Modéliser le comportement des systèmes mécaniques dans le but d'établir une loi de comportement ou de déterminer des actions mécaniques en utilisant les méthodes énergétiques

Chapitre 1 - Approche énergétique

Sciences Industrielles de l'Ingénieur

Activation



Activation – Système de dépose de composants électroniques

Émilien Durif - E3A PSI 2011

Savoirs et compétences :

Le système étudié permet de déposer automatiquement des composants électroniques sur un circuit. On s'intéresse ici à la modélisation d'un seul axe (selon la direction notée $\overrightarrow{y_0}$) actionné par un moteur électrique et utilisant un mécanisme de transformation de mouvement « vis-écrou ».

Hypothèses:

- le référentiel associé au repère $R_0 = (O_0; \overrightarrow{x_0}, \overrightarrow{y_0}, \overrightarrow{z_0})$ est supposé galiléen;
- les solides seront supposés indéformables;
- on notera J_1 le moment d'inertie du solide 1 (composé d'une vis à billes et de l'arbre moteur) selon l'axe $(O_0, \overrightarrow{y_0})$: $J_1 = I_{(O_0, \overrightarrow{v_0})}(S_1);$
- on note M_3 et G_3 respectivement la masse et le centre d'inertie du solide S_3 ;
- la position de G_3 est définie par $O_0G_3 = y \cdot \overrightarrow{y_0} + z \cdot \overrightarrow{z_0}$
- les liaisons sont supposées parfaites (sans jeu ni frottement) sauf la glissière entre S₀ et S₃ (Coefficient de frottement noté μ) et la pivot entre S_0 et S_1 (couple résistant noté C_r);
- seul l'action de pesanteur sur S_3 sera supposée non négligeable.
- S₀: poutre transversale considérée comme fixe par rapport au bâti.
- S_1 : vis à billes (hélice à droite) et arbre moteur.
- S₂ : écrou de la vis à billes (inertie négligeable).
- S_3 : chariot supportant la tête de dépose (masse M_3).

Données numériques associées au système :

- Coefficient de frottement dans la liaison glissière (rail + patin à billes) : $\mu = 0, 1$.
- Pas de la vis à billes : $p = 20 \,\mathrm{mm}$.
- Diamètre de la vis à billes : $D = 25 \,\mathrm{mm}$.
- Moment d'inertie de la vis à billes suivant l'axe $\overrightarrow{y_0}$: $I_{\nu} = 2,15 \times 10^{-4} \text{ kg m}^2$.
- Couple résistant sur la vis due à son guidage (paliers + joints) : $C_r = 3$ Nm.
- *l*, longueur libre de la vis entre deux paliers (mm) : 1000 mm.
- Caractéristiques du moteur d'axe (puissance, vitesse maxi, inertie) :
 - couple maximal, $C_{\text{max}} = 21.2 \,\text{Nm}$;
 - fréquence de rotation maximale, $N_m = 6000 \,\text{tr/min}$;
 - moment d'inertie du rotor du moteur suivant l'axe $\overrightarrow{y_0}$, $I_m = 1.6 \times 10^{-4} \text{ kg m}^2$.

Objectif L'objectif de cette étude est de relier les grandeurs liées à l'actionneur du système (moteur) :

- couple moteur transmis à $S_1 : \overrightarrow{C}_{\text{Moteur} \to S_1} \cdot \overrightarrow{y_0} = C_m(t)$;
- vitesse de rotation de $S_1: \overrightarrow{\Omega}(S_1/R_0) \cdot \overrightarrow{v_0} = \dot{\theta}(t)$;

à celles liées à l'effecteur (tête de dépose S_3):

- masse: M_3 ;
- cinématique de S_3 : $\overrightarrow{a}(G_3R_0) \cdot \overrightarrow{y_0} = \ddot{y}(t)$.

On considère l'ensemble $E = \{S_1 + S_2 + S_3\}.$

Question 1 Construire le graphe des liaisons modélisant le système entier.

Correction

Question 2 Déterminer l'expression de $\mathcal{P}(\text{ext} \to E/R_g)$ en fonction de puissances extérieures élémentaires (on ne développera pas les calculs explicitement pour l'instant).

1



Correction

$$\mathscr{P}(\operatorname{ext} \to E/R_g) = \mathscr{P}(S_0 \to S_1/R_0) + \mathscr{P}(\operatorname{Moteur} \to S_1/R_0) + \mathscr{P}(S_0 \to S_3/R_0) + \mathscr{P}(\operatorname{poids} \to S_3/R_0)$$

Question 3 Calculer $\mathcal{P}(ext \to E/R_0)$ en fonction des données du problème.

