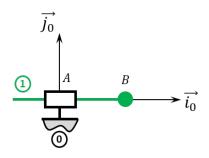
### 0.1 Proposer une démarche permettant la détermination d'une action mécanique inconnue ou d'une loi de mouvement – PFD

Exercice 1 - Mouvement T - \*

B2-14

Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On note  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \overrightarrow{i_0}$ . On note  $m_1$  la masse du solide 1. On note G le centre d'inertie de 1 tel que  $\overrightarrow{BG} = \ell \overrightarrow{j_1}$ . La pesanteur est telle que  $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{i_0}$ . Un vérin positionné entre 1 et 0 permet d'actionner la pièce 1. On souhaite prendre en compte les frottements secs dans la liaison glissière.



**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer la loi du mouvement de **1** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

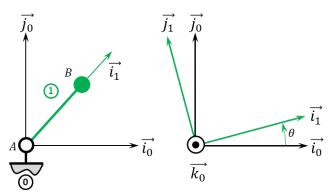
Corrigé voir ??.

Exercice 2 - Mouvement R \*

B2-14

Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  avec  $R = 20 \, \mathrm{mm}$ . La liaison pivot est motorisée par un moteur modélisée dont l'action mécanique sur  $\mathbf{1}$  est donnée par  $\overrightarrow{C_m} = C_m \, \overrightarrow{k_0}$ . On note  $m_1$  la masse du solide  $\mathbf{1}$  et B son centre d'inertie. La pesanteur est telle que  $\overrightarrow{g} = -g \, \overrightarrow{j_0}$ .



**Question 1** Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer la loi du mouvement de **1** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Corrigé voir ??.

Exercice 3 - Mouvement TT - \*

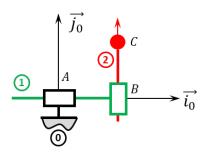


Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On note  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \overrightarrow{i_0}$  et  $\overrightarrow{BC} = \mu(t) \overrightarrow{j_0}$ .  $G_1 = B$  désigne le centre d'inertie de  $\mathbf{1}$ , et  $m_1$  sa masse.  $G_2 = C$  désigne le centre d'inertie de  $\mathbf{2}$  et  $m_2$  sa masse

Un vérin électrique positionné entre **0** et **1** permet d'actionner le solide **1**. Un vérin électrique positionné entre **1** et **2** permet d'actionner le solide **2**.

L'accélération de la pesanteur est donnée par  $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$ .



**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Corrigé voir ??.

Exercice 4 - Mouvement RR \*

B2-14

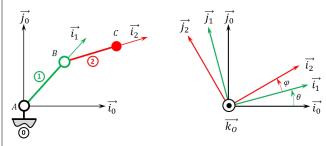
## Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  avec  $R = 20 \, \text{mm}$  et  $\overrightarrow{BC} = L \overrightarrow{i_2}$  avec  $L = 15 \, \text{mm}$ . De plus :

- $G_1$  désigne le centre d'inertie de 1 et  $\overrightarrow{AG_1} = \frac{1}{2}R\overrightarrow{i_1}$ , on note  $m_1$  la masse de 1;
- $G_2$  désigne le centre d'inertie de **2** et  $\overrightarrow{BG_2} = \frac{1}{2} L \overrightarrow{i_2}$ , on note  $m_2$  la masse de **2**.

Un moteur électrique positionné entre **0** et **1** permet d'actionner le solide **1**. Un moteur électrique positionné entre **1** et **2** permet d'actionner le solide **2**.

L'accélération de la pesanteur est donnée par  $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$ .



**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

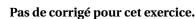
**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Corrigé voir ??.



### Exercice 5 - Mouvement RT \*

B2-14

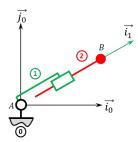


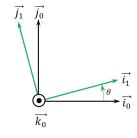
Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_1}$ . De plus :

- $G_1$  désigne le centre d'inertie de 1 et  $\overrightarrow{AG_1} = L_1 \overrightarrow{i_1}$ , on note  $m_1$  la masse de 1;
- G<sub>2</sub> = B désigne le centre d'inertie de 2, on note m<sub>2</sub> la masse de 2.

Un moteur électrique positionné entre **0** et **1** permet d'actionner le solide **1**. Un vérin électrique positionné entre **1** et **2** permet d'actionner le solide **2** 

L'accélération de la pesanteur est donnée par  $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$ .





