

CI 3: Ingénierie Numérique & Simulation

TP – PIVOT DE GAUSS

Une matrice $M \in \mathcal{M}_{n,p}(\mathbb{R})$, avec n lignes et p colonnes, est implémentée sous forme d'une liste de longueur n, composée de listes, chacune contenant p nombres.

Rappel sur la sélection des listes :

si: M=[[a,b],[e,f],[u,v]] alors: M est à 3 lignes et 2 colonnes, M[2] [0] désigne l'élément u

Méthode de Gauss

Remarque: si M est une telle liste alors:

nLign=len(M) et nCol=len(M[0])

sont, respectivement, le nombre de lignes et le nombre de colonnes de M.

Combinaison de deux lignes

```
 \begin{aligned} \textbf{Question 1} & \textit{ \textit{Ecrire une procédure}} & \text{ transv(M,i,mu,j)} & \textit{ qui remplace la ligne n°i, $L_i$, } \textit{par:} \\ & L_i \longleftarrow & L_i + \text{mu} \times L_j \end{aligned}
```

Question 2 Écrire une procédure echang (M,i,j) qui échange les lignes n°i et n°j dans M.

Le pivot

Question 3 Quelle valeur renvoi megalytero(M, 2)?

Conclusion

Question 4 Compléter la procédure suivante en utilisant les notations et les procédures précédentes afin de modifier M par l'algorithme de Gauss :

```
def Pivot(M):
for i in ......:
    i0=megalytero(M,i)
    ......
    if M[i][i] .....:
        for z in range( ... , ... ):
             transv(... , ... , ......)
return
```

Un exemple

Soit M = [[0,1,2,3,4,5],[6,7,8,9,0,1],[2,3,4,5,6,7],[8,9,0,1,2,3],[4,5,6,7,8,9],[0,1,2,3,4,5]].

1



Question 5 *Écrire une série d'instructions qui, pour tout* k *entre 0 et* nCol, *affichent :*

$$L_{k,0}$$
 $L_{k,1}$... $L_{k,nCol}$

où deux espaces séparent chaque terme de cette ligne.

Question 6 Compléter la question précédente afin d'afficher la matrice M.

Question 7 Afficher la matrice obtenue par l'algorithme de Gauss sur M.

Question 8 En déduire un majorant du rang de M.