Correction On a:

$$\mathscr{P}(\operatorname{ext} \to E/R_g) = \mathscr{P}(S_0 \to S_1/R_0) + \mathscr{P}(\operatorname{Moteur} \to S_1/R_0) + \mathscr{P}(S_0 \to S_3/R_0) + \mathscr{P}(\operatorname{poids} \to S_3/R_0)$$

- $\bullet \mathscr{P}(S_0 \to S_1/R_0) = \{\mathscr{T}(S_0 \to S_1)\} \otimes \{\mathscr{V}(S_1/R_0)\} = \left\{ \begin{array}{c} X_{01} \cdot \overrightarrow{x_0} + Y_{01} \cdot \overrightarrow{y_0} + Z_{01} \cdot \overrightarrow{z_0} \\ L_{01} \cdot \overrightarrow{x_0} \pm C_r \cdot \overrightarrow{y_0} + N_{01} \cdot \overrightarrow{z_0} \end{array} \right\}_{O_0} \otimes \left\{ \begin{array}{c} \dot{\theta}(t) \cdot \overrightarrow{y_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_{O_0} = \pm C_r \cdot \dot{\theta}(t).$ Le signe de la composante suivant $\overrightarrow{v_0}$ dépendra du sens du mouvement de S
- $\bullet \mathscr{P}(\text{Moteur} \to S_1/R_0) = \{\mathscr{T}(\text{Moteur} \to S_1)\} \otimes \{\mathscr{V}(S_1/R_0)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \cdot \overrightarrow{y_0} \end{array}\right\}_{-} \otimes \left\{\dot{\theta}(t) \cdot \overrightarrow{y_0}\right\} \overrightarrow{0} O_0 = C_m \cdot \dot{\theta}(t).$ $\bullet \mathscr{P}(S_0 \to S_3/R_0) = \{\mathscr{T}(S_0 \to S_3)\} \otimes \{\mathscr{V}(S_3/R_0)\} = \left\{\begin{array}{c} X_{03} \cdot \overrightarrow{x_0} \pm Y_{03} \cdot \overrightarrow{y_0} + Z_{03} \cdot \overrightarrow{z_0} \\ L_{03} \cdot \overrightarrow{x_0} + M_{03} \cdot \overrightarrow{y_0} + N_{03} \cdot \overrightarrow{z_0} \end{array}\right\}_{-} \otimes \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ \dot{y}(t) \cdot \overrightarrow{y_0} \end{array}\right\}_{-} = \pm Y_{03} \cdot Y_{03}$
- $\mathscr{P}(\text{Poids} \to S_3/R_0) = \{\mathscr{T}(\text{pes} \to S_3)\} \otimes \{\mathscr{V}(S_3/R_0)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ -M_3 \cdot g \cdot \overrightarrow{z_0} \end{array}\right\}_{C_0} \otimes \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ \dot{y}(t) \cdot \overrightarrow{y_0} \end{array}\right\}_{C_0} = 0.$ $\mathscr{P}(\operatorname{ext} \to E/R_0) = (C_m \pm C_r) \cdot \dot{\theta}(t) \pm Y_{03} \cdot \dot{\gamma}(t)$

Question 4 Calculer l'ensemble des puissances des actions mutuelles dans les liaisons pour l'ensemble $E: \mathcal{P}_{int}(E)$.

• D'après le graphe des liaisons : $\mathscr{P}_{int}(E) = \mathscr{P}(S_1 \longleftrightarrow S_2) + \mathscr{P}(S_2 \longleftrightarrow S_3)$

- Calcul de $\mathscr{P}(S_1 \longleftrightarrow S_2) = \mathscr{P}(S_1 \longleftrightarrow S_2) = \{\mathscr{T}(S_1 \to S_2)\} \otimes \{\mathscr{V}(S_2/S_1)\} = \left\{\begin{array}{c} X_{12}\overrightarrow{x_0} + Y_{12}\overrightarrow{y_0} + Z_{12}\overrightarrow{z_0} \\ L_{12}\overrightarrow{x_0} + M_{12}\overrightarrow{y_0} + N_{12}\overrightarrow{z_0} \end{array}\right\}_{O} \otimes \left\{\begin{array}{c} q_{21}\overrightarrow{y_0} \\ v_{12} \cdot \overrightarrow{y_0} \end{array}\right\}_{O}$ $=Y_{12}\cdot v_{12}+q_{21}\cdot M_{12}. \text{ Or, } \begin{cases} M_{12}=-\frac{p}{2\pi}Y_{12} \\ v_{12}=\frac{p}{2\pi}q_{21} \end{cases}. \text{ D'où }: \mathcal{P}(S_1\longleftrightarrow S_2)=Y_{12}\cdot v_{12}+q_{21}\cdot M_{12}=\frac{p}{2\pi}\left[Y_{12}\cdot q_{21}-q_{21}\cdot Y_{12}\right]=0.$
- Calcul de $\mathscr{P}(S_2 \longleftrightarrow S_3) = \{\mathscr{T}(S_2 \to S_3)\} \otimes \{\mathscr{V}(S_3/S_2)\} = \left\{\begin{array}{c} X_{23} \overrightarrow{x}_0 + Y_{23} \overrightarrow{y}_0 \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ w_{32} \cdot \overrightarrow{z}_0 \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{z}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{x}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 + r_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y}_0 + q_{32} \overrightarrow{y}_0 \\ \end{array}\right\}_{A} \otimes \left\{\begin{array}{c} p_{32} \overrightarrow{y$
- On en déduit donc : $\mathcal{P}_{int}(E) = 0$.

