Exercice 218 - Moteur à courant continux

B2-04

On donne les équations du moteur à courant continu :

- $u(t) = e(t) + Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$;
- $e(t) = K\omega(t)$;
- c(t) = Ki(t);

• $c(t) - f\omega(t) = J \frac{d\omega(t)}{dt}$. Question 1 Exprimer la fonction de transfert H(p) = $\Omega(p)$ $\overline{U(p)}$

Question 2 *Préciser l'ordre et la classe de H* .

Question 3 *Mettre* H(p) *sous forme canonique.*

Question 4 Donner les caractéristiques de la fonction de transfert.

Question 5 Vérifier l'homgénéité des différentes constantes.

Éléments de corrigé :

1.
$$H(p) = \frac{K_m}{K_m^2 + (R + Lp)(Jp + f)}$$

2. Ordre 2, classe 0.

3.
$$H(p) = \frac{\frac{K_m}{K_m^2 + Rf}}{1 + \frac{(RJ + Lf)}{K_m^2 + Rf}p + \frac{LJ}{K_m^2 + Rf}p^2}.$$
4.
$$K = \frac{K_m}{K_m^2 + Rf}, \omega_0 = \sqrt{\frac{K_m^2 + Rf}{LJ}}, \xi = \frac{RJ + Lf}{2\sqrt{LJ(K_m^2 + Rf)}}$$

4.
$$K = \frac{K_m}{K_m^2 + Rf}$$
, $\omega_0 = \sqrt{\frac{K_m^2 + Rf}{LJ}}$, $\xi = \frac{RJ + Lf}{2\sqrt{LJ\left(K_m^2 + Rf\right)}}$.

Corrigé voir 218.

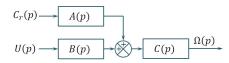
Exercice 217 - Moteur à courant continux

On donne les équations du moteur à courant continu :

- $u(t) = e(t) + Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t}$;
- $e(t) = K\omega(t)$;
- c(t) = Ki(t);
- $c(t) + c_r(t) f\omega(t) = J\frac{\mathrm{d}\omega(t)}{\mathrm{d}t}$.

Question 1 Réaliser le schéma-blocs.

Question 2 Mettre le schéma-blocs sous la forme suivante.



Éléments de corrigé :

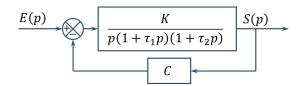
2. A(p) = R + Lp, B(p) = K, $C(p) = \frac{1}{K^2 + (f + Jp)(R + Lp)}$ (plusieurs réponses possibles).

Corrigé voir 217.

Exercice 216 - Valeur finale*

C2-03

Soit le schéma-blocs suivant.



Question 1 Déterminer la valeur finale de s(t) lorsque *l'entrée est un échelon d'amplitude* E_0 .

Question 2 En déduire la valeur de l'erreur statique.

Question 3 Déterminer la valeur finale de s(t) lorsque l'entrée est une rampe de pente k.

Question 4 En déduire la valeur de l'erreur de traînage.

Question 5 *Qu'en est-il si* C = 1 ?.

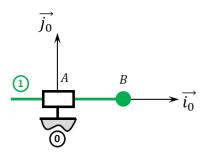
$$\begin{split} & \text{\'el\'ements de corrig\'e}: \\ & 1. \quad s_{\infty} = \lim_{p \to 0} p \frac{E_0}{p} \frac{K}{p \left(1 + \tau_1 p\right) \left(1 + \tau_2 p\right) + CK} = \frac{E_0}{C}. \\ & 2. \quad \lim_{t \to +\infty} (e(t) - s(t)) = E_0 - \frac{E_0}{C}. \\ & 3. \quad s_{\infty} = \infty. \\ & 4. \quad \varepsilon_{\nu} = \infty. \\ & 5. \quad \varepsilon_{\nu} = \frac{k}{K}. \end{split}$$

Corrigé voir 216.

Exercice 215 - Mouvement T - *

B2-12

Soit le mécanisme suivant. On note $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_0}$.



Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 *Retracer le schéma cinématique pour* λ = 10 mm.

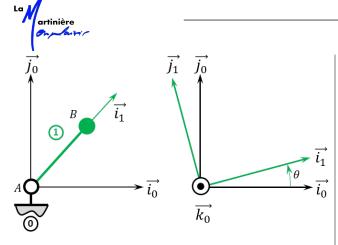
Question 3 *Retracer le schéma cinématique pour* λ = -20 mm.

Corrigé voir 215.

Exercice 214 - Mouvement R *

B2-12

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$ avec $R = 20 \,\mathrm{mm}$.



Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

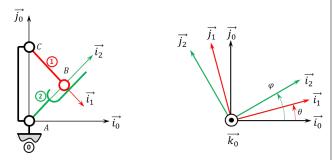
Question 2 Retracer le schéma cinématique pour $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad.

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour $\theta = \pi$ rad.

Corrigé voir 214.

Exercice 213 – Barrière Sympact ** B2-12

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AC} = H \overrightarrow{j_0}$ et $\overrightarrow{CB} = R \overrightarrow{i_1}$. De plus, $H = 120 \, \text{mm}$ et $R = 40 \, \text{mm}$.



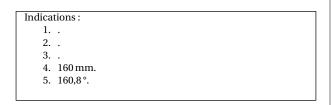
Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Retracer le schéma cinématique pour $\theta(t) = \frac{\pi}{2} rad$.

Question 3 Retracer le schéma cinématique pour $\theta(t) = 75$ °.

Question 4 Dans l'hypothèse où la pièce **1** peut faire des tours complets, quelle doit être la longueur minimale de la pièce **2**.

Question 5 *Dans l'hypothèse où la pièce* **2** *fait* 12 cm, quel sera le débattement maximal de la pièce **1**.



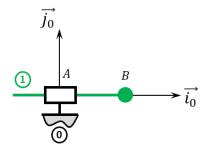
Corrigé voir 213.

Exercice 212 - Mouvement T - *

C2-05

B2-13

Soit le mécanisme suivant. On note $\overrightarrow{AB} = \lambda(t)\overrightarrow{i_0}$.



Question 1 *Quel est le mouvement de* **1** *par rapport* à **0**.

Question 2 Donner l'équation paramétrique de la trajectoire du point B, point appartenant à 1 par rapport à 0.



