

Préparation aux oraux de la banque PT Informatique

Exercices

Préparation aux oraux de la banque PT Épreuve de « Mathématique et Algorithmique »

Exercice 1 – Arithmétique	2
Exercice 2 – Intégration	2
Exercice 3 – Graphe	2
Exercice 4 – Gestion de liste	2
Exercice 5 – Probabilités	3
Exercice 6 – Tracer de fonction – $f(x)=0$	3
Exercice 7 – Algorithmique	3
Exercice 8 – Chiffrer – déchiffrer	3
Exercice 9 – Fractale de Mandelbrot	3
Exercice 10 – Calcul matriciel	4
Exercice 11 – Tri de liste	4
Exercice 12 – Courbes paramétrées	4
Exercice 1 – Arithmétique – Corrigé	5
Exercice 2 – Intégration – Corrigé	5
Exercice 3 – Graphe – Corrigé	5
Exercice 6 – Corrigé	6
Exercice 7 – Corrigé	7
Exercice 8 – Corrigé	7
Exercice 9 – Fractale de Mandelbrot – Corrigé	8
Exercice 10 – Corrigé	9
Exercice 11 – Corrigé	9
Exercice 12 – Corrigé	9

Exercice 1 – Arithmétique

1. Soit l'entier $n = 1234$. Quel est le quotient, noté q , dans la division euclidienne de n par 10 ? Quel est le reste ? Que se passe-t-il si on recommence la division par 10 à partir de q ?
2. Écrire la suite d'instructions calculant la somme des cubes des chiffres de l'entier 1234.
3. Écrire une fonction `somcube`, d'argument n , renvoyant la somme des cubes des chiffres du nombre entier n .
4. Trouver tous les nombres entiers inférieurs à 1000 égaux à la somme des cubes de leurs chiffres.
5. En modifiant les instructions de la fonction `somcube`, écrire une fonction `somcube2` qui convertit l'entier n en une chaîne de caractères permettant ainsi la récupération de ses chiffres sous forme de caractères. Cette nouvelle fonction renvoie toujours la somme des cubes des chiffres de l'entier n .

Exercice 2 – Intégration

On cherche à calculer une valeur approchée de l'intégrale d'une fonction donnée par des points dont les coordonnées sont situées dans un fichier.

1. Le fichier `ex_01.txt`, situé dans le sous-répertoire `data` du répertoire de travail, contient une quinzaine de lignes selon le modèle suivant :

```
0.0;1.00988282142
0.1;1.07221264497
```

Chaque ligne contient deux valeurs flottantes séparées par un point-virgule, représentant respectivement l'abscisse et l'ordonnée d'un point. Les points sont ordonnés par abscisses croissantes. Ouvrir le fichier en lecture, le lire et construire la liste `LX` des abscisses et la liste `LY` des ordonnées contenues dans ce fichier.

2. Représenter les points sur une figure.
3. Les points précédents sont situés sur la courbe représentative d'une fonction f . On souhaite déterminer une valeur approchée de l'intégrale I de cette fonction sur le segment où elle est définie. Écrire une fonction `trapeze`, d'arguments deux listes y et x de même longueur n , renvoyant :

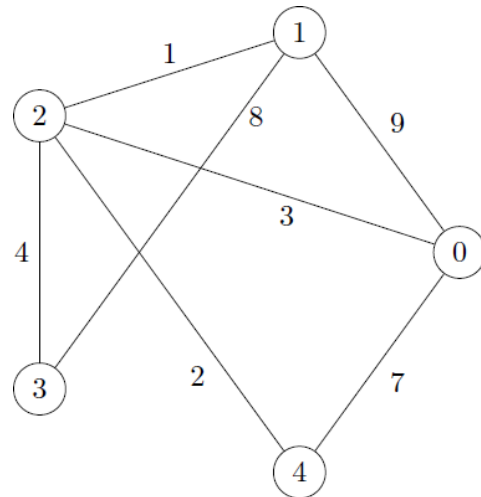
$$\sum_{i=1}^{n-1} (x_i - x_{i-1}) \frac{y_i + y_{i-1}}{2}.$$

`trapeze` (`LY`, `LX`) renvoie donc une valeur approchée de l'intégrale I par la méthode des trapèzes.

