Algorithmique & Programmation II

Chapitre 3 – Tris TD02 : Corrigé Informatique

Exercice 1 – Représentation du coût temporel des tris

```
Correction Question 1
import sys
sys.path.insert(0, 'eleves')
import tris
import random as rd
import time
import matplotlib.pyplot as plt
sys.setrecursionlimit(1000000) # cette ligne permet de modifier le nombre
# de boucles récursives autorisées (normalement de 1000)
def question_1 () :
   longueur = [n \text{ for } n \text{ in } range(0,1001,100)]
   movenne_insert = []
   moyenne_rapide = []
   moyenne_fusion = []
   moyenne_sort = []
   for n in longueur :
       # n = longueur des listes que l'on va trier
       temps_insert = []
       temps_rapide = []
       temps_fusion = []
       temps_sort = []
       for m in range(10):
           # on va trier 10 listes et faire la moyenne des temps de calcul
          M = [rd.randint(0,n) for i in range(n)] # liste aléatoire de
                      # n éléments entre 0 et n
          L = M.copy()
          temps=time.time()
           tris.tri_insertion(L)
           temps = time.time() - temps
           temps_insert.append(temps)
           L = M.copy()
           temps=time.time()
           tris.tri_fusion(L,0,n-1)
           temps = time.time() - temps
           temps_fusion.append(temps)
           L = M.copy()
           temps=time.time()
           tris.tri_quicksort(L,0,n-1)
           temps = time.time() - temps
           temps_rapide.append(temps)
           L = M.copy()
           temps=time.time()
           L.sort()
           temps = time.time() - temps
           temps_sort.append(temps)
       moyenne_insert.append(sum(temps_insert)/m)
       moyenne_rapide.append(sum(temps_rapide)/m)
       moyenne_fusion.append(sum(temps_fusion)/m)
       moyenne_sort.append(sum(temps_sort)/m)
   plt.clf()
   plt.grid()
   plt.xlabel('taille de la liste')
```

1



```
plt.ylabel('temps de tri en seconde')
plt.plot(longueur,moyenne_insert,label='insertion')
plt.plot(longueur,moyenne_rapide,label='rapide')
plt.plot(longueur,moyenne_fusion,label='fusion')
plt.plot(longueur,moyenne_sort,label='sort')
plt.legend(loc='upper left')
plt.savefig("question_1.png")
```

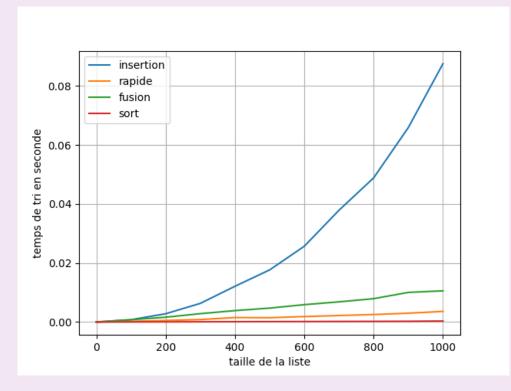


FIGURE 1 - Temps de calcul des tris

Question 2

```
def question_2 () :
   # on commencera avec des listes de 10000 éléments, en allant
   \mbox{\#} de 1000 en 1000, sinon le temps de calcul est trop long.
   longueur = [n for n in range(10000,20001,1000)]
   moyenne_rapide = []
moyenne_fusion = []
   moyenne_sort = []
   for n in longueur :
       # n = longueur des listes que l'on va trier
       temps_insert = []
       temps_rapide = []
       temps_fusion = []
       temps_sort = []
       for m in range(10):
           # on va trier 10 listes et faire la moyenne des temps de calcul
           M = [rd.randint(0,n) for i in range(n)] # liste aléatoire de
                      # n éléments entre 0 et n
           L = M.copy()
           temps=time.time()
           tris.tri_fusion(L,0,n-1)
           temps = time.time() - temps
           temps_fusion.append(temps)
           L = M.copy()
           temps=time.time()
           tris.tri_quicksort(L,0,n-1)
```



```
temps = time.time() - temps
       temps_rapide.append(temps)
       L = M.copy()
       temps=time.time()
       L.sort()
       temps = time.time() - temps
       temps_sort.append(temps)
   moyenne_rapide.append(sum(temps_rapide)/m)
   movenne_fusion.append(sum(temps_fusion)/m)
   moyenne_sort.append(sum(temps_sort)/m)
plt.clf()
plt.grid()
plt.xlabel('taille de la liste')
plt.ylabel('temps de tri en seconde')
plt.plot(longueur,moyenne_rapide,label='rapide')
plt.plot(longueur,moyenne_fusion,label='fusion')
plt.plot(longueur,moyenne_sort,label='sort')
plt.legend(loc='upper left')
plt.savefig("question_1.png")
```

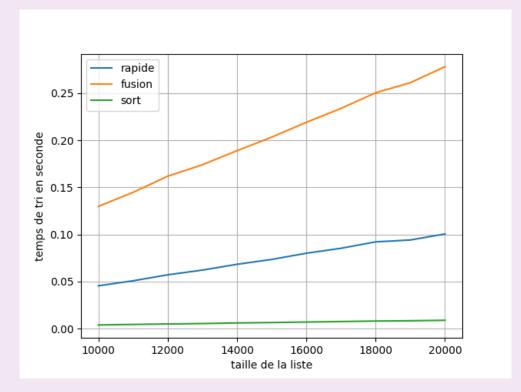


FIGURE 2 - Temps de calcul des tris sans le tri par insertion

Question 3 Le graphique parle de lui-même.