Question 5 Déterminer l'énergie cinétique de l'ensemble E dans son mouvement par rapport à R_0

Correction • Énergie cinétique de l'ensemble dans son mouvement par rapport à R_0 :

$$E_c(E/R_0) = E_c(1/R_0) + E_c(2/R_0) + E_c(3/R_0)$$

- Énergie cinétique de 1 dans son mouvement par rapport à $R_0: E_c(1/R_0) = \frac{1}{2} \{\sigma(1/R_0)\} \otimes \{\mathcal{V}(1/R_0)\} = \frac{1}{2} \{\sigma(1/R_0)\} \otimes \{\mathcal{V}(1/R_0)\}$ $\frac{1}{2} \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{\overline{I}}_{O_0}(S_1) \cdot \dot{\theta}(t) \overrightarrow{y_0} \end{array} \right\}_{O_0} \otimes \left\{ \begin{array}{c} \dot{\theta}(t) \overrightarrow{y_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_{O_0} = \frac{1}{2} \left[\dot{\theta}^2 \overline{\overline{I}}_{O_0}(S_1) \cdot \overrightarrow{y}_0 \cdot \overrightarrow{y}_0 \right] = \frac{1}{2} J_1 \cdot \dot{\theta}^2 = \frac{1}{2} (I_m + I_{\nu}) \cdot \dot{\theta}^2.$
- Énergie cinétique de 2 dans son mouvement par rapport à R_0 : $E_c(2/R_0) = \frac{1}{2} \{\sigma(2/R_0)\} \otimes \{\mathcal{V}(2/R_0)\} = 0$ car l'inertie de 2 est négligeable.
- Énergie cinétique de 3 dans son mouvement par rapport à $R_0: E_c(3/R_0) = \frac{1}{2} \{\sigma(3/R_0)\} \otimes \{\mathscr{V}(3/R_0)\} = \begin{cases} \\ M_3 \cdot \dot{\mathcal{V}}(t) \cdot \overrightarrow{\mathcal{V}}_0 \end{cases} \}$ $\left\{\begin{array}{c} - \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{\dot{y}(t)\cdot\overrightarrow{y_0}} = \frac{1}{2}M_3\cdot\dot{y}^2(t).$
- L'énergie cinétique galiléenne de l'ensemble $E: E_c(E/R_0) = \frac{1}{2} \left[(I_m + I_v) \cdot \dot{\theta}^2(t) + M_3 \cdot \dot{y}^2(t) \right]$.

Question 6 Déterminer la mobilité du système.



Correction Ici la mobilité vaut 1.

Question 7 Déterminer une relation entre les paramètres cinématiques du problème.

Correction Par une fermeture cinématique on pourrait montrer : $\dot{y}(t) = -\frac{p}{2\pi}\dot{\theta}(t)$.

Question 8 Déterminer l'inertie équivalente de E ramenée à la rotation autour de l'axe $(O_0, \overrightarrow{y_0})$ et du paramètre $\dot{\theta}(t)$.

Correction
$$E_c(E/R_0) = \frac{1}{2} \left[(I_m + I_v) \cdot \dot{\theta}^2(t) + M_3 \cdot \dot{y}^2(t) \right] = \frac{1}{2} \left[(I_m + I_v) + M_3 \cdot \left(\frac{p}{2\pi} \right)^2 \right] \cdot \dot{\theta}^2(t) \text{ d'où, } J_{eq}(E) = (I_m + I_v) + M_3 \cdot \left(\frac{p}{2\pi} \right)^2.$$

Question 9 Déterminer la masse équivalente de E ramené à la translation selon la direction $\overrightarrow{y_0}$ et du paramètre $\dot{y}(t)$.

Question 10 Appliquer le théorème de l'énergie cinétique à l'ensemble E.

Correction En combinant les résultats des différentes questions précédentes, on obtient : $M_{\text{eq}} \cdot \dot{y}(t) \cdot \ddot{y}(t) = (C_m \pm C_r) \cdot \dot{y}(t) \pm Y_{03} \cdot \dot{y}(t) + 0$.

