Modéliser le comportement des systèmes mécaniques dans le but d'établir une loi de comportement ou de déterminer des actions mécaniques en utilisant le PFD

Chapitre 4 - Méthodologie: détermination des équations de mouvement

Industrielles de

l'Ingénieur

Sciences

TD 02



Dynamique d'un Segway de première génération ***

Frédéric SOLLNER - Lycée Mermoz - Montpellier

Savoirs et compétences :

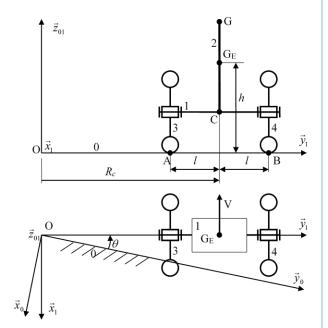
- Res1.C2: Principe fondamental de la dynamique.
- Res1.C1.SF1 : Proposer une démarche permettant la détermination de la loi de mouvement.

Présentation

Le support de l'étude est le véhicule auto balancé Segway®. Il s'agit d'un moyen de transport motorisé qui permet de se déplacer en ville. En termes de prestations, il est moins rapide qu'une voiture ou qu'un scooter, mais plus maniable, plus écologique, moins encombrant et nettement plus moderne.

La première génération de Segway avait un guidon fixe et une poignée de direction). Cette technologie provoquait un effet de roulis qui pouvait conduire à un renversement. Dans cet exercice, nous nous proposons d'étudier le dérapage et le renversement d'un Segway de première génération.

La seconde génération de Segway a vu apparaître une technologie appelée LeanSteer avec guidon inclinable qui permet de faire tourner le Segway lorsque l'utilisateur penche son corps sur le côté (non étudié dans cet exercice).



On donne les caractéristiques géométriques et cinématiques suivantes :

• la route (0) est munie du repère $\mathcal{R}_0 = (O; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0})$. Ce référentiel associé est supposé galiléen. • la plate-forme (1) a pour centre de gravité C. Le conducteur (2) a pour centre de gravité G. Les roues 3 et 4,de masse et inertie négligeable, sont liées à 1 par des liaisons pivots d'axe $(C, \overrightarrow{y_1})$. L'ensemble $E = 1 \cup 2$ forme le système matériel indéformable E de centre de gravité G_E et de masse m_E . Il est animée d'un mouvement de rotation par rapport au sol dont le centre instantané de rotation est O. Le rayon de courbure de la trajectoire du point G_E dans \mathcal{R}_0 est \mathcal{R}_C . Le repère lié à 1 est \mathcal{R}_1 tel que $\overrightarrow{z_1} = \overrightarrow{z_0} = \overrightarrow{z_{01}} = \text{et on note } \theta = (\overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{x_1}) = (\overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{y_1})$.

On donne $\overrightarrow{OG_E} = R_C \overrightarrow{y_1} + h \overrightarrow{z_{01}}$. L'opérateur d'inertie de E en G_E dans $\mathcal{B}_1 = (\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_1})$ est : $I_{G_E}(E) = \begin{pmatrix} A & -F & -E \\ -F & B & -D \\ -E & -D & C \end{pmatrix}$.

Hypothèse(s)• Les contacts entre les roues 3 et \underbrace{A} et la route 0 ont lieu en A et B définis par $\overline{G_EA} = -l \overrightarrow{y_1} - h \overrightarrow{z_0}$ et $\overline{G_EB} = l \overrightarrow{y_1} - h \overrightarrow{z_0}$, l désignant la demi voie du véhicule. Les contacts sont modélisés par des liaisons sphère-plan de centres A et B et de normale $\overrightarrow{z_{01}}$. Le contact dans ces liaisons se fait avec un coefficient de frottement noté f (on supposera pour simplifier que les coefficients de frottement et d'adhérence sont identiques). Les actions mécaniques de la route 0 sur les roues \overline{A} et \overline{A} sont modélisées par des glisseurs en \overline{A} et \overline{B} de résultantes \overline{B} (\overline{A} o \overline{A}) = \overline{A} \overline

- On se place dans un cas où le rayon de courbure R_C de la trajectoire du point C, ainsi que la vitesse de rotation $\dot{\theta}$ par rapport au référentiel \mathcal{R}_0 sont constants.
- L'accélération de la pesanteur est $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{z_0}$. Accélération de la pesanteur, $g = 10 \, \text{ms}^{-2}$.
- On néglige la masse et les l'inertie des roues.

On donne:

1

- coefficient d'adhérence pneu-route : f = 1;
- masse de E = 1 + 2: $m_E = 134$ kg;
- demi largeur des voies : $l = 35 \,\mathrm{cm}$, $h = 86 \,\mathrm{cm}$.



Objectif L'objectif est de valider l'exigence 1 : permettre à l'utilisateur de se déplacer sur le sol.

Étude du dérapage en virage du véhicule Segway

On donne ci-dessous un extrait du cahier des charges.

Exigence	Niveau
r	Interdit
une vitesse de 20 km h ⁻¹ dans un virage	
de rayon de courbure 10 m	

Question 1 Exprimer la vitesse, notée $\overline{V(G_E/\mathcal{R}_0)}$, du point G_E dans son mouvement par rapport à \mathcal{R}_0 en fonction de $\dot{\theta}$ et R_C . Exprimer la vitesse linéaire du véhicule en fonction de R_C et $\dot{\theta}$.

Question 2 Exprimer la vitesse limite pour laquelle il n'y a pas de dérapage. Vérifier alors que l'exigence 1.1 est vérifiée.

Étude du renversement en virage du véhicule Segway

On donne ci-dessous un extrait du cahier des charges.

Exigence	Niveau
id=«1.2» Renversement du véhicule	Interdit
pour une vitesse de 20 km h ⁻¹ dans un	
virage de rayon de courbure 10 m.	

Hypothèse(s) On suppose qu'il y a adhérence des roues en A et B.

Question 3 Exprimer la vitesse limite pour laquelle il n'y a pas de basculement du Segway.

On néglige $I_{G_E}(E)$ pour simplifier l'application numérique.

Question 4 Faire les applications numériques nécessaires et vérifier la conformité au cahier des charges.