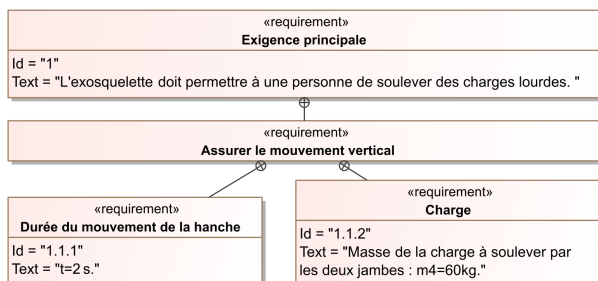


Activation 01



Mise en situation – Assurer le mouvement vertical

L'exosquelette est un appareil qui apporte à un être humain des capacités qu'il ne possède pas ou qu'il a perdues à cause d'un accident. Ce type d'appareil peut permettre à une personne de soulever des charges lourdes et diminuer considérablement les efforts à fournir sans la moindre fatigue. Après avoir revêtu un exosquelette adapté à sa morphologie et à sa taille, l'utilisateur peut faire ses mouvements en bénéficiant d'une grande fluidité.



Objectif Proposer un modèle de connaissance des éléments réalisant l'exigence fonctionnelle « assurer le mouvement vertical » puis valider les performances attendues listées par le cahier des charges.

Élaboration du modèle géométrique direct et du modèle articulaire inverse

Objectif Élaborer la commande du moteur pilotant le genou à partir d'un mouvement défini dans l'espace opérationnel puis converti dans l'espace articulaire.

L'étude se limite au passage de la position accroupie à la position relevée de l'exosquelette. Lors de ce passage, le point O_2 est en mouvement de translation verticale suivant la direction (O_0, \vec{z}_0) et sa vitesse de déplacement évolue selon une loi trapézoïdale. Un modèle plan de la

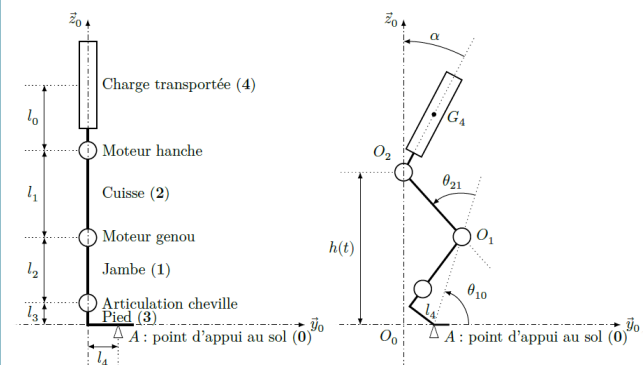
Assistance pour le maniement de charges dans l'industrie

Concours Centrale Supélec TSI 2017

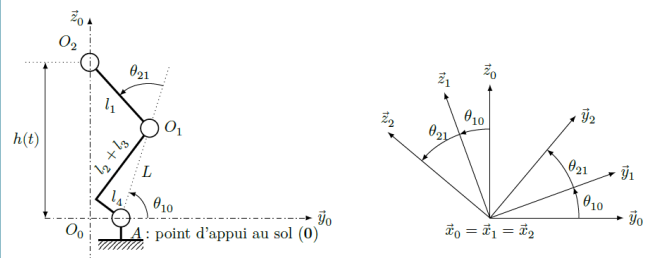
Savoirs et compétences :

- Mod2.C17.SF1 : déterminer le torseur dynamique d'un solide, ou d'un ensemble de solides, par rapport à un autre solide
- Res1.C2 : principe fondamental de la dynamique

chaîne cinématique ouverte représente la partie inférieure de l'exosquelette en position debout et fléchie.



On donne le paramétrage du modèle proposé.