**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Corrigé voir ??.

### Exercice 6 - Mouvement RT \*

**B2-14** 



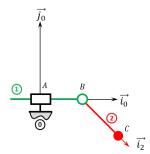
Pas de corrigé pour cet exercice.

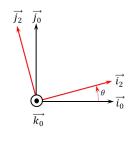
Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_0}$  et  $\overrightarrow{BC} = R\overrightarrow{i_2}$  avec R = 30 mm. De plus :

- G<sub>1</sub> = B désigne le centre d'inertie de 1, on note m<sub>1</sub> la masse de 1;
- $G_2 = C$  désigne le centre d'inertie de **2**, on note  $m_2$  la masse de **2**.

Un vérin électrique positionné entre 0 et 1 permet d'actionner le solide 1. Un moteur électrique positionné entre 1 et 2 permet d'actionner le solide 2.

L'accélération de la pesanteur est donnée par  $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$ .





**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Corrigé voir ??.

## Exercice 7 - Mouvement RR 3D \*\*

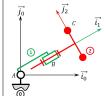
B2-14

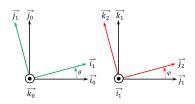
# Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{BC} = \ell \overrightarrow{i_2} + r \overrightarrow{j_2}$ . On note  $R + \ell = L = 20$  mm et r = 10 mm. De plus :

- G<sub>1</sub> = B désigne le centre d'inertie de 1, on note m<sub>1</sub> la masse de 1;
- $G_2$  désigne le centre d'inertie de **2** tel que  $\overrightarrow{BG_2} = \ell \overrightarrow{i_2}$ , on note  $m_2$  la masse de **2**.

Un moteur électrique positionné entre  $\mathbf{0}$  et  $\mathbf{1}$  permet d'actionner le solide  $\mathbf{1}$ . Un moteur électrique positionné entre  $\mathbf{1}$  et  $\mathbf{2}$  permet d'actionner le solide  $\mathbf{2}$ . L'accélération de la pesanteur est donnée par  $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$ .





**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Corrigé voir ??.

### Exercice 8 - Mouvement RR 3D \*\*

B2-14

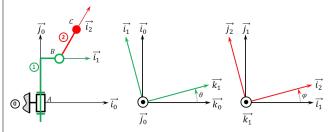
# Pas

### Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{AB} = H \overrightarrow{j_1} + R \overrightarrow{i_1}$  et  $\overrightarrow{BC} = L \overrightarrow{i_2}$ . On a H = 20 mm, r = 5 mm, L = 10 mm. De plus :

- $G_1$  désigne le centre d'inertie de 1 tel que  $\overrightarrow{AG_1} = \overrightarrow{H_{j_1}}$ , on note  $m_1$  la masse de 1;
- $\overrightarrow{Hj_1}$ , on note  $m_1$  la masse de 1; •  $G_2 = C$  désigne le centre d'inertie de 2, on note  $m_2$  la masse de 2.

Un moteur électrique positionné entre  $\mathbf{0}$  et  $\mathbf{1}$  permet d'actionner le solide  $\mathbf{1}$ . Un moteur électrique positionné entre  $\mathbf{1}$  et  $\mathbf{2}$  permet d'actionner le solide  $\mathbf{2}$ . L'accélération de la pesanteur est donnée par  $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$ .



**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .



Corrigé voir ??.

### Exercice 9 - Mouvement RT - RSG \*\*

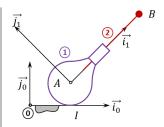
**B2-14** 

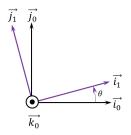


Soit le mécanisme suivant. On a  $\overrightarrow{IA} = R \overrightarrow{j_0}$  et  $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_1}$ . De plus R = 15 mm. On fait l'hypothèse de roulement sans glissement au point I. De plus :

- $G_1$  désigne le centre d'inertie de 1 tel que  $\overrightarrow{AG_1} = -\ell \overrightarrow{i_1}$ , on note  $m_1$  la masse de 1;
- $G_2 = B$  désigne le centre d'inertie de **2**, on note  $m_2$  la masse de **2**.

Un ressort exerce une action mécanique entre les points A et B.





**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Corrigé voir ??.

# 0.2 Proposer une démarche permettant la détermination d'une action mécanique inconnue ou d'une loi de mouvement – PFD

Exercice 10 - Mouvement T - \*

B2-14

## Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer la loi du mouvement de 1 par rapport à  $\Re_0$ .