Question 4

```
def question_4 () :
   M = [rd.randint(0,n) for i in range(n)] # liste aléatoire
                                 # de n éléments entre 0 et n
   M.sort() # on trie L
   L = M.copy()
   temps=time.time()
   tris.tri_fusion(L,0,n-1)
   temps_fusion = time.time() - temps
```



```
L = M.copy()
temps=time.time()
tris.tri_quicksort(L,0,n-1)
temps_rapide = time.time() - temps

L = M.copy()
temps=time.time()
L.sort()
temps_sort = time.time() - temps

return(temps_rapide,temps_fusion,temps_sort)

Le tri rapide n'arrive pas au bout des calculs en un temps raisonnable. Pour le tri fusion on obtient un temps.
```

Le tri rapide n'arrive pas au bout des calculs en un temps raisonnable. Pour le tri fusion, on obtient un temps de calcul de 1,53 secondes, et pour le tri sort, 0,005 secondes.

Exercice 2 – Classement de l'étape Tarbes – La Pierre-Saint-Martin – 167 km

```
Correction Question 1
def conversion (temps) :
   """ convertit une chaîne de caractères donnant un temps en
   heures, minutes, secondes, en un nombre de secondes.""
   L = temps.split()
   s = 3600*int(L[0][:len(L[0])-1])+60*int(L[1][:len(L[1])-1])
   +int(L[2][:len(L[2])-2])
   return s
def charge_classement (fichier) :
   f = open(fichier, 'r')
   L = f.readlines()
   f.close()
   classement = []
   for l in L :
       m = 1.split('\t')
       classement.append([m[1],m[2],conversion(m[4])])
   return classement
Question 2
def ajout_temps(L1,L2):
    """L1 est la classement de l'étape et L2 le classement général
   certains ont été disqualifiés ou ont abandonné"""
   L=[]
   for dossard in L1:
       L.append(dossard.copy()) # problèmes d'aliasing
       d=dossard[1]
       while d != L2[i][1]: #attention certains n'ont pas fait
          # l'étape complètement et sont disqualifiés
       L[-1][-1] += L2[i][-1]
```

Question 3 Sur des listes de cette taille, peu importe. Tant qu'à faire, autant choisir le tri rapide, ou carrément la fonction sorted de python.

Question 4

```
def tri_insertion_modifie(tab):
    """
    Trie une liste de nombre en utilisant la méthode du tri par insertion.
    En Python, le passage se faisant par référence, il n'est pas indispensable
    de retourner le tableau.
    Keyword arguments:
    Entrées :
        tab -- liste de nombres
    """
```



```
for i in range (1,len(tab)):
       x=tab[i][-1]
       j=i
       while j>0 and tab[j-1][-1]>x:
           tab[j],tab[j-1]=tab[j-1],tab[j]
   return (tab)
td=time.time()
tri_insertion_modifie(ajout_temps(L10,LG))
print('tri insertion des coureurs prend ',time.time()-td,'s')
### quicksort modifie
def segmente_modifie(tab,i,j):
   Segmentation d'un tableau par rapport àun pivot.
   Keyword arguments:
   Entrées :
       tab (list) -- liste de nombres
       i,j (int) -- indices de fin et de début de la segmentation
   Sorties :
       tab (list) -- liste de nombres avec le pivot àsa place définitive
       k (int) -- indice de la place du pivot
   g = i+1
   d=j
   p=tab[i][-1]
   while g<=d :
       while d \ge 0 and tab[d][-1] \ge p:
          d=d-1
       while g \le j and tab[g][-1] \le p:
          g=g+1
       if g<d :
           tab[g],tab[d]=tab[d],tab[g]
           d=d-1
           g=g+1
   k=d
   tab[i],tab[d]=tab[d],tab[i]
   return k
def tri_quicksort_modifie(tab,i,j):
   Tri d'une liste par l'utilisation du tri rapide (Quick sort).
   Keyword arguments:
   Entrées :
       tab (list) -- liste de nombres
       i,j (int) -- indices de fin et de début de la zone de tri
   Sorties :
      tab (list) -- liste de nombres avec le pivot àsa place définitive
   if i < j:
       k = segmente_modifie(tab,i,j)
       tri_quicksort_modifie(tab,i,k-1)
       tri_quicksort_modifie(tab,k+1,j)
td=time.time()
tri_quicksort_modifie(ajout_temps(L10,LG),0,len(L10)-1)
print('tri rapide des coureurs prend ',time.time()-td,'s')
### tri fusion modifie
def fusion_listes_modifie(tab,g,d,m):
   Fusionne deux listes triées.
   Keyword arguments:
   Entrées :
       tab (list) -- liste : une liste de nombres tab[g:d] avec g indice de la
          valeur de gauche, d indice de la valeur de droite
       g,d,m (int) -- entiers : indices tels que g<=m<d et tel que les
          sous-tableaux tab[g:m] et tab[m+1:d] soient ordonnés
   Sorties :
       tab (list) : liste triée entre les indices g et d
```



```
n1 = m-g+1
   n2 = d-m
   G,D = [],[]
   for i in range (n1):
      G.append(tab[g+i])
   for j in range (n2):
       D.append(tab[m+j+1])
   i,j=0,0
   G.append(['','',9999999999])
   D.append(['','',9999999999])
   for k in range (g,d+1):
       if i<=n1 and G[i][-1]<=D[j][-1]:
          tab[k]=G[i]
          i=i+1
       elif j<=n2 and G[i][-1]>D[j][-1]:
          tab[k]=D[j]
          j=j+1
def tri_fusion_modifie(tab,g,d):
   Tri d'une liste par la méthode du tri fusion
   Keyword arguments:
       tab (list) -- liste : une liste de nombres non triés tab[g:d]
       g,d (int) -- entiers : indices de début et de fin de liste si on veut trier
                        tout le tableau g=0, d=len(tab)-1
   tab (list) : liste triée entre les indices g et d
   if g<d:
       m = (g+d)//2
       tri_fusion_modifie(tab,g,m)
       tri_fusion_modifie(tab,m+1,d)
       fusion_listes_modifie(tab,g,d,m)
td=time.time()
{\tt tri\_fusion\_modifie(ajout\_temps(L10,LG),0,len(L10)-1)}
print('tri fusion des coureurs prend ',time.time()-td,'s')
### avec la fonction prédéfinie dans python 'sorted' il faut créer une fonction
### lambda pour travailler sur le 3e élément de chaque élément de la liste
sorted(ajout_temps(L10,LG), key=lambda colonnes: colonnes[2])
td=time.time()
sorted(ajout_temps(L10,LG), key=lambda colonnes: colonnes[2])
print('tri sort python des coureurs prend ',time.time()-td,'s')
# tri insertion des coureurs prend 0.007005929946899414 s
# tri rapide des coureurs prend 0.004002094268798828 s
\# tri fusion des coureurs prend 0.004002809524536133 s
# tri sort python des coureurs prend 0.0030019283294677734 s
```

Exercice 3 – Tris d'une base de données des films de cinéma

```
Correction Question 1

f=open('films_martiniere.csv','r')
ligne1=f.readline() # on élimine la première ligne
fichier=f.readlines()
f.close()

L=[]
for ligne in fichier:
    ligne=ligne.replace('"','') # enlever les guillemets
    ligne=ligne.split(';') # création d'une liste en coupant au niveau des ;
    ligne[-1]=ligne[-1].rstrip('\n')
    ligne[-1]=int(ligne[-1]) # remplacer la chaine de caractères par un entier
```



```
ligne[1]=int(ligne[1]) # remplacer la chaine de caractères par un entier
   L.append(ligne)
Question 2 On utilisera la fonction sorted.
M = sorted(L, key = lambda colonnes : colonnes[-1], reverse = True)
   Il suffit de demander M[0], et l'on obtient ['INTOUCHABLES', 2011, 'ERIC TOLEDANO', 35648468].
Question 4 Les commandes python <, >, \le et geqslant permettant tout à fait de comparer des chaînes de
caractère, même avec des caractères spéciaux, nous pouvons utiliser directement le tri triquicksortmodifie.
def segmente_modifie_bis(tab,i,j):
   Segmentation d'un tableau par rapport àun pivot.
   Keyword arguments:
   Entrées :
       tab (list) -- liste de nombres
       i,j (int) -- indices de fin et de début de la segmentation
   Sorties :
       tab (list) -- liste de nombres avec le pivot àsa place définitive
       k (int) -- indice de la place du pivot
   g = i+1
   d=j
   p=tab[i][0]
   while g<=d :
       while d>=0 and tab[d][0]>p:
          d=d-1
       while g<=j and tab[g][0]<=p:
          g=g+1
       if g<d :
          tab[g],tab[d]=tab[d],tab[g]
          d=d-1
          g=g+1
   k=d
   tab[i],tab[d]=tab[d],tab[i]
   return k
def tri_quicksort_modifie_bis(tab,i,j):
   Tri d'une liste par l'utilisation du tri rapide (Quick sort).
   Keyword arguments:
   Entrées :
       tab (list) -- liste de nombres
       i,j (int) -- indices de fin et de début de la zone de tri
   Sorties :
       tab (list) -- liste de nombres avec le pivot àsa place définitive
   if i<j :
       k = segmente_modifie_bis(tab,i,j)
       tri_quicksort_modifie_bis(tab,i,k-1)
       tri_quicksort_modifie_bis(tab,k+1,j)
N = tri_quicksort_modifie_bis(L,0,len(L)-1)
   Il suffit de demander N[0], et l'on obtient ["'71", 2014, 'YANN DEMANGE', 133694].
```