Hypothèses :

- le référentiel lié au repère $\mathcal{R}_0 (A; \vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$ est galiléen et est fixe par rapport à la terre;
- le point O_2 représentant la hanche se déplace verticalement selon la direction (O_0, \vec{z}_0) ;
- l'angle α entre la charge transportée et la verticale \vec{z}_0 reste constant;
- le point d'appui A du pied sur le sol est considéré fixe par rapport à la terre;
- lors du mouvement étudié la jambe (1) reste perpendiculaire au pied (3).

Données :

- $\theta_{10} = (\vec{y}_0, \vec{y}_1) = (\vec{z}_0, \vec{z}_1)$;
- $\theta_{21} = (\vec{y}_1, \vec{y}_2) = (\vec{z}_1, \vec{z}_2)$;
- $\alpha = \text{constante}$;
- $L = \sqrt{(l_2 + l_3)^2 + l_4^2}$.

Question 1 Déterminer littéralement les coordonnées opérationnelles l_4 et $h(t)$ en fonction des coordonnées articulaires θ_{10} , θ_{21} et des paramètres dimensionnels L et l_1 .

Question 2 Déterminer le modèle articulaire inverse θ_{10} et θ_{21} en fonction de l_1 , l_4 , L et $h(t)$.

Méthode Lorsqu'on a une équation de la forme $A \cos \theta_{10} + B \sin \theta_{10} = C$. On peut normer cette équation en la mettant sous la forme $\frac{A}{\sqrt{A^2 + B^2}} \cos \theta_{10} + \frac{B}{\sqrt{A^2 + B^2}} \sin \theta_{10} = \frac{C}{\sqrt{A^2 + B^2}}$. On pose alors $\cos \varphi = \frac{A}{\sqrt{A^2 + B^2}}$ et $\sin \varphi = \frac{B}{\sqrt{A^2 + B^2}}$. On a alors $\cos(\theta_{10} - \varphi) = \frac{C}{\sqrt{A^2 + B^2}}$.

Élaboration du modèle cinématique

Objectif En vue de dimensionner le moteur du genou, déterminer la vitesse articulaire en fonction de la vitesse opérationnelle.

Question 3 Déterminer à partir du modèle articulaire inverse la vitesse angulaire $\dot{\theta}_{21}$ en fonction de $h(t)$, $\dot{h}(t)$, l_1 , L et $\sin \theta_{21}$.

Un modèle multiphysique a permis de déterminer les conditions suivantes correspondant à la vitesse maximale : $t = 1.5$ s, $h(t = 1,5) = 0.829$ m, $\dot{h}(t = 1,5) = 0.422$ m s⁻¹ et $\theta_{21} = 55,9^\circ$. Les longueurs l_1 et L valent respectivement 43.1 cm et 51.8 cm. Le réducteur de vitesse utilisé a un rapport de réduction égal à $r = \frac{1}{120}$.

Question 4 Déterminer la valeur maximale de la vitesse angulaire $\dot{\theta}_{21}$ et rad s⁻¹ puis celle de la fréquence de rotation d'un moteur de genou en tr min⁻¹.

Éléments de corrigé :

1. $L \cos \theta_{10} + l_1 \cos(\theta_{10} + \theta_{21}) + l_4 = 0$ et $L \sin \theta_{10} + l_1 \sin(\theta_{10} + \theta_{21}) - h(t) = 0$.
2. $\theta_{10} = \arccos\left(\frac{l_1^2 - L^2 - l_4^2 - h(t)^2}{2L\sqrt{l_4^2 + h(t)^2}}\right) + \arctan\left(\frac{-h(t)}{l_4}\right)$ et $\theta_{21} = \arccos\left(\frac{l_4^2 + h(t)^2 - L^2 - l_1^2}{2l_1L}\right)$.
3. $\dot{\theta}_{21} = -\frac{\dot{h}(t)h(t)}{l_1L \sin \theta_{21}}$.
4. $\dot{\theta}_{21} \simeq -1.89$ rad s⁻¹ $\dot{\theta}_m \simeq 2168$ tr min⁻¹.