M

# **Activation**

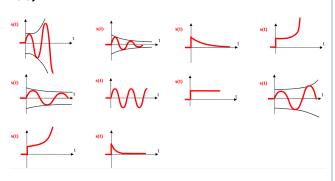
# **Activation**

Patrick Dupas, http://patrick.dupas.chez-alice.fr/.

# Savoirs et compétences :

- Res2.C6: stabilité des SLCI: position des pôles dans le plan complexe
- Res2.C7: stabilité des SLCI: marges de stabilité (de gain et de phase)

# Exercice 1 - Réponse impulsionnelle (entrée Dirac)



Pour chaque cas déterminer si la réponse Question est celle d'un système stable, instable ou juste (quasi) stable.

### Exercice 2 - Pôles de la FTBF

On donne les pôles des FTBF de plusieurs systèmes :

5. 
$$-j$$
,  $j$ ,  $-1$ , 1;  
6.  $-1$ ,  $+1$ ;

3. 
$$-2 + j$$
,  $-2 - j$ ,  $2j$ ,  $7. -1 + j$ ,  $-1 - j$ ;  $8. 2 - 1 - 3$ :

7. 
$$-1+j$$
,  $-1-j$ ;

$$-2j$$
;

8. 
$$2, -1, -3;$$

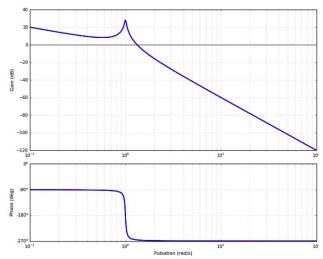
4. 
$$-2+3j$$
,  $-2-3j$ ,  $-2$ ; 9.  $-6$ ,  $-6$ 

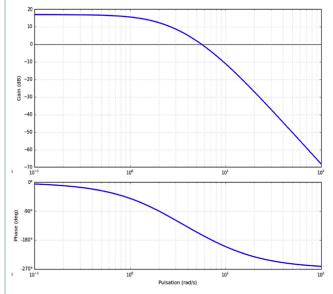
**Question** Pour chaque cas déterminer si la réponse est celle d'un système stable, instable ou juste (quasi) stable.

### Exercice 3 – Applications du critère du Revers

On donne ci-dessous les lieux de transferts de plusieurs FTBO. Déterminer, à l'aide du critère du Revers si les systèmes sont stables en BF.

Pour les systèmes stables déterminer les **Question** marges de gain et de phase.



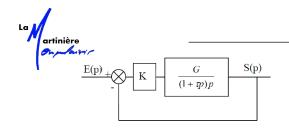


## Exercice 4 – Étude de la stabilité

Objectif • Caractériser la stabilité d'un système à partir de la FTBO.

• La marge de gain est supérieure à 10 dB et que la marge de phase est supérieure à 45°.

On donne le schéma bloc suivant :



On a K = 1,  $\tau = 0$ , 1 et G = 20.

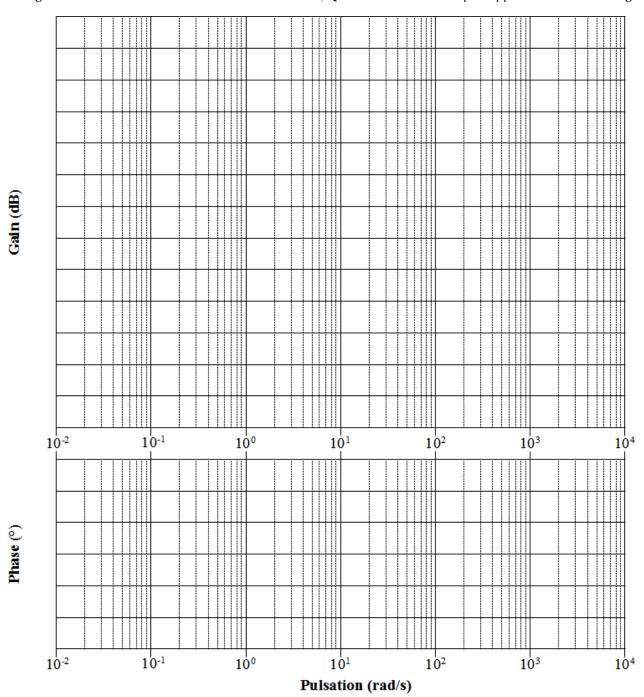
**Question** 1 Déterminer l'erreur statique et l'erreur de traînage.

**Question 2** Effectuer les tracés des diagrammes de Bode de la FTBO.

**Question 3** Déterminer graphiquement les marges de gains et de phase.

**Question** 4 Confirmer ces résultats par le calcul.

**Question** 5 Conclure par rapport au cahier des charges.



# Modéliser les systèmes asservis dans le but de prévoir leur comportement

Chapitre 1 - Stabilité des systèmes

Industrielles de l'Ingénieur

# Activation Corrigé

### Activation

Patrick Dupas, http://patrick.dupas.chez-alice.fr/.

