TP 06

Fonctions récursives

Savoirs et compétences :

- AA.C9: Choisir un type de données en fonction d'un problème à résoudre

Activité 1 – Introduction et définition

Définitions

Définition Une fonction récursive est une fonction qui s'appelle elle-même.

On appelle récursion l'appel de la fonction à elle-même.

La programmation est un paradigme de programmation au même titre que la programmation itérative. Un programme écrit de manière récursive peut être traduit de manière itérative, même si dans certain cas, cela peut s'avérer délicat.

Méthode • Une fonction récursive doit posséder une condition d'arrêt (ou cas de base).

- Une fonction récursive doit s'appeler elle-même (récursion).
- L'argument de l'étape de récursion doit évoluer de manière à se ramener à la condition d'arrêt.

Exemples

Suites récurrentes

tes récurrentes $\text{Soit la suite } u_n \text{ définie par récurrence pour tout } n \in \mathbb{N}^* \text{ par } \left\{ \begin{array}{l} u_1 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n + 6}{u_n + 2} \end{array} \right. .$

```
def un_it (n : int) -> float :
    if n == 1:
         return 1
    else :
        u = 1
         for i in range(2,n+1):
             \mathbf{u} = (\mathbf{u}+6)/(\mathbf{u}+2)
         return u
```

```
def un_rec (n : int) -> float :
   if n == 1:
       return 1
   else:
      return (un_rec(n-1)+6)/(un_rec(n/
           -1)+2)
```

Activité 2 – Programmation de la factorielle n!

On rappelle la définition de la factorielle :

$$n! = \prod_{i=1}^{n} i$$
 et

$$n! = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 0 \\ n \times (n-1)! & \text{si } n \ge 1 \end{cases}$$

Question 1 Proposer une fonction $fact_{it}(n:int)$ ->int renvoyant la factorielle de n par une méthode itérative

1



Question 2 Proposer une fonction $fact_rec(n:int)$ ->int renvoyant la factorielle de n par une méthode récursive

Activité 3 - Recherche dichotomique

On se donne une liste L de nombres de longueur n, triée dans l'ordre croissant, et un nombre x0.

Pour chercher x0, on va couper la liste en deux moitiés et chercher dans la moitié de tableau qui encadre x0 et ainsi de suite...

On appelle g l'indice de l'élément du début de la sous-liste dans laquelle on travaille et d l'indice de l'élément de fin.

Au début, g = 0 et d = n - 1. On utilise la méthode suivante :

- on compare x0 à « l'élément du milieu » L[m] avec m = (g + d) // 2;
- si x0 = L[m], on a trouvé x0, on peut alors s'arrêter;
- si x0 < L[m], c'est qu'il faut chercher entre L[g] et L[m-1];
- si x0 > L [m], c'est qu'il faut chercher entre L [m+1] et L [d].

On poursuit jusqu'à ce qu'on a trouvé x0 ou lorsque l'on a épuisé la liste L.

On donne l'algorithme de recherche dichotomique construit avec une méthode itérative.

```
def dichotomie(x0,L):
    g=0
    d=len(L)-1
    m=(g+d)//2
    print(g,d,m,L[m]<x0,L[m]==x0)
    while g<=d:
        if L[m]==x0:
            return True
        elif L[m]<x0:
            g=m+1
        else:
            d=m-1
            m=(g+d)//2
            print(g,d,m,L[m]<x0,L[m]==x0)
    return False</pre>
```

Question 3 Écrire une fonction dichotomie_rec(x0,L) qui renvoie True ou False selon que x0 figure ou non dans L par cette méthode. On utilisera une boucle while que l'on interrompra soit lorsque l'on a trouvé x0, soit lorsque l'on a fini de parcourir la liste.

Activité 4 – Recherche de palindrome

On appelle palindrome un mot qui peut se lire indifféremment de gauche à droite ou de droite à gauche. Ainsi par exemple *radar*, *rotor* ou kayak sont trois palindromes.

Question 4

Écrire une fonction récursive palindrome (x:str) -> bool prenant en paramètre une chaîne de caractère x et qui retourne True si il s'agit d'un palindrome et False sinon. (Les espaces seront gérés comme de simples caractères). Pour cela on remarquera que :

- tout mot de longueur ≤ 1 est un palindrome;
- un mot est un palindrome si et seulement si ses premier et dernier caractères sont identiques et son sous-mot allant du 2ème caractère jusqu'à l'avant dernier est un palindrome.

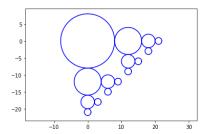
Activité 5 – Bubble bobble

On suppose disposer d'une fonction circle (coords:list, r:float) -> None qui trace à l'écran un cercle de centre coords=(x,y) et de rayon r.

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
def circle(coords:list, r:float) -> None :
    X, Y = [], []
    for t in range(101):
        X.append(coords[0]+r*np.cos(t*np.pi/50))
        Y.append(coords[1]+r*np.sin(t*np.pi/50))
    plt.plot(X, Y, 'b')
```



Question 5 Définir la fonction bubble 1(n:int, x:float, y:float, r:float) -> None permettant de tracer la figure suivante.



Question 6 Définir la fonction bubble 2(n:int, x:float, y:float, r:float, d:str) -> None permettant de tracer la figure suivante.

