A2
Proposer un modèle de connaissance et de comportement

Proposer un modèle de connaissance et de comportement

1.1 Modéliser la cinématique d'un ensemble de solides ... 2

Modéliser la cinématique d'un ensemble de solides ... 6



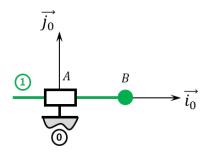
#### 1 Proposer un modèle de connaissance et de comportement

#### 1.1 Modéliser la cinématique d'un ensemble de solides

Exercice 1 - Mouvement T - \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On note  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_0}$ .



**Question 1** Quel est le mouvement de **1** par rapport à

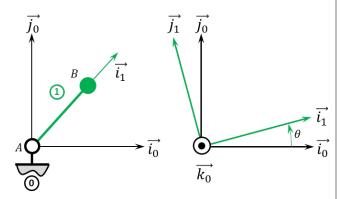
**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point B dans le mouvement de **1** par rapport à **0**.

Corrigé voir ??.

#### Exercice 2 - Mouvement R \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  avec  $R = 20 \, \mathrm{mm}$ .



**Question 1** Quel est le mouvement de **1** par rapport à **0**.

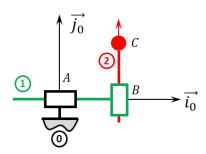
**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point B dans le mouvement de **1** par rapport à **0**.

Corrigé voir ??.

#### Exercice 3 - Mouvement TT - \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On note  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_0}$  et  $\overrightarrow{BC} = \mu(t)\overrightarrow{j_0}$ .



**Question** 1 Quel est le mouvement de **2** par rapport à **0**.

**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point C dans le mouvement de **2** par rapport à **0**.

On souhaite que le point C réalise un cercle de centre A et de rayon R.

**Question 3** Donner les expressions de  $\lambda(t)$  et  $\mu(t)$  permettant la réalisation de cette trajectoire à la vitesse  $v = 0.01 \,\mathrm{m\,s^{-1}}$ .

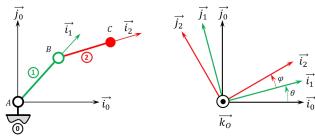
**Question 4** En utilisant tracer  $\lambda(t)$ ,  $\mu(t)$  et la trajectoire générée.

Corrigé voir ??.

#### Exercice 4 - Mouvement RR \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  avec  $R = 20 \, \text{mm}$  et  $\overrightarrow{BC} = L \overrightarrow{i_1}$  avec  $L = 15 \, \text{mm}$ .



**Question 1** Donner l'ensemble des positions accessibles par le point C.

**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point C dans le mouvement de **2** par rapport à **0**.

On souhaite que le point C réalise un segment entre les points [-25, 25] et [25, 25].

**Question 3** Donner les expressions de  $\theta(t)$  et  $\varphi(t)$  permettant la réalisation de cette trajectoire à la vitesse  $v = 0.01 \,\mathrm{m\,s^{-1}}$ .

**Question 4** En utilisant Python, tracer  $\theta(t)$ ,  $\varphi(t)$  et la trajectoire générée.

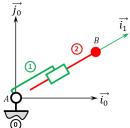
Corrigé voir ??.

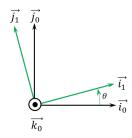
#### Exercice 5 - Mouvement RT \*

**B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_1}$ .







Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** *Retracer le schéma cinématique pour*  $\theta$  =  $\frac{\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = 20$  mm.

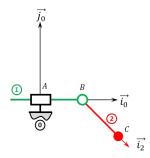
**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta =$  $\frac{-\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = -20$  mm.

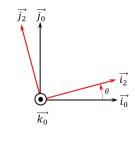
Corrigé voir ??.

#### Exercice 6 - Mouvement RT \*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \overrightarrow{i_0}$  et  $\overrightarrow{BC} =$ 





**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta =$  $\frac{\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = 20$  mm.

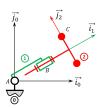
**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta =$  $\frac{-\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = -20$  mm.

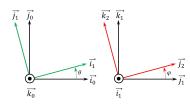
Corrigé voir ??.

### Exercice 7 - Mouvement RR 3D \*\*

### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{BC} = \ell \overrightarrow{i_2} + r \overrightarrow{j_2}$ . On note  $R + \ell = L = 20 \, \text{mm}$  et  $r = 10 \, \text{mm}$ .





Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique en 3D pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad et  $\varphi(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

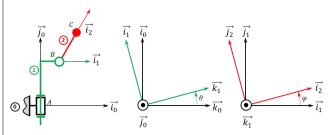
Corrigé voir ??.

3

#### Exercice 8 - Mouvement RR 3D \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = H \overrightarrow{j_1} + R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{BC} = L \overrightarrow{i_2}$ . On a H = 20 mm, r = 5 mm, L = 10 mm.



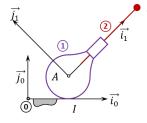
**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

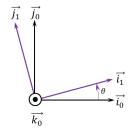
Question 2 Retracer le schéma cinématique en 3D pour  $\theta(t) = \pi \operatorname{rad} \operatorname{et} \varphi(t) = -\frac{\pi}{4} \operatorname{rad}$ .

Corrigé voir ??.

#### Exercice 9 - Mouvement RT - RSG \*\* **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{IA} = R \overrightarrow{j_0}$  et  $\overrightarrow{AB} =$  $\lambda(t)\overrightarrow{i_1}$ . De plus R = 15 mm.





Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad et  $\lambda(t) = 20$  mm. On notera  $I_1$  le point de contact entre 0 et 1.

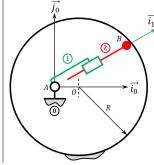
Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2} rad \ et \ \lambda(t) = 30 \, \text{mm}$ . On notera  $I_2$  le point de contact entre  ${\bf 0}$  et  ${\bf 1}$ . On précisera la position des points  $I_{0,0}$ et  $I_{0,1}$ , points résultants de la rupture de contact lors du passage de  $\theta(t)$  de 0 à  $\frac{\pi}{2}$ .

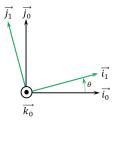
Corrigé voir ??.

#### Exercice 10 - Pompe à palettes \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AO} = e \overrightarrow{i_0}$  et  $\overrightarrow{AB} =$  $\lambda(t) \overrightarrow{i_1}$ . De plus e = 10 mm et R = 20 mm. Le contact entre 0 et 2 en B est maintenu en permanence (notamment par effet centrifuge lors de la rotation de la pompe).







Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

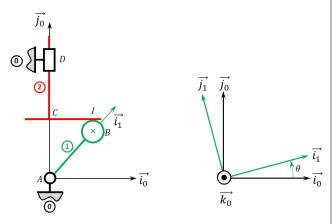
**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \pi$  rad.

Question 4 En déduire la course de la pièce 2.

Corrigé voir ??.

# Exercice 11 - Pompe à pistons radiaux \*\* B2-12 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = e \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{BI} = R \overrightarrow{j_0}$ . De plus, e = 10 mm et R = 20 mm. Le contact entre  $\mathbf{1}$  et  $\mathbf{2}$  en B est maintenu en permanence par un ressort suffisamment raide (non représenté) positionné entre  $\mathbf{0}$  et  $\mathbf{2}$ .



Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2} rad$ .

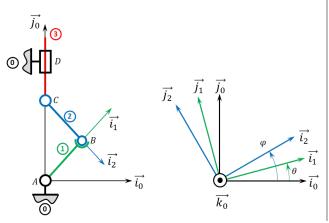
**Question** 4 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2} rad$ .

Question 5 En déduire la course de la pièce 2.

Corrigé voir ??.

# Exercice 12 - Système bielle manivelle \*\* B2-12 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{CB} = L \overrightarrow{i_2}$ . De plus,  $R = 10 \, \text{mm}$  et  $L = 20 \, \text{mm}$ .



**Question 1** Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

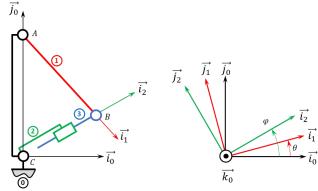
Question 4 En déduire la course de la pièce 3.

Corrigé voir ??.

## Exercice 13 - Système de transformation de mouvement \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{CA} = H \overrightarrow{j_0}$ . De plus,  $R = 30 \, \text{mm}$  et  $H = 40 \, \text{mm}$ .



**Question 1** Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2} rad$ .

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

**Question 4** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

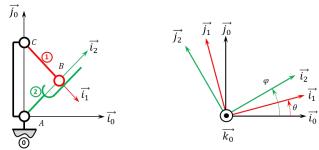
Question 5 En déduire la course de la pièce 3.

Corrigé voir ??.

# Exercice 14 - Barrière Sympact \*\* B2-12 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AC} = H \overrightarrow{j_0}$  et  $\overrightarrow{CB} =$ 

Soit le mécanisme suivant. On a AC = H  $J_0$  et CB = R  $i_1$ . De plus, H = 120 mm et R = 40 mm.



**Question 1** Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

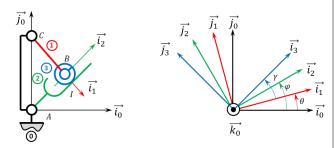
Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2} rad$ .

Corrigé voir ??.



### Exercice 15 - Barrière Sympact \*\*

**B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice. Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AC}=H$   $\overrightarrow{j_0}$  et  $\overrightarrow{CB}=R$   $\overrightarrow{i_1}$ . De plus,  $H=120\,\mathrm{mm},\,R=40\,\mathrm{mm}$   $BI=10\,\mathrm{mm}.$ 



**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2} rad.$ 

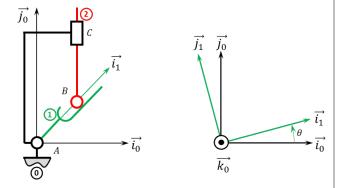
Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2} rad.$ 

Corrigé voir ??.

#### Exercice 16 - Poussoir \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AC} = L \overrightarrow{i_0} + H \overrightarrow{j_0}$ . De plus,  $H = 120 \,\text{mm}, L = 40 \,\text{mm}.$ 



Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{4} rad.$ 

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{4} rad.$ 

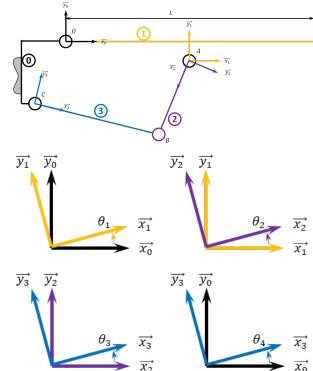
Corrigé voir ??.

#### Exercice 17 - Système 4 barres \*\*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

On a:

- $\overrightarrow{OA} = a \overrightarrow{x_1} f \overrightarrow{y_1}$  avec  $a = 355 \,\mathrm{mm}$  et  $f = 13 \,\mathrm{mm}$ ;
- $\overrightarrow{AB} = b \overrightarrow{x_2}$  avec  $b = 280 \,\mathrm{mm}$ ;
- $\overrightarrow{BC} = -c \overrightarrow{x_3}$  avec  $c = 280 \,\text{mm}$ ;  $\overrightarrow{OC} = -d \overrightarrow{x_0} e \overrightarrow{y_0}$  avec  $d = 89.5 \,\text{mm}$  et e =160 mm;



**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta_1(t) = 0$  rad.

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta_1(t) = -\frac{\pi}{2} rad.$ 

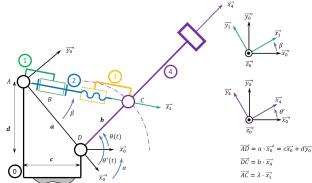
**Question 4** En déduire la course angulaire  $(\theta_4)$  de la pièce 3.

Corrigé voir ??.

#### Exercice 18 - Maxpid \*\*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le schéma suivant.



Par ailleurs  $a = 107,1 \,\mathrm{mm},\ b = 80 \,\mathrm{mm},\ c = 70 \,\mathrm{mm},$  $d = 80 \,\mathrm{mm}$ . Le pas de la vis est de 4 mm.

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2} rad.$ 

**Question** 4 En déduire la course de  $\lambda$ .

Corrigé voir ??.



#### 1.2 Modéliser la cinématique d'un ensemble de solides

Exercice 19 - Mouvement T - \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Quel est le mouvement de 1 par rapport à 0.

**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point B dans le mouvement de **1** par rapport à **0**.

Exercice 20 - Mouvement R \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question 1** *Quel est le mouvement de 1 par rapport à 0.* 

**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point B dans le mouvement de **1** par rapport à **0**.

Exercice 21 - Mouvement TT - \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Quel est le mouvement de 2 par rapport à 0.

**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point C dans le mouvement de **2** par rapport à **0**.

On souhaite que le point C réalise un cercle de centre A et de rayon R.

**Question 3** Donner les expressions de  $\lambda(t)$  et  $\mu(t)$  permettant la réalisation de cette trajectoire à la vitesse  $v = 0.01 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ .

**Question 4** En utilisant tracer  $\lambda(t)$ ,  $\mu(t)$  et la trajectoire générée.

Exercice 22 - Mouvement RR \*

**B2-13** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question 1** *Donner l'ensemble des positions accessibles par le point C*.

**Question 2** Donner l'équation horaire (trajectoire en fonction du temps) du point C dans le mouvement de **2** par rapport à **0**.

On souhaite que le point C réalise un segment entre les points [-25, 25] et [25, 25].

**Question 3** Donner les expressions de  $\theta(t)$  et  $\varphi(t)$  permettant la réalisation de cette trajectoire à la vitesse  $v = 0.01 \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ .

**Question 4** En utilisant Python, tracer  $\theta(t)$ ,  $\varphi(t)$  et la trajectoire générée.

Exercice 23 - Mouvement RT \*

**B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question 1** Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = 20$  mm.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta = \frac{1}{4} \pi rad$  et  $\lambda(t) = -20$  mm.

Exercice 24 - Mouvement RT \*

**B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad et  $\lambda(t) = 20$  mm.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta = \frac{\pi}{4} \pi$  rad et  $\lambda(t) = -20 \text{ mm}$ .

Exercice 25 - Mouvement RR 3D \*\*

**B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 *Tracer le graphe des liaisons.* 

**Question 2** Retracer le schéma cinématique en 3D pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad et  $\varphi(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

Exercice 26 - Mouvement RR 3D \*\*

**B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique en 3D pour  $\theta(t) = \pi$  rad et  $\varphi(t) = -\frac{\pi}{4}$  rad.

Exercice 27 - Mouvement RT - RSG \*\*

**B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad et  $\lambda(t) = 20$  mm. On notera  $I_1$  le point de contact entre 0 et 1.

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad et  $\lambda(t) = 30$  mm. On notera  $I_2$  le point de contact entre  $\mathbf{0}$  et  $\mathbf{1}$ . On précisera la position des points  $I_{0,0}$  et  $I_{0,1}$ , points résultants de la rupture de contact lors du passage de  $\theta(t)$  de 0 à  $\frac{\pi}{2}$ .

Exercice 28 - Pompe à palettes \*\*



#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

**Question 3** *Retracer le schéma cinématique pour*  $\theta(t) = \pi \ rad$ .

Question 4 En déduire la course de la pièce 2.

#### Exercice 29 - Pompe à pistons radiaux \*\*

### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad. Question 4 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

Question 5 En déduire la course de la pièce 2.

#### Exercice 30 - Système bielle manivelle \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

Question 4 En déduire la course de la pièce 3.

#### Exercice 31 - Système de transformation de mouvement \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

**Question 4** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

Question 5 En déduire la course de la pièce 3.

#### Exercice 32 - Barrière Sympact \*\*

### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

#### Exercice 33 - Barrière Sympact \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question 1** Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

#### Exercice 34 - Poussoir \*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{4}$  rad. Question 3 Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = -\frac{\pi}{4}$  rad.

#### Exercice 35 - Système 4 barres \*\*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question 1** *Tracer le graphe des liaisons.* 

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta_1(t) = 0$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta_1(t) = -\frac{\pi}{2}$  rad.

**Question 4** En déduire la course angulaire  $(\theta_4)$  de la pièce  $\overline{\bf 3}$ .

#### Exercice 36 - Maxpid \*\*\*

#### **B2-12** Pas de corrigé pour cet exercice.

Par ailleurs  $a = 107.1 \,\mathrm{mm}$ ,  $b = 80 \,\mathrm{mm}$ ,  $c = 70 \,\mathrm{mm}$ ,  $d = 80 \,\mathrm{mm}$ . Le pas de la vis est de 4 mm.

**Question** 1 Tracer le graphe des liaisons.

**Question 2** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = 0$  rad.

**Question 3** Retracer le schéma cinématique pour  $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$  rad.



**Question 4** En déduire la course de  $\lambda$ .