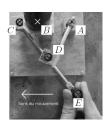
Sciences Industrielles de

but d'établir une loi de comportement ou de déterminer des actions mécaniques en utilisant le PFD

Révision 1 – Résolution des problèmes de statique – Statique 2D

l'Ingénieur



Interface maître et esclave d'un robot **

CCP PSI 2015

Savoirs et compétences :

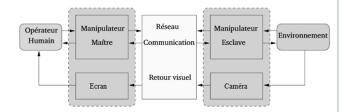
• Res2.C18: principe fondamental de la statique;

1

- Res2.C19: équilibre d'un solide, d'un ensemble de solides;
- Res2.C20: théorème des actions réciproques.

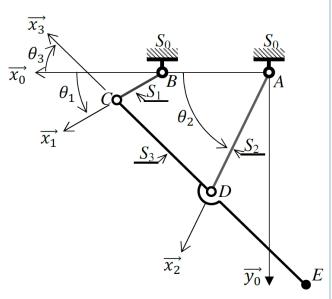
Mise en situation

La téléopération consiste à mettre en relation deux manipulateurs appelés communément maître et esclave. Le manipulateur maître permet au chirurgien de donner sa consigne de déplacement à l'aide d'un levier de commande tandis que l'esclave l'exécute au contact de l'environnement (l'organe à opérer). Les deux sous-systèmes échangent des informations de déplacement et d'effort au travers d'un ou plusieurs canaux de communication. Un retour visuel est également mis en place en parallèle à ce dispositif.

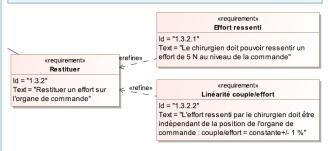


Modélisation de l'interface maître

Ce mécanisme est constitué de 4 barres reliées par des liaisons pivots.



Objectif Vérifier que l'exigence « Linéarité couple/effort » (id 1.3.2.2) peut être satisfaite par le mécanisme de HOEKEN.



- Solide S_0 , repère $\mathcal{R}_0(A; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0})$, $\overrightarrow{AB} = L_0 \overrightarrow{x_0}$ avec $L_0 = 50 \, \text{mm}$.
- Solide S_1 , repère $\mathcal{R}_1(B; \overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_0}), \overrightarrow{BC} = L_1 \overrightarrow{x_1}$ avec $L_1 = 25 \,\mathrm{mm}, \; \theta_1 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_1}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_1}).$
- Solide S_2 , repère $\mathcal{R}_2(A; \overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{y_2}, \overrightarrow{z_0}), \overrightarrow{AD} = L_2 \overrightarrow{x_2}$ avec $L_2 = 62.5 \,\mathrm{mm}, \; \theta_2 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_2}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_2}).$
- Solide S_3 , repère $\mathcal{R}_3(C; \overrightarrow{x_3}, \overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{z_0})$, $\overrightarrow{ED} = \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{DC}$ $L_2 \overrightarrow{x_3}$ avec $\theta_3 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_3}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_3})$.
- On notera $\{\mathcal{T}(S_i \to S_j)\} = \left\{ \begin{array}{cc} X_{ij} & L_{ij} \\ Y_{ij} & M_{ij} \\ Z_{ij} & N_{ij} \end{array} \right\}_{P,\mathcal{B}_0}$

pression l'expression au point P, en projection dans la base \mathcal{B}_0 , du torseur de l'action mécanique exercée par le solide S_i sur le solide S_i ; toutes les inconnues seront exprimées dans la base \mathcal{B}_0 .

- L'action mécanique exercée par le moteur sur S₁ sera modélisée par un couple $C_m(t)\overrightarrow{z_0}$.
- L'action mécanique exercée par l'opérateur sur S₃ sera modélisée par une force $F(t)\overrightarrow{x_0}$ appliquée au point E.
- L'accélération de la pesanteur sera représentée par le vecteur $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{z_0}$.
- · Les inerties des solides en mouvement et les frottements dans les guidages seront négligés.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse du mécanisme (liaisons et efforts).

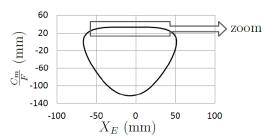
Question 2 #CCMP Proposer une démarche permettant d'exprimer le couple moteur en fonction de l'effort de l'opérateur et des parmètres géométriques.



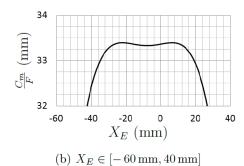
Question 3 #CCMP *Mettre en œuvre cette démarche et montrer que*

$$C_m = \frac{L_1 F}{\sin(\theta_2 - \theta_3)} (\sin \theta_1 \sin(\theta_2 + \theta_3) - 2\cos \theta_1 \sin \theta_2 \sin \theta_3).$$

Cette relation n'étant pas linéaire, on propose d'analyser les résultats d'une simulation numérique en traçant le couple moteur/effort opérateur en fonction de l'abscisse du point E Q6.



(a) Rapport couple/effort



Question 4 Retrouver ces graphes en utilsant Python. J'ai pas essayé, mais si eux ont réussi, pourquoi pas vous? Il faut peut-être utiliser le prmier devoir de vacances.

Question 5 Déterminer, à partir de la figure précédente, sur quel intervalle de l'abscisse X_E l'exigence « Linéarité couple/effort » (id 1.3.2.2) est satisfaite. Indiquer si cet intervalle est compatible avec les exigences précédemment vérifiées.