On peut postuler un sens de déplacement : $\dot{y}(t) > 0$, ainsi $\dot{\theta} = -\frac{2\pi}{p}\dot{y}(t) < 0$, $C_r > 0$, $Y_{03} < 0$: $M_{\rm eq} \cdot \dot{y}(t) \cdot \ddot{y}(t) = \left[-(C_m + C_r) \cdot \frac{2\pi}{p} + Y_{03} \right] \cdot \dot{y}(t)$

Question 11 Déterminer des équations supplémentaires issues des théorèmes généraux pour déterminer l'équation de mouvement du système permettant de relier C_m à y(t).

Correction Il faut éliminer le paramètre Y_{03} . Pour cela on peut écrire le théorème de la résultante dynamique appliqué à S_3 en projection selon $\overrightarrow{z_0}: Z_{03} - M_3 \cdot g = 0$.

Or la loi de Coulomb donne (avec $Z_{03} > 0$ et $Y_{03} < 0$): $Y_{03} = -\mu \cdot Z_{03} = -\mu \cdot M_3 \cdot g$.

Ainsi l'équation de mouvement obtenue est (en éliminant $\dot{y}(t) \neq 0$): $M_{\text{eq}} \cdot \ddot{y}(t) = -(C_m + C_r) \cdot \frac{2\pi}{p} - \mu \cdot M_3 \cdot g$

Question 12 Déterminer le couple moteur à fournir dans le cas le plus défavorable (accélération maximale).

Correction

$$C_{m} = -\frac{p}{2\pi} \left[M_{\text{eq}} \ddot{y}_{\text{max}} + M_{3} \cdot g \cdot \mu \right] - C_{r} = -\frac{p}{2\pi} M_{3} \left(\ddot{y}_{\text{max}} + g \cdot \mu \right) - (I_{m} + I_{v}) \frac{2\pi}{p} \ddot{y}_{\text{max}} - C_{r}$$

L'application numérique donne : $C_m = -3,79N \cdot m$

On cherche à déterminer en régime permanent les pertes au niveaux de la liaison hélicoïdale entre S_1 et S_2 . On considère donc les actions mécaniques de frottement nulles partout ailleurs dans le système global. On introduit alors un rendement η défini en régime permanent et donc à variation d'énergie cinétique négligeable.

Question 13 En considérant le système $E_1 = \{S_1 + S_2\}$, définir le rendement.

Correction

$$\eta = \frac{\mathscr{P}(\text{utile})}{\mathscr{P}(\text{entrée})} = \frac{\mathscr{P}(S_2 \to S_3/R_0)}{\mathscr{P}(\text{moteur} \to S_1/R_0)}$$

Question 14 On définit la puissance dissipée comme la puissance des inter-effort entre S_1 et S_2 . En appliquant un théorème de l'énergie cinétique à S_2/R_0 et S_1/R_0 en régime permanent donner l'expression des puissances dissipées dans



la liaison hélicoïdale.

Correction • Expression de $\mathscr{P}(\text{dissip\'ee}) : \mathscr{P}(\text{dissip\'ee}) = -\mathscr{P}(S_1 \longleftrightarrow S_2) = -(\mathscr{P}(S_1 \to S_2/R_0) + \mathscr{P}(S_2 \to S_1/R_0));$

- TEC appliqué à S_2/R_0 en régime permanent : $\mathcal{P}(S_1 \to S_2/R_0) = -\mathcal{P}(S_3 \to S_2/R_0)$;
- TEC appliqué à S_1/R_0 en régime permanent : $\mathscr{P}(\text{moteur} \to S_1/R_0) = -\mathscr{P}(S_2 \to S_1/R_0)$
- en combinant ces équations on obtient $\mathscr{P}(\text{dissip\'ee})$: $\mathscr{P}(\text{dissip\'ee}) = -(-\mathscr{P}(S_3 \to S_2/R_0) \mathscr{P}(\text{moteur} \to S_1/R_0))$ = $-\mathscr{P}(S_2 \to S_3/R_0) + \mathscr{P}(\text{moteur} \to S_1/R_0) = (1-\eta)\mathscr{P}(\text{moteur} \to S_1/R_0)$.

On donne:

• Rendement η dans la liaison hélicoïdale : $\eta = 0.8$;

Question 15 Déterminer dans ces conditions les dissipations.

Correction
$$\mathscr{P}(\text{dissip\'ee}) = C_{\text{max}} \cdot \dot{\theta}_{\text{max}} \cdot (\eta - 1) = 21,2 \times 6000 \frac{2\pi}{60} \cdot (1 - \eta) = 2664 \text{ W}$$