# Savoirs et compétences :

- Res2.C6: stabilité des SLCI: position des pôles dans le plan complexe
- Res2.C7: stabilité des SLCI: marges de stabilité (de gain et de phase)

## Exercice 1 – Réponse impulsionnelle (entrée Dirac)

Question Pour chaque cas déterminer si la réponse est celle d'un système stable, instable ou juste (quasi) stable.

### Exercice 2 - Pôles de la FTBF

**Question** Pour chaque cas déterminer si la réponse est celle d'un système stable, instable ou juste (quasi) stable.

### Exercice 3 – Applications du critère du Revers

Ouestion On donne ci-dessous les lieux de transferts de plusieurs FTBO. Déterminer, à l'aide du critère du Revers si les systèmes sont stables en BF.

Question Pour les systèmes stables déterminer les marges de gain et de phase.

#### Exercice 4 – Étude de la stabilité

On a K = 1,  $\tau = 0$ , 1 et G = 20.

**Question** 1 Déterminer l'erreur statique et l'erreur de traînage.

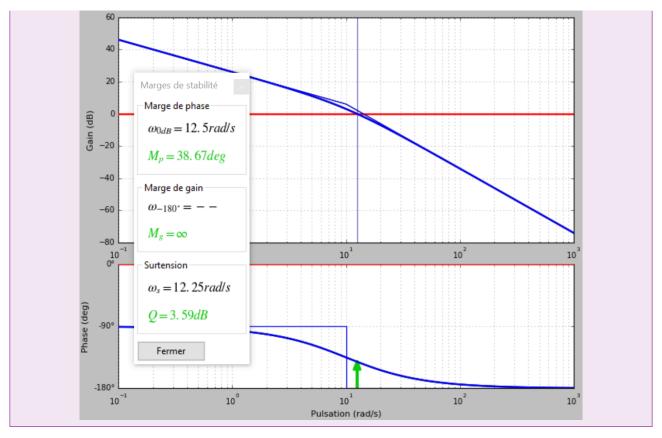
Correction Ici on a 
$$\varepsilon(p) = \frac{E(p)}{1 + FTBO(p)}$$
.

Erreur statique (entrée échelon) :  $\varepsilon_s = \lim_{t \to +\infty} \varepsilon(t) = \lim_{p \to 0} p \varepsilon(p) = \lim_{p \to 0} p \frac{1}{p} \frac{1}{1 + \frac{20}{(1 + 0, 1p)p}} = 0$ Erreur trainage (entrée rampe) :  $\varepsilon_t = \lim_{t \to +\infty} \varepsilon(t) = \lim_{p \to 0} p \varepsilon(p) = \lim_{p \to 0} p \frac{1}{p^2} \frac{1}{1 + \frac{20}{(1 + 0, 1p)p}} = 1/20$ 

Question 2 Effectuer les tracés des diagrammes de Bode de la FTBO.

Correction





**Question** 3 Déterminer graphiquement les marges de gains et de phase.

### Correction

# **Question** 4 Confirmer ces résultats par le calcul.

### Correction

La phase ne coupe jamais l'axe des abscisses. Ainsi, La marge de gain n'est pas définie (elle est infinie). Pour déterminer la marge de phase analytiquement :

- 1. On cherche  $\omega_c$  tel que  $G_{\text{dB}}(\omega_c) = 0$ ;
- 2. On calcule  $\varphi(\omega_c)$ ;
- 3. La marge de phase est de  $\varphi(\omega_c)$  (–180).

Cherchons  $\omega_c$  tel que  $G_{dB}(\omega_c) = 0$ . On a  $FTBO(j\omega) = \frac{20}{(1+0,1j\omega)j\omega} = \frac{20}{j\omega-0,1\omega^2}$ .  $20\log|FTBO(j\omega)| = \frac{20}{j\omega-0,1\omega^2}$ .

 $20\log 20 - 20\log \sqrt{\omega^2 + 0.01\omega^4} = 20\log 20 - 20\log \omega \sqrt{1 + 0.01\omega^2}.$   $G_{\text{dB}}(\omega_c) = 0 \Leftrightarrow 20 = \omega_c \sqrt{1 + 0.01\omega_c^2} \Leftrightarrow 400 = \omega_c^2 \left(1 + 0.01\omega_c^2\right) \text{ On pose } x = \omega_c^2 \text{ et on a : } 400 = x(1 + 0.01x) \Leftrightarrow x^2 + 100x - 40000 = 0. \text{ On a donc } \Delta = 412,3^2 \text{ et } x_{1,2} = \frac{-100 \pm 412,3}{2} \text{ on conserve la racine positive et } x_1 = 156,15 \text{ et } \omega_c = 12,5 \text{ rad s}^{-1}.$ 

 $\varphi(\omega_c) = \arg(20) - 90 - \arg(1 + 0.1j\omega_c) = 0 - 90 - \arctan(0.1\omega_c) = 0 - 90 - 51.34 = -141.34^\circ$ . La marge de phase est donc de 38,66°.

### **Question** 5 Conclure par rapport au cahier des charges.

**Correction** Le système ne sera pas stable vis-à-vis du cahier des charges.

Pour  $\tau = 0,005$ 