4. En utilisant la méthode d'intégration numérique `trapz` de la sous-bibliothèque `scipy.integrate` du langage Python ou la méthode `inttrap` du logiciel Scilab, retrouver la valeur approchée de l'intégrale I .

Exercice 3

On considère le graphe G suivant, où le nombre situé sur l'arête joignant deux sommets est leur distance, supposée entière :



1. Construire la matrice $(M_{ij})_{0 \leq i, j \leq 4}$, matrice de distances du graphe G , définie par : « pour tous les indices i, j , M_{ij} représente la distance entre les sommets i et j , ou encore la longueur de l'arête reliant les sommets i et j ». On convient que, lorsque les sommets ne sont pas reliés, cette distance vaut -1. La distance du sommet i à lui-même est, bien sûr, égale à 0.
2. Écrire une suite d'instructions permettant de dresser à partir de la matrice M la liste des voisins du sommet 4.
3. Écrire une fonction `voisins`, d'argument un sommet i , renvoyant la liste des voisins du sommet i .
4. Écrire une fonction `degre`, d'argument un sommet i , renvoyant le nombre des voisins du sommet i , c'est-à-dire le nombre d'arêtes issues de i .
5. Écrire une fonction `longueur`, d'argument une liste L de sommets de G , renvoyant la longueur du trajet d'écrit par cette liste L , c'est-à-dire la somme des longueurs des arêtes empruntées. Si le trajet n'est pas possible, la fonction renverra -1.

Exercice 4 – Gestion de liste

Soit un entier naturel n non nul et une liste t de longueur n dont les termes valent 0 ou 1. Le but de cet exercice est de trouver le nombre maximal de 0 contigus dans t (c'est-à-dire figurant dans des cases consécutives). Par exemple, le nombre maximal de zéros contigus de la liste t_1 suivante vaut 4 :

i	0	1	2	3	4	5	6	7
$t_1[i]$	0	1	1	1	0	0	0	1

i	8	9	10	11	12	13	14
$t_1[i]$	0	1	1	0	0	0	0

1. Écrire une fonction `nombreZeros` (t, i), prenant en paramètres une liste t , de longueur n , et un indice i compris entre 0 et $n - 1$, et renvoyant :

$$\begin{cases} 0, & \text{si } t[i] = 1 \\ \text{le nombre de zéros consécutifs dans } t \\ & \text{à partir de } t[i] \text{ inclus, si } t[i] = 0. \end{cases}$$

Par exemple, les appels `nombreZeros(t1,4)`, `nombreZeros(t1,1)` et `nombreZeros(t1,8)` renvoient respectivement les valeurs 3, 0 et 1.

- Comment obtenir le nombre maximal de zéros contigus d'une liste `t` connaissant la liste des `nombreZeros(t,i)` pour $0 \leq i \leq n-1$? En déduire une fonction `nombreZerosMax(t)`, de paramètre `t`, renvoyant le nombre maximal de 0 contigus d'une liste `t` non vide. On utilisera la fonction `nombreZeros`.
- Quelle est la complexité de la fonction `nombreZerosMax(t)` construite à la question précédente?
- Trouver un moyen simple, toujours en utilisant la fonction `nombreZeros`, d'obtenir un algorithme plus performant.

Exercice 5 – Probabilités

Soient n un entier naturel strictement positif et p un réel compris entre 0 et 1. On considère X et Y deux variables aléatoires à valeurs dans \mathbb{N} sur un espace probabilisé donné. X suit une loi de Poisson de paramètre $\lambda = np$ et Y suit une loi binomiale de paramètres (n, p) .

