Informatique

Travaux dirigés Xavier Pessoles & Cédric Lopez

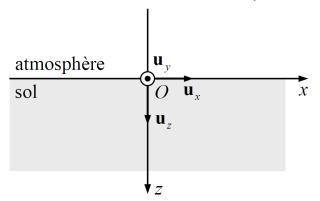
Savoirs et compétences :

## Exercice 1: Mise hors gel des canalisations d'eau (temps: 45 min - difficulté: \*\*)

La température dans le sol terrestre étant initialement constante, égale à 5°C, on cherche à déterminer à quelle profondeur minimale il est nécessaire d'enterrer une canalisation d'eau pour qu'une brusque chute de la température de sa surface à -15°C n'entraine pas le gel de cette canalisation après 10 jours.

Les hypothèses sont les suivantes :

- la température en un point quelconque du sol et de sa surface à tout instant t < 0 est constante et égale à  $T_0 = 278 K (\theta_0 = 5^o C)$ ;
- la température à la surface du sol, confondue avec le plan d'équation z = 0, passe brutalement à l'instant t = 0, de  $T_0 = 278 K$  à  $T_1 = 258 K (\theta_1 = -15^{\circ} C)$ et se maintient à cette valeur pendant  $t_f$  =10 jours.



On peut montrer que la température T(z, t) à la profondeur z et à l'instant t est donnée par la relation suivante :

$$T(z,t) = T_1 + (T_0 - T_1) \operatorname{erf}\left(\frac{z}{2\sqrt{Dt}}\right)$$

1

où erf(x) désigne la fonction définie par :

$$\operatorname{erf}(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-u^2} du$$

Données numériques :  $D = 2, 8 \cdot 10^{-7} \ m^2 \cdot s^{-1}$  (diffusivité thermique du sol terrestre).

Question 1 Écrire une fonction python, appelée integrale, permettant de réaliser d'intégrer une fonction sur un intervalle, en utilisant la méthode du point milieu.

**Question 2** Écrire une fonction Python, appelée erf, prenant en paramètre un nombre réel positif ou nul x et retournant la valeur de erf (x).

Question 3 Écrire une fonction Python, appelée Temperature, prenant en paramètre la profondeur z (exprimée en m) et le temps t (exprimé en s) et retournant la valeur de la température T(z,t).

**Question** 4 Écrire un programme Python permettant de créer une liste, nommée ListeErreur, contenant les valeurs de la fonction erf (x) pour x variant par pas de 0,05 dans l'intervalle [0;2].

**Question** 5 En déduire, à 1 cm près, à quelle profondeur minimale  $z_{min}$  il est nécessaire d'enterrer une canalisation d'eau pour qu'une brusque chute de la température de la surface du sol de 5°C à -15 °C n'entraine pas le gel de cette canalisation au bout de 10 jours.