

1 Pile

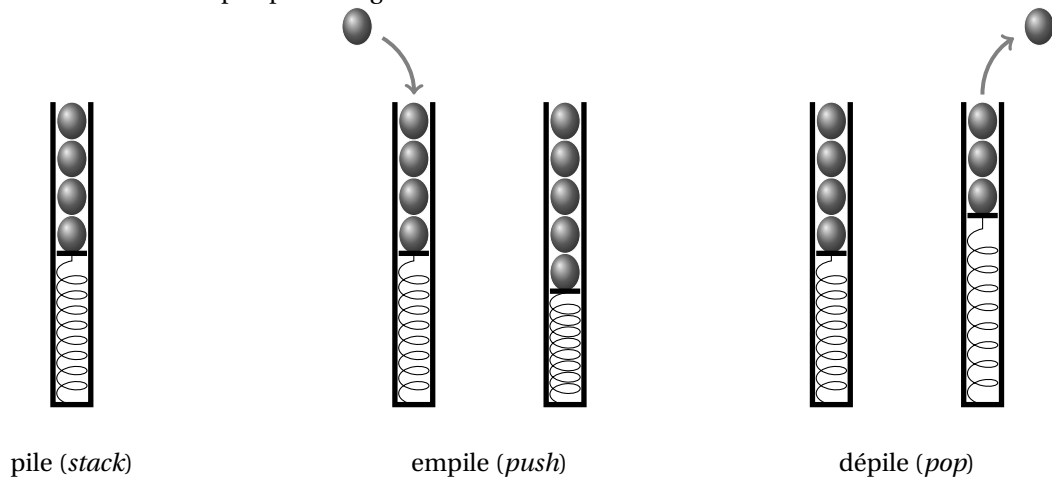
1.1 Présentation

Définition Pile Une pile est une structure de données dans laquelle le dernier élément stocké est le premier à en sortir. On parle de principe *LIFO* pour *Last In First Out*. Le dernier élément stocké est appelé **sommet**.

Pour gérer une pile, indépendamment de la façon dont elle est implémentée, on suppose exister les opérations élémentaires suivantes :

- `cree_pile()` qui crée une pile vide;
- `empile(p, x)` qui empile l'élément `x` au sommet de la pile `p`;
- `depile(p)` qui supprime le sommet de la pile `p` et renvoie sa valeur;
- `est_vide(p)` qui teste si la pile est vide.

On peut illustrer la structure de pile par l'image suivante.



Théoriquement, chacune de ces opérations doit se faire à **temps constant** (complexité notée $\mathcal{O}(1)$). Une des possibilités pour implémenter les piles est d'utiliser le module `deque`. Chacun des éléments de la pile peut être un objet de type différent.

```
from collections import deque

# Création d'une pile vide
pile = deque()

# Test si une pile est vide
len(pile) == 0

# Ajout de l'élément Truc au sommet de la pile
pile.append("Truc")

# Suppression (et renvoi) du sommet d'une pile non vide
sommet = pile.pop()
```

1.2 Applications directes

- **Exemple**
 1. En utilisant le module `deque` et uniquement les 4 opérations précédemment définies, donner l'implémentation de la fonction `copy_pile(p: pile) -> pile`, permettant de faire une copie de la pile.
 2. Donner la complexité de cette fonction.

- **Exemple** 1. En utilisant le module `deque` et uniquement les 4 opérations précédemment définies, donner l'implémentation de la fonction `hauteur(p: pile) -> int` renvoyant la hauteur de la pile. Attention, la pile initiale ne doit pas être perdue.
2. En utilisant le module `deque` et uniquement les 4 opérations précédemment définies, donner l'implémentation de la fonction récursive `hauteur_rec(p: pile) -> int` renvoyant la hauteur de la pile. La pile initiale peut être perdue, l'utilisateur de la fonction pourra avoir fait une copie préalable.
3. Donner la complexité de cette fonction.

- **Exemple** En utilisant le module `deque` et uniquement les 4 opérations précédemment définies, donner l'implémentation de la procédure `reverse(p: pile) -> None`, procédure pour laquelle les éléments de la pile sont inversés. Donner la complexité de cette fonction.

```
def reverse(pile):
    pile_tmp = deque()
    pile_tmp2 = deque()

    while pile :
        pile_tmp.append(pile.pop())
    while pile_tmp :
        pile_tmp2.append(pile_tmp.pop())
    while pile_tmp2 :
        pile.append(pile_tmp2.pop())
```

2 File

2.1 Présentation

Définition File Une file est une structure de données dans laquelle le premier élément stocké est le premier à en sortir. On parle de principe *FIFO* pour *First In First Out*.

Pour gérer une file, indépendamment de la façon dont elle est implémentée, on suppose exister les opérations élémentaires suivantes :

- création d'une file vide;

- test si une file est vide;
- rajout d'un élément dans la file;
- suppression (et renvoi) du premier élément inséré dans la file.

Théoriquement, chacune de ces opérations doit se faire à **temps constant**.

Une des possibilités pour implémenter les files est d'utiliser le module `deque`. Chacun des éléments de la file peut être un objet de type différent. Dans cette vision des files, les éléments sont ajoutés « à droite » et sortent de la file « par la gauche ».

```
from collections import deque

# Création d'une file vide
file = deque()

# Teste si une pile est vide
len(file) == 0

# Ajoute l'élément Truc dans la file
file.append("Truc")

# Suppression (et renvoi) du premier élément inséré dans la file
sommet = file.popleft()
```

2.2 Applications directes

- **Exemple** 1. En utilisant le module `deque` et uniquement les 4 opérations précédemment définies, donner l'implémentation de la fonction `copy_file(f: file) -> file`, permettant de faire une copie de la file.
- 2. Donner la complexité de cette fonction.

- **Exemple** 1. En utilisant le module `deque` et uniquement les 4 opérations précédemment définies, donner l'implémentation de la fonction `longueur(f: file) -> int` renvoyant la longueur de la file. Attention, la file initiale ne doit pas être perdue.
- 2. Donner la complexité de cette fonction.

■ **Exemple** En utilisant le module `deque` et uniquement les 4 opérations précédemment définies, donner l'implémentation de la procédure `reverse(f: file) -> None`, procédure pour laquelle les éléments de la file sont inversés. Donner la complexité de cette fonction. ■