- Définir une fonction `Px`, d'arguments k , n et p , renvoyant la valeur de $P(X = k)$. $k!$ (factorielle k) s'obtient par `factorial(k)` en Python (bibliothèque `math`) et `prod(1 : k)` en Scilab. Déterminer, pour $n = 30$ et $p = 0,1$, la liste des valeurs de $P(X = k)$ pour $k \in \mathbb{N}$, $0 \leq k \leq 30$.
- Définir une fonction `Py`, d'arguments k , n et p , renvoyant la valeur de $P(Y = k)$. On pourra utiliser `comb` de la sous-bibliothèque `scipy.misc` en Python et `binomial` en Scilab. Déterminer, pour $n = 30$ et $p = 0,1$, la liste des valeurs de $P(Y = k)$ pour $k \in \mathbb{N}$, $0 \leq k \leq 30$.
- Soit $k \in \mathbb{N}$. On rappelle que, sous certaines conditions sur n et p , la probabilité $P(Y = k)$ peut être approchée par $P(X = k)$. Déterminer une fonction `Ecart` d'arguments n et p , renvoyant le plus grand des nombres $|P(Y = k) - P(X = k)|$, pour $0 \leq k \leq n$.
- Soit e un réel strictement positif. Déterminer une fonction `N`, d'arguments e et p , renvoyant le plus petit entier n tel que `Ecart(n, p)` soit inférieur ou égal à e .
- Faire l'application numérique dans les quatre cas suivants :
 - $p = 0,075$ avec $e = 0,008$ et $e = 0,005$;
 - $p = 0,1$ avec $e = 0,008$ et $e = 0,005$. Interpréter le dernier résultat.

Exercice 6 – $f(x) = 0$

On considère la fonction g définie sur $[0,2[$ par :

$$g(x) = \begin{cases} x & \text{pour } 0 \leq x < 1 \\ 1 & \text{pour } 1 \leq x < 2 \end{cases}$$

- Définir la fonction g . Tracer sa courbe représentative sur $[0,2[$, c'est-à-dire la ligne brisée reliant les points $(x, g(x))$ pour x variant de 0 à 1,99 avec un pas de 0,01.

- Définir une fonction f donnée de manière récursive sur $[0, +\infty[$ par :

$$f(x) = \begin{cases} g(x) & \text{pour } 0 \leq x < 2 \\ \sqrt{x} f(x-2) & \text{pour } x \geq 2 \end{cases}$$

- Tracer la courbe représentative de f sur $[0,6]$.
- Écrire les instructions permettant de calculer, à 10^{-2} près, la plus petite valeur $\alpha > 0$ telle que $f(\alpha) > 4$.

Exercice 7 – Algorithmique

On considère le code Python de la fonction `d` suivante :

■ Python

```
def d(n):
    L = [1]
    for nombre in range(2,n+1):
        if n%nombre == 0:
            L.append(nombre)
    return L
```

- Quel est le résultat de l'appel `d(4)` ? Puis de l'appel `d(10)` ? Que fait la fonction `d` ?
- Un diviseur non-trivial d'un entier n est un diviseur de n différent de 1 et de n . Écrire une fonction `DNT`, d'argument n , renvoyant la liste des diviseurs non-triviaux de l'entier n .
- Écrire une fonction `sommeCarresDNT`, d'argument n , renvoyant la somme des carrés des diviseurs non-triviaux de l'entier n .
- Écrire la suite des instructions permettant d'afficher tous les nombres entiers inférieurs à 1000 et égaux à la somme des carrés de leurs diviseurs non-triviaux. Que peut-on conjecturer ?

Exercice 8 – Chiffrer – déchiffrer

Soit n un entier vérifiant $n \leq 26$. On souhaite écrire un programme qui code un mot en décalant chaque lettre de l'alphabet de n lettres. Par exemple pour $n = 3$, le décalage sera le suivant :

Avant décalage	a	b	c	...	x	y	z
Après décalage	d	e	f	...	a	b	c

Le mot `oralensam` devient ainsi `rudohqvdp`.

- Définir une chaîne de caractères contenant toutes les lettres dans l'ordre alphabétique (caractères en minuscule).
- Écrire une fonction `decalage`, d'argument un entier n , renvoyant une chaîne de caractères contenant toutes les lettres dans l'ordre alphabétique, décalées de n , comme indiqué ci-dessus.
- Écrire une fonction `indices`, d'arguments un caractère x et une chaîne de caractères `phrase`, renvoyant une liste contenant les indices de x dans `phrase` si x est une lettre de phrase et une liste vide sinon.
- Écrire une fonction `codage` d'arguments un entier n et une chaîne de caractères `phrase`, renvoyant `phrase` codé avec un décalage de n lettres.
- Comment peut-on décoder un mot codé ?

