Colle 03

Colle 3 Équipe PT La Martinière

On considère un système de fonction de transfert est : $G(p) = \frac{K}{(p+1)^3}$ placé dans une boucle de régulation à retour unitaire. On souhaite à la fois une marge de phase supérieure à 45°.

Question 1 Définir la condition de stabilité théorique du système?

Question 2 Calculer la valeur K qui assure, en boucle fermée, un temps de montée de 2.15 s.

Question 3 Calculer pour cette valeur de K la marge de phase.

Question 4 En déduire l'expression de la fonction de transfert du correcteur à avance de phase C(p) = $K_a \frac{1+aTp}{1+Tp}$ qu'il faut introduire dans la chaîne directe.

On note t_m le temps de montée du système en BF et $t_m \simeq \frac{3}{\omega_{\rm co}}$ et $\omega_{\rm co}$ est la pulsation de coupure à 0 dB du système en BO.



CORRECTION

Q1- Définir la condition de stabilité théorique du système ?

Tous les poles sont à partie réel négative.

Q2- Calculer la valeur K qui assure, en boucle fermée, un temps de montée de 2,15 s.

Le temps de montée est défini par : $t_{\rm m} = \frac{3}{\omega_{\rm CO}}$

Si tm = 2,15 s alors la pulsation de coupure à 0 dB est : ω_{CO} = 1,4 rad/s

Or
$$|G(\omega_{c0})| = \frac{K}{(\sqrt{1+\omega_{c0}^2})^3}$$
 et $\varphi(\omega) = -3 \arctan \omega$

$$\text{Par d\'efinition}: \ |G(\omega_{c0})| = \frac{K}{(\sqrt{1+{\omega_{c0}}^2})^3} = 1 \quad \text{on obtient } \text{ K = 5}$$

Q3- Calculer pour cette valeur de K la marge de phase.

Dans ces conditions la marge de phase vaut : $\Delta \varphi = \pi + \varphi(\omega_{\rm C0}) = \pi - 3 \arctan \omega_{\rm C0} = 17^\circ$

Q4- En déduire l'expression de la fonction de transfert du correcteur à avance de phase qu'il faut introduire dan la chaîne directe.

Le correcteur à avance de phase $C(p) = \frac{1+aT}{1+T} \frac{p}{p}$ introduit a pour mission de remonter la marge de phase à 45 -

17 = 28° à la pulsation ω_{CO} = 1,4 rad/s

$$\omega_{\rm c0} = \omega_{\rm max} = \frac{1}{T\sqrt{a}} = 1.4 \text{ rad/s}$$
 et $\varphi_{\rm max} = \arcsin\frac{a-1}{a+1} = 28^{\circ}$

Soit a = 2,8 et T = 0,43 s
$$Ka = \frac{1}{\sqrt{a}}$$