



## Chapitre 4 – 04

### Algèbre relationnelle

20 Mai 2020

#### Savoirs et compétences :

- ❑ BDD.C4 : Traduire dans le langage de l'algèbre relationnelle des requêtes écrites en langage courant
- ❑ BDD.C5 : Concevoir une base constituée de plusieurs tables, et utiliser les jointures symétriques pour effectuer des requêtes croisées
- ❑ BDD.S2 : Opérateurs usuels sur les ensembles dans un contexte de bases de données : union, intersection, différence.
- ❑ BDD.S3 : Opérateurs spécifiques de l'algèbre relationnelle : projection, sélection (ou restriction), renommage, jointure, produit et division cartésiennes ; fonctions d'agrégation : min, max, somme, moyenne, comptage.

## Cours

1	Résumé des épisodes précédents	2
2	Problème	2
3	Structure du modèle relationnel	2
4	Algèbre relationnelle	3
4.1	Projection . . . . .	4
4.2	Sélection . . . . .	4
4.3	Renommage . . . . .	4
4.4	Produit cartésien . . . . .	5
4.5	Division cartésienne . . . . .	6
4.6	Jointure simple . . . . .	6
4.7	Union . . . . .	7
4.8	Intersection . . . . .	7
4.9	Différence . . . . .	8
5	Division cartésienne en SQL	8
6	Mis sous le tapis	9
7	Agrégats	9
8	Conclusion	9

## 1 Résumé des épisodes précédents

On a déjà vu les notions suivantes.

1. MCD (Entité-Association) pour la représentation conceptuelle d'un problème.
2. MLD pour transcrire le MCD en tables.
3. Implantation dans une base de données SQL (MPD).
4. Les requêtes SQL.

## 2 Problème

Comment raisonner sur les opérations effectuées sur une base de données? Pour cela, on a besoin de modéliser ce problème correctement (comprendre : mathématiquement).

La modélisation que nous allons utiliser est le modèle relationnel.

On peut en distinguer deux parties.

**Structure du modèle relationnel** : modélisation des données (contenues dans des tables).

**Algèbre relationnelle** : modélisation mathématique des requêtes SQL.

## 3 Structure du modèle relationnel

On veut formaliser la notion de tables contenant des colonnes nommées.

**Définition — Attribut, domaine.** On appelle ensemble d'attributs un ensemble noté **att** (potentiellement infini).

Pour tout attribut  $a \in \mathbf{att}$ , on appelle domaine de  $a$  un ensemble de constantes noté **dom**( $a$ ) (analogue au type de  $a$ ).

Le domaine, noté **dom**, est union de toutes les constantes de tous les attributs :

$$\mathbf{dom} = \bigcup_{a \in \mathbf{att}} \mathbf{dom}(a).$$

■ **Exemple** Attributs de notre base : titre, nom, prenom, id, date, datenaissance, idrealisateur, idfilm, idacteur, idpersonnage.

Le domaine de l'attribut titre : {"Gran Torino"; "The Good, the Bad and the Ugly"; "Study in Pink"; "Schindler's List"; "Dr Strangelove"; "Invictus" }.

**Définition — Schémas.** On appelle schéma relationnel un  $n$ -uplet d'attributs (on parlera aussi de champs d'un schéma relationnel). L'ensemble des noms des schémas relationnels, noté **relname**, est supposé disjoint de **att**.

Un schéma de bases de données est un ensemble fini de schémas relationnels.

■ **Exemple** Dans notre base de données, nous avons quatre schémas relationnels :

PERSONNE = (id, prenom, nom, datenaissance)

FILM = (id, titre, date, idrealisateur)

PERSONNAGE = (id, nom)

JOUE = (idacteur, idfilm, idrealisateur)

et nous considérons le schéma de base de donnée

MPSIMDB = (PERSONNE, FILM, PERSONNAGE, JOUE).

Les champs de PERSONNE sont : id, prenom, nom, datenaissance.

