

Analyse du système

Chaine fonctionnelle du robot haptique  
Nombre de mobilités du robot :

Graphe de structure – Indiquer en rouge les liaisons/pièces non modélisées dans Meca3D

Modélisation du système

	Modélisation du système	Modélisation méca 3D		Modélisation du système	Modélisation méca 3D
Mobilités			Mobilités		
Cycles et Ec			Es		
Ic			Is		
hs			hs		

Commenter les écarts éventuels

« Gestion » des mobilités par méca 3D

« Gestion » de l’hyperstatisme par méca 3D

Modélisation d’un bras

Schéma cinématique hyperstatique

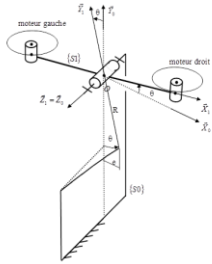
Schéma cinématique isostatique  
(proposé par les modélisateurs)

Schéma cinématique isostatique  
(proposé par les simulateurs via méca 3D)

Conditions géométriques pour prendre en compte l’hyperstatisme

Solutions mises en place pour réaliser l’assemblage d’un bras

Expérimentation



L'équation des moments du Principe Fondamental de la

Dynamique est :  $-R \cdot Fr \cdot \cos\theta - f \cdot \dot{\theta} = J \cdot \ddot{\theta}$

Comme  $Fr = k \cdot e = k \cdot R \cdot \sin\theta$ , l'équation devient :

$-k \cdot R^2 \cdot \sin\theta \cdot \cos\theta - f \cdot \dot{\theta} = J \cdot \ddot{\theta}$

Après linéarisation pour  $\theta$  petit, et en négligeant les

frottement visqueux on obtient :  $-k \cdot R^2 \cdot \theta = J \cdot \ddot{\theta}$

La période des oscillations est :  $T = 2\pi \sqrt{\frac{J}{k \cdot R^2}}$

Application numérique : Calculons la raideur :

$$k = \frac{3 \cdot E \cdot \pi \cdot d^4}{64 \cdot L^3} = 3 \times 2 \cdot 10^5 \times \pi \times (2,1)^4 / (64 \times (110)^3)$$

$$= 0,43 \text{ N/mm} = 0,43 \cdot 10^3 \text{ N/m}$$

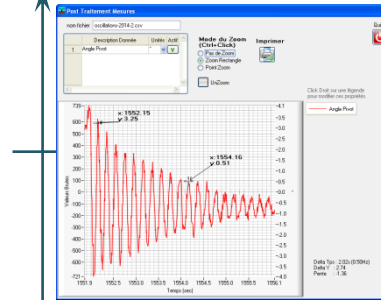
L'expression de la période T permet d'obtenir J :

$$J = \frac{T^2 \cdot k \cdot R^2}{4\pi^2} \quad J = (0,2)^2 \cdot 0,43 \cdot 10^3 \cdot (147 \cdot 10^{-3})^2 / (4 \times \pi^2)$$

$$J = 9,4 \cdot 10^{-3} \text{ kg.m}^2$$

Modélisation associée à l'expérimentation

Résultat de l'expérimentation



$T_p = 0,2$  (2s pour 10 oscillations)  $k = 0,43 \cdot 10^3 \text{ N/m}$

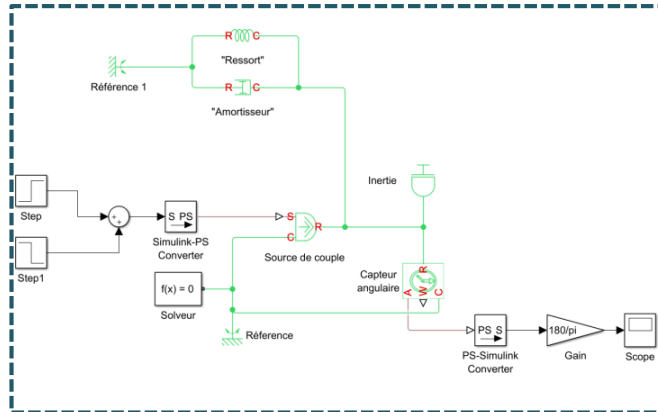
$$J = 9,4 \cdot 10^{-3} \text{ kg.m}^2$$

$$J_{\text{exp}} = 9,4 \cdot 10^{-3} \text{ kg.m}^2$$

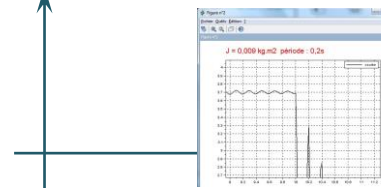
Écarts  $J_{\text{exp}} - J_{\text{sim}}$

Écarts  $J_{\text{exp}} - J_{\text{SW}}$

Modélisation acausale



Résultat de la modélisation



Méthode pour identifier J

$$J_{\text{sim}} =$$

Écarts  $J_{\text{SW}} - J_{\text{sim}}$

Modélisation SW

$$J_{\text{Huygens}} =$$

$$J_{\text{SolidWorks}} =$$

Origines des écarts entre les deux inerties calculées

Inertie retenue :

$$J_{\text{SW}} =$$

Bilan