2

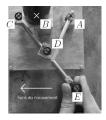
Modéliser le comportement des systèmes mécaniques dans le but d'établir une loi de comportement ou de déterminer des actions mécaniques en utilisant le PFD

Révision 1 – Résolution des problèmes de statique – Statique 2D

l'Ingénieur

Sciences

TD 03



Interface maître et esclave d'un robot *

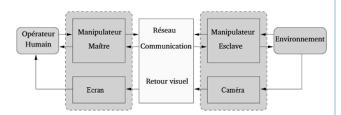
CCP PSI 2015

Savoirs et compétences :

- Res2.C18: principe fondamental de la statique;
- *Res2.C19*: équilibre d'un solide, d'un ensemble de solides;
- Res2.C20: théorème des actions réciproques.

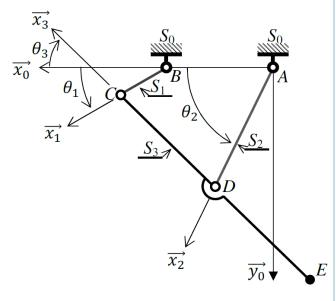
Mise en situation

La téléopération consiste à mettre en relation deux manipulateurs appelés communément maître et esclave. Le manipulateur maître permet au chirurgien de donner sa consigne de déplacement à l'aide d'un levier de commande tandis que l'esclave l'exécute au contact de l'environnement (l'organe à opérer). Les deux sous-systèmes échangent des informations de déplacement et d'effort au travers d'un ou plusieurs canaux de communication. Un retour visuel est également mis en place en parallèle à ce dispositif.

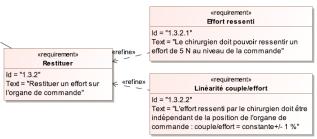


Modélisation de l'interface maître

Ce mécanisme est constitué de 4 barres reliées par des liaisons pivots.



Objectif Vérifier que l'exigence « Linéarité couple/effort » (id 1.3.2.2) peut être satisfaite par le mécanisme de HOEKEN.



- Solide S_0 , repère $\mathcal{R}_0(A; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0}), \overrightarrow{AB} = L_0 \overrightarrow{x_0}$ avec $L_0 = 50 \, \text{mm}.$
- Solide S_1 , repère $\mathcal{R}_1(B; \overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_0}), \overrightarrow{BC} = L_1 \overrightarrow{x_1}$ avec $L_1 = 25 \,\mathrm{mm}, \; \theta_1 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_1}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_1}).$
- Solide S_2 , repère $\mathcal{R}_2(A; \overrightarrow{x_2}, \overrightarrow{y_2}, \overrightarrow{z_0}), \overrightarrow{AD} = L_2 \overrightarrow{x_2}$ avec $L_2 = 62.5 \,\mathrm{mm}, \; \theta_2 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_2}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_2}).$
- Solide S_3 , repère $\mathcal{R}_3(C; \overrightarrow{x_3}, \overrightarrow{y_3}, \overrightarrow{z_0})$, $\overrightarrow{ED} = \overrightarrow{DC} =$ $L_2 \overrightarrow{x_3}$ avec $\theta_3 = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_3}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_3}).$
- On notera $\{\mathcal{T}(S_i \to S_j)\} = \begin{cases} X_{ij} & L_{ij} \\ Y_{ij} & M_{ij} \\ Z_{ij} & N_{ij} \end{cases}$

pression l'expression au point P, en projection dans la base \mathcal{B}_0 , du torseur de l'action mécanique exercée par le solide S_i sur le solide S_i ; toutes les inconnues seront exprimées dans la base \mathcal{B}_0 .

- L'action mécanique exercée par le moteur sur S₁ sera modélisée par un couple $C_m(t)\overrightarrow{z_0}$.
- L'action mécanique exercée par l'opérateur sur S₃ sera modélisée par une force $F(t)\overrightarrow{x_0}$ appliquée au point E.
- L'accélération de la pesanteur sera représentée par le vecteur $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{z_0}$.
- · Les inerties des solides en mouvement et les frottements dans les guidages seront négligés.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse du mécanisme (liaisons et efforts).

Question 2 #CCINP Déterminer les équations algébriques issues du développement des 4 relations suivantes :

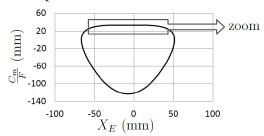


- théorème du moment statique en B appliqué à l'équilibre de S_1 , en projection sur $\overrightarrow{z_0}$;
- théorème du moment statique en A appliqué à l'équilibre de S_2 , en projection sur $\overrightarrow{z_0}$;
- théorème du moment statique en D appliqué à l'équilibre de S_3 , en projection sur $\overrightarrow{z_0}$;
- théorème de la résultante statique appliqué à l'équilibre de S_3 , en projection sur $\overrightarrow{y_2}$.

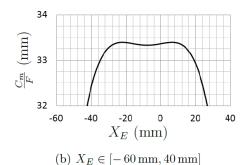
Montrer que

$$C_m = \frac{L_1 F}{\sin(\theta_2 - \theta_3)} (\sin \theta_1 \sin(\theta_2 + \theta_3) - 2\cos \theta_1 \sin \theta_2 \sin \theta_3).$$

Cette relation n'étant pas linéaire, on propose d'analyser les résultats d'une simulation numérique en traçant le couple moteur/effort opérateur en fonction de l'abscisse du point E Q6.



(a) Rapport couple/effort



Question 3 Retrouver ces graphes en utilsant Python. J'ai pas essayé, mais si eux ont réussi, pourquoi pas vous? Il faut peut-être utiliser le prmier devoir de vacances.

Question 4 Déterminer, à partir de la figure précédente, sur quel intervalle de l'abscisse X_E l'exigence « Linéarité couple/effort » (id 1.3.2.2) est satisfaite. Indiquer si cet intervalle est compatible avec les exigences précédemment vérifiées.