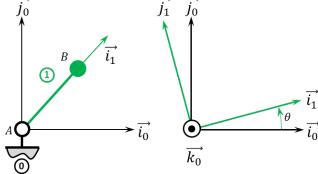
Corrigé voir 212.

Exercice 211 - Mouvement R *

C2-05

B2-13

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$ avec R = 20 mm.



Question 1 *Quel est le mouvement de 1 par rapport à 0.*

Question 2 *Quelle est la trajectoire du point B appartenant à 1 par rapport à 0.*

Question 3 Donner l'équation paramétrique de la trajectoire du point B, point appartenant à 1 par rapport à **0**

Indications:
1. .
2. .
3. $x_B(t) = R \cos \theta(t)$ et $y_B(t) = R \sin \theta(t)$.

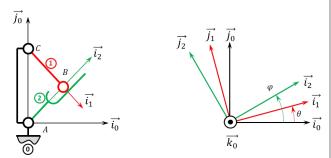
Corrigé voir 211.



Exercice 210 - Barrière Sympact **

B2-13

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AC} = H \overrightarrow{j_0}$ et $\overrightarrow{CB} = R \overrightarrow{i_1}$. De plus, $H = 120 \,\text{mm}$ et $R = 40 \,\text{mm}$.



Question 1 Calculer $\overrightarrow{V(B,1/0)}$?

Question 2 Calculer $\overrightarrow{V(B,2/0)}$?

Question 3 *Justifier que* $\overrightarrow{V(B,2/1)} \cdot \overrightarrow{j_2} = 0$.

Question 4 En déduire une relation cinématique entre les différentes grandeurs.

Indications: 1. $V(B, 1/0) = R\theta \overrightarrow{j_1}$. 2. $V(B, 2/0) = \lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2}$. 3. . 4. $\lambda \dot{\varphi} - R\dot{\theta} \cos(\varphi - \theta) = 0$.

Corrigé voir 210.

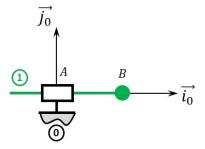
Exercice 209 - Mouvement T - *

B2-14

B2-15

C1 05

Soit le mécanisme suivant. On note $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \overrightarrow{i_0}$. On note m_1 la masse du solide 1. On note G le centre d'inertie de 1 tel que $\overrightarrow{BG} = \ell \overrightarrow{j_1}$. La pesanteur est telle que $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{i_0}$. Un vérin pneumatique positionné entre 1 et 0 permet de maintenir 1 en équilibre.



Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

Question 3 Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.

Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le vérin pour maintenir **1** en équilibre.

Indications:

1. .

2.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$$
 = $\left\{\begin{array}{c} Y_{01}\overrightarrow{j_1} + Z_{01}\overrightarrow{k_1} \\ L_{01}\overrightarrow{i_1} + M_{01}\overrightarrow{j_1} + N_{01}\overrightarrow{k_1} \end{array}\right\}_A$,

 $\{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$, $\{\mathscr{F}(\text{ver} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} F_{\nu}\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$.

3. $\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} Y_{01}\overrightarrow{j_1} \\ N_{01}\overrightarrow{k_1} \end{array}\right\}_A$, $\{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$, $\{\mathscr{F}(\text{ver} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} F_{\nu}\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$.

4. TRS suivant $\overrightarrow{i_0}$.

Corrigé voir 202.

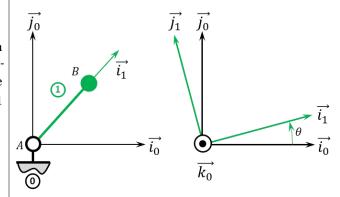
Exercice 208 - Mouvement R *

B2-14

B2-15

C1-05

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$ avec $R = 20 \, \mathrm{mm}$. La liaison pivot est motorisée par un moteur dont l'action mécanique sur 1 est donnée par $\overrightarrow{C_m} = C_m \overrightarrow{k_0}$. On note m_1 la masse du solide 1 et B son centre d'inertie. La pesanteur est telle que $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$.



Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

Question 3 Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.

Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le moteur pour maintenir 1 en équilibre.



Indications:

1. .

2.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$$
 = $\left\{\begin{array}{c} X_{01}\overrightarrow{i_1} + Y_{01}\overrightarrow{j_1} + Z_{01}\overrightarrow{k_1} \\ L_{01}\overrightarrow{i_1} + M_{01}\overrightarrow{j_1} \end{array}\right\}_A$,

 $\{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ C_m\overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_A$,

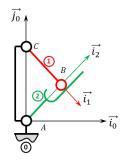
 $\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} X_{01}\overrightarrow{i_1} + Y_{01}\overrightarrow{j_1} \\ M_{01}\overrightarrow{j_1} \end{array}\right\}_A$, $\{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_A$, $\{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_A$, $\{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_A$, $\{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_A$, $\left\{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\right\}_A$

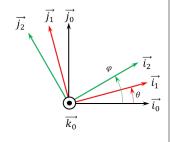
Corrigé voir 201.

Exercice 207 - Barrière Sympact **

C1-05 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AC} = H \overrightarrow{j_0}$ et $\overrightarrow{CB} =$ $\overrightarrow{R}i_1$. De plus, $H = 120 \,\mathrm{mm}$ et $R = 40 \,\mathrm{mm}$.





On néglige la pesanteur sur la pièce 1.

On note $\{\mathscr{F}(\text{Moteur} \to 1)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$ l'action

mécanique du moteur sur la pièce 1.

On note $\{\mathscr{F}(\operatorname{Ressort} \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_r \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$ l'action mécanique d'un ressort couple sur la pièce 2. Le raideur du ressort est telle qu'il exerce un couple de 45 Nm pour un angle de rotation 100°. On considère que le couple est nul lorsque la pièce 2 est à la verticale ($\varphi_o = \frac{\pi}{2}$). Il est au maximum lorsque $\varphi_f = 0$.

On note
$$\{\mathscr{F}(\operatorname{Pes} \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} -Mg\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{\forall G} \operatorname{avec} \overrightarrow{AG} = \overrightarrow{G}$$

Question 1 Réaliser un graphe d'analyse.

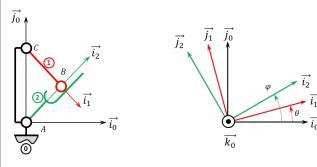
Question 2 Expliciter C_r en fonction des différents constantes $(k, \varphi_o, \varphi_f)$ et celles qui vous sembleraient utile.

Question 3 Proposer une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.

Corrigé voir 207.

Exercice 206 - Barrière Sympact * C2-06

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AC} = H \overrightarrow{j_0}$ et $\overrightarrow{CB} =$ \overrightarrow{R}_{i_1} . De plus, $H = 120 \,\mathrm{mm}$ et $R = 40 \,\mathrm{mm}$.

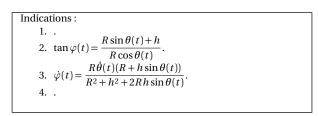


Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 *Exprimer* $\varphi(t)$ *en fonction de* $\theta(t)$ *.*

Question 3 Exprimer $\dot{\varphi}(t)$ en fonction de $\dot{\theta}(t)$.

Question 4 En utilisant Python, tracer $\dot{\varphi}(t)$ en fonction de $\dot{\theta}(t)$. On considérera que la fréquence de rotation de la pièce 1 est de 10 tours par minute.

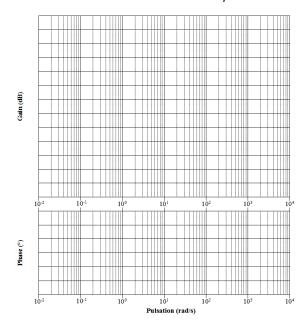


Corrigé voir 206.

Exercice 205 - Ecart*

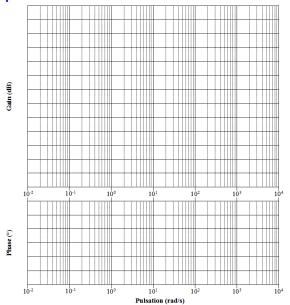
C2-02 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert suivante : $F_1(p) = \frac{15}{1+10p}$

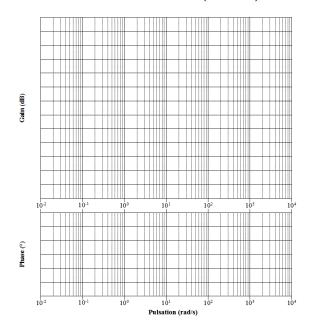


Question 2 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert suivante : $F_2(p) = \frac{1}{(1+10p)(10+p)}$





Question 3 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert suivante : $F_3(p) = \frac{40}{p(1+300p)}$.

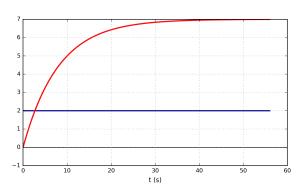


Corrigé voir 205.

Exercice 204 – Identification temporelle *

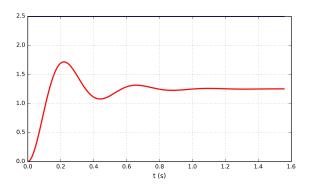
B2-06 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit la réponse à un échelon.



Question 1 Déterminer la fonction de transfert du système.

Soit la réponse à un échelon d'amplitude 2,5.



Question 2 Déterminer la fonction de transfert du sysème.

Corrigé voir 204.

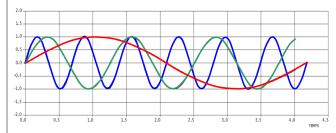
Exercice 203 – Identification \star

B2-06

Pas de corrigé pour cet exercice.

D'après Florestan Mathurin.

Le diagramme temporel ci-dessous présente 3 signaux d'entrée sinusoïdaux.



Question 1 Déterminer les période et les pulsations de chacun des signaux..

Question 2 En déduire le gain et le déphasage en régime permanent pour chacune des courbes temporelles de sortie correspondant aux 3 entrées.

Corrigé voir 203.

Exercice 202 – Mouvement T – \star TO DO RESOUTION....

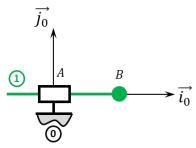
B2-14

B2-15

C1-05 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On note $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \overrightarrow{i_0}$. On note m_1 la masse du solide 1. On note G le centre d'inertie de 1 tel que $\overrightarrow{BG} = \ell \overrightarrow{j_1}$. La pesanteur est telle que $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{i_0}$. Un vérin pneumatique positionné entre 1 et $\mathbf{0}$ permet de maintenir $\mathbf{1}$ en équilibre.





Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

Question 3 Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.

Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le vérin pour maintenir **1** en équilibre.

Indications:

1. .

2.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$$
 = $\left\{\begin{array}{c} Y_{01}\overrightarrow{j_1} + Z_{01}\overrightarrow{k_1} \\ L_{01}\overrightarrow{i_1} + M_{01}\overrightarrow{j_1} + N_{01}\overrightarrow{k_1} \end{array}\right\}_A$,

 $\{\mathscr{F}(\operatorname{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$, $\{\mathscr{F}(\operatorname{ver} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} F_{\nu}\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$.

3. $\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} Y_{01}\overrightarrow{j_1} \\ N_{01}\overrightarrow{k_1} \end{array}\right\}_A$, $\{\mathscr{F}(\operatorname{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$, $\{\mathscr{F}(\operatorname{ver} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} F_{\nu}\overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_G$.

4. TRS suivant $\overrightarrow{i_0}$.

Corrigé voir 202.

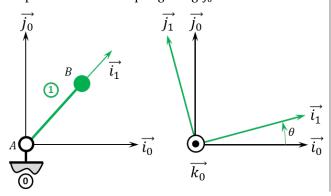
Exercice 201 – Mouvement R \star TO DO RESOUTION....

B2-14

B2-15

C1-05 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1}$ avec R = 20 mm. La liaison pivot est motorisée par un moteur dont l'action mécanique sur 1 est donnée par $\overrightarrow{C_m} = C_m \overrightarrow{k_0}$. On note m_1 la masse du solide 1 et B son centre d'inertie. La pesanteur est telle que $\overrightarrow{g} = -g \overrightarrow{j_0}$.



Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.

Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

Question 3 Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.

Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le moteur pour maintenir 1 en équilibre.

Indications:
1. .
2.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$$
 = $\left\{\begin{array}{c} X_{01}\overrightarrow{i_1} + Y_{01}\overrightarrow{j_1} + Z_{01}\overrightarrow{k_1} \\ L_{01}\overrightarrow{i_1} + M_{01}\overrightarrow{j_1} \end{array}\right\}_A$,
 $\{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_B$, $\{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m\overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_A$.
3. $\{\mathscr{F}(0 \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} X_{01}\overrightarrow{i_1} + Y_{01}\overrightarrow{j_1} \\ M_{01}\overrightarrow{j_1} \end{array}\right\}_A$, $\{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_B$, $\{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\}$ = $\left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m\overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_A$.
4. TMS en A en projection sur $\overrightarrow{k_0}$.

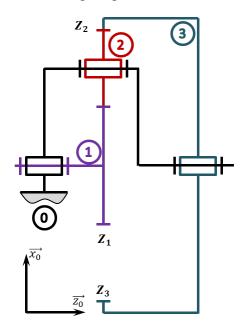
Corrigé voir 201.

Exercice 200 - Train simple *

A3-05

C2-06

Soit le train d'engrenages suivant.



Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{3/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.



Question 3 Donner une relation géométrique entre Z_1 , Z_2 et Z_3 permettant de garantir le fonctionnement du train d'engrenages.

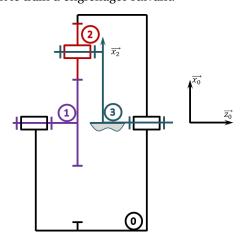
Corrigé voir 200.

Exercice 199 - Train simple *

A3-05

C2-06

Soit le train d'engrenages suivant.



Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.

Question 3 Donner une relation géométrique entre Z_1 , Z_{21} , Z_{22} et Z_4 permettant de garantir le fonctionnement du train d'engrenages.

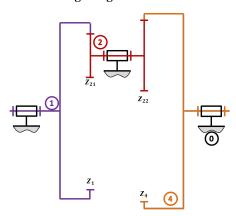
Corrigé voir 199.

Exercice 198 - Train simple *

A3-05

C2-06

Soit le train d'engrenages suivant.



Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

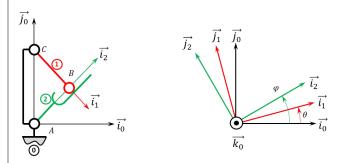
Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.

Corrigé voir 198.

Exercice 197 - Barrière Sympact ** A FINIR

C2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le mécanisme suivant. On a $\overrightarrow{AC} = H \overrightarrow{j_0}$ et $\overrightarrow{CB} = R \overrightarrow{i_1}$. De plus, $H = 120 \, \text{mm}$ et $R = 40 \, \text{mm}$.



On néglige la pesanteur sur la pièce 1.

On note {Moteur(1 \rightarrow =)} $\left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$ l'action mécanique du moteur sur la pièce 1.

On note {Ressort(2 \rightarrow =)} $\left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_r \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$ l'action mécanique d'un ressort couple sur la pièce **2**. Le raideur du ressort est telle qu'il exerce un couple de 45 Nm pour un angle de rotation 100°. On considère que le couple est nul lorsque la pièce 2 est à la verticale ($\varphi_o = \frac{\pi}{2}$). Il est au maximum lorsque $\varphi_f = 0$.

On note
$$\{\text{Pes}(2 \to =)\}\left\{\begin{array}{c} -M g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{\forall G} \text{avec } \overrightarrow{AG} = L \overrightarrow{i_2}.$$

Question 1 Réaliser un graphe d'analyse.

Question 2 Expliciter C_r en fonction des différents constantes $(k, \varphi_o, \varphi_f)$ et celles qui vous sembleraient utile.

Question 3 Proposer une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.

Question 4 *Mettre en oeuvre une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.*

Question 5 Tracéer de courbe Python.

Corrigé voir 197.

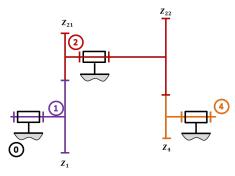
Exercice 196 - Train simple *

A3-05

C2-06

Soit le train d'engrenages suivant.





Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

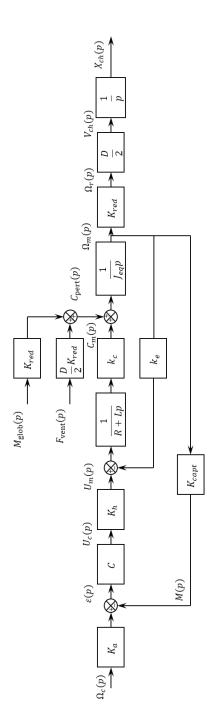
Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.

Corrigé voir 196.

Exercice 195 - La Seine Musicale*

B2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

Soit le schéma-blocs suivant.



Question 1 En considérant que la perturbation $C_{pert}(p)$ est nulle, déterminer $H_f(p) = \frac{\Omega_m(p)}{\Omega_c(p)}$ sous forme canonique.

Question 2 Exprimer la fonction de transfert $H_r(p) = \frac{\Omega_m(p)}{C_{pert}(p)}$ en la mettant sous la forme : $H_r(p) = \frac{\alpha(1+\tau p)}{1+\gamma p+\delta p^2}$. Exprimer α, τ, γ et δ en fonction des différents paramètres de l'étude.

Question 3 Exprimer $X_{ch}(p)$ en fonction $de \Omega_m(p)$ et $C_{pert}(p)$.

Corrigé voir 195.



Exercice 194 – Détermination des efforts dans une structure étayée **

C2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

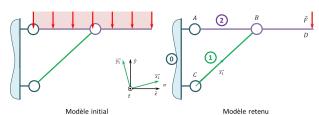
Lors de la démolition d'une partie de la gare de Lyon Part-Dieu (en 2018), des étais ont du être posés afin de soutenir la structure supérieure.





Dans le but de dimensionner les étais, il est nécessaire de déterminer les actions mécanique dans chacune des liaisons.

Pour cela, on utilise la modélisation suivante.



On a
$$\overrightarrow{AB} = a \overrightarrow{x}$$
, $\overrightarrow{BD} = b \overrightarrow{x}$ et $\overrightarrow{CB} = L \overrightarrow{x_1}$.

Question 1 Tracer le graphe d'analyse du système (graphe des liaisons et actions extérieures).

Question 2 Proposer une stratégie permettant de déterminer les actions mécaniques dans les liaisons.

Question 3 Déterminer les actions mécaniques dans les liaisons en fonction de F.

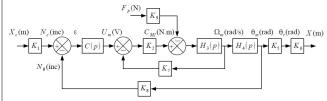
Éléments de corrigé:
3.
$$X_{02} = -F \frac{a+b}{a \tan \alpha}$$
, $F_{01} = F \frac{a+b}{a \sin \alpha}$, $Y_{02} = -\frac{b}{a} F$.

Corrigé voir 194.

Exercice 193 – Machine de rééducation SysReeduc *

B2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

On propose une modélisation par schéma-blocs dans la figure suivante.



Le moteur à courant continu est régi par les équations suivantes : $u_m(t) = e(t) + Ri(t)$, $e(t) = k_e \omega_m(t)$ et $C_{M1}(t) = k_t i(t)$.

Une étude dynamique a mené à l'équation suivante :

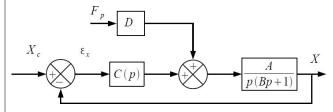
$$(M+m) r \rho_1 \dot{\omega}_m(t) = \frac{C_{M1}(t)}{\rho_1 r} - F_p(t)$$

avec : M la masse du chariot et m la masse du support de pied, $\rho_1=\frac{1}{10}$ le rapport de réduction du réducteur, r=46,1 mm le rayon de la poulie du transmetteur pouliecourroie, $C_{M1}(t)$ le couple délivré par le moteur et $F_p(t)$ l'effort délivré par le patient sur le support 3.

Le codeur incrémental possède 500 fentes équiréparties. Deux émetteurs-récepteurs positionnés en quadrature permettent de mesurer l'information.

Question 1 À partir des équations proposées, déterminer les fonctions de transfert K_1 , K_2 , $H_3(p)$, $H_4(p)$, K_5 , K_6 , K_7 , K_8 et K_9 .

Question 2 Montrer que le schéma-blocs peut être mis sous la forme suivante. On exprimera A, B et D en fonction des paramètres du système r, ρ_1 , k_t , k_e , R, M, m et K_8 .



Corrigé voir 193.



Exercice 218 - Moteur à courant continux

B2-04

Question 1 Exprimer la fonction de transfert $H(p) = \frac{\Omega(p)}{U(p)}$

En passant les équations dans le domaine de Laplace, on a

- U(p) = E(p) + RI(p) + LpI(p);
- $E(p) = K_m \Omega(p)$;
- $C(p) = K_m I(p)$;
- $C(p) f\Omega(p) = Jp\Omega(p) \Leftrightarrow C(p) = \Omega(p)(Jp + f)$.

Vous devez savoir qu'un moteur à courant continu est piloté en tension (U(p)) et qu'en sortie on observe le taux de rotation ($\Omega(p)$).

En ne conservant que U(p) et $\Omega(p)$, on a donc $U(p) = E(p) + RI(p) + LpI(p) \Leftrightarrow U(p) = K_m\Omega(p) + \left(R + Lp\right)\frac{C(p)}{K_m} \Leftrightarrow C(p) = K_m\Omega(p) + C(p)$

$$U(p) = K_m \Omega(p) + \left(R + Lp\right) \frac{\Omega(p) \left(Jp + f\right)}{K_m} \iff U(p) = \left(K_m + \left(R + Lp\right) \frac{\left(Jp + f\right)}{K_m}\right) \Omega(p) \iff U(p) = \frac{K_m^2 + \left(R + Lp\right) \left(Jp + f\right)}{K_m} \Omega(p).$$

On a donc $H(p) = \frac{\Omega(p)}{U(p)} = \frac{K}{K^2 + (R + Lp)(Jp + f)}$.

Question 2 Préciser l'ordre et la classe de H.

H est d'ordre 2 et de classe 0 car on ne peut pas mettre de p en facteur. Le terme de plus haut degré du dénominateur est de degré 2.

Question 3 *Mettre* H(p) *sous forme canonique.*

$$H(p) = \frac{K_m}{K_m^2 + Rf + \left(RJ + Lf\right)p + LJp^2} \Leftrightarrow H(p) = \frac{\frac{K_m}{K_m^2 + Rf}}{1 + \frac{\left(RJ + Lf\right)}{K_m^2 + Rf}p + \frac{LJ}{K_m^2 + Rf}p^2}.$$

Question 4 Donner les caractéristiques de la fonction de transfe

En identifiant avec la forme canonique standard, $H(p) = \frac{K}{1 + \frac{2\xi}{\omega}p + \frac{p^2}{\omega^2}}$ soit $K = \frac{K_m}{K_m^2 + Rf}$, $\frac{2\xi}{\omega_0} = \frac{(RJ + Lf)}{K_m^2 + Rf}$ et

$$\frac{1}{\omega_0^2} = \frac{LJ}{K_m^2 + Rf}.$$

Au final,
$$K = \frac{K_m}{K_m^2 + Rf}$$
, $\omega_0 = \sqrt{\frac{K_m^2 + Rf}{LJ}}$, $\xi = \frac{RJ + Lf}{2\sqrt{LJ(K_m^2 + Rf)}}$.

Question 5 Vérifier l'homgénéité des différentes co

Le gain doit être en rad $s^{-1}V^{-1}$.

D'une part, $[K_m] = N \text{ mA}^{-1}$. D'autre part, $[K_m] = V \text{ rad}^{-1} \text{ s}$. On a donc $V \text{ rad}^{-1} \text{ s} = N \text{ mA}^{-1}$. (On pourrait aussi le

De plus
$$[R] = \Omega = \frac{V}{\Lambda}$$
 et $[f] = N \text{ m rad}^{-1}$ s.

montrer par une analyse dimensionnelle...)

De plus
$$[R] = \Omega = \frac{V}{A}$$
 et $[f] = N \text{ m rad}^{-1} \text{ s.}$

On a donc $[K] = \frac{N \text{ mA}^{-1}}{(N \text{ mA}^{-1})^2 + N \text{ m rad}^{-1} \text{ s} \times VA^{-1}} = \frac{1}{N \text{ mA}^{-1} + \text{rad}^{-1} \text{ s} V} = \frac{1}{\text{rad}^{-1} \text{ s} V} = \text{rad s}^{-1} V^{-1}.$

La pulsation propre doit être en s^{-1} ou rad s^{-1} .

On a vu que
$$[K_m^2] = [Rf]$$
. De plus $[L] = H = V s A^{-1}$ et $[J] = N m rad^{-1} s^2$ (PFD).
$$[\omega_0] = \sqrt{\frac{N^2 m^2 A^{-2}}{V s A^{-1} \times N m rad^{-1} s^2}} = \sqrt{\frac{N m rad}{V s A s^2}}. \text{ Or, } W = N m rad s^{-1} = VA.$$
 On a alors $[\omega_0] = \sqrt{\frac{N m rad s^{-1}}{V s^2 A}} = \sqrt{\frac{1}{s^2}} = s^{-1}.$

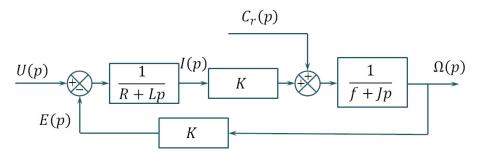
Enfin, ξ est sans unité... à vérifier :

Exercice 217 - Moteur à courant continux

B2-07

Question 1 Réaliser le schéma-blocs.





Question 2 Mettre le schéma-blocs sous la forme suivante.

En utilisant le schéma-blocs proposé, on a $\Omega(p) = (C_r(p)A(p) + U(p)B(p))C(p)$. D'autre part, $\Omega(p) = \left(C_r(p) + \frac{K}{R + Lp} \left(U(p) - K\Omega(p)\right)\right) \frac{1}{f + Ip}$. On a donc $(f + Jp)\Omega(p) = C_r(p) + U(p)\frac{\kappa}{R + Lp}$ $\Leftrightarrow (f+Jp)\Omega(p) + \frac{K^2}{R+Lp}\Omega(p) = C_r(p) + U(p)\frac{K}{R+Lp}$ $\iff \left(\left(f + Jp \right) + \frac{K^2}{R + Lp} \right) \Omega(p) = C_r(p) + U(p) \frac{K}{R + Lp}$ $\Leftrightarrow \frac{K^2 + (f + Jp)(R + Lp)}{R + Lp} \Omega(p) = C_r(p) + U(p) \frac{K}{R + Lp}$ $\Leftrightarrow \Omega(p) = \left(C_r(p) + U(p) \frac{K}{R + Lp}\right) \frac{R + Lp}{K^2 + (f + Jp)(R + Lp)}.$

Dés lors plusieurs schéma-blocs peuvent répondre à la question. Par exemple, A(p) = 1, $B(p) = \frac{K}{R + I n}$

$$C(p) = \frac{R + Lp}{K^2 + (f + Jp)(R + Lp)}.$$
 En poursuivant, on a aussi : $\Omega(p) = \left(C_r(p)(R + Lp) + U(p)K\right) \frac{1}{K^2 + (f + Jp)(R + Lp)}.$

On a donc aussi, A(p) = R + Lp, B(p) = K, $C(p) = \frac{1}{K^2 + (f + Jp)(R + Lp)}$

Exercice 216 - Valeur finale*

Question 1 Déterminer la valeur finale de s(t) lorsque l'entrée est un échelon d'amplitude E_0 .

$$\operatorname{Ona} H(p) = \frac{\frac{K}{p(1+\tau_1 p)(1+\tau_2 p)}}{1+\frac{CK}{p(1+\tau_1 p)(1+\tau_2 p)}} = \frac{K}{p(1+\tau_1 p)(1+\tau_2 p)+CK}. \operatorname{En cons\'equence}, S(p) = E(p)\frac{K}{p(1+\tau_1 p)(1+\tau_2 p)+CK}.$$

 $s_{\infty} = \lim_{t \to +\infty} s(t) = \lim_{p \to 0} pS(p) = \lim_{p \to 0} pE(p)H(p). \text{ Dans le cas où } E(p) \text{ est un échelon, on a } E(p) = \frac{E_0}{p} \text{ et donc}$ $s_{\infty} = \lim_{p \to 0} p \frac{E_0}{p} \frac{K}{p(1+\tau_1 p)(1+\tau_2 p)+CK} = \frac{E_0}{C}.$ **Question 2** En déduire la valeur de l'erreur statique.

$$s_{\infty} = \lim_{p \to 0} p \frac{E_0}{p} \frac{K}{p(1 + \tau_1 p)(1 + \tau_2 p) + CK} = \frac{E_0}{C}.$$

L'erreur statique est donnée par $\lim_{t\to +\infty}(e(t)-s(t))=E_0-\frac{E_0}{C}$. Question 3 Déterminer la valeur finale de s(t) lorsque l'entrée est une rampe de pente k. On a maintenant $E(p)=\frac{k}{p^2}$. On a donc et donc $s_\infty=\lim_{p\to 0}p\frac{k}{p^2}\frac{K}{p(1+\tau_1p)(1+\tau_2p)+CK}$ et $s_\infty=\infty$.

Question 4 En déduire la valeur de l'erreur de traînage

$$\varepsilon_{v} = \lim_{t \to +\infty} (e(t) - s(t)) = \lim_{p \to 0} p \left(\frac{k}{p^{2}} - \frac{k}{p^{2}} \frac{K}{p(1 + \tau_{1}p)(1 + \tau_{2}p) + CK} \right)$$

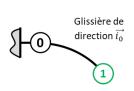
$$= \lim_{p \to 0} \frac{k}{p} \left(1 - \frac{K}{p(1 + \tau_{1}p)(1 + \tau_{2}p) + CK} \right) = \lim_{p \to 0} \frac{k}{p} \frac{p(1 + \tau_{1}p)(1 + \tau_{2}p) + CK - K}{p(1 + \tau_{1}p)(1 + \tau_{2}p) + CK} = +\infty$$



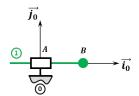
$$\begin{aligned} & \text{Question 5 } \textit{Qu'en est-il si } \textit{C} = 1 ?. \\ & \varepsilon_{v} = \lim_{p \to 0} \frac{k}{p} \frac{p \left(1 + \tau_{1} p \right) \left(1 + \tau_{2} p \right) + CK - K}{p \left(1 + \tau_{1} p \right) \left(1 + \tau_{2} p \right) + CK} = \lim_{p \to 0} \frac{k}{p} \frac{p \left(1 + \tau_{1} p \right) \left(1 + \tau_{2} p \right)}{p \left(1 + \tau_{1} p \right) \left(1 + \tau_{2} p \right) + K} = \lim_{p \to 0} k \frac{\left(1 + \tau_{1} p \right) \left(1 + \tau_{2} p \right)}{p \left(1 + \tau_{1} p \right) \left(1 + \tau_{2} p \right) + K} = \frac{k}{K}. \end{aligned}$$

B2-12

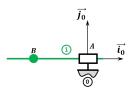
Question 1 *Tracer le graphe des* liaisons.