On notera parfois FILM[id, titre, date, idrealisateur] pour dénoter FILM et rappeler les champs de FILM.

Pour deux  $n$ -uplets d'attributs  $U, V$ , on notera  $V \subset U$  si les champs de  $V$  sont aussi dans  $U$  et s'y trouvent dans le même ordre.

■ **Exemple** On pourra noter

(prenom, nom)  $\subset$  (id, prenom, nom, datenaissance)

et l'on pourra aussi noter

$\text{PERSONNE}[\text{prenom}, \text{nom}] = (\text{prenom}, \text{nom}).$

**Définition — Relation.** Une relation  $R$  (ou table) associée à un schéma relationnel  $S = (A_1, \dots, A_n)$ , ou instance d'un schéma relationnel  $R[S]$ , est un ensemble fini de  $n$ -uplets appartenant à  $\text{dom}(A_1) \times \dots \times \text{dom}(A_n)$ .

■ **Exemple** La table associée au schéma

$\text{FILM}[\text{id}, \text{titre}, \text{date}, \text{idrealisateur}]$

est la suivante.

(1, "Gran Torino"	, 2008, 3)
(2, "The Good, the Bad and the Ugly"	, 1966, 6)
(3, "Study in Pink"	, 2010, 7)
(4, "Schindler's List"	, 1993, 2)
(5, "Dr Strangelove"	, 1964, 1)
(6, "Invictus"	, 2009, 3)

Pour un élément  $t$  d'une relation  $R$  sur un schéma  $S = (A_1, \dots, A_n)$ , pour  $T \subset S$  on notera  $t[T]$  les éléments de  $t$  portant sur les champs de  $T$ .

■ **Exemple** Sur le schéma  $\text{FILM}[\text{id}, \text{titre}, \text{date}, \text{idrealisateur}]$  et la relation écrite précédemment, avec

$t = (1, \text{"Gran Torino"}, 2008, 3),$

on pourra écrire

$t[\text{id}] = 1$

et

$t[\text{titre}, \text{date}] = (\text{"Gran Torino"}, 2008).$

**Définition — Base de données.** Une base de données est la donnée d'un schéma de base de données et, pour chacun de ces schémas relationnels, d'une relation sur ce schéma.

■ **Exemple** La base de donnée MPSIMDB détaillée dans les cours précédent.

## 4 Algèbre relationnelle

On étudie des opérations sur les données d'une base (similaire aux LCI vue en cours de mathématiques).

Nous détaillerons neuf opérations :

1. projection;
2. sélection;
3. renommage;
4. produit cartésien;
5. division cartésienne;
6. jointure (naturelle);
7. union;
8. intersection;
9. différence.

## 4.1 Projection

Quels sont les noms et les prénoms des personnes de notre base de donnée? Pour répondre à la question, il suffit de prendre les colonnes `nom` et `prenom` de la table `PERSONNE`. On dit qu'on projette la table `PERSONNE` sur les attributs (`nom`, `prenom`).

**Définition — Projection.** Soit  $n \in \mathbb{N}^*$  et  $A_1, \dots, A_n \in \text{att}$ . On appelle opération de projection sur les attributs  $(A_1, \dots, A_n)$  et l'on note  $\pi_{A_1, \dots, A_n}$  l'opération définie par

$$\pi_{A_1, \dots, A_n}(R) = \{t[A_1 \dots A_n] \mid t \in R\}$$

pour toute relation  $R$  ayant au moins les attributs  $A_1, \dots, A_n$ .

Ainsi, la projection d'une relation sur  $(A_1, \dots, A_n)$  est une relation de schéma  $(A_1, \dots, A_n)$ .

En SQL, une projection se traduit par l'instruction `SELECT` (qui ne correspond donc pas à une sélection!).