Exercice 9 – Fractale de Mandelbrot

On pose $M = 20$ et $m = 10$. À un nombre c quelconque, on associe la suite $(u_n)_{n \geq 0}$ définie par $u_0 = 0$ et $u_{n+1} = u_n^2 + c$ pour $n \geq 0$.

S'il existe, on note k le plus petit entier tel que l'on ait $0 \leq k \leq m$ et $|u_k| > M$. On définit alors la fonction f par

$$f : c \mapsto \begin{cases} k & \text{s'il existe} \\ m + 1 & \text{sinon.} \end{cases}$$

1. Donner le code définissant la fonction f .
2. Tracer l'allure de la courbe représentative de la fonction f sur $[-2; 2]$, en créant une liste LX de 401 valeurs équiréparties entre -2 et 2 inclus et en utilisant les fonctions `plot` et `show` de la sous-bibliothèque `matplotlib.pyplot`.
3. Construire le tableau des valeurs $f(x + iy)$ où x prend 101 valeurs comprises entre -2 et 0,5 et y prend 101 valeurs entre -1,1 et 1,1. On rappelle que le nombre complexe i est représenté par `1j`. Par exemple, le complexe $1 + 2i$ est représenté par `1 + 2j`.
4. Tracer l'image que code ce tableau. On pourra utiliser les fonctions `imshow` et `show` de la sous-bibliothèque `matplotlib.pyplot`. Quels paramètres peut-on modifier pour obtenir une meilleure résolution?

Exercice 10 – Calcul matriciel

Dans cet exercice, avec Python on pourra utiliser la fonction `array` de la bibliothèque `numpy`, ainsi que la fonction `eig` de la sous-bibliothèque `numpy.linalg`. Avec Scilab, on utilisera `spec`.

1. Créer deux matrices $R = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$ et $S = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$ et les faire afficher.
2. Créer une fonction `test`, d'argument M , renvoyant la valeur `n` si M est une matrice carrée d'ordre `n` (entier naturel non nul) et zéro dans tous les autres cas. Vérifier la fonction `test` sur R et sur S .
3. Le fichier `ex_006.txt`, situé dans le sous-répertoire `data` du répertoire de travail, contient un tableau de valeurs flottantes. Lire ce tableau dans le fichier et vérifier qu'il correspond bien à une matrice carrée d'ordre 5 que l'on désignera par $M1$.
4. Déterminer les valeurs propres de la matrice $M1$.
5. Créer une fonction `dansIntervalle`, d'arguments une liste L et deux réels a et b , renvoyant la valeur `True` si tous les éléments de la liste L sont dans l'intervalle $[a, b]$ et `False` sinon. Vérifier que toutes les valeurs propres de la matrice $M1$ sont dans l'intervalle $[0, 1]$.

Exercice 11 – Tri de liste

Soit N un entier naturel non nul. On cherche à trier une liste L d'entiers naturels strictement inférieurs à N .

1. Écrire une fonction `comptage`, d'arguments L et N , renvoyant une liste P dont le k -ième élément dé-

signe le nombre d'occurrences de l'entier k dans la liste L .

2. Utiliser la liste P pour en déduire une fonction `tri`, d'arguments L et N , renvoyant la liste L triée dans l'ordre croissant.
3. Tester la fonction `tri` sur une liste de 20 entiers inférieurs ou égaux à 5, tirés aléatoirement.
4. Quelle est la complexité temporelle de cet algorithme? La comparer à la complexité d'un tri par insertion ou d'un tri fusion.

