon_P = v_{PC} - v_{\theta}$ soit nul. En déduire la relation entre K_C , K_{θ} et λ puis la valeur numérique de K_C qui permette d'assurer cet écart nul.

Le servo-entraînement utilisé est le AXL305RS330E5 qui est composé du moteur RS330E, du variateur 10/20-60 et du réducteur GB à train épicycloïdal de réduction $\lambda = 0,2$. Le moteur RS330E a comme caractéristiques :

• constante de force électromotrice : K_E =



 $14.3\,V/1000 tours\,min^{-1}$;

- constante de couple : $K_T = 0.137 \,\mathrm{Nm\,A^{-1}}$;
- résistance de l'induit : $R_I = 1\Omega$;
- inductance de l'induit : $L_I = 1.65 \,\mathrm{mH}$;
- frottement visqueux rapporté à l'axe de rotation du moteur négligeable;
- inertie du rotor + de la charge entraînée rapportée à l'axe de rotation du moteur : $J = 1210^{-5} \text{kg m}^2$.

À partir des équations du moteur à courant continu, on obtient la fonction de transfert suivante : $M(p) = \frac{\Omega_M(p)}{U_M(p)} = \frac{K_T}{K_E K_T + J R p + J L p^2}$. On donne $K_\omega = 6V/1000$ tours min⁻¹.

Question 3 Déterminer l'expression littérale et la valeur numérique du gain G de l'amplificateur pour que la boucle tachymétrique (d'entrée ε_{VP} et de sortie ω_M) présente un temps de réponse à 5% minimum pour une entrée en échelon. Quel est alors le temps de réponse à 5%?

Avec la valeur de G trouvée précédemment, on a alors calculé la fonction de transfert de boucle (ou en boucle ouverte) suivante pour l'asservissement en position : $H_B(p) = \frac{V_\theta(p)}{\varepsilon_P} = C(p) \frac{86}{p \left(10^3 + 3,2p + 5,310^{-3}p^2\right)}$.

Les exigences de l'orientation du flacon sont données dans le tableau suivant.

Fonction	Critères	Niveaux
Orienter le fla-	Stabilité	Marge de phase
con		$M\varphi > 45^{\circ}$
		Marge de gain
		$MG > 10 \mathrm{dB}$
	Précision	Écart statique nul à
		une entrée en éche-
		$ lon \varepsilon_{\infty} = 0 $
	Rapidité	Bande passante à
		0 dB de la fonc-
		tion $H_B(p)$:
		$BP_0 > 50 \mathrm{rad}\mathrm{s}^{-1}$.
		On définit la bande
		passante par sa
		largeur de bande
		(ici: $50 \text{rad} \text{s}^{-1}$).

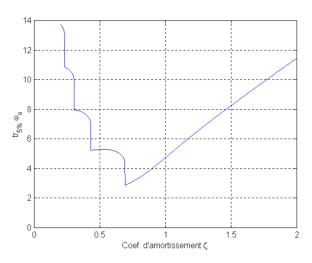
On considère pour l'instant que le système n'est pas corrigé : C(p) = 1.

Question 4 Tracer les diagrammes asymptotiques de Bode en amplitude et phase de la fonction de transfert $H_{BO}(p)$ du système non corrigé en plaçant avec précision les points caractéristiques.

Pour la fin, la courbe de gain sera assimilée à son tracé asymptotique.

Question 5 Déterminer les valeurs de $M\varphi$, marge de phase, MG, marge de gain et BP_0 , bande passante à 0 dB de la fonction de transfert $H_B(p)$. Les critères de la fonction précédente sont-ils vérifiés?

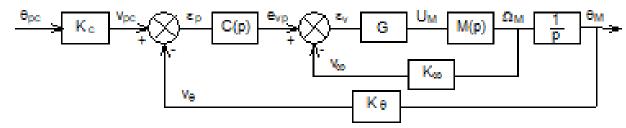
Question 6 Vérifier les valeurs des marges par le calcul.



On prend une correction proportionnelle : $C(p) = C_0$.

Question 7 Déterminer la bande de valeurs de C_0 qui permettent de vérifier les critères du cahier des charges partiel donné précédemment.





R 18

Quand
$$\theta_{px}(p) = \theta_{p}(p)$$
 on veut que $\bigvee_{px}(p) = V_{0}(p)$ or $\bigvee_{px}(p) = \frac{K_{0}}{\lambda} \cdot \theta_{m}(p)$ et $V_{0}(p) = \underbrace{K_{0}}_{\lambda} \theta_{px}(p)$

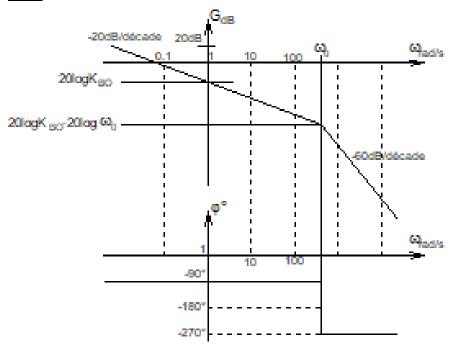
$$\underbrace{donc}_{\lambda} K_{c} = \frac{K_{0}}{\lambda}$$

<u>R 19</u>

Il faut que z=0,69 pour un temps de réponse minimal à 5%. La FTBF a pour expression :

FTBF(p)
$$\frac{K_{T} \cdot (GK_{\omega} + K_{E})}{1 + \frac{JR}{K_{T} \cdot (GK_{\omega} + K_{E})} p + \frac{JL}{K_{T} \cdot (GK_{\omega} + K_{E})} p^{2}} = \frac{K}{1 + \frac{2\xi}{\omega_{0}} p + \frac{p^{2}}{\omega_{0}^{2}}}, \text{ par identification } c$$
 trouve $G = \frac{1}{K_{\omega}} \left[\frac{R^{2}}{4\xi^{2}} \cdot \frac{J}{LK_{T}} - K_{E} \right] d^{2}où G = 2,48, \text{ avec } \omega_{0} = \sqrt{\frac{GK_{T} K_{\omega} + K_{T} K_{E}}{JL}} \text{ on obtient } \omega_{0} = 43$ rad.s⁻¹, comme $\tau_{SSL,\omega_{0}} = 3$, $\tau_{SSL} = 6,8.10^{-9} \text{ rad.s}^{-1}$.

R 20 Bode



<u>R 21</u> La marge de gain vaut MG = 74 dB





La marge de phase vaut MP = 90° La bande passante BP = 0,086 rad.s⁻¹ est insuffisante.

R 22

On veut pour ω_0 = 50 rad.s⁻¹ G₁ = 0 dB, On a $\mathfrak{G}_{(\omega=50)}$ = -55,3 dB, on prend C_0 = $10^{\frac{55,3}{20}}$ = 582 Les marges sont alors MG = 18,7 dB, et MP = 90°