TP

Problèmes & Exercices

Sources : Banque PT

Savoirs et compétences :

Exercice 1 - Arithmétique

- Soit l'entier n = 1234. Quel est le quotient, noté q, dans la division euclidienne de n par 10? Quel est le reste? Que se passe-t-il si on recommence la division par 10 à partir de q?
- 2. Écrire la suite d'instructions calculant la somme des cubes des chiffres de l'entier 1234.
- 3. Écrire une fonction somcube, d'argument n, renvoyant la somme des cubes des chiffres du nombre entier n.
- 4. Trouver tous les nombres entiers inférieurs à 1000 égaux à la somme des cubes de leurs chiffres.
- 5. En modifiant les instructions de la fonction somcube, écrire une fonction somcube2 qui convertit l'entier n en une chaîne de caractères permettant ainsi la récupération de ses chiffres sous forme de caractères. Cette nouvelle fonction renvoie toujours la somme des cubes des chiffres de l'entier n.

&

Exercice 2 - Intégration

On cherche à calculer une valeur approchée de l'intégrale d'une fonction donnée par des points dont les coordonnées sont situées dans un fichier.

1. Le fichier ex_01.txt, contient des lignes écrites selon le modèle suivant:

0.0;1.00988282142 0.1;1.07221264497

Chaque ligne contient deux valeurs flottantes séparées par un point-virgule, représentant respectivement l'abscisse et l'ordonnée d'un point. Les points sont ordonnés par abscisses croissantes. Ouvrir le fichier en lecture, le lire et construire la liste LX des abscisses et la liste LY des ordonnées contenues dans ce fichier.

- 2. Représenter les points sur une figure.
- 3. Les points précédents sont situés sur la courbe représentative d'une fonction f. On souhaite déterminer une valeur approchée de l'intégrale I de cette fonction sur le segment où elle est définie. Écrire une fonction trapeze, d'arguments deux listes y

et x de même longueur n, renvoyant :

$$\sum_{i=1}^{n-1} (x_i - x_{i-1}) \frac{y_i + y_{i-1}}{2}.$$

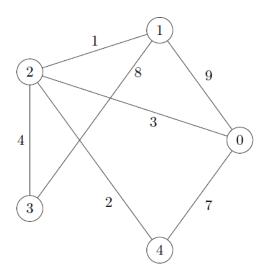
trapeze(LY, LX) renvoie donc une valeur approchée de l'intégrale I par la méthode des trapèzes.

4. En utilisant la méthode d'intégration numérique trapz de la sous-bibliothèque scipy.integrate du langage Python ou la méthode inttrap du logiciel Scilab, retrouver la valeur approchée de l'intégrale *I*.

Exercice 3

1

On considère le graphe G suivant, où le nombre situé sur l'arête joignant deux sommets est leur distance, supposée entière :



- 1. Construire la matrice $(M_{ij})_{0 \le i,j \le 4}$, matrice de distances du graphe G, définie par :
 - « pour tous les indices i, j, M_{ij} représente la distance entre les sommets i et j, ou encore la longueur de l'arête reliant les sommets i et j ».
 - On convient que, lorsque les sommets ne sont pas reliés, cette distance vaut -1. La distance du sommet i à lui-même est, bien sûr, égale à 0.



- 2. Écrire une suite d'instructions permettant de dresser à partir de la matrice M la liste des voisins du sommet 4.
- 3. Écrire une fonction voisins, d'argument un sommet *i*, renvoyant la liste des voisins du sommet *i*.
- 4. Écrire une fonction degre, d'argument un sommet i, renvoyant le nombre des voisins du sommet i, c'est-à-dire le nombre d'arêtes issues de i.
- 5. Écrire une fonction longueur, d'argument une liste L de sommets de G, renvoyant la longueur du trajet d'écrit par cette liste L, c'est-à-dire la somme des longueurs des arêtes empruntées. Si le trajet n'est pas possible, la fonction renverra –1.

Exercice 4 - Gestion de liste

Soit un entier naturel n non nul et une liste t de longueur n dont les termes valent 0 ou 1. Le but de cet exercice est de trouver le nombre maximal de 0 contigus dans t (c'est-à-dire figurant dans des cases consécutives). Par exemple, le nombre maximal de zéros contigus de la liste t1 suivante vaut 4:

i	0	1	2	3	4	5	6	7
t1[i]	0	1	1	1	0	0	0	1
i	8	9	10	11	12	13	14	
t1[i]	0	1	1	0	0	0	0	

1. Écrire une fonction nombreZeros (t,i), prenant en paramètres une liste t, de longueur n, et un indice i compris entre 0 et n-1, et renvoyant :

$$\begin{cases}
0, \text{ si } t[i] = 1 \\
\text{le nombre de zéros consécutifs dans t} \\
\text{à partir de t[i] inclus, si t[i]} = 0.
\end{cases}$$

Par exemple, les appels nombreZeros(t1,4), nombreZeros(t1,1) et nombreZeros(t1,8) renvoient respectivement les valeurs 3,0 et 1.

- 2. Comment obtenir le nombre maximal de zéros contigus d'une liste t connaissant la liste des nombreZeros(t,i) pour $0 \le i \le n-1$? En déduire une fonction nombreZerosMax(t), de paramètre t, renvoyant le nombre maximal de 0 contigus d'une liste t non vide. On utilisera la fonction nombreZeros.
- 3. Quelle est la complexité de la fonction nombreZerosMax(t) construite à la question précédente?
- 4. Trouver un moyen simple, toujours en utilisant la fonction nombreZeros, d'obtenir un algorithme plus performant.