Exercice 12 – Courbes paramétrées

1. Deux paramètres b et w valant respectivement 0,5 et 6,0, définir trois fonctions d'une variable t renvoyant des couples :

$$\begin{cases} p : t \mapsto (\cos(t) + b \cos(wt), \sin(t) + b \sin(wt)) \\ v : t \mapsto (-\sin(t) - bw \sin(wt), \cos(t) + bw \cos(wt)) \\ a : t \mapsto (-\cos(t) - bw^2 \cos(wt), -\sin(t) - bw^2 \sin(wt)) \end{cases}$$

Vérifier ces fonctions sur un exemple.

$p(t) = (x(t), y(t))$ désigne la position dans le plan d'une masse ponctuelle mobile au cours du temps, $v(t) = (x'(t), y'(t))$, sa vitesse, et $a(t) = (x''(t), y''(t))$, son accélération.

2. Construire la liste L des points $p(t)$, pour t variant de $-\pi$ à π avec un pas de discrétisation δt vérifiant $\delta t = 0,01 \pi$.
3. Faire tracer dans le plan muni d'un repère orthonormal la ligne polygonale reliant les points $p(t)$ de la liste L .
4. Définir puis tester la fonction `c` d'une variable t qui renvoie le couple des coordonnées du centre de courbure donnée par :

$$c(t) = (x(t) - dy'(t), y(t) + dx'(t))$$

où

$$d = \frac{x'(t)^2 + y'(t)^2}{x'(t)y''(t) - y'(t)x''(t)}.$$

5. Rajouter sur le graphique précédent la ligne décrite par les centres de courbure, avec la même discrétisation en temps.
6. Calculer la longueur de la ligne polygonale reliant les points $p(t)$, pour différents pas de discrétisation δt . Observer l'évolution de cette longueur lorsque δt diminue.

Exercice 1 – Arithmétique – Corrigé

```
# Question 1
n = 1234
q = n//10
r = n%q

# r contient le nombre d'unités de n
```

```
# Question 2
s=0
while n!=0:
    q=n//10
    r = n%10
    #print(r)
    s=s+r**3
    n=q
```

```
# Question 3
def somcube(n):
    """
    Entrées :
    * n, int : nombre
    Sortie :
    * s, int : somme des cubes du chiffre n
    """
    s=0
    while n!=0:
        q=n//10
        r = n%10
        s=s+r**3
        n=q
    return s
```

```
# Question 4
res = []
for i in range(10001):
    if i == somcube(i):
        res.append(i)
```

```
# Question 5
def somcube2(n):
    """
    Entrées :
    * n, int : nombre
    Sortie :
    * s, int : somme des cubes du chiffre n
    """
    nombre=str(n)
    s=0
    for chiffre in nombre :
        s = s+int(chiffre)**3
    return s

print(somcube2(1234))
```

```
# Question 1
# =====
# Le répertoire courant est Exercice_02.
# Le sous-répertoire data contient le
# fichier ex_01.txt.

# On ouvre le fichier en lecture
fid = open("data\ex_01.txt")

# On charge le fichier dans une liste.
# Chaque élément de la liste correspond à
# chaque ligne sous forme de chaîne de caractère.
file = fid.readlines()
# On ferme le fichier
fid.close()

LX=[]
LY=[]
for ligne in file :
    ligne = ligne.split(';')
    LX.append(float(ligne[0]))
    LY.append(float(ligne[1]))
```

```
# Question 2
# =====
# Ne pas oublier de charger préalablement
# import matplotlib.pyplot as plt

plt.plot(LX,LY)
plt.show()
```

```
# Question 3
# =====
def trapeze(x,y):
    res = 0
    for i in range(1,len(LX)):
        res = res+(LX[i]-LX[i-1])*0.5*(LY[i]+LY[i-1])
    return res
print(trapeze(LX,LY))
```

```
# Question 4
# =====
from scipy.integrate import trapz
# Attention à l'ordre des arguments dans
# la fonction trapz : les_y puis les_x
# Après l'import, help(trapz) permet d'avoir
# de l'aide sur la fonction.
print(trapz(LY,LX))
```

Exercice 3 – Graphe – Corrigé

```
# Question 1
# =====
# Matrices avec des listes
M=[[0,9,3,-1,7],
   [9,0,1,8,-1],
   [3,1,0,4,2],
   [-1,8,4,0,-1],
   [7,-1,2,-1,0]]
```

Exercice 2 – Intégration – Corrigé

```
# Question 2 & 3
# =====
def voisins(M,i):
    """
    Entrées :
    * M(lst) : graphe
    * i : noeud considéré
    Sortie :
    * v(lst) : liste des voisins
    """
    v = []
    # On cherche les voisins sur une ligne
    # (on pourrait le faire sur une colonne)
    for j in range(len(M[i])):
        if M[i][j]>0:
            v.append(j)
    return v

# print(voisins(M,0))
```

```
# Question 4
# =====
def degre(M,i):
    """
    Entrées :
    * M(lst) : graphe
    * i : noeud considéré
    Sortie :
    * (int) : nomnbre de voisins
    """
    return len(voisins(M,i))
```

```
# Question 5
# =====
def longueur(M,chemin):
    l = 0
    for i in range(len(chemin)-1):
        if M[chemin[i]][chemin[i+1]]<0:
            return -1
        else :
            l=l+M[chemin[i]][chemin[i+1]]
    return l

chemin = [1,2,3,1,4]
print(longueur(M,chemin))
chemin = [0,4,2,1,0]
print(longueur(M,chemin))
```

Exercice 4

```
# Question 1
# =====
def nombreZeros(t,i):
    if t[i]==1:
        return 0
    else :
        res = 1
        j=i+1
        while j<len(t) and t[j]==0:
            res = res+1
            j=j+1
        return res
# t1=[0,1,1,1,0,0,0,1,0,1,1,0,0,0]
# print(nombreZeros(t1,4))
# print(nombreZeros(t1,1))
# print(nombreZeros(t1,8))
```

```
# Question 2
# =====
def nombreZerosMax(t):
    max=nombreZeros(t,0)
    for i in range(1,len(t)):
        tmp = nombreZeros(t,i)
        if tmp>max:
            max = tmp
    return max
print(nombreZerosMax(t1))
```

```
# Question 3 et 4
# =====
```

Exercice 6 – Corrigé

```
# Import de fonctions
import matplotlib.pyplot as plt
from math import sqrt

# Question 1
# =====
def g(x):
    if x>= 0 and x<1 :
        return x
    elif x>1 and x<2 :
        return 1
xx = [0]
t=0
while t<=1.99:
    t=t+0.01
    xx.append(t)
yy = [g(x) for x in xx]

plt.plot(xx,yy)
plt.show()
```

```
# Question 2
# =====
def f(x):
    if x>=0 and x<2 :
        return g(x)
    else : # x>=2
        return sqrt(x)*f(x-2)
```

```
# Question 3
# =====
xxx = [0]
t=0
while t<=6:
    t=t+0.01
    xxx.append(t)
yyy = [f(x) for x in xxx]

plt.plot(xxx,yyy)
plt.show()
```

```
# Question 4
# =====
# On cherche à résoudre  $f(x)-4 = 0$  sur
# l'intervalle [5,6]
def h(x):
    res = f(x)-4
    return res

a = 5.
b = 6.

while (b-a)>0.01:
    m=(a+b)/2
    if h(m)>0:
        b=m
    else :
        a=m
    m=(a+b)/2

if h(m)<0:
    m= m+ abs(b-a)
print(m,h(m))
```

