TP 06

Fonctions récursives

Savoirs et compétences :

- AA.C9: Choisir un type de données en fonction d'un problème à résoudre
- ☐ AA.S12 : Fichiers

Activité 1 – Organisation d'une phase de match par poule

On dispose d'une liste de joueurs d'un tournoi de tennis sous phase de poules (exemple : *Master cup*), et on veut créer une liste de matches, de telle sorte que chaque joueur joue contre tous les autres joueurs une seule fois (pas de phase retour).



On peut découper ce problème en sous-problèmes plus simples imbriqués les uns dans les autres :

- On peut ainsi remarquer que si on a une liste de 4 joueurs, on peut résoudre le problème en connaissant une liste de matches pour les 3 premiers joueurs seulement : on prend cette liste, et on y ajoute un match entre le quatrième joueur et chacun des trois autres.
- On peut programmer ce problème avec une fonction récursive dans Python :
 - Soit la liste des joueurs notée "joueurs"
 - Il faut commencer par initialiser le problème :

s'il n'y a qu'un seul joueur, on n'organise aucun match.

- Il faut donner une relation de récurrence (récurcivité) : on enlève le dernier joueur de la liste, et on demande les matches sans ce dernier.
- Ici il faut penser à ajouter les sous-problèmes en ajoutant un match entre lui et tous les autres joueurs et donc à construire une liste de matches.
- On remet le dernier joueur dans la liste des joueurs, et on renvoie la liste des matches. On pourra utiliser la fonction .pop(), qui placée après une liste retire son dernier terme :

```
joueurs=list(range(1,5))
joueurs.pop()
4
joueurs
[1, 2, 3]
```

1

De la même manière, on pourra utiliser la fonction .append(), qui placée après une liste ajoute un terme :



```
joueurs=list(range(1,5))
joueurs.append(5)
joueurs
[1, 2, 3, 4, 5]
```

Question 1

Écrire une fonction matches (joueurs:list) ->list prenant en argument une liste de numéros de joueurs et renvoyant une listes de matchs sous la forme de couple de joueurs.

Activité 2 – Recherche de palindrome

On appelle palindrome un mot qui peut se lire indifféremment de gauche à droite ou de droite à gauche. Ainsi par exemple *radar*, *rotor* ou kayak sont trois palindromes.

Question 2

Écrire une fonction récursive palindrome (x:str) -> bool prenant en paramètre une chaîne de caractère x et qui retourne True si il s'agit d'un palindrome et False sinon. (Les espaces seront gérés comme de simples caractères). Pour cela on remarquera que :

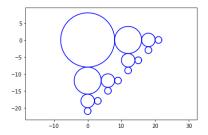
- tout mot de longueur ≤ 1 est un palindrome;
- un mot est un palindrome si et seulement si ses premier et dernier caractères sont identiques et son sous-mot allant du 2ème caractère jusqu'à l'avant dernier est un palindrome.

Activité 3 – Bubble bobble

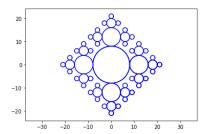
On suppose disposer d'une fonction circle (coords:list, r:float) -> None qui trace à l'écran un cercle de centre coords=(x,y) et de rayon r.

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
def circle(coords:list, r:float) -> None :
    X, Y = [], []
    for t in range(101):
        X.append(coords[0]+r*np.cos(t*np.pi/50))
        Y.append(coords[1]+r*np.sin(t*np.pi/50))
    plt.plot(X, Y, 'b')
```

Question 3 Définir la fonction bubble1(n:int, x:float, y:float, r:float) -> None permettant de tracer la figure suivante.



Question 4 Définir la fonction bubble2(n:int, x:float, y:float, r:float, d:str) -> None permettant de tracer la figure suivante.

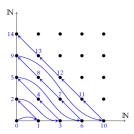


Activité 4 – Numérotation des points d'un quadrillage

Exercice 1 - Numérotation des points d'un quadrillage



On démontre que l'ensemble $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$ est dénombrable en numérotant chaque couple $(x, y) \in \mathbb{N}^2$ suivant le procédé suggéré par la figure ci-dessous.



Question 1 Rédiger une fonction récursive numerote (n:int) \rightarrow int qui retourne le numéro du point de coordonnées (x, y).

Question 2 Rédiger la fonction reciproque (n:int) -> tuple, là encore de façon récursive