■ **Exemple** On obtient les noms et les prénoms des personnes de notre base de donnée par l'opération

$$\pi_{\text{nom}, \text{prenom}}(\text{PERSONNE}).$$

La requête SQL traduisant cette projection est

```
SELECT nom, prenom
FROM PERSONNE ;
```

■

## 4.2 Sélection

Quelles sont les personnes dont le prénom est «Clint»? Pour répondre à la question, on sélectionne, dans la table `PERSONNE`, les nuplets dont le champ `prenom` est «Clint».

**Définition — Sélection.** Pour un critère de sélection  $C$  (fonction à valeurs booléennes définie sur un  $n$ -uplet de domaines), on définit l'opération de sélection  $\sigma_C$  qui, à toute relation  $R$  dont les champs sont compatibles avec  $C$ , associe

$$\sigma_C(R) = \{t \in R \mid C(t)\}.$$

Ainsi, on sélectionne les éléments de  $R$  vérifiant  $C$ ,  $\sigma_C(R)$  étant une relation de même schéma relationnel que  $R$ . Pour deux attributs  $A, B \in \text{att}$  et  $a \in \text{dom}$ , on définit notamment les opérations de sélection  $\sigma_{A=a}$  et  $\sigma_{A=B}$ , comme les fonctions définies par

$$\begin{aligned}\sigma_{A=a}(R) &= \{t \in R \mid t[A] = a\}, \\ \sigma_{A=B}(R) &= \{t \in R \mid t[A] = t[B]\}.\end{aligned}$$

pour toute relation  $R$  ayant au moins  $A$  (resp. et  $B$ ) comme attribut(s).

En SQL, la sélection se traduit par l'instruction `WHERE`.

■ **Exemple** Les personnes dont le prénom est «Clint» sont obtenues par

$$\sigma_{\text{prenom}=\text{"Clint"}}(\text{PERSONNE}).$$

La requête SQL traduisant cette sélection est

```
SELECT *
FROM PERSONNE
WHERE prenom = "Clint";
```

■

## 4.3 Renommage

Comment faire lorsque deux tables partagent un même attribut et que l'on veut les utiliser conjointement? On peut alors renommer un des champs concernés.

**Définition — Renommage.** Soit  $U$  un ensemble fini d'attributs. On appelle renommage d'attributs toute fonction  $f : U \rightarrow \text{att}$  injective.

On appelle opération de renommage  $\rho_f$  associée à  $f$  l'opération qui, à  $R[A_1, \dots, A_n]$  associe la relation

$$\rho_f(R)[f(A_1), \dots, f(A_n)] = \{t \mid t \in R\}.$$

Ainsi,  $\rho_f$  ne change que le schéma d'une relation, sans modifier ses éléments.

Souvent :

- $U$  est clair d'après le contexte ;
- et  $f$  laisse invariant tous les éléments de  $U$  sauf  $p$  éléments  $A_1, \dots, A_p$  dont les images respectives sont  $B_1, \dots, B_p$ .

l'opération de renommage  $\rho_f$  est alors notée  $\rho_{A_1 \rightarrow B_1, \dots, A_p \rightarrow B_p}$

En SQL, une projection se traduit par l'instruction AS.

■ **Exemple** Renommer la colonne date de la table FILM en la colonne Date\_de\_sortie correspond à l'opération

$$\rho_{\text{date} \rightarrow \text{Date\_de\_sortie}}(\text{FILM}).$$

La requête SQL traduisant ce renommage est

```
SELECT id, titre, date AS Date_de_sortie, idrealisateur
FROM FILM;
```

#### 4.4 Produit cartésien

Peut-on obtenir une table comportant toutes les combinaisons possibles de couples d'éléments de PERSONNE et de JOUE ?

- (R) En mathématiques,  $A \times B$  désigne l'ensemble des couples  $(x, y)$  pour  $x \in A$  et  $y \in B$ . Ici, ce sera l'ensemble des  $x \oplus y$  où  $x \oplus y$  désigne la concaténation des deux nuplets  $x$  et  $y$ , supposés n'avoir aucun attribut commun.

