



I DUNNO ...

Architecture matérielle et initiation à l'algorithmique Informatique

Chapitre 1-03 Structures algorithmiques

25 Septembre 2019

Savoirs et compétences :

Cours

- AA.C4: Comprendre un algorithme et expliquer ce qu'il fait
- AA.C5: Modifier un algorithme existant pour obtenir un résultat différent
- AA.C6: Concevoir un algorithme répondant à un problème précisément posé
- AA.C7: Expliquer le fonctionnement d'un algorithme
- AA.C8: Écrire des instructions conditionnelles avec alternatives, éventuellement imbriquées
- AA.S8: Instructions conditionnelles
- AA.S9 : Instructions itératives

	L'instruction conditionnelle	2
1.1	Algorithme	2
1.2	Syntaxe en Python	2
1.3	Exemple	2
1.4	À propos des conditions	2
1.5	Imbrication de plusieurs conditions	3
1.6	Syntaxe en Python	4
2	Boucles définies	4
2.1	Un programme très simple	4
2.2	Le principe DRY	4
2.3	Syntaxe en Python	5
2.4	Autre problème	5
2.5	Les intervalles d'entiers en Python	6
2.6	Les invariants de boucle	6
2.7	Un exemple : test de primalité	6
3	Boucles indéfinies ou conditionnelles	7
3.1	Algorithme	7
3.2	Syntaxe en Python	7
3.3	Exercices	8



1 L'instruction conditionnelle

1.1 Algorithme

Quand on veut écrire un programme, on souhaite établir des connections logiques entre les instructions. Ainsi, l'instruction conditionnelle a pour objet d'intervenir dans le choix de l'instruction suivante en fonction d'une expression booléenne qu'on désignera par **condition** :

```
Si condition
alors bloc d'instructions 1
sinon bloc d'instructions 2
Fin-du-Si
```

signifie que

- **Si** la condition est vérifiée (expression booléenne=True) **alors** le programme exécute les instructions du bloc 1;
- **si** la condition n'est pas vérifiée (expression booléenne=False) **alors** le programme exécute les instructions du bloc 2.

1.2 Syntaxe en Python

```
if condition :
    bloc d'instructions 1
else :
    bloc d'instructions 2
```

- Si et Sinon se traduisent par if et else.
- alors se traduit par «:» en bout de ligne et une indentation de toutes les lignes du bloc 1.
- Fin-du-Si se traduit par un retour à la ligne sans indentation.

1.3 Exemple

On veut tester si un nombre x est proche de 3 à 10^{-4} près. On peut alors écrire la fonction suivante.

```
def est_proche(x):
    """x est proche de 3 à 10**-4 près ?"""
    distance = abs(x-3)
    if distance <= 10**(-4) :
        return True
    else :
        return False</pre>
```

- La partie **sinon** est optionnelle. Sans elle, si la condition n'est pas vérifiée, alors la machine n'exécute rien.
- On pouvait très bien remplacer cette boucle conditionnelle avec un usage astucieux des booléens, comme suit.

```
def est_proche(x):
    """x est proche de 3 à 10**-4 près ?"""
    distance = abs(x-3)
    return distance <= 10**(-4)</pre>
```

La fonction est alors plus concise, mais plus difficilement lisible.

1.4 À propos des conditions

L'expression booléenne derrière le **si** joue le rôle de test. Pour exprimer cette condition, on a besoin des **opérateurs de comparaison** (inférieur strict, supérieur strict, inférieur ou égal, supérieur ou égal, égal à, différent de) et des **connecteurs logiques** (non, et, ou).

• Calcul du carré d'un nombre positif.

```
>>> a=2
>>> b=3
>>> a+b
```



Comprenez-vous le message d'erreur?

```
>>> x=4
 >>> if x >= 0 :
          car = x**2
  . . .
 >>> car
 16
• Condition avec un « et ».
```

```
>>> x = -5
>>> if x>= 0:
       carr = x**2
... carr
 File "<stdin>", line 3
   carr
```

SyntaxError: invalid syntax

Imbrication de plusieurs conditions

On peut se trouver face à un problème qui se scinde en plus de deux cas (par exemple, dans le cas des équations du second degré, on teste si le discriminant est strictement positif, nul ou strictement négatif). Dans ce cas, voici comment procéder:

```
Si condition 1
      alors bloc d'instructions 1
      sinon si condition 2
                     alors bloc d'instructions 2
                     sinon si condition 3
                             alors bloc d'instructions 3
                             sinon bloc final
Fin-du-Si
```

signifie que

- si la condition 1 est vérifiée (expression booléenne=*True*) alors le programme exécute les instructions du bloc 1
- si la condition 1 n'est pas vérifiée (expression booléenne=False) mais que la condition 2 est

alors le programme exécute les instructions du bloc 2

- si les conditions 1 et 2 ne sont pas vérifiées mais que la condition 3 est vérifiée alors le programme exécute les instructions du bloc 3...
- si aucune condition n'est vérifiée alors le programme exécute les instructions du bloc final



