## Modéliser le comportement des systèmes mécaniques dans le but d'établir une loi de comportement ou de déterminer des actions mécaniques en utilisant le PFD

Chapitre 1 - Introduction à la dynamique du solide indéformable

Industrielles de

l'Ingénieur

**Sciences** 

### **Activation**



# Activation – Système de dépose de composants électroniques

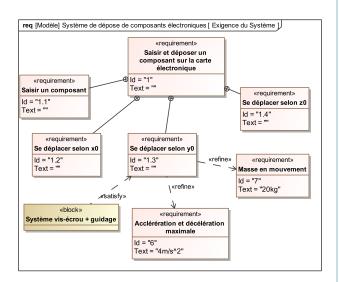
Émilien Durif - E3A PSI 2011

Savoirs et compétences :

## Présentation du support du cours du cours

Le système étudié permet de déposer automatiquement des composants électroniques sur un circuit. On s'intéresse ici à la modélisation d'un seul axe (selon la direction notée  $\overrightarrow{y_0}$ ). actionné par un moteur électrique et utilisant un mécanisme de transformation de mouvement.

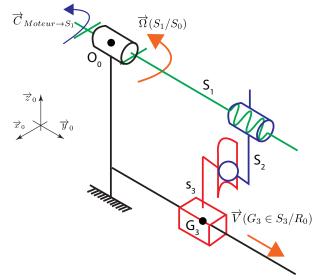
On donne les exigences associées au système :



### Hypothèses:

- le référentiel associé au repère  $R_0 = (O_0; \overrightarrow{x}_0, \overrightarrow{y}_0, \overrightarrow{z}_0)$  est supposé galiléen;
- les solides seront supposés indéformables;
- on notera  $J_1$  le moment d'inertie du solide 1 selon l'axe  $\left(O_0, \overrightarrow{y}_0\right)$ :  $J_1 = I_{\left(O_0, \overrightarrow{y}_0\right)}(S_1)$ ;
- on note  $M_3$  et  $G_3$  respectivement la masse et le centre d'inertie du solide  $S_3$ ;
- la position de  $G_3$  est définie par  $\overrightarrow{O_0G_3} = x \overrightarrow{x_0} + y \overrightarrow{y_0} + z \overrightarrow{z_0}$
- les liaisons sont supposées parfaites (sans jeu ni frottement).

Le système est modélisé par le schéma cinématique ci-dessous :



#### On note:

- *S*<sub>0</sub> : poutre transversale considérée comme fixe par rapport au bâti;
- *S*<sub>1</sub> : vis à billes (hélice à droite);
- S<sub>2</sub> : écrou de la vis à billes;
- $S_3$ : chariot supportant la tête de dépose (masse  $M_3$ ).

**Objectif** L'objectif de cette étude est de relier les grandeurs liées à l'actionneur du système (moteur) :

- couple transmis à  $S_1 : \overrightarrow{C}_{\text{Moteur} \to S_1}$ ;
- vitesse de rotation de  $S_1: \overrightarrow{\Omega}(S_1/R_0) \cdot \overrightarrow{y}_0 = \dot{\theta}$ .

à celles liée à l'effecteur (tête de dépose  $S_3$ ) :

• masse:  $M_3$ ;

1

• cinématique de  $S_3$ :  $\Gamma(G_3 \in S_3/R_0) \cdot \overrightarrow{y}_0 = \ddot{y}$ .

**Question** 1 Réaliser le graphe de structure associé au mécanisme.

**Question 2** Proposer une stratégie pour répondre à l'objectif.

**Question** 3 Déterminer la relation entre l'effort de poussée dans la liaison linéaire annulaire et l'accélération du chariot.

On donne les caractéristiques du moteur entraı̂nant l'axe et la vis  $S_1$ :

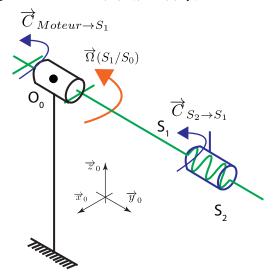
• couple maximal,  $C_{\text{max}} = 21.2 \,\text{Nm}$ ;

Chapitre 1 - Activation



- fréquence de rotation maximale,  $N_m = 6000 \,\text{tr/min}$ ;
- moment d'inertie du moteur suivant l'axe  $\overrightarrow{y_0}$ :  $I_m =$  $1.6\,10^{-4} kg\,m^2$ ;
- moment d'inertie de la vis à billes suivant l'axe  $\overrightarrow{y}_0$ :  $I_v = 2,110^{-4} \text{kg m}^2$ .

De plus on notera :  $\overrightarrow{\Omega}(S_1/R_0) = \dot{\theta}(t) \cdot \overrightarrow{y_0}$ 



### Détermination des caractéristiques maximales :

On se place de la cas le plus limite (Couple maximal, accélération angulaire constante pour atteindre la fréquence de rotation maximale en  $t_a = 0.2 \,\mathrm{s}$ ) Déterminer le couple résistant maximal que le moteur peut équilibrer dynamiquement  $(C_{S_2 \to S_1})$ :

On appliquant un théorème du moment dynamique à  $S_1 \operatorname{selon}\left(\overrightarrow{O_0}, \overrightarrow{\overrightarrow{y}_0}\right) : (I_m + I_v) \cdot \ddot{\theta} = C_{\max} + C_{S_2 \to S_1}.$ 

On obtient alors :  $C_{S_2 \to S_1} = (I_m + I_v) \cdot \ddot{\theta}_{\max} - C_{\max} = (I_m + I_v) \cdot \frac{N_m \times 2 \cdot \pi}{60 \cdot I_a} - C_{\max} = -20 \, \text{Nm}.$ • Les deux cas présentés ci-dessus sont traités de ma-

- nière indépendante.
- · Le lien entre ces deux parties (actionneur et effecteur) repose sur le mécanisme de transformation de mouvement (ici vis-écrou).
- Il faudra donc procéder à une démarche de résolution globale pour relier le couple moteur  $\overrightarrow{C}_{\text{moteur} \to S_1}$ à l'accélération  $(\Gamma(G_3 \in 3/R_0))$  et la masse de l'effecteur ( $M_3$ ). Ce sera l'objet des parties suivantes.