Exercice 7 – Corrigé

```
# Question 1
# =====
def d(n):
    """
    Retourne la liste de tous les diviseurs de n.
    Entrée :
    * n(int) : entier.
    Sortie :
    * L(list) : liste des diviseurs de n.
    """
    L =[1]
    for nombre in range(2,n+1):
        if n%nombre == 0:
            L.append(nombre)
    return L

print(d(4))
print(d(10))
```

```
# Question 2
# =====
def DNT_01(n):
    return d(n)[1:-1]

def DNT_02(n):
    L =[]
    for nombre in range(2,n):
        if n%nombre == 0:
            L.append(nombre)
    return L

print(DNT_01(4),DNT_02(4))
print(DNT_01(10),DNT_02(10))
```

```
# Question 3
# =====
def sommeCarresDNT_01(n):
    L = DNT_01(n)
    res = [x**2 for x in L]
    return sum(res)

def sommeCarresDNT_02(n):
    L = DNT_01(n)
    res = 0
    for x in L:
        res = res + x*x
    return res

def sommeCarresDNT_03(n):
    L = DNT_01(n)
    res = 0
    for i in range(len(L)):
        res = res + L[i]**2
    return res

print(sommeCarresDNT_01(15),sommeCarresDNT_02(15),
      sommeCarresDNT_03(15))
```

```
# Question 4
# =====
from math import sqrt
for i in range(1001):
    if i == sommeCarresDNT_01(i) :
        print(str(i)+"\t"+str(sqrt(i)))

# Conjecture les nombres recherchés sont
# les carrés des nombres premiers.
```

Exercice 8 – Corrigé

```
# Question 1
# =====
chaine = "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
```



```
# Question 2
# =====
def decalage(chaine,n):
    chaine = chaine[n:-1]+chaine[0:n]
    return chaine
print(chaine,decalage(chaine,3))
```

```
# Question 3
# =====
def indices(x,phrase):
    """
    Recherche des indices de x dans phrase
    Entrée :
    * x(str) : un caractère
    * phrase(str)
    Sortie :
    * res(lst) : liste des indices de x
    """
    res = []
    for i in range(len(phrase)):
        if phrase[i] == x:
            res.append(i)
    return res

print(indices("a","akjlkjalkjlkjalkjlkja"))
```

```
# Question 4
# =====
def codage(n,phrase):
    ch = "abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
    ch_c = decalage(ch,n)
    print(ch_c)
    phrase_c=""
    for c in phrase :
        i = indices(c,ch)
        i = i[0]
        phrase_c = phrase_c+ch_c[i]
    return phrase_c
print(codage(3,"oralensam"))
```

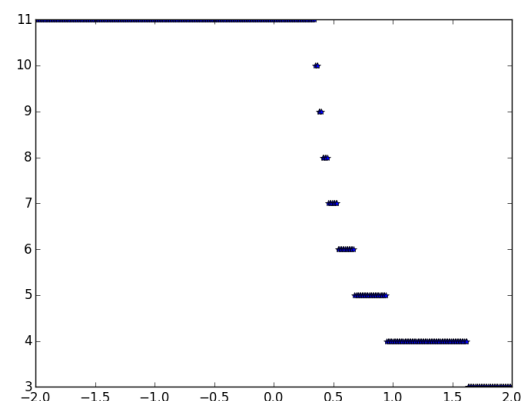
```
# Question 5
# =====
# Solution 1 : essayer les 26 permutations,
# jusqu'à trouver une phrase qui est du sens.
# Solution 2 : statistiquement le e est la lettre
# la plus présente dans la langue française. On
# peut donc déterminer la fréquence d'apparition
# des lettres. # La lettre la plus fréquente
# peut être assimilée au "e".
# On calcule ainsi le décalage...
```

```
# Question 1
# =====
def suite_u(c,n):
    """
    Calcul de la suite u au rang n.
    Entrées :
    * c(flt) : nombre quelconque
    * n(int)
    Sortie :
    * res(flt) : valeur de u(n)
    """
    res = 0
    i=0
    while i!=n:
        res = res*res+c
        i=i+1
    return res
```

```
def recherche_k(m,M,c):
    """ Recherche de k """
    k=0
    while k<=m:
        if abs(suite_u(c,k))>M:
            return k
        k=k+1
    return -1
```

```
def fonction_f(m,M,c):
    """ Fonction """
    k = recherche_k(m,M,c)
    if k>=0:
        return k
    else :
        return m+1
```

```
# Question 2
#=====
import matplotlib.pyplot as plt
m,M=10,20
LX = [-2+4*x/400 for x in range(401)]
LF = [fonction_f(m,M,x) for x in LX]
plt.plot(LX,LF,"*")
plt.show()
```



Exercice 9 – Fractale de Mandelbrot – Corrigé


```
# Question 3
#=====
LX = [-2+2.5*x/100 for x in range(101)]
LY = [-1.1+2.2*x/100 for x in range(101)]
XY = [[x,y] for x in LX] for y in LY

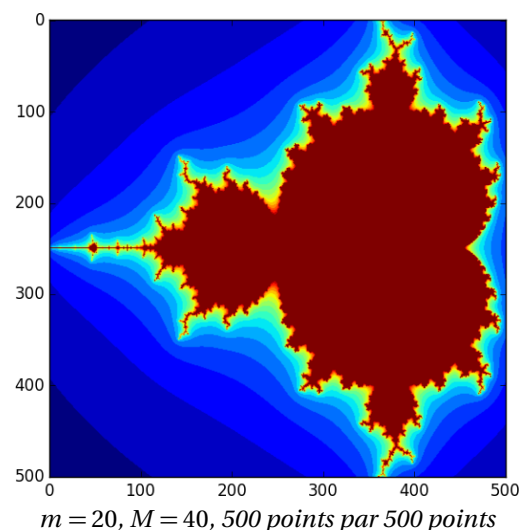
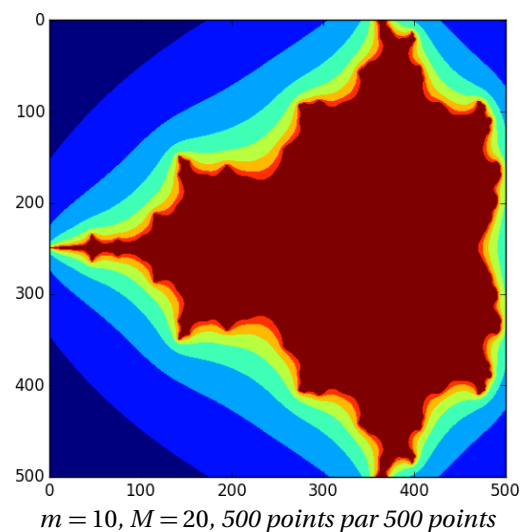
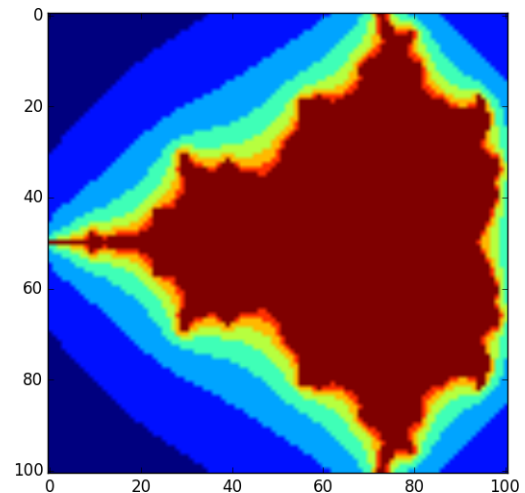
for i in range(len(LX)):
    for j in range(len(LY)):
        XY[i][j]=fonction_f(
            m,M,complex(XY[i][j][0],XY[i][j][1]))
```

```
# Question 4
#=====
res = 100
LX = [-2+2.5*x/res for x in range(res+1)]
LY = [-1.1+2.2*x/res for x in range(res+1)]
XY = [[x,y] for x in LX] for y in LY

for i in range(len(LX)):
    for j in range(len(LY)):
        XY[i][j]=fonction_f(
            m,M,complex(XY[i][j][0],XY[i][j][1]))

# plt.imshow(XY)
# plt.show()
```

```
# Bilan
#=====
def affichage(m,M,res):
    m = m
    M = M
    LX = [-2+2.5*x/res for x in range(res+1)]
    LY = [-1.1+2.2*x/res for x in range(res+1)]
    XY = [[x,y] for x in LX] for y in LY
    for i in range(len(LX)):
        for j in range(len(LY)):
            XY[i][j]=fonction_f(
                m,M,complex(XY[i][j][0],XY[i][j][1]))
    plt.imshow(XY)
    plt.show()
```



Exercice 10 – Corrigé

Exercice 11 – Corrigé

Exercice 12 – Corrigé