**Définition — Produit cartésien.** Soit  $R$  et  $S$  deux relations dont les ensembles de champs  $U$  et  $V$  vérifient  $U \cap V = \emptyset$ . On note  $R \times S$  la relation portant sur les champs  $U \cup V$  définie par

$$R \times S = \{u \oplus v \mid u \in R \text{ et } v \in S\}$$

On pourra bien entendu construire des produits cartésiens de plus de deux relations.

En SQL, on construit un produit cartésien en renseignant plusieurs tables, séparées par une virgule.

■ **Exemple** Le produit cartésien de PERSONNE et de JOUE se note tout simplement  $\text{PERSONNE} \times \text{JOUE}$ . La requête SQL traduisant ce produit est

```
SELECT *
FROM PERSONNE, JOUE;
```

- (R) Il faudra donc parfois renommer des colonnes avant de pouvoir construire des produits cartésiens. On pourra écrire en SQL `TABLE.attribute` afin de lever les ambiguïtés.

■ **Exemple** La requête SQL correspondant à l'opération  $\text{PERSONNE} \times \rho_{\text{id} \rightarrow \text{idfilm}}(\text{FILM})$  est

```
SELECT PERSONNE.id, nom, prenom, datenaissance,
       FILM.id AS idfilm, titre, date, idrealisateur
```

FROM PERSONNE, FILM;

#### 4.5 Division cartésienne

Quels sont les noms des acteurs ayant joué dans **tous** les films réalisés par Clint Eastwood?

Considérons les notations suivantes

- $J[\text{nom}, \text{titre}]$  est l'ensemble des  $(n, t) \in (\text{dom}(\text{nom}), \text{dom}(\text{titre}))$  pour chaque
  - $n$  nom d'une personne;
  - $t$  titre de film;
  - tels que  $n$  a joué dans  $t$  et Clint Eastwood a réalisé  $t$ .
- $E[\text{titre}]$  est l'ensemble des  $t \in \text{dom}(\text{titre})$  tels que  $t$  a été réalisé par Clint Eastwood.
- $K[\text{nom}]$  l'ensemble des  $n \in \text{dom}(\text{nom})$  tels que  $n$  a joué dans **tous** les films de Clint Eastwood.

$K$  est la plus grande relation sur  $\{\text{nom}\}$  vérifiant  $K \times E \subset J$ .

Cette relation est appelée division cartésienne de  $J$  par  $E$ .

**Définition — Division cartésienne.** Soit  $R$  et  $S$  deux relations, respectivement sur  $U$  et  $V$  avec  $U \subset V$ . Alors la division cartésienne de  $S$  par  $R$  est la relation sur  $V \setminus U$  notée  $S \div R$  et définie par :

$$\begin{aligned} S \div R &= \{t \in S[V \setminus U] \mid \forall u \in R, \quad t \oplus u \in S\} \\ &= \{t \mid \forall u \in R, \exists v \in S, \quad v[U] = u \text{ et } v[V \setminus U] = t\}. \end{aligned}$$

Comme nous le verrons plus tard, cette opération n'est pas traduite directement en SQL.

#### 4.6 Jointure simple

Quels sont les titres des films réalisés par des personnes dont le prénom est «Clint»?

Pour répondre :

1. on calcule  $I = \sigma_{\text{prenom}=\text{Clint}}(\text{PERSONNE})$ ;
2. on calcule  $J = \pi_{\text{titre}, \text{idrealisateur}}(\text{FILM})$ ;
3. on calcule le produit  $I \times J$ ;
4. on calcule la sélection  $S = \sigma_{\text{id}=\text{idrealisateur}}(I \times J)$ ;
5. le résultat est  $\pi_{\text{titre}}(S)$ .

Les étapes 3 et 4 constituent un calcul de jointure.

