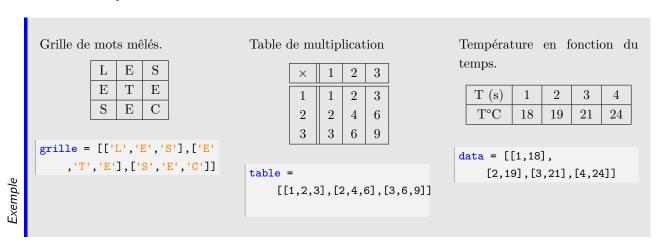
# Fiche 3 - Boucles imbriquées.

Thème : Algorithmes opérant sur une structure séquentielle par boucles imbriquées. Commentaires :

- recherche d'un facteur dans un texte;
- recherche des deux valeurs les plus proches dans un tableau;
- tri à bulles:
- notion de complexité quadratique
- outils pour valider la correction de l'algorithme

### 1 Parcours d'une liste de listes

Les listes de listes permettent de mettre les données en deux dimensions.



Pour parcourir les éléments d'un tableau on procède de la même façon que pour une recherche séquentielle. Prenons l'exemple d'un tableau tab de n lignes et p colonnes.

#### Utilisation de boucles while

```
n = len(tab)
p = len(tab[0])
i,j = 0,0
while i<n :
    while j<p :
        print(tab[i][j])
        j = j+1
    j=0
    i = i+1</pre>
```

#### Utilisation de boucles for

```
n = len(tab)
p = len(tab[0])
for i in range(n) :
    for j in range(p) :
        print(tab[i][j])
```

#### Écriture de boucles for en Python

```
for t in tab :
   for e in t :
     print(e)
```

#### Remarque:

Il est possible de dénombrer le nombre d'itérations réalisées par les algorithmes ci-dessus. Dans chaque cas, la première boucle est réalisée n fois. La seconde boucle, imbriquée dans la première est parcourue p fois. On peut donc dénombrer le nombre de fois que la fonction **print** est appelée :  $n \times p$ .

Une estimation grossière du nombre d'opérations réalisées en tout est donc  $n \times p$ . On dit que la complexité dans ces algorithmes, dans le pire des cas est  $\mathcal{O}(np)$ . Si n = p, la complexité est de  $\mathcal{O}(n^2)$ . On parle de complexité quadratique.

## 2 Recherche de facteur dans un mot

Rechercher un facteur dans un mot signifie rechercher une (sous-)chaîne de caractères dans une chaîne de caractères (ou encore un mot dans une chaîne).

```
def recherche_01(m:str, s:str) -> bool:
   """Recherche le mot m dans la chaine s
      Préconditions : m et s sont des chaines de caractères"""
   long_s = len(s) # Longueur de s
   long_m = len(m) # Longueur de m
   for i in range(long_s-long_m+1):
       # Invariant : m n'a pas été trouvé dans s[0:i+long m-1]
       j = 0
       while j < long_m \text{ and } m[j] == s[i+j]:
           \# Invariant : m[:j] == s[i:i+j]
           j = j+1
           \# Invariant : m[:j] == s[i:i+j]
       if j == long_m:
           \# Invariant précédent : m == s[i:i+long_m]
          return True
   return False
```

Cet algorithme est simplifiable en utilisant le slicing.

```
def recherche_02(m:str, s:str) -> bool:
    """Recherche le mot m dans la chaine s
    Préconditions : m et s sont des chaines de caractères"""
long_s = len(s) # Longueur de s
long_m = len(m) # Longueur de m
for i in range(long_s-long_m+1):
    # Invariant : m n'a pas été trouvé dans s[0:i+long_m-1]
    if s[i:i+long_m] == m: # On a trouvé m
        return True
return False
```

En utilisant les possibilités de Python, il est possible de simplifier encore l'algorithme.

```
def recherche_03(m:str, s:str) -> bool:
    """Recherche le mot m dans la chaine s
    Préconditions : m et s sont des chaines de caractères"""
    return m in s
```

# 3 Activités préparatoires

Pour réaliser l'activité associée à ce cours, suivre le lien suivant : https://bit.ly/3AmRgdHhttps://colab.research.google.com/drive/1Hcfp061L5QAuF5oupwehUPd3JI-JkYRS?usp=sharing