

Thèmes d'étude

Recherche séquentielle Structures imbriquées **Utilisation Modules**

Exercice 1 - Surfing Porquerolles

D'après Concours Mines Ponts 2018.

Objectif

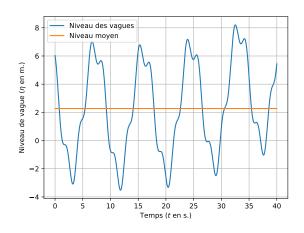
- Lire un fichier texte.
- Analyser les données d'un fichiers.

Analyse vague par vague

On considère ici que la mesure de houle est représentée par un signal $\eta(t) \in \mathbb{R}$, $t \in [0, T]$, avec η une fonction C^1 . On appelle niveau moyen m la moyenne de $\eta(t)$ sur [0, T]. On définit $Z_1, Z_2, ..., Z_n$ l'ensemble (supposé fini) des Passages par le Niveau moyen en Descente (PND) (voir Figure suivante). À chaque PND, le signal traverse la valeur m en descente. On suppose $\eta(0) > m$ et $\frac{d\eta}{dt}(0) > 0$. On en déduit que $\eta(t) - m \ge 0$ sur $[0, Z_1]$. Les hauteurs de vagues H_i sont définies par les différences :

$$\begin{cases} H_1 = \max_{t \in [0, Z_1]} \eta(t) - \min_{t \in [Z_1, Z_2]} \eta(t) \\ H_i = \max_{t \in [Z_{i-1}, Z_i]} \eta(t) - \min_{t \in [Z_{i-1}, Z_{i+1}]} \eta(t) \\ \text{pour } 2 \le i < n \end{cases}$$

On définit les périodes de vagues par $T_i = Z_{i+1} - Z_i$.



Le fichier vagues. txt contient un relevé des niveaux d'eau mesurés par une bouée au large de Porquerolles. (Pour ne pas se mentir, on a plutôt généré un profil qui pourrait vaguement ressembler à un tel relevé.)

Il est constitué de deux colonnes, séparées par une virgule, la première colonne correspondant à une mesure de temps (en secondes), la seconde colonne correspondant à une mesure de niveau de hauteur d'eau (en mètres).

Question 1 *Écrire une fonction*

lire_fichier(file: str) -> list, list prenant comme argument le nom d'un fichier et renvoyant la liste vagues que l'on notera liste_niveaux.

Question 2 Écrire une fonction trace_vagues(file: str) -> None prenant comme argument le nom d'un fichier affichant le profil des vagues en fonction du temps.

Question 3 *Écrire une fonction* movenne(liste_niveaux: list) -> float prenant comme argument une liste non vide liste_niveaux, et retournant sa valeur moyenne.

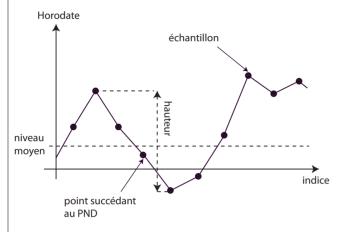
Question 4 *Écrire une fonction*

ind_premier_pzd(liste_niveaux: list) -> int retournant, s'il existe, l'indice du premier élément de la liste tel que cet élément soit supérieur à la moyenne et l'élément suivant soit inférieur à la moyenne. Cette fonction devra retourner -1 si aucun élément vérifiant cette condition n'existe.

Question 5 Écrire une fonction

ind_dernier_pzd(liste_niveaux: list) -> int retournant l'indice i du dernier élément de la liste tel que cet élément soit supérieur à la moyenne et l'élément suivant soit inférieur à la moyenne. Cette fonction devra retourner -2 si aucun élément vérifiant cette condition n'existe.

On souhaite stocker dans une liste successeurs, les indices des points succédant (strictement) aux PND (voir figure suivante).



Question 6 *Écrire une fonction* construction_successeurs(liste_niveaux: list) -> list retournant la liste successeurs.