**Définition — Jointure.** Soit  $R$  et  $S$  deux relations de champs  $U$  et  $V$  avec  $U \cap V = \emptyset$ ,  $A \in U$  et  $B \in V$ . Alors la jointure symétrique de  $R$  et  $S$  selon  $(A, B)$  est la relation notée  $R[A = B]S$  de champ  $U \cup V$ , définie par

$$R[A = B]S = \sigma_{A=B}(R \times S).$$

La jointure :

- N'apporte **aucune expressivité** par rapport au produit suivi d'une sélection;
- En général, **se calcule plus facilement** (si on s'y prend bien).

■ **Exemple** Prenez un annuaire téléphonique de Lyon et la liste des enseignants de MPSI, calculez la jointure sur le couple nom de l'enseignant/nom de l'abonné :

- par produit puis sélection;
- directement.

En SQL, une jointure simple se traduit par l'instruction JOIN ON.

■ **Exemple** Pour obtenir les noms, prénoms des réalisateurs suivis des titres des films qu'ils ont réalisé, il suffit d'écrire l'opération

$$\pi_{\text{nom}, \text{prenom}, \text{titre}}(\text{PERSONNE}[\text{id} = \text{idrealisateur}]\text{FILM}).$$

La requête SQL traduisant cette jointure est

```
SELECT nom, prenom, titre
FROM PERSONNE JOIN FILM ON PERSONNE.id = idrealisateur;
```

## 4.7 Union

Quels sont les personnes dont le prénom est «Clint» ou «Martin»? Pour cela, on peut réaliser l'union des deux relations.

**Définition — Union.** Soit  $R$  et  $S$  deux relations de même schéma relationnel (i.e., ayant les mêmes champs), alors l'union de  $R$  et de  $S$  est la relation

$$R \cup S = \{x \mid x \in R \text{ ou } x \in S\}.$$

C'est donc une relation de même schéma que  $R$  et  $S$ .

En SQL, une union se traduit par l'instruction UNION.

■ **Exemple** La table des personnes dont le prénom est «Clint» ou «Martin» s'obtient par l'opération.

$$\sigma_{\text{prenom}=\text{"Clint"}}(\text{PERSONNE}) \cup \sigma_{\text{prenom}=\text{"Martin"}}(\text{PERSONNE})$$

La requête SQL traduisant cette union est

```
SELECT * FROM PERSONNE WHERE prenom = "Clint"
UNION
SELECT * FROM PERSONNE WHERE prenom = "Martin";
```

**R** On aurait pu remplacer l'union précédente par la sélection

$$\sigma_{\text{prenom}=\text{"Clint"} \text{ ou } \text{prenom}=\text{"Martin"}}(\text{PERSONNE}),$$

dont une traduction en SQL est

```
SELECT *
FROM PERSONNE
WHERE prenom = "Clint"
OR
prenom = "Martin";
```

## 4.8 Intersection

Quelles sont les personnes dont le prénom est «Clint» et le nom «Eastwood»? Pour cela, on peut réaliser l'intersection des deux relations.

**Définition — Intersection.** Soit  $R$  et  $S$  deux relations de même schéma relationnel (i.e., ayant les mêmes champs), alors l'intersection de  $R$  et de  $S$  est la relation

$$R \cap S = \{x \mid x \in R \text{ et } x \in S\}.$$

C'est donc une relation de même schéma que  $R$  et  $S$ .

En SQL, une intersection se traduit par l'instruction INTERSECT.

■ **Exemple** La table des personnes dont le prénom est «Clint» et le nom «Eastwood» s'obtient par l'opération.

$$\sigma_{\text{prenom}=\text{"Clint"}}(\text{PERSONNE}) \cap \sigma_{\text{nom}=\text{"Eastwood"}}(\text{PERSONNE})$$

La requête SQL traduisant cette union est

```
SELECT * FROM PERSONNE WHERE prenom = "Clint"
INTERSECT
SELECT * FROM PERSONNE WHERE nom = "Eastwood";
```

**R** On aurait pu remplacer l'intersection précédente par la sélection

$$\sigma_{\text{prenom}=\text{"Clint"} \text{ et } \text{nom}=\text{"Eastwood"}}(\text{PERSONNE}),$$

dont une traduction en SQL est SELECT \* FROM PERSONNE WHERE prenom = "Clint" AND nom = "Martin";

- R On aurait aussi pu remplacer l'intersection précédente par la composition de sélections

$$\sigma_{\text{prenom}=\text{"Clint"}}(\sigma_{\text{nom}=\text{"Eastwood"}}(\text{PERSONNE}))$$

dont une traduction en SQL est `SELECT * FROM (SELECT * FROM PERSONNE WHERE nom = "Eastwood") WHERE prenom = Clint;`

## 4.9 Différence

Quelles sont les identifiants des personnes qui n'ont réalisé aucun film ? Pour cela, on peut réaliser la différence des deux relations.

**Définition — Différence.** Soit  $R$  et  $S$  deux relations de même schéma relationnel (i.e., ayant les mêmes champs), alors la différence de  $R$  et de  $S$  est la relation

$$R \setminus S = \{x \mid x \in R \text{ et } x \notin S\}.$$

C'est donc une relation de même schéma que  $R$  et  $S$ .

En SQL, une différence se traduit par l'instruction `EXCEPT`.

- **Exemple** La table des identifiants des personnes n'ayant réalisé aucun film s'obtient par

$$\pi_{\text{id}}(\text{PERSONNE}) \setminus \rho_{\text{idrealisateur} \rightarrow \text{id}}(\pi_{\text{idrealisateur}}(\text{FILM})).$$

La requête SQL traduisant cette union est

```
SELECT id FROM PERSONNE
EXCEPT
SELECT idrealisateur AS id FROM FILM;
```

■

## 5 Division cartésienne en SQL

On veut l'ensemble des noms des personnes ayant joué dans **tous** les films de Clint Eastwood.

Malheureusement, il n'y a pas d'opérateur de division dans SQL !

On peut calculer d'abord l'ensemble des noms  $n$  de personnes n'ayant pas joué dans **tous** les films de Clint Eastwood (réalisateur n° 3), c'est-à-dire pour  $n$  tel qu'il existe au moins un film de Clint Eastwood dans lequel  $n$  n'a pas joué, puis calculer le complémentaire par différence.

C'est (horriblement) compliqué :

```
SELECT nom FROM PERSONNE
EXCEPT
SELECT DISTINCT nom FROM (
    SELECT nom, titre FROM
        (SELECT nom FROM PERSONNE),
        (SELECT titre FROM FILM WHERE idrealisateur=3)
    EXCEPT
    SELECT nom, titre FROM PERSONNE, FILM, JOUE
        WHERE idfilm=FILM.id AND idacteur = PERSONNE.id
        AND idrealisateur=3
);
```

et encore, notre requête :

1. utilise le id de Clint Eastwood;
2. est boguée en cas d'homonymes (on aurait dû faire des recherches sur les id et non les nom).

Deux façons de faire plus simple :

1. Faire autrement;
2. Décomposer la requête grâce à des vues.

Faire autrement : `SELECT nom FROM PERSONNE, FILM, JOUE WHERE idfilm=FILM.id AND idacteur = PERSONNE.id AND idrealisateur = 3 GROUP BY PERSONNE.id HAVING COUNT(*) = (SELECT COUNT(*) FROM FILM WHERE idrealisateur=3)`

- Résout le bogue précédent;
- En introduit un autre si le diviseur est vide (i.e. si le réalisateur 3 n'a réalisé aucun film).



