l'Ingénieur

# **Applications**

## **Applications**

#### Savoirs et compétences :

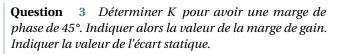
Res1.C4.SF1: Proposer la démarche de réglage d'un correcteur proportionnel, proportionnel intégral et à avance de phase

#### Correcteur proportionnel

Soit un système de fonction de transfert  $G(p) = \frac{1}{(1+10p)(1+0,1p)(1+0,2p)}$  placé dans une boucle à retour unitaire.

**Question** 1 Calculer la précision du système  $\varepsilon_S$  pour une entrée échelon unitaire.

**Question 2** Tracer dans le diagramme de Bode la fonction de transfert en boucle ouverte du système.



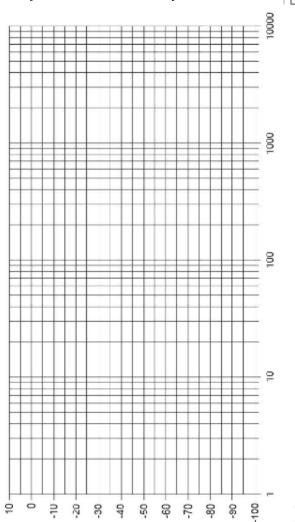
**Question** 4 Déterminer K pour avoir une marge de gain de 6 dB. Indiquer alors la valeur de l'écart statique.

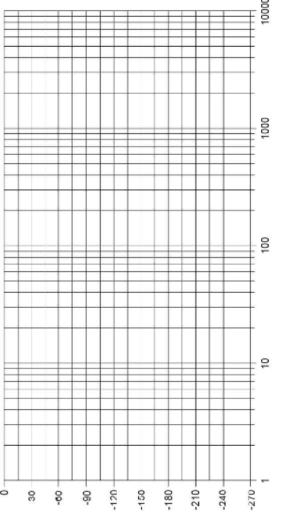
1. 
$$\varepsilon_S = \frac{1}{2}$$
.

1

3. 
$$\omega_{-135}^{\circ} = 2.95 \,\text{rad/s}$$
.

4. 
$$\omega_{0 \, dB} = 7.17 \, \text{rad/s}$$
 et  $M_G = 38 \, dB$  soit  $K_P = 79$ .





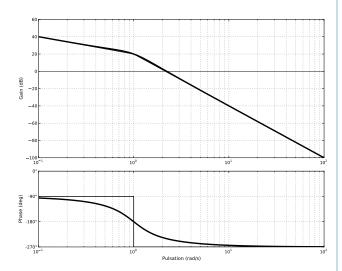


### Correcteur proportionnel

D'après ressources P. Dupas.

Soit un système de fonction de transfert  $G(p) = \frac{10}{p\left(1+p+p^2\right)}$  placé dans une boucle à retour unitaire. On souhaite corriger le comportement de ce système par un correcteur proportionnel. On désire une marge de phase de  $-45\,^{\circ}$  et une marge de gain de  $10\,\mathrm{dB}$ .

On donne le diagramme de Bode associé à cette fonction de transfert.



**Question** 1 Mesurer puis calculer la marge de phase.

**Question** 2 *Mesurer puis calculer la marge de gain.* 

**Question** 3 Déterminer  $K_p$  pour avoir une marge de phase de 45°. Vérifier la marge de gain.

**Question** 4 Déterminer  $K_p$  pour avoir une marge de gain de 10 dB. Vérifier la marge de phase.

1. 
$$M_{\varphi} = -60^{\circ}$$
.

2. 
$$M_G = -20 \,\mathrm{dB}$$
.

3. 
$$K_P = 0.54$$
 et  $M_G = 5.35$  dB.

4. 
$$K_P = 0.316$$
 et  $M_{\varphi} = 70^{\circ}$ .

#### Correcteur proportionnel intégral

D'après ressources P. Dupas.

Soit un système de fonction de transfert  $G(p) = \frac{1}{(p+1)\left(\frac{p}{8}+1\right)}$  placé dans une boucle à retour unitaire.

On souhaité disposer d'une marge de phase de 45° en utilisant un correcteur proportionnel intégral de la forme  $C(p) = K_p \frac{1+\tau p}{\tau p}$ .

**Question** 1 Tracer le diagramme de Bode de la boucle ouverte non corrigée.

**Question 2** Déterminer les paramètres du correcteur pour avoir une marge de phase de 45°.

**Question 3** Tracer le diagramme de Bode du correcteur et le diagramme de la boucle ouverte corrigée.

1. 2. 
$$C(p) = 15.7 \frac{1+1.018p}{1.018p}$$
.

#### Correcteur à avance de phase

Soit un système de fonction de transfert  $G(p)=\frac{100}{(p+1)^2}$  placé dans une boucle à retour unitaire. On souhaite corrige ce système en utilisant un correcteur à avance de phase de la forme  $C(p)=K\frac{1+a\tau p}{1+\tau p}$ .

**Question** 1 Tracer le diagramme de Bode de G(p).

**Question 2** Corriger ce système de sorte que sa marge de phase soit égale à 45°.

**Question 3** Tracer le diagramme de Bode du correcteur et le diagramme de la boucle ouverte corrigée.

1.  
2. 
$$C(p) = 0.53 \frac{1 + 3.54 \cdot 0.053p}{1 + 0.053p}$$
.



