

# CI 3: INGÉNIERIE NUMÉRIQUE & SIMULATION

TP – RÉSOLUTION DE L'ÉQUATION f(x) = 0.

Une matrice  $M \in \mathcal{M}_{n,p}(\mathbb{R})$ , avec n lignes et p colonnes, est implémentée sous forme d'une liste de longueur n, composée de listes, chacune contenant p nombres.

Rappel sur la sélection des listes :

si: M=[[a,b],[e,f],[u,v]] alors: Mest à 3 lignes et 2 colonnes, M[2] [0] désigne l'élément u

## Méthode de Gauss.

Remarque: si M est une telle liste alors:

```
nLign=len(M) et nCol=len(M[0])
```

sont, respectivement, le nombre de lignes et le nombre de colonnes de M.

#### Combinaison de deux lignes.

```
Question 1 Écrire une procédure transv(M,i,lambda,j) qui remplace la ligne n \circ i, L_i, par: L_i \leftarrow L_i + lambda \times L_i
```

Question 2 Écrire une procédure echang (M,i,j) qui échange les lignes n°i et n°j dans M.

### Le pivot

**Question 3** Quelle valeur renvoi megalytero(M, 2)?

#### Conclusion

**Question 4** Compléter la procédure suivante en utilisant les notations et les procédures précédentes afin de modifier M par l'algorithme de Gauss :

#### Un exemple

```
Soit M = [[0,1,2,3,4,5],[6,7,8,9,0,1],[2,3,4,5,6,7],[8,9,0,1,2,3],[4,5,6,7,8,9],[0,1,2,3,4,5]].
```

1



**Question 5** *Écrire une série d'instructions qui, pour tout* k *entre 0 et* nCol, *affichent :* 

$$L_{k,0}$$
  $L_{k,1}$  ...  $L_{k,nCol}$ 

où deux espaces séparent chaque terme de cette ligne.

**Question 6** Compléter la question précédente afin d'afficher la matrice M.

Question 7 Afficher la matrice obtenue par l'algorithme de Gauss sur M.

**Question 8** En déduire un majorant du rang de M.