Décomposer la requête grâce à des vues. – table des id des films de Clint Eastwood `CREATE VIEW FILMS_EASTWOOD AS SELECT FILM.id as idfilm FROM FILM, PERSONNE WHERE idrealisateur = PERSONNE.id AND nom = 'Eastwood' AND prenom = 'Clint'`; (crée une table virtuelle qui contiendra le résultat de cette requête; si le contenu des tables FILM et PERSONNE est modifié, la vue est modifiée)

– table des couples acteurs/films – pour les films de Clint Eastwood `CREATE VIEW ACTEURS_EASTWOOD AS SELECT id, nom, JOUE.idfilm FROM FILMS_EASTWOOD, JOUE, PERSONNE WHERE FILMS_EASTWOOD.idfilm = JOUE.idfilm AND idacteur=id`;

– produit cartésien `PERSONNE * FILMS_EASTWOOD` `CREATE VIEW PROD_PERSONNE_FILMS_EASTWOOD AS SELECT id, nom, idfilm FROM PERSONNE, FILMS_EASTWOOD`;

Et finalement, la requête s'écrit `SELECT id, nom FROM personne EXCEPT SELECT id, nom FROM ( SELECT * FROM PROD_PERSONNE_FILMS_EASTWOOD EXCEPT SELECT * FROM ACTEURS_EASTWOOD )`;  
(Ouf!)

## 6 Mis sous le tapis

En fait, SQL a quelques autres différences avec l'algèbre relationnelle :

- existence de requêtes agrégats en SQL;
- les résultats en SQL sont listes et non ensembles (utiliser l'instruction `DISTINCT` pour obtenir un ensemble à partir d'une liste).

## 7 Agrégats

On peut ajouter un opérateur d'agrégation à l'algèbre relationnelle.

**Définition — fonction d'agrégation.** Soit  $f$  une fonction prenant en argument une liste  $\mathcal{L}$  d'éléments de **dom**. On dit que  $f$  est une fonction d'agrégation si la valeur de  $f(\mathcal{L})$  ne dépend pas de l'ordre des éléments de  $\mathcal{L}$ .

En pratique, on prendra pour fonctions d'agrégation :

- la fonction de comptage (de la longueur de la liste) notée `count`;
- `max`;
- `min`;
- la fonction moyenne arithmétique des éléments de la liste notée `avg`;
- la fonction somme des éléments de la liste notée `sum`.

**Définition — opération d'agrégation.** Soit  $A_1, \dots, A_n$  et  $B_1, \dots, B_p$  des attributs,  $R$  une relation dont le champ contient au moins tous ces attributs et  $f_1, \dots, f_p$  des fonctions d'agrégation. Alors on note  $_{A_1, \dots, A_n} \gamma_{f_1(B_1), \dots, f_p(B_p)}(R)$  la relation obtenue :

- en regroupant les valeurs de  $R$  identiques sur les attributs  $A_1, \dots, A_n$ ;
- et en définissant de nouveaux attributs, notés  $f_i(B_i)$ , pour ces valeurs regroupées, pour tout  $i \in \llbracket 1, p \rrbracket$ , par application de la fonction d'agrégation  $f_i$  sur chacun de ces agrégats sur l'attribut  $B_i$ .

**R** Nous ne rentrerons pas dans le détail du schéma relationnel de cette relation.

■ **Exemple** Si l'on veut obtenir le nombre de films réalisés par chaque réalisateur (décrit par son identifiant), on utilise l'opération

`idrealisateur \gamma_{count(id)}(FILM)`.

La requête SQL traduisant cette agrégation est `SELECT idrealisateur, COUNT(id) FROM FILM GROUP BY idrealisateur`;

## 8 Conclusion

On a vu :

- algèbre relationnelle;
- (une partie de) SQL;
- le lien entre les deux.

## TD

Sources :

**Savoirs et compétences :**

- ❑ *BDD.C4 : Traduire dans le langage de l'algèbre relationnelle des requêtes écrites en langage courant*
- ❑ *BDD.C5 : Concevoir une base constituée de plusieurs tables, et utiliser les jointures symétriques pour effectuer des requêtes croisées*
- ❑ *BDD.S2 : Opérateurs usuels sur les ensembles dans un contexte de bases de données : union, intersection, différence.*
- ❑ *BDD.S3 : Opérateurs spécifiques de l'algèbre relationnelle : projection, sélection (ou restriction), renommage, jointure, produit et division cartésiennes ; fonctions d'agrégation : min, max, somme, moyenne, comptage.*