# Architecture matérielle et initiation à l'algorithmique Chapitre 5 et 6– TP 06

Informatique

## **TP 06**

# Tableaux et chaines de caractères Savoirs et compétences :

- 🗖 AA.C9 : Choisir un type de données en fonction d'un problème à résoudre
- ☐ AA.S11 : Manipulation de quelques structures de données.

#### 1. Lisez attentivement tout l'énoncé avant de commencer.

- 2. Commencez la séance en créant un dossier au nom du TP dans le répertoire dédié à l'informatique de votre compte.
- 3. Après la séance, vous devez rédiger un compte-rendu de TP et l'envoyer au format électronique à votre enseignant.
- 4. Vous rendrez un compte-rendu sous forme d'un fichier d'extension . py, ainsi que des images au format PNG, en respectant exactement les spécifications données plus bas.
- 5. Ce TP est à faire en binôme, vous ne rendrez donc qu'un compte-rendu pour deux.
- 6. Ayez toujours un crayon et un papier sous la main. Quand vous réfléchissez à une question, utilisez les!
- 7. Vous devez être autonome. Ainsi, avant de poser une question à l'enseignant, merci de commencer par :
  - relire l'énoncé du TP (beaucoup de réponses se trouvent dedans);
  - relire les passages du cours <sup>1</sup> relatifs à votre problème;
  - effectuer une recherche dans l'aide disponible sur votre ordinateur (ou sur internet) concernant votre question.

Il est alors raisonnable d'appeler votre enseignant pour lui demander des explications ou une confirmation! Le but de ce TP est d'apprendre à représenter des fonctions avec Python, en prenant comme exemple l'approximation d'un signal par les séries de Fourier (un cadre déjà vu en physique).

### Instructions de rendu

Attention: suivez précisément ces instructions. Votre fichier portera un nom du type

où les noms de vos enseignants sont à remplacer par ceux des membres du binôme. Le nom de ce fichier ne devra comporter ni espace, ni accent, ni apostrophe, ni majuscule. Dans ce fichier, vous respecterez les consignes suivantes.

- Écrivez d'abord en commentaires (ligne débutant par #), le titre du TP, les noms et prénoms des étudiants du groupe.
- Commencez chaque question par son numéro écrit en commentaires.
- Les questions demandant une réponse écrite seront rédigées en commentaires.
- Les questions demandant une réponse sous forme de fonction ou de script respecteront pointilleusement les noms de variables et de fonctions demandés.

Les figures demandées porteront toutes un nom du types tp05\_durif\_kleim\_num.png, où les noms de vos enseignants sont à remplacer par ceux des membres du binôme et où

- num vaut q04 pour la question 1;
- num vaut q05 pour la question 1;
- num vaut q08 pour la question 2;
- num vaut q11 pour la question 2 (question facultative).
- 1. Dans le cas fort improbable où vous ne vous en souviendriez pas.



## 1 Tracé d'une fonction simple

En utilisant Python on peut tracer de nombreux types de graphiques. Nous allons utiliser une bibliothèque regroupant de (très) nombreuses fonctions de tracé: matplotlib. En fait, cette bibliothèque est bien trop vaste, nous n'utiliserons que sa sous-bibliothèque matplotlib.pyplot.

Commencez par ouvrir votre IDE, puis créez un script nommé tp05\_ex\_sin.py. Recopiez dedans le script suivant.

```
import matplotlib.pyplot as plt
from numpy import sin

n = 20
x = [k*10/n for k in range(n)]
y = [sin(t) for t in x]

plt.clf()
plt.plot(x,y,label='sin(x)')
plt.xlabel('x')
plt.legend(loc=0)
plt.title('Tracé du sinus sur [0,10]')
plt.savefig('tp05_ex_sin.png')
```

Éxécutez ce script et vérifiez que la figure créée est en tout point semblable à celle présente sur le site de classe.

- Q1: Quel est le type de x?
- Q2: Comment Python représente-t-il graphiquement une fonction?
- Q3: Où le tracé s'arrête-t-il? Pourquoi?

On rappelle que l'on peut simplement créer une liste d'abscisses en utilisant la fonction linspace de la bibliothèque de calcul numpy.

Chargez cette fonction dans l'interpréteur interactif par la commande

```
from numpy import linspace
```

puis consultez son manuel par la commande help(linspace).

Q4: Écrire une fonction ex\_sin(nom\_de\_fichier) permettant tracer de manière plus appropriée la courbe de l'exemple précédent et qui enregistre l'image produite dans le fichier nom\_de\_fichier. Vous produirez alors une image, que vous enverrez à votre enseignant.

<u>Indication</u>: Attention au type de nom\_de\_fichier! Notamment, on supposera que l'extension du fichier est déjà présente dans nom\_de\_fichier.

Q 5: Écrire une fonction transitoire (A, nom\_de\_fichier) qui enregistre dans le fichier nom\_de\_fichier le graphe des fonctions

$$t \mapsto A \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

sur [0, 10], pour chaque  $\tau \in \left\{\frac{1}{2}; 1; 2; 4; 8\right\}$ . Vous produirez une image (vous choisirez A), que vous enverrez à votre enseignant.

Indication : Attention au type de nom\_de\_fichier!

### 2 Synthèse de Fourier

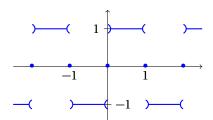
On s'intéresse maintenant à l'approximation d'un signal périodique par des fonctions trigonométriques. On considère sur  $\mathbb{R}$  la fonction créneau, impaire et périodique de période 2, définie par C(1) = 0 et sur [0,1] par

$$C: t \mapsto 1$$

Soit aussi la fonction triangle, définie sur  $\mathbb{R}$ , paire et périodique de période 2, définie sur [0,1] par

$$T: t \mapsto 1-2t$$
.





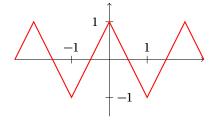


FIGURE 1 - Signal créneau et signal triangulaire.

Ces deux fonctions sont représentées sur la figure 1.

On peut montrer que, en tout réel t où C est continue,

$$C(t) = \frac{4}{\pi} \sum_{p=0}^{+\infty} \frac{1}{2p+1} \sin((2p+1)\pi t).$$

De même, pour tout  $t \in \mathbb{R}$ ,

$$T(t) = \frac{8}{\pi^2} \sum_{p=0}^{+\infty} \frac{1}{(2p+1)^2} \cos((2p+1)\pi t).$$

Ce symbole  $\sum_{p=0}^{+\infty}$  doit être vu comme une limite et sera défini dans le cours de mathématiques. On approche alors, pour tout  $t \in \mathbb{R}$ , C(t) et T(t) respectivement par les sommes

$$C_n(t) = \frac{4}{\pi} \sum_{p=0}^{n} \frac{1}{2p+1} \sin((2p+1)\pi t)$$

et

$$T_n(t) = \frac{8}{\pi^2} \sum_{n=0}^{n} \frac{1}{(2p+1)^2} \cos((2p+1)\pi t).$$

Les physiciens appellent le terme en p = 0 le fondamental et les autres termes les harmoniques.

**Q6:** Écrire une fonction creneau(t) renvoyant la valeur de C(t) (pour t réel). Indication: on pourra considérer la parité de la partie entière de t.

**Q7:** Écrire une fonction  $sp\_creneau(n,t)$  renvoyant la valeur de  $C_n(t)$  (pour n entier et t réel).

**Q8:** Écrire une fonction fourier\_creneau (nom\_de\_fichier) ne renvoyant rien et enregistrant dans nom\_de\_fichier le graphe sur l'intervalle [0,4] de C, celui de son fondamental (<u>i.e</u>,  $C_0$ ), ainsi que ceux de  $C_3$ ,  $C_5$  et  $C_{100}$ . Vous produirez une image, que vous enverrez à votre enseignant.

Pour les plus rapides, voici des questions supplémentaires.

**Q9:** Écrire une fonction triangle(t) renvoyant la valeur de T(t) (pour t réel).

**Q 10:** Écrire une fonction  $sp_triangle(n,t)$  renvoyant la valeur de  $T_n(t)$  (pour n entier et t réel).

**Q 11:** Écrire une fonction fourier\_triangle(nom\_de\_fichier) ne renvoyant rien et enregistrant dans nom\_de\_fichier le graphe sur l'intervalle [0,4] de T, celui de son fondamental  $(\underline{i.e}, T_0)$ , ainsi que ceux de  $T_0$ ,  $T_0$  et  $T_{100}$ . Vous produirez une image, que vous enverrez à votre enseignant.