TD - 01

Exercices d'applications

Exercice 0 - Création de matrices

Question 2 Créer une matrice 3x3 dont les valeurs vont de 0 à 8.

Question 3 Créer une matrice 3x3x3 avec des valeurs aléatoires.

Question 4 Créer une matrice 10x10 de 0 avec des 1 sur les bords

Question 5 Créer une matrice 8x8 de 0 et de 1 ayant la « forme » d'un jeu d'échec.

Question 6 Créer une matrice 8x8 de booléens ayant la « forme » d'un jeu d'échec.

Question 7 Normer une matrice aléatoire de taille 5x5 $\left(z_i = \frac{z_i - z_{min}}{z_{max} - z_{min}}\right)$.

Question 8 Calculer le produit matriciel d'une matrice aléatoire 5x3 et 3x2.

Question 9 Soit un tableau de dix éléments numérotés de 0 à 10. Modifier ce tableau pour que les valeurs comprises entre 3 et 8 soient remplacées par leur opposé.

Question 10 *Créer une matrice 5x5 dont chaque ligne est de la forme [0,1,2,3,4].*

Exercice 1 - Calcul de somme

Pour cet exercice, on prend n=1000000. On pourra augmenter ou diminuer cette valeur en fonction de la machine utilisée.

1. Calculer $\sum_{i=0}^{n} i$ sans utiliser numpy.

- 2. Chronométrer le temps nécessaire pour le calcul précédent, par exemple en utilisant time.clock().
- 3. Utiliser un tableau numpy et la méthode sum pour calculer à nouveau la somme proposée.
- Comparer le temps de calcul avec la méthode précédente.

Exercice 2 - Produit de Wallis

On peut justifier que : $\pi = 2 \prod_{n=1}^{+\infty} \frac{4n^2}{4n^2-1}$ appelé le *produit de Wallis*.

- 1. Écrire une fonction itérative, d'argument n, calculant : $2 \prod_{i=1}^{n} \frac{4i^2}{4i^2-1}$.
- 2. Écrire une fonction utilisant un tableau numpy, effectuant le même calcul.
- 3. Comparer le temps de calcul de ces deux fonctions.

Exercice 3

- 1. Définir une matrice aléatoire a de taille 50×50 .
- 2. Déterminer la valeur $\max_{i,j} |a_{i,j+1} a_{i,j}|$.

Exercice 4

- 1. Définir une matrice aléatoire de flottants a de taille 50 × 50.
- 2. Compter le nombre de valeurs inférieures à 0.5.
- 3. Remplacer toutes les valeurs inférieures à 0.5 par 0, et celles strictement supérieures à 0.5 par 1.

Exercice 5

1

D'après exemple 3.15 p 28 « Algèbre linéaire », Robert C. Dalang, Amel Chaabouni.

On s'intéresse au système linéaire suivant :

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 0 \\ x_2 + 2x_3 + x_4 = 0 \\ x_1 + x_3 + 2x_4 = 1 \\ 2x_1 + x_2 + x_4 = 0 \end{cases}$$

1. Vérifier qu'il n'y a qu'une solution à ce système.



- 2. En utilisant np.linalg.solve, déterminer cette | **Exercice 6** solution.
- 3. Vérifier le résultat obtenu en utilisant un produit matriciel.
- 4. Construire la matrice m de format 4×5 , dont les colonnes sont successivement les colonnes de a et
- 5. Appliquer à m la méthode du pivot de Gauss pour résoudre « à la main » le système proposé.

- 1. Créer une matrice aléatoire de taille 5 × 15, constituées d'entiers et l'afficher.
- 2. Mettre à zéro tous les éléments de la première ligne de cette matrice.
- 3. Déterminer la moyenne des éléments de cette ma-
- 4. Construire le vecteur dont les composantes sont les moyennes des lignes de la matrice.
- 5. Déterminer la moyenne des éléments de ce vecteur.