Question 2 Retracer le schéma ci*nématique pour* $\lambda = 10 \, \text{mm}$.

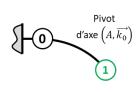


Question 3 Retracer le schéma ci*nématique pour* $\lambda = -20 \,\mathrm{mm}$.

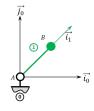


Exercice 214 - Mouvement R * B2-12

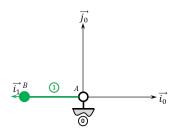
Question 1 *Tracer le graphe des* liaisons.



Question 2 Retracer le schéma cinématique pour $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad.



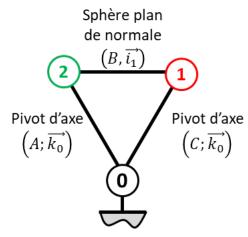
Question 3 Retracer le schéma ci*nématique pour* $\theta = \pi$ *rad.*



Exercice 213 - Barrière Sympact **

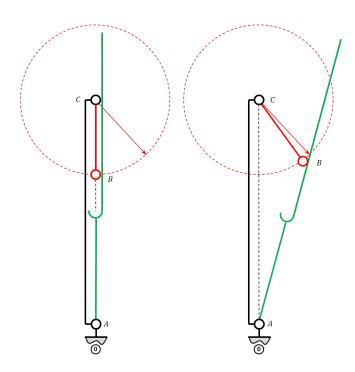
B2-12

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.



Question 2 Retracer le schéma cinématique pour $\theta(t) = \frac{\pi}{2}$ rad.



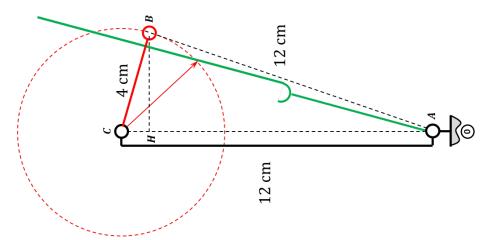


Question 3 Retracer le schéma cinématique pour $\theta(t) = 75^{\circ}$.

Question 4 Dans l'hypothèse où la pièce 1 peut faire des tours complets, quelle doit être la longueur minimale de la pièce 2.

Dans cas, dans le pire des cas, A, B et C sont alignés (avec B au-dessus de C). Il faut donc AB = AC + CB = 160 mm. Question 5 Dans l'hypothèse où la pièce 2 fait 12 cm, quel sera le débattement maximal de la pièce 1.

Comme je suis paresseux, j'ai réalisé la construction avec geogebra. On mesure 160,8°.



Exercice 212 - Mouvement T - *

C2-05

B2-13

Question 1 Quel est le mouvement de 1 par rapport à 0.

1 est en translation de direction $\overrightarrow{i_0}$ par rapport à 0. Question 2 Donner l'équation paramétrique de la trajectoire du point B, point appartenant à 1 par rapport à 0.

On a $\overrightarrow{AB} = \lambda(t) \overrightarrow{i_0}$. La trajectoire du point B est donc donnée par $\begin{cases} x_B(t) = \lambda(t) \\ y_B(t) = 0 \\ z_B(t) = 0 \end{cases}$ dans le repère $(A; \overrightarrow{i_0}, \overrightarrow{j_0}, \overrightarrow{z_0})$.

Exercice 211 - Mouvement R *

C2-05

B2-13

Question 1 Quel est le mouvement de 1 par rapport à 0.

1 est en rotation de centre A et d'axe $\overrightarrow{k_0}$ par rapport à 0.



Question 2 Quelle est la trajectoire du point B appartenant à 1 par rapport à 0.

B est est en rotation par rapport à $\mathbf{0}$ (cercle de centre A et de rayon R).

Question 3 Donner l'équation paramétrique de la trajectoire du point B, point appartenant à 1 par rapport à 0.

On a
$$\overrightarrow{AB} = R \overrightarrow{i_1} = R \cos \theta \overrightarrow{i_0} + R \sin \theta \overrightarrow{j_0}$$
. La trajectoire du point B est donc donnée par
$$\begin{cases} x_B(t) = R \cos \theta(t) \\ y_B(t) = R \sin \theta(t) \\ z_B(t) = 0 \end{cases}$$

dans le repère $(A; \overrightarrow{i_0}, \overrightarrow{j_0}, \overrightarrow{z_0})$.

Exercice 210 - Barrière Sympact **

B2-13

Question 1 Calculer V(B, 1/0)?

$$\overrightarrow{V(B,1/0)} = \overrightarrow{V(C,1/0)} + \overrightarrow{BC} \wedge \overrightarrow{\Omega(1/0)} = \overrightarrow{0} - R \overrightarrow{i_1} \wedge \overrightarrow{\theta} \overrightarrow{k_0} = R \overrightarrow{\theta} \overrightarrow{j_1}.$$
 (Possibilité d'utiliser la dérivation vectorielle.)

Question 2 Calculer V(B, 2/0)?

$$\overrightarrow{V(B,2/0)} = \overrightarrow{V(A,2/0)} + \overrightarrow{BA} \wedge \overrightarrow{\Omega(2/0)} = \overrightarrow{0} - \lambda \overrightarrow{i_2} \wedge \varphi \overrightarrow{k_0} = \lambda \varphi \overrightarrow{j_2}.$$

(Impossibilité d'utiliser la dérivation vectorielle.)

Question 3 *Justifier que* $\overrightarrow{V(B,2/1)} \cdot \overrightarrow{j_2} = 0$.

La liaison entre $\mathbf{2}$ et $\mathbf{1}$ est une liaison ponctuelle de normale $\overrightarrow{j_2}$. Il n'y a donc pas de vitesse sur cette direction (ce qui de plus provoquerait une rupture de contact en *B*).

Question 4 En déduire une relation cinématique entre les différentes grandeurs.

En utilisant la décomposition du vecteur vitesse, on a $\overrightarrow{V(B,2/1)} \cdot \overrightarrow{j_2} = \left(\overrightarrow{V(B,2/0)} - \overrightarrow{V(B,1/0)} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \iff 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\theta} \overrightarrow{j_1} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_1} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_1} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_1} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_1} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} \implies 0 = \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2} + \left(\lambda \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} - R \dot{\varphi} \overrightarrow{j_2} \right) \cdot \overrightarrow{j_2}$

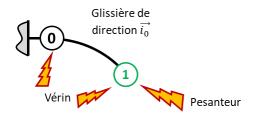
$$\overrightarrow{j_2} \iff 0 = \lambda \dot{\varphi} - R \dot{\theta} \cos(\varphi - \theta)$$
Exercice 209 - Mouvement T - *

B2-14

B2-15

C1-05

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.



Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} Y_{01} \overrightarrow{j_1} + Z_{01} \overrightarrow{k_1} \\ L_{01} \overrightarrow{i_1} + M_{01} \overrightarrow{j_1} + N_{01} \overrightarrow{k_1} \end{array} \right\}_A$$

$$\{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G$$

$$\{\mathscr{F}(\text{ver} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} F_{\nu} \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G$$

Question 3 Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} Y_{01} \overrightarrow{j_1} \\ N_{01} \overrightarrow{k_1} \end{array} \right\}_A, \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G, \{\mathscr{F}(\text{ver} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} F_{\nu} \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G.$$

Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le vérin pour maintenir 1 en équilibre.

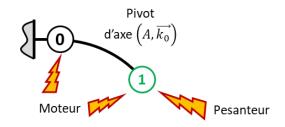
Mouvement de translation. On isole 1 et on applique le théorème de la résultante statique en projection suivant $\frac{1}{10}$. Exercice 208 - Mouvement R *

B2-14

B2-15

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.





Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

Question 2 Donner te torseur de chacune des actions mecaniques.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} X_{01} \overrightarrow{i_1} + Y_{01} \overrightarrow{j_1} + Z_{01} \overrightarrow{k_1} \\ L_{01} \overrightarrow{i_1} + M_{01} \overrightarrow{j_1} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B, \\ \{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_A.$$
 Question 3 Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} X_{01} \overrightarrow{i_1} + Y_{01} \overrightarrow{j_1} \\ M_{01} \overrightarrow{j_1} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B, \\ \{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_A.$$
 Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le moteur pour maintenir

$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} X_{01} \overrightarrow{i_1} + Y_{01} \overrightarrow{j_1} \\ M_{01} \overrightarrow{j_1} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B, \\ \{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B, \\ \{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F$$

1 en équilibre.

On isole 1 et on réalise un théorème du moment statique en A en projection sur $\overrightarrow{k_0}$.

Exercice 207 - Barrière Sympact **

C1-05 Pas de corrigé pour cet exercice.

On néglige la pesanteur sur la pièce 1.

On note $\{\mathscr{F}(\text{Moteur} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_{\forall P}$ l'action mécanique du moteur sur la pièce **1**.

On note $\{\mathscr{F}(\text{Ressort} \to 2)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ \overrightarrow{0} \\ C_r \overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_{\forall P}$ l'action mécanique d'un ressort couple sur la pièce **2**. Le raideur du ressort est telle qu'il exerce un couple de 45 Nm pour un angle de rotation 100°. On considère que le couple est nul lorsque la pièce 2 est à la verticale ($\varphi_o = \frac{\pi}{2}$). Il est au maximum lorsque $\varphi_f = 0$.

On note
$$\{\mathscr{F}(\text{Pes} \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} -Mg\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{\forall G}^{2} \text{ avec } \overrightarrow{AG} = L\overrightarrow{i_2}.$$

Question 1 Réaliser un graphe d'analyse

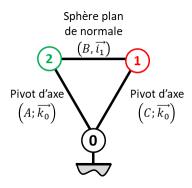
Question 2 Expliciter C_r en fonction des différents constantes $(k, \varphi_o, \varphi_f)$ et celles qui vous sembleraient utile.

Question 3 Proposer une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.

Exercice 206 - Barrière Sympact *

C2-06

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.



Question 2 Exprimer $\varphi(t)$ en fonction de $\theta(t)$. On a $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{0}$ soit $\lambda(t) \overrightarrow{i_2} - R \overrightarrow{i_1} - h \overrightarrow{j_0} = \overrightarrow{0}$.

En exprimant l'équation vectorielle dans le repère \mathscr{R}_0 , on a $\lambda(t) \Big(\cos\varphi(t)\overrightarrow{i_0} + \sin\varphi(t)\overrightarrow{j_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow{i_0} + \sin\theta(t)\overrightarrow{j_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow{i_0} + \sin\theta(t)\overrightarrow{i_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow{i_0} + \cos\theta(t)\overrightarrow{i_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow{i_0} + \cos\theta(t)\overrightarrow{i_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow{i_0} + \cos\theta(t)\overrightarrow{i_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow{i_0} + \cos\theta(t)\overrightarrow{i_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow{i_0}\Big) - R\Big(\cos\theta(t)\overrightarrow$ $h\overrightarrow{j_0} = \overrightarrow{0}$.



On a alors
$$\begin{cases} \lambda(t)\cos\varphi(t) - R\cos\theta(t) = 0 \\ \lambda(t)\sin\varphi(t) - R\sin\theta(t) - h = 0 \end{cases}$$
 soit
$$\begin{cases} \lambda(t)\cos\varphi(t) = R\cos\theta(t) \\ \lambda(t)\sin\varphi(t) = R\sin\theta(t) + h \end{cases}$$
 En faisant le rapport des équations, on a donc : $\tan\varphi(t) = \frac{R\sin\theta(t) + h}{R\cos\theta(t)}$ (pour $\theta(t) \neq \frac{\pi}{2} \mod \pi$). Question 3 Exprimer $\dot{\varphi}(t)$ en fonction $de\dot{\theta}(t)$.

On a : $\varphi(t) = \arctan\left(\frac{R\sin\theta(t) + h}{R\cos\theta(t)}\right)$.

Pour commencer, $(R\sin\theta(t) + h)' = R\dot{\theta}(t)\cos\theta(t)$ et $(R\cos\theta(t))' = -R\dot{\theta}(t)\sin\theta(t)$.

De plus,
$$\left(\frac{R\sin\theta(t) + h}{R\cos\theta(t)}\right)' = \frac{R\dot{\theta}(t)\cos\theta(t)R\cos\theta(t) + R\dot{\theta}(t)\sin\theta(t)(R\sin\theta(t) + h)}{R^2\cos^2\theta(t)}$$

$$= \frac{R\dot{\theta}(t)\cos^2\theta(t) + R\dot{\theta}(t)\sin\theta(t)(R\sