B2 Proposer un modèle de connaissance et de comportement

### Exercice 1 - Parallélépipède percé\*

## **B2-10** Pas de corrigé pour cet exercice.

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe (G, k') de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

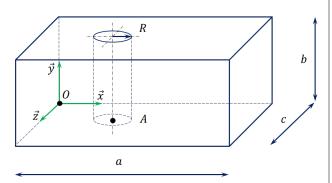
son centre d'inertie par 
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}\right)}$$
 avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et  $C = m\frac{R^2}{2}$ .

La matrice d'inertie d'un parallélépipède rectangle de cotés a, b et c et de masse m est donnée en son

de cotés 
$$a$$
,  $b$  et  $c$  et de masse  $m$  est donnée en son centre d'inertie par  $I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & B & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i},\overrightarrow{j},\overrightarrow{k}\right)}$  avec  $A = m \frac{b^2 + c^2}{12}$ ,  $B = m \frac{a^2 + c^2}{12}$ ,  $C = m \frac{a^2 + b^2}{12}$ . Soit la pièce suivante.

$$A = m \frac{b^2 + c^2}{12}$$
,  $B = m \frac{a^2 + c^2}{12}$ ,  $C = m \frac{a^2 + b^2}{12}$ . Soit la pièce suivante.



On pose 
$$\overrightarrow{OA} = \frac{a}{3} \overrightarrow{x} + \frac{c}{2} \overrightarrow{z}$$
.

On pose  $\overrightarrow{OA} = \frac{a}{3}\overrightarrow{x} + \frac{c}{2}\overrightarrow{z}$ . **Question 1** Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

**Question 2** Déterminer la matrice d'inertie du solide en G, en A puis O.

Corrigé voir 11.

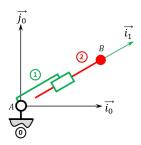
#### Exercice 2 - Mouvement RT \*

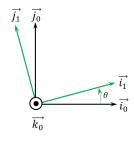
#### C2-08

#### Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_1}$ . De plus :

- Soit le mécanisme suivaint. On a  $AB \underbrace{R_1(i_1)}_{G_1} \cdot \underbrace{L_1(i_1)}_{G_1}$ , on  $G_1$  désigne le centre d'inertie de  $\mathbf{1}$  et  $\widehat{AG_1} = L_1(i_1)$ , on note  $m_1$  la masse de  $\mathbf{1}$  et  $I_{G_1}(1) = \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & B_1 & 0 \\ 0 & 0 & C_1 \end{pmatrix}_{\mathcal{B}_1}$ ;
- $G_2 = B$  désigne le centre d'inertie de **2**, on note  $m_2$  la masse de **2** et  $I_{G_2}(2) = \begin{pmatrix} A_2 & 0 & 0 \\ 0 & B_2 & 0 \\ 0 & 0 & C_2 \end{pmatrix}$ .





**Question** 1 *Exprimer le torseur dynamique*  $\{\mathcal{D}(1/0)\}$ en A.

**Question 2** Déterminer  $\overrightarrow{\delta(A, 1+2/0)} \cdot \overrightarrow{k_0}$ 

Corrigé voir 2.



## Exercice 3 - Cylindre percéx

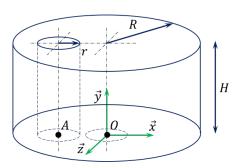
#### **B2-10** Pas de corrigé pour cet exercice.

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe  $(G, \overrightarrow{k})$  de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

son centre d'inertie par 
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k})}$$
 avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et  $C = m\frac{R^2}{2}$ .

Soit la pièce suivante.



**Question** 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

**Question 2** Déterminer la matrice d'inertie du solide en G puis en O.

Corrigé voir 9.

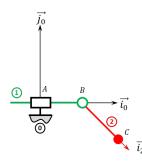
#### Exercice 4 - Mouvement RT \*

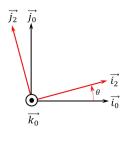
C2-08

#### C2-09 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \overrightarrow{i_0}$  et  $\overrightarrow{BC} = R \overrightarrow{i_2}$  avec R = 30 mm. De plus :

- $G_1 = B$  désigne le centre d'inertie de 1, on note  $m_1$  la masse de 1 et  $I_{G_1}(1) = \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & B_1 & 0 \\ 0 & 0 & C_1 \end{pmatrix}_{\mathscr{B}_1}$ ;
- $G_2 = C$  désigne le centre d'inertie de **2**, on note  $m_2$  la masse de **2** et  $I_{G_2}(2) = \begin{pmatrix} A_2 & 0 & 0 \\ 0 & B_2 & 0 \\ 0 & 0 & C_2 \end{pmatrix}$ .





**Question** 1 *Exprimer le torseur dynamique*  $\{\mathcal{D}(1/0)\}$  *en B*.

**Question 2** Déterminer  $R_d(1+2/0)$ .  $i_0$ 

Corrigé voir 4.



## Exercice 5 - Parallélépipède percé\*

## **B2-10** Pas de corrigé pour cet exercice.

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe  $(G, \overline{k})$  de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

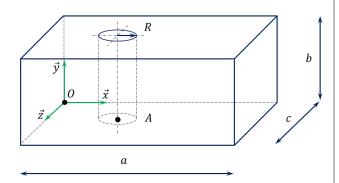
son centre d'inertie par 
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}\right)}$$
 avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et  $C = m\frac{R^2}{2}$ .

La matrice d'inertie d'un parallélépipède rectangle de cotés a, b et c et de masse m est donnée en son

centre d'inertie par 
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & B & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\substack{\overrightarrow{(i',j',k')}}}$$
 avec  $A = m \frac{b^2 + c^2}{12}, B = m \frac{a^2 + c^2}{12}, C = m \frac{a^2 + b^2}{12}.$ 

$$A = m \frac{b^2 + c^2}{12}$$
,  $B = m \frac{a^2 + c^2}{12}$ ,  $C = m \frac{a^2 + b^2}{12}$ .  
Soit la pièce suivante.



On pose 
$$\overrightarrow{OA} = \frac{a}{3} \overrightarrow{x} + \frac{c}{2} \overrightarrow{z}$$
.

**Question** 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

**Question 2** Déterminer la matrice d'inertie du solide en G, en A puis O.

Corrigé voir 11.

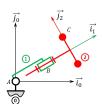
#### Exercice 6 - Mouvement RR 3D \*\*

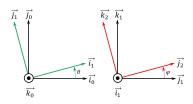
C2-08

## Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{BC} = \ell \overrightarrow{i_2} + r \overrightarrow{j_2}$ . On note  $R + \ell = L = 20 \, \text{mm}$  et  $r = 10 \, \text{mm}$ . De

- $G_1 = B$  désigne le centre d'inertie de 1, on note  $m_1$ la masse de **1** et  $I_{G_1}(1) = \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & B_1 & 0 \\ 0 & 0 & C_1 \end{pmatrix}_{\mathcal{A}}$
- $G_2$  désigne le centre d'inertie de 2 tel que  $\overrightarrow{BG_2}$  =  $\ell \overrightarrow{i_2}$ , on note  $m_2$  la masse de **2** et  $I_{G_2}(2) =$





**Question** 1 *Exprimer le torseur dynamique*  $\{\mathcal{D}(1/0)\}$ 

**Question 2** Déterminer  $\delta(A, 1+2/0) \cdot \overline{i_0}$ 

Corrigé voir 6.



## Exercice 7 - Parallélépipède percéx

### **B2-10** Pas de corrigé pour cet exercice.

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe  $(G, \overline{k}')$  de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

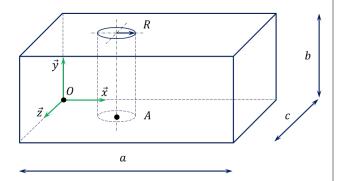
son centre d'inertie par 
$$I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k})}$$
 avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et  $C = m\frac{R^2}{2}$ .

La matrice d'inertie d'un parallélépipède rectangle de cotés  $a,\ b$  et c et de masse m est donnée en son

centre d'inertie par 
$$I_G(1)=\begin{pmatrix}A&0&0\\0&B&0\\0&0&C\end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i},\overrightarrow{j},\overrightarrow{k}\right)}$$
 avec

$$A = m \frac{b^2 + c^2}{12}$$
,  $B = m \frac{a^2 + c^2}{12}$ ,  $C = m \frac{a^2 + b^2}{12}$ .  
Soit la pièce suivante.



On pose 
$$\overrightarrow{OA} = \frac{a}{3} \overrightarrow{x} + \frac{c}{2} \overrightarrow{z}$$
.

**Question** 1 Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

**Question 2** Déterminer la matrice d'inertie du solide en G, en A puis O.

Corrigé voir 11.

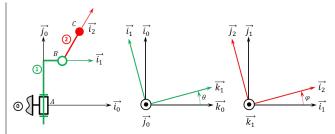
#### Exercice 8 - Mouvement RR 3D \*\*

C2-08

# C2-09 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = H \overrightarrow{j_1} + R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{BC} = L \overrightarrow{i_2}$ . On a H = 20 mm, r = 5 mm, L = 10 mm. De plus :

- $G_1$  désigne le centre d'inertie de 1 tel que  $\overrightarrow{AG_1} = H\overrightarrow{j_1}$ , on note  $m_1$  la masse de 1 et  $I_{G_1}(1) = \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & B_1 & 0 \\ 0 & 0 & C_1 \end{pmatrix}$ ;
- $G_2 = C$  désigne le centre d'inertie de **2**, on note  $m_2$  la masse de **2** et  $I_{G_2}(2) = \begin{pmatrix} A_2 & 0 & 0 \\ 0 & B_2 & 0 \\ 0 & 0 & C_2 \end{pmatrix}_{\mathcal{B}_{-}}$ .



**Question 1** Exprimer le torseur dynamique  $\{\mathcal{D}(1/0)\}$  en B

**Question 2** Déterminer  $\overrightarrow{\delta(A, 1+2/0)} \cdot \overrightarrow{j_0}$ 

Corrigé voir 10.



## Exercice 9 - Cylindre percé\*

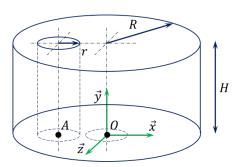
## **B2-10** Pas de corrigé pour cet exercice.

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe  $(G, \vec{k})$  de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

rayon 
$$R$$
 et de hauteur  $H$  et de masse  $m$  est donnée en son centre d'inertie par  $I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}, \overrightarrow{k}\right)}$  avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et  $C = m\frac{R^2}{2}$ .

Soit la pièce suivante.



**Question 1** Déterminer la position du centre d'inertie G du solide.

Question 2 Déterminer la matrice d'inertie du solide en G puis en O.

Corrigé voir 9.

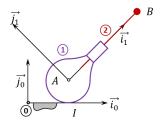
### Exercice 10 - Mouvement RT - RSG \*\*

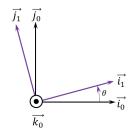
#### C2-08

#### C2-09 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{IA} = R \overrightarrow{j_0}$  et  $\overrightarrow{AB} =$  $\lambda(t)$   $\overrightarrow{i_1}$ . De plus R = 15 mm. On fait l'hypothèse de roulement sans glissement au point I. De plus :

- $G_1$  désigne le centre d'inertie de 1 tel que  $\overrightarrow{AG_1}$  =  $-\ell \overrightarrow{l_1}$ , on note  $m_1$  la masse de 1 et  $I_{G_1}(1) =$
- $G_2 = B$  désigne le centre d'inertie de **2**, on note  $m_2$ la masse de **2** et  $I_{G_2}(2) = \begin{pmatrix} A_2 & 0 & 0 \\ 0 & B_2 & 0 \\ 0 & 0 & C_2 \end{pmatrix}$





**Question 1** Déterminer  $\overrightarrow{R_d(2/0)} \cdot \overrightarrow{i_1}$  **Question 2** Déterminer  $\overrightarrow{\delta(I, 1+2/0)} \cdot \overrightarrow{k_0}$ 

Corrigé voir 10.



# Exercice 11 - Parallélépipède percé\*

## **B2-10** Pas de corrigé pour cet exercice.

La matrice d'inertie d'un cylindre d'axe  $(G, \overrightarrow{k})$  de rayon R et de hauteur H et de masse m est donnée en

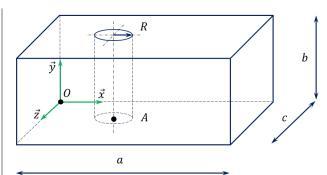
rayon 
$$R$$
 et de nauteur  $H$  et de masse  $m$  est donnée en son centre d'inertie par  $I_G(1) = \begin{pmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & A & 0 \\ 0 & 0 & C \end{pmatrix}_{\overrightarrow{(i,j,k)}}$  avec

$$A = m\left(\frac{R^2}{4} + \frac{H^2}{12}\right)$$
 et  $C = m\frac{R^2}{2}$ .

La matrice d'inertie d'un parallélépipède rectangle de cotés a, b et c et de masse m est donnée en son

de cotés 
$$a$$
,  $b$  et  $c$  et de masse  $m$  est donnée en son centre d'inertie par  $I_G(1)=\begin{pmatrix}A&0&0\\0&B&0\\0&0&C\end{pmatrix}_{\left(\overrightarrow{i},\overrightarrow{j},\overrightarrow{k}\right)}$  avec  $A=m\frac{b^2+c^2}{12}$ ,  $B=m\frac{a^2+c^2}{12}$ ,  $C=m\frac{a^2+b^2}{12}$ . Soit la pièce suivante.

$$A = m \frac{b^2 + c^2}{12}$$
,  $B = m \frac{a^2 + c^2}{12}$ ,  $C = m \frac{a^2 + b^2}{12}$ .  
Soit la pièce suivante



On pose  $\overrightarrow{OA} = \frac{a}{3}\overrightarrow{x} + \frac{c}{2}\overrightarrow{z}$ . **Question 1** Déterminer la position du centre d'inertie

Question 2 Déterminer la matrice d'inertie du solide en G, en A puis O.

Corrigé voir 11.

2