Question 7 Écrire une fonction

decompose_vagues(liste_niveaux: list) -> list qui permet de décomposer une liste de niveaux en liste de vagues. On omettra les données précédant le premier PND et celles succédant au dernier PND. Ainsi decompose_vagues([1, -1, -2, 2, -2, -1, 6, 4, -2, -5]) (noter que cette liste est de moyenne nulle) retournera [[-1, -2, 2], [-2, -1, 6, 4]].

On désire maintenant caractériser les vagues. des temps que l'on notera les_t et la liste des niveaux de | Ainsi, on cherche à concevoir une fonction



proprietes (liste_niveaux: list) -> list retournant une liste de listes à deux éléments [Hi,Ti] permettant de caractériser chacune des vagues i par ses attributs:

- Hi, sa hauteur en mètres (m);
- Ti, sa période en secondes (s).

Question 8 Écrire une fonction

proprietes (liste_niveaux: list, dt:float)
-> list réalisant cet objectif. dt représente la durée entre deux échantillons de la liste des temps obtenu à la question
2. On pourra utiliser les fonctions de Python max(L) et min(L) qui retournent le maximum et le minimum d'une liste L, respectivement.

Contrôle des données

Plusieurs indicateurs sont couramment considérés pour définir l'état de la mer. Parmi eux, on note :

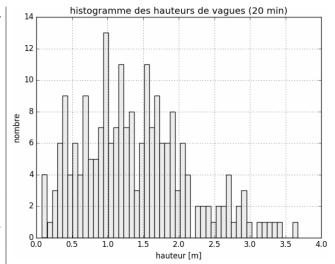
- H_{max} : la hauteur de la plus grande vague observée sur l'intervalle d'enregistrement [0, T];
- $H_{1/3}$: la valeur moyenne des hauteurs du tiers supérieur des plus grandes vagues observées sur [0, T];
- $T_{H1/3}$: la valeur moyenne des périodes du tiers supérieur des plus grandes vagues observées sur [0, T].

Question 9 Écrire une fonction

 $H_{max}(liste_niveaux: list, dt: float) -> float prenant en argument la liste liste_niveaux de la question renvoyant <math>H_{max}$.

Afin de déterminer $H_{1/3}$ et $T_{H1/3}$, il est nécessaire de trier la liste des propriétés des vagues.

La distribution des hauteurs de vague (voir figure suivante) lors de l'analyse vague par vague est réputée être gaussienne. On peut contrôler ceci par des tests de skewness (variable désignée par *S*) et de kurtosis (variable désignée par *K*) définis ci-après. Ces deux tests permettent de quantifier respectivement l'asymétrie et l'aplatissement de la distribution.



On appelle \overline{H} et σ^2 les estimateurs non biaisés de l'espérance et de la variance, n le nombre d'éléments $H_1, H_2, ..., H_n$.

On définit alors:

$$S = \frac{n}{(n-1)(n-2)} \times \left(\frac{1}{\sigma^3}\right) \times \sum_{i=1}^{n} \left(H_i - \overline{H}\right)^3$$

$$K = \frac{n}{(n-1)(n-2)(n-3)} \times \left(\frac{1}{\sigma^4}\right) \times \sum_{i=1}^n \left(H_i - \overline{H}\right)^4 - \frac{3(n-1)^2}{(n-2)(n-3)}.$$

Le test suivant est appliqué:

- si la valeur absolue de *S* est supérieure à 0,3 alors l'horodate est déclaré non valide;
- si la valeur de *K* est supérieure à 5 alors l'horodate est déclaré non valide.

On utilise la fonction moyenne pour estimer la valeur de \overline{H} . Même s'il serait aisé de coder la fonction écart type, on utilisera la fonction pstdev de la bibliothèque statistics qui permet de retourner la valeur de l'écart type non biaisé σ .

Question 10 Écrire une fonction skewness(liste_niveaux) -> float permettant de déterminer S.

Algorithmes dichotomiques Fonctions récursives Algorithmes gloutons Traitement d'images Tris