- Si la condition 1 est vérifiée, le programme ne se préoccupe pas des conditions suivantes.
- Chaque sinon si agit comme un filtre. L'ordre de ces filtres est important. Ainsi, les séquences d'instructions :

```
x < -3
\mathbf{Si} \times \mathbf{6}
        alors renvoyer x + 2
        sinon si x > 4
                          alors renvoyer x + 4
                          sinon si x > 2
                                   alors renvoyer x + 6
                                   sinon renvoyer x
Fin-du-Si
```



```
x < -3

Si x > 6

alors renvoyer x + 2

sinon si x > 2

alors renvoyer x + 6

sinon si x > 4

alors renvoyer x + 4

sinon renvoyer x
```

ne renvoient pas la même chose.

1.6 Syntaxe en Python

```
if condition 1 :
        bloc d'instructions 1
elif condition 2 :
        bloc d'instructions 2
elif condition 3 :
        bloc d'instructions 3
.
.
else :
        bloc final
```

• Sinon si se traduit par elif.

Écrire les deux séquences d'instructions de la remarque **1.5** en Python, et constater que l'on obtient bien deux résultats différents.

Voici une fonction qui calcule le maximum de trois entiers a, b, c:

```
def max3 (a, b, c) :
    """ renvoie le maximum de a, b ,c.
    précondition : a, ,b et c sont 3 entiers """
    if a <= c and b <= c :
        return c
    elif a <= b and c < b :
        return b
    else :
        return a</pre>
```

2 Boucles définies

2.1 Un programme très simple

Écrivons un programme pour saluer la classe (disons les 8 premiers élèves) :

```
print('Bonjour Baptiste')
print('Bonjour Lisa')
print('Bonjour Pierrick')
print('Bonjour Louise-Eugénie')
print('Bonjour Qasim')
print('Bonjour Lorenzo')
print('Bonjour Arthur')
print('Bonjour Ylies')
```

Mais combien de travail faut-il faire si:

- On veut dire bonsoir et non bonjour?
- On veut dire «Baptiste, comment vas-tu? etc.» et non «Bonjour Baptiste, etc.»?

Et s'il y a 500 élèves?

2.2 Le principe DRY

«Don't Repeat Yourself» est une philosophie en programmation informatique consistant à éviter la redondance de code au travers de l'ensemble d'une application afin de faciliter la maintenance, le test, le débogage et les évolutions



de cette dernière.

La philosophie DRY est explicitée par la phrase suivante :

«Dans un système, toute connaissance doit avoir une représentation unique, non-ambiguë, faisant autorité ».

Ici le programme devrait :

- définir la liste des prénoms auxquels dire bonjour;
- dire qu'on veut effectuer un même traitement sur tous les prénoms;
- dire que ce traitement consiste à afficher «Bonjour» suivi du prénom.

Nous avons déjà vu comment définir une liste :

```
prenoms = [ 'Baptiste', 'Lisa', 'Pierrick',\
'Louise-Eugénie', 'Qâsim', 'Lorenzo', 'Arthur', 'Ylies' ]
```

Il faut maintenant s'occuper des deux points suivants : définir le traitement à effectuer sur chacun de ces prénoms, et l'**itérer**. Pour cela nous allons utiliser une **boucle itérative définie**, autrement dit nous allons **répéter** l'application d'une même séquences d'instructions sur une liste **définie à l'avance** :

Pour variable dans liste répeter bloc d'instructions b Fin-de-la-boucle

signifie que

pour chaque élément de la liste liste, le programme exécute les instructions du bloc b.

2.3 Syntaxe en Python

```
for variable in liste :
   instructions
```

Ici encore, la ligne contenant le mot-clé **for** doit se finir par un « : » et les instructions du bloc doivent être indentées. La fin de la boucle est marquée par un retour à la ligne non indenté.

Maintenant que la liste prenoms est définie, dire bonjour à nos huit élèves s'écrit ainsi :

```
for x in prenoms:
    print('Bonjour ' + x)
```

2.4 Autre problème ...

On souhaite calculer u_{20} où u est la suite définie par

$$u_0 = 5$$

$$\forall n \in \mathbb{N} \ u_{n+1} = 2u_n - n - 3$$

Il y a deux approches possibles:

- 1. Résoudre ça mathématiquement, c'est-à-dire déterminer une expression de u_n en fonction de n, avant de faire une application numérique.
- 2. Calculer de proche en proche u_1 , u_2 , u_3 , u_4 ··· et enfin u_{20} .

La première méthode est la meilleure si on sait faire.

La seconde promet d'être longue et pénible, surtout si l'on vous demande de calculer u_{10000} . Mais là encore la boucle itérative va nous aider.

On peut proposer un algorithme du type: