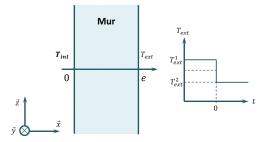
Mise en situation

On étudie les transferts thermiques dans le mur d'une maison. La température à l'intérieur de la maison est constante dans le temps et égale à $T_{\rm int} = 20^{\rm o}$ C. Aux temps négatifs t < 0, la température extérieure est égale à $T_{\text{ext},1} = 10^{\circ}\text{C}$. À t = 0, elle chute brusquement à $T_{\text{ext},2} =$ $-10^{\circ}C$ et et elle reste égale à cette valeur aux temps positifs (t > 0). On souhaite étudier l'évolution du profil de température dans le mur au cours du temps.

Le mur a une épaisseur e = 40 cm. Les propriétés physiques du mur sont constantes : conductivité thermique $\lambda = 1,65 \,\mathrm{W}\,\mathrm{m}^{-1}\mathrm{K}^{-1}$, capacité thermique massique : $c_p = 1\,000\,\mathrm{Jkg}^{-1}\mathrm{K}^{-1}$, masse volumique : $\rho =$



On suppose que les longueurs L_y et L_z suivant \overrightarrow{y} et \overrightarrow{z} sont très grandes devant l'épaisseur e. En conséquence, on suppose que la température T dans le mur ne dépend que du temps t et de la coordonnée x.

Objectif L'objectif est de déterminer l'évolution du flux thermique dans le mur au cours du temps. Pour cela, on s'appuiera sur la résolution d'une équation différentielle en utilisant un schéma explicite puis implicite.

Équation gouvernant la température

En l'absence de source d'énergie, l'équation régissant le transport de la chaleur s'exprime ainsi :

$$\rho \mathbf{c_p} \frac{\partial \mathbf{T}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}, \mathbf{t})}{\partial \mathbf{t}} = \lambda \Delta \mathbf{T}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}, \mathbf{t})$$
(1)

Question 1 En utilisant les hypothèses dimensionnelles, donner l'équation de la chaleur simplifiée.

Correction

$$\rho c_p \frac{\partial T(x,t)}{\partial t} = \lambda \frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2}$$

Conditions aux limites

On envisage plusieurs types de conditions aux limites :

- cas 1 : la température est imposée aux limites du système ;
- cas 2 : la paroi extérieure est isolée par un matériau de très faible conductivité.

Question 2 *Traduire chacune de ces conditions aux limites sur la fonction* T(x,t).

Correction

- cas 1: $T(0, t) = T_{\text{int}}$ et $T(e, t) = T_{\text{ext}}$; cas 2: $T(0, t) = T_{\text{int}}$ et $\left[\frac{\partial T(e, t)}{\partial x}\right]_{x=e} = 0$.

Dans la suite, seul le premier cas sera étudié.

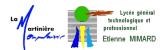
Question 3 Résoudre l'équation de la chaleur simplifiée en régime permanent dans les conditions suivantes :

- conditions 1: pour un instant particulier négatif $t_1 < 0$;
- conditions 2: pour un instant particulier positif $t_2 > 0$, très longtemps après la variation de température extérieure quand le régime permanent est de nouveau établi dans le mur.

Correction

En régime permanent, l'équation différentielle devient : $\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} = 0$. On a donc : $T(x) = k_1 x + k_2$. Par suite :

1



$$T(0) = T_{\text{int}} = k_2 \text{ et } T(e) = T_{\text{ext}} = k_1 e + k_2. \text{ On a donc}: k_1 = \frac{T_{\text{ext}} - T_{\text{int}}}{e}. \text{ Au final}: T(x) = \frac{T_{\text{ext}} - T_{\text{int}}}{e}x + T_{\text{int}}.$$
• **conditions 1:** lorsque $t_1 < 0$, $T_{\text{int}} = 20^{\circ}\text{C}$ et $T_{\text{ext},1} = 10^{\circ}\text{C}$. En conséquences, $T(x) = \frac{T_{\text{ext},1} - T_{\text{int}}}{e}x + T_{\text{int}}.$
• **conditions 2:** lorsque $t_2 > 0$, $T_{\text{int}} = 20^{\circ}\text{C}$ et $T_{\text{ext},2} = -10^{\circ}\text{C}$. En conséquences, $T(x) = \frac{T_{\text{ext},2} - T_{\text{int}}}{e}x + T_{\text{int}}.$

Question 4 Quelle est la nature des profils T(x) obtenus (en régime permanent) à ces deux instants? Tracer à la main les deux profils sur un même graphique sur la copie.

Résolution numérique

On cherche à résoudre numériquement l'équation aux dérivées partielles :

$$\alpha \frac{\partial \mathbf{T}(\mathbf{x}, \mathbf{t})}{\partial \mathbf{t}} = \frac{\partial^2 \mathbf{T}(\mathbf{x}, \mathbf{t})}{\partial \mathbf{x}^2} \quad \text{avec } \alpha \text{ constante.}$$
 (2)

Les conditions aux limites sont les suivantes :

- $T(0, t) = T_{\text{int}} \text{ pour } t > 0$;
- $T(e, t) = T_{\text{ext}, 2} \text{ pour } t > 0;$
- $T(x,0) = ax + b \text{ pour } x \in [0,e].$

Question 5 *Quelle est l'expression de* α *en fonction des paramètres physiques du mur?*

Correction On a
$$\alpha = \frac{\rho c_p}{\lambda}$$
.

Question 6 Exprimer a et b en fonction de T_{int} , $T_{ext,1}$ et e.

Correction On a, pour t<0,
$$T(0,0) = b = T_{\text{int}}$$
 et $T(z,0) = ae + T_{\text{int}} = T_{\text{ext},1}$. On a donc : $a = \frac{T_{\text{ext},1} - T_{\text{int}}}{e}$. Au final :

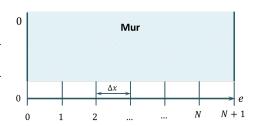
$$T(x,0) = \frac{T_{\text{ext},1} - T_{\text{int}}}{e} x + T_{\text{int}} \quad \text{pour } x \in [0, e].$$

La partie suivante permettra de déterminer une solution de l'équation aux dérivées partielles en utilisant la méthode des différences finies.

Méthode des différences finies 2 1

2.1.1 Discrétisation dans l'espace et dans le temps

On divise l'intervalle [0, e], représentant l'épaisseur du mur, en N+2points, numérotés de 0 à N+1, régulièrement espacés de Δx . Cette division est appelée «discrétisation». La distance Δx est appelée le « pas d'espace ». A l'intérieur du mur (frontières intérieure et extérieure exclues) se trouvent donc N points. On cherche à obtenir la température en ces points particuliers à chaque instant.



Question 7 Donner l'expression de Δx en fonction de N et de l'épaisseur du mur e.

Correction On a :
$$\Delta x = \frac{e}{N+1}$$
.

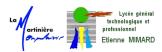
Question 8 Donner l'abscisse x_i du i^e point en fonction de i et Δx , sachant que $x_0 = 0$ et $x_{N+1} = e$.

Correction On a :
$$x_i = i\Delta x$$
.

Le temps est discrétisé en ItMax intervalles de durée Δt et on ne s'intéresse au profil de température qu'aux instants particuliers $t_k = k \cdot \Delta t$. L'intervalle élémentaire de temps Δt est appelé le «pas de temps».

Deux méthodes de résolutions sont proposées :

- méthode utilisant un schéma explicite;
- méthode utilisant un schéma implicite.



2.2 Méthode utilisant un schéma explicite

Objectif Déterminer le schéma explicite permettant la résolution de l'équation de la chaleur.

On donne le développent limité à l'ordre 3 de $T(x + \Delta x, t)$ et $T(x - \Delta x, t)$:

$$T(x + \Delta x, t) = T(x, t) + \frac{\partial T(x, t)}{\partial x} \Delta x + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 T(x, t)}{\partial x^2} \Delta x^2 + \frac{1}{6} \frac{\partial^3 T(x, t)}{\partial x^3} \Delta x^3 + o\left(\Delta x^3\right)$$

$$T(x - \Delta x, t) = T(x, t) - \frac{\partial T(x, t)}{\partial x} \Delta x + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 T(x, t)}{\partial x^2} \Delta x^2 - \frac{1}{6} \frac{\partial^3 T(x, t)}{\partial x^3} \Delta x^3 + o\left(\Delta x^3\right)$$

Question 9 En déduire une expression approchée à l'ordre 1 de $\left[\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2}\right]_{x,t}$ (dérivée partielle spatiale seconde de T évaluée au point x à l'instant t) en fonction de $T(x+\Delta x,t)$, $T(x-\Delta x,t)$ et T(x,t) et Δx .

Correction D'une part, on a:

$$\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} = \frac{2}{\Delta x^2} \left(T(x + \Delta x, t) - T(x,t) - \frac{\partial T(x,t)}{\partial x} \Delta x \right) + o(\Delta x)$$

$$\Leftrightarrow \frac{\partial T(x,t)}{\partial x} \Delta x = -\frac{\Delta x^2}{2} \frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} + T(x + \Delta x,t) - T(x,t) + o(\Delta x)$$

D'autre part, on a :

$$\frac{\partial T(x,t)}{\partial x} \Delta x = \frac{\Delta x^2}{2} \frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} - T(x - \Delta x, t) + T(x,t) - o(\Delta x)$$

On a donc:

$$-\frac{\Delta x^2}{2}\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} + T(x+\Delta x,t) - T(x,t) + o\left(\Delta x\right) = \frac{\Delta x^2}{2}\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} - T(x-\Delta x,t) + T(x,t) - o\left(\Delta x\right)$$

$$\Leftrightarrow \Delta x^2 \frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} = T(x + \Delta x, t) - 2T(x,t) + T(x - \Delta x, t) + 2o(\Delta x)$$

Au final:

$$\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2} = \frac{T(x+\Delta x,t) - 2T(x,t) + T(x-\Delta x,t)}{\Delta x^2} + 2o(\Delta x)$$

On note T_i^k la température $T(x_i, t_k)$, évaluée au point d'abscisse x_i à l'instant t_k . De même, on note $T_{i+1}^k = T(x_i + \Delta x, t_k)$ et $T_{i-1}^k = T(x_i - \Delta x, t_k)$.

Question 10 Déduire de la question précédente que $\left[\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2}\right]_{x_i,t_k} = \frac{T_{i+1}^k - 2T_i^k + T_{i-1}^k}{\Delta x^2}$ (dérivée partielle seconde de T évaluée en x_i à l'instant t_k) en fonction de T_i^k , T_{i-1}^k et Δx .

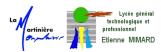
Correction

$$\left[\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2}\right]_{x_i,t_k} = \frac{T_{i+1}^k - 2T_i^k + T_{i-1}^k}{\Delta x^2}$$

La dérivée partielle temporelle de l'équation différentielle est maintenant approchée grâce à un développement limité.

En utilisant le même raisonnement un réalisant un développement limité de la fonction $t \mapsto T(x, t)$ à l'ordre 0, on obtiendrait l'équation suivante valable en chaque point d'abscisse x_i et à chaque instant t_k , on obtient :

$$\left[\frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2}\right]_{x_i,t_i} = \frac{T_i^{k+1} - T_i^k}{\Delta t}$$



Question 11 En utilisant les questions précédentes, montrer que l'équation différentielle peut se mettre sous la forme :

$$T_i^{k+1} = r T_{i-1}^k + (1-2r) T_i^k + r T_{i+1}^k$$

r sera explicité en fonction de Δx , Δt et α .

Correction
$$r = \frac{\Delta t}{\alpha \Delta x^2}$$

L'équation précédente est appelée schéma numérique explicite. Si on connaît la température en tous les points $x_1, x_2, ..., x_N$ à l'instant t_k on peut calculer grâce à elle la température en tous les points à l'instant t_{k+1} .

Question 12 L'équation et-elle valable dans tout le domaine, c'est-à-dire pour toute valeur de i, $0 \le i \le N+1$? Que valent T_0^k et T_{N+1}^k ?

Question 13 *Montrer que pour tout instant k, le problème peut se mettre sous la forme matricielle suivante :*

$$T^{k+1} = M \cdot T^k + rV \quad \text{avec} \quad T^k = \begin{pmatrix} T_1^k \\ T_2^k \\ \dots \\ T_{N-1}^{k+1} \\ T_N^{k+1} \end{pmatrix}$$

avec M une matrice carrée $N \times N$, v un vecteur de taille N que l'on explicitera.

Correction On a, pour $i \in]0; N+1[$:

$$\begin{split} i & T_i^{k+1} = r \, T_{i-1}^k + (1-2r) \, T_i^k + r \, T_{i+1}^k \\ i &= 1 & T_1^{k+1} = r \, T_0^k + (1-2r) \, T_1^k + r \, T_2^k \\ i &= 2 & T_2^{k+1} = r \, T_1^k + (1-2r) \, T_2^k + r \, T_3^k \\ i &= 3 & T_3^{k+1} = r \, T_2^k + (1-2r) \, T_3^k + r \, T_4^k \\ i &= N-1 & T_{N-1}^{k+1} = r \, T_{N-2}^k + (1-2r) \, T_{N-1}^k + r \, T_N^k \\ i &= N & T_N^{k+1} = r \, T_{N-1}^k + (1-2r) \, T_N^k + r \, T_N^k \end{split}$$

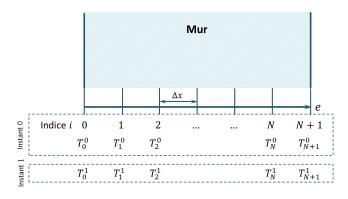
On a donc:

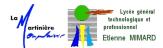
$$T^{k+1} = M \cdot T^k + rV$$

avec:

$$M = \begin{pmatrix} 1-2r & r & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ r & 1-2r & r & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & r & 1-2r & r & 0 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & r & 1-2r \end{pmatrix} \quad \text{et} \quad V = \begin{pmatrix} T_0^k = T_{\text{int}} \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \\ T_N^k = T_{\text{ext}} \end{pmatrix}$$

Ainsi, à chaque pas de temps k, on calculera un vecteur T^k contenant la température à chaque abscisse i du mur.





Question 14 Expliciter succinctement comment déterminer la température dans le mur à chaque instant.

Correction

Question 15 On donne T_0 le vecteur température à l'instant k = 0.

Écrire la fonction euler_explicite(M,T_0,r,V,k) permettant de connaître le vecteur de température à l'instant k. Cette fonction sera définie de manière **récursive**.

Correction

2.3 Méthode utilisant un schéma implicite

Objectif Déterminer une méthode permettant de résoudre l'équation de la chaleur à partir du schéma implicite donné.

En utilisant un schéma d'Euler implicite, on montre que l'équation $\alpha \frac{\partial T(x,t)}{\partial t} = \frac{\partial^2 T(x,t)}{\partial x^2}$ peut se mettre sous la forme suivante :

$$T_i^k = -r\,T_{i-1}^{k+1} + (1+2r)\,T_i^{k+1} - r\,T_{i+1}^{k+1}.$$

La température à l'instant t_k est exprimée en fonction de la température à l'instant ultérieur t_{k+1} . Le système d'équation peut être écrit sous la forme matricielle :

$$\mathbf{MT}^{k+1} = \mathbf{T}^k + \mathbf{rV} \tag{3}$$

avec:

$$M = \begin{pmatrix} 1 + 2r & -r & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -r & 1 + 2r & -r & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -r & 1 + 2r & -r & 0 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -r & 1 + 2r \end{pmatrix} \quad V = \begin{pmatrix} T_{\text{int}} \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \\ T_{\text{ext}} \end{pmatrix} \quad T^k = \begin{pmatrix} T_k^k \\ T_2^k \\ \vdots \\ T_{N-1}^k \\ T_N^k \end{pmatrix}.$$

Pur obtenir T^{k+1} en fonction de T^k , il est nécessaire d'inverser le système matriciel à chaque pas de temps.

Question 16 Proposer une méthode pour résoudre le système différentiel 3. Vous donnerez le nom de l'algorithme principal utilisé et vous donnerez sa complexité.

Objectif Résoudre un système matriciel tridiagonal en utilisant l'algorithme de Thomas. Le système que l'on cherche à résoudre est le suivant :

$$Mu = d$$

M est une matrice tridiagonale de dimension $N \times N$, c'est à dire que tous les éléments sont nuls sauf les diagonales principales, supérieures et inférieures.

On a donc:

$$M = \begin{pmatrix} b_1 & c_1 & & & & & \\ a_2 & b_2 & c_2 & & 0 & & \\ & a_3 & b_3 & c_3 & & & \\ & & \ddots & \ddots & \ddots & \\ & 0 & & a_{N-1} & b_{N-1} & c_{N-1} \\ & & & & a_N & b_N \end{pmatrix} \quad u = \begin{pmatrix} u_1 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ u_N \end{pmatrix} \quad d = \begin{pmatrix} d_1 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ d_N \end{pmatrix}$$

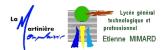
Dans cet algorithme, on calcule les coefficients suivants :

$$c'_1 = \frac{c_1}{b_1}$$
 $c'_i = \frac{c_i}{b_i - a_i c'_{i-1}}$ pour $i = 2, 3, ..., N-1$

$$d'_1 = \frac{d_1}{b_1}$$
 $d'_i = \frac{d_i - a_i d'_{i-1}}{b_i - a_i c'_{i-1}}$ pour $i = 2, 3, ..., N$

Les inconnues $u_1, u_2, ..., u_N$ sont alors obtenues par les formules :

$$u_N = d'_N$$
 $u_i = d'_i - c'_i u_{i+1}$ pour $i = N-1, N-2, ..., 2, 1$



Question 17 En utilisant l'algorithme de Thomas, écrire une fonction CalcTkp1 qui permet de calculer le vecteur u, solution du système matriciel, à partir de la matrice M et du vecteur d.

Question 18 Donner la complexité de l'algorithme dans le pire des cas.

3 Résolution de l'équation différentielle implicite

L'objectif est de calculer la température en chaque point au cours du temps. Parmi les variables d'entrée se trouvera un vecteur T_0 de dimension N, défini en dehors de la fonction, contenant les valeurs de la température aux points de discrétisation à l'instant initial. Au sein de la fonction, un algorithme calculera itérativement la température avec un nombre maximal d'itérations ItMax. En sortie de la fonction, on récupérera le nombre d'itérations réellement effectuées, nblter et une matrice T_tous_k , de dimensions $N \times It max$. Chaque colonne de cette matrice contient le vecteur T^k dont les éléments sont les valeurs de la température aux N points $x_1, ..., x_N$, points à l'intérieur du mur à l'instant k:

$$T^{k} = \begin{pmatrix} T_{1}^{k} \\ T_{2}^{k} \\ \dots \\ T_{N-1}^{k} \\ T_{N}^{k} \end{pmatrix} \quad T_{-}tous_k = \begin{pmatrix} T_{1}^{1} & T_{1}^{2} & \cdots & T_{1}^{k-1} & T_{1}^{k} \\ T_{2}^{1} & T_{2}^{2} & \cdots & T_{2}^{k-1} & T_{2}^{k} \\ \vdots & \vdots & \dots & \vdots & \vdots \\ T_{N-1}^{1} & T_{N-1}^{2} & \cdots & T_{N-1}^{k-1} & T_{N-1}^{k} \\ T_{1}^{1} & T_{2}^{2} & \cdots & T_{N}^{k-1} & T_{N}^{k} \end{pmatrix}$$

On souhaite arrêter le calcul lorsque la température ne varie presque plus dans le temps. Dans ce but, on évaluera la norme 2 de $T^k - T^{k-1}$ à chaque itération.

Définition On définit la norme de d'un vecteur v par :

$$||v||_2 = \sqrt{\sum_{i=1}^N v_i^2} \quad \text{avec} \quad v = \begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ v_n \end{pmatrix}$$

Question 19 Écrire une fonction calc_norme qui calcule la norme 2 d'un vecteur.

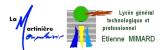
```
def calc_norme(v):
    res = 0
    for i in range(len(v)):
        res = res+v[i]**2
    return math.sqrt(res)
```

Question 20 Écrire **l'en-tête** de la fonction schema_implicite permettant de calculer la température en chaque point au cours du temps. Vous préciserez clairement les paramètres d'entrée et de sortie.

```
Correction def schema_implicite(M,T,V) :
    """
    Entrées :
        * M, np.array (N+1 x N+1) : matrice àinverser
        * T, np.array (N+1 x 1) : température àchaque abscisse du mur âl'instant k
        * V, np.array (N+1 x 1) : température *imposée* àchaque abscisse du mur âl'instant final
    Sortie :
        * TT, np.array (N+1 x 1) : température àchaque abscisse du mur âl'instant k+1
        """
```

Question 21 Affecter la valeur 2000 à ItMax. Créer la matrice T_tous_k de dimensions $N \times ItMax$ en la remplissant de zéros.

```
Correction
```



```
ItMax = 2000
T_tous_k = np.zerros((N,ItMax))
```

Question 22 En utilisant les résultats des questions 6, 7 et 8, écrire la fonction permettant de déterminer T^0 , la température en chaque point du mur lorsque t < 0.

```
 \begin{array}{ll} \textbf{Correction} & \text{On a: } T(x_i, k = 0) = \frac{T_{\text{ext},1} - T_{\text{int}}}{e} x_i + T_{\text{int}} = \frac{T_{\text{ext},1} - T_{\text{int}}}{e} \cdot i \cdot \frac{e}{N+1} + T_{\text{int}} = \frac{T_{\text{ext},1} - T_{\text{int}}}{N+1} \cdot i + T_{\text{int}}. \\ \\ \text{def TO(Ti,Tf,N):} \\ \text{tt = np.zeros((N,1))} \\ \text{for i in range(N):} \\ \text{tt[i] = ((Tf-Ti)/(N))*i+Ti} \\ \text{return tt} \end{array}
```

Question 23 Remplacer la première colonne de T_tous_k par le vecteur des valeurs initiales T^0 .

```
Correction

t0 = T0(Tint, Text1, N)
for i in range(N):
   T_tous_k[i][0] = t0[i]
```

Question 24 Écrire les instructions permettant de définir M et le vecteur v qui interviennent dans l'équation 3.

```
M = np.zeros((N,N))
M[0][0]=1+2*r
M[0][1]=-r

M[N-1][N-1]=1+2*r
M[N-1][N-3]=-r
for i in range(1,N-1):
    M[i][i]=1+2*r
    M[i][i]=1-2*r
    M[i][i-1]=-r
    M[i][i-1]=-r
    V = np.zeros((N,1))
V[0][0]=Tint
V[N][0]=Text2
```

Question 25 Calculer le profil de la température à l'instant k = 1 $(t = \Delta t)$. Affecter ces valeurs à la deuxième colonne de T_{tous} .

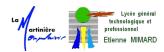
```
Correction Tk = calcTkp1(M,T_tous_k[:][0]) + r*calcTkp1(M,V)
```

Question 26 Élaborer une boucle permettant de calculer itérativement le profil de température aux instants $t_k = k\Delta t$ avec $k \geq 2$. Cette boucle sera interrompue lorsque la norme 2 du vecteur $T^k - T^{k-1}$ deviendra inférieure à 10^{-2} ou lorsque le nombre d'itérations atteindra la valeur ItMax (prévoir deux cas). Utiliser pour cela la fonction calc_norme définie précédemment.

```
Correction
```

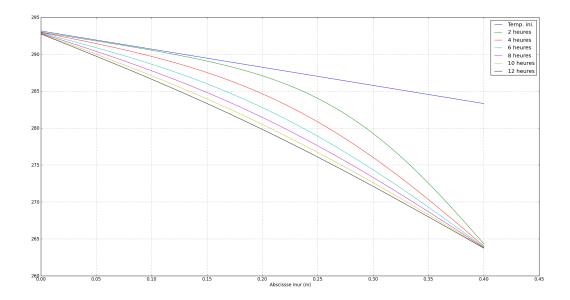
Question 27 Écrire la fin de la fonction afin de renvoyer tous les arguments de sortie définis au début de la question 20.

```
Correction
```



4 Analyse des résultats

12 heures sont nécessaires à atteindre le régime permanent. En utilisant le schéma implicite, on souhait afficher la courbe de température en fonction de l'abscisse du mur. Le graphe attendu est le suivant :



Question 28 Le pas de discrétisation temporel est de 20 secondes. Les résultats de la simulation sont stockés dans la matrice T_tous_k définie précédemment. Écrire les instructions permettant de tracer le réseau de courbes précédentes.

Correction

Les résultats de la simulation sont codés dans un fichier texte codé en ASCII. L'écriture des nombres est limitée à 10 caractères. Le mur est discrétisé en 100 abscisses. Le pas de discrétisation temporel est de 20 secondes.

Question 29 Quelle sera la taille du fichier texte généré?

Correction