Exercice 11 - Mouvement R \*

**B2-14** 

## Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer la loi du mouvement de 1 par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Exercice 12 - Mouvement TT - \*

B2-14

# Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de 1 et de 2 par rapport à  $\Re_0$ .

Exercice 13 - Mouvement RR \*

B2-14

# Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\Re_0$ .

Exercice 14 - Mouvement RT \*

**B2-14** 

# Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

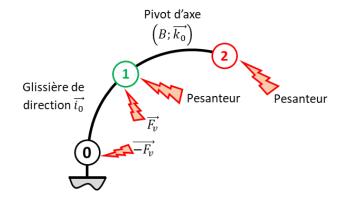
**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de 1 et de 2 par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Exercice 15 - Mouvement RT \*

**B2-14** 

# Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.





**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de 1 et de 2 par rapport à  $\mathcal{R}_0$ . Ce mécanisme présente deux degrés de liberté indépendants :  $\lambda(t)$  et  $\theta(t)$ . Il est donc nécessaire d'écrire, dans le meilleur des cas, deux équations :

- une équation traduisant la mobilité de 2 par rapport à 1, soit TMD appliqué à 2 en B en projection sur  $\overrightarrow{k_0}$ ;
- une équation traduisant la mobilité de 2+1 par rapport à 0, soit TRD appliqué à 1+2 en projection sur  $\overrightarrow{i_0}$ .
- On isole 2.
- BAME:
  - actions de la liaison pivot  $\{\mathcal{T}(1 \to 2)\}$ ;
  - action de la pesanteur  $\{\mathcal{T}(pes \rightarrow 2)\}$ .
- **Théorème:** on applique le théorème du moment dynamique en B au solide  $\mathbf{2}$  en projection sur  $\overrightarrow{k_0} : \overline{\mathcal{M}(B, \text{pes} \to 2)} \cdot \overline{k_0} = \overline{\delta(B, 2/0)} \cdot \overline{k_0}$ .
- Calcul de la composante dynamique : considérons le cas où la matrice d'inertie est donnée en C. On a donc  $\overrightarrow{\delta(C,2/0)} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left[ \overrightarrow{\sigma(C,2/0)} \right]_{\mathcal{R}_0} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left[ I_C(2) \overrightarrow{\Omega(2/0)} \right]_{\mathcal{R}_0}$ . De plus,  $\overrightarrow{\delta(B,2/0)} = \overrightarrow{\delta(C,2/0)} + \overrightarrow{BC} \wedge \overrightarrow{R_d(2/0)}$  et  $\overrightarrow{R_d(2/0)} = m_2 \overrightarrow{\Gamma(C \in 2/0)}$ .
- On isole 1+2.
- BAME:
  - actions de la liaison glissière  $\{\mathcal{T}(0 \to 1)\}$ ;
  - action de la pesanteur  $\{\mathcal{T}(pes \rightarrow 1)\}$ ;
  - action de la pesanteur  $\{\mathcal{T}(pes \rightarrow 2)\}$ ;
  - action du vérin  $\{\mathcal{T}(\text{ver} \to 1)\}$ ;.
- Théorème : on applique le théorème de la résultante dynamique à l'ensemble 1+2 en projection sur  $\overrightarrow{i_0}$  :  $\overrightarrow{R(\text{ver} \to 1)} \cdot \overrightarrow{i_0} = \overrightarrow{R_d(1+2/0)} \cdot \overrightarrow{i_0}$ .
- Calcul de la composante dynamique :  $\overline{R_d(1+2/0)} = \overline{R_d(1/0)} + \overline{R_d(2/0)} = m_1 \overline{\Gamma(G_1 \in 1/0)} + m_2 \overline{\Gamma(G_2 \in 2/0)}$ .

Exercice 16 - Mouvement RR 3D \*\*

**B2-14** 

### Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de 1 et de 2 par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .

Exercice 17 - Mouvement RR 3D \*\*

**B2-14** 

#### Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\Re_0$ .

Exercice 18 - Mouvement RT - RSG \*\*

**B2-14** 

## Pas de corrigé pour cet exercice.

**Question** 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

**Question 2** Proposer une démarche permettant de déterminer les loi de mouvement de **1** et de **2** par rapport à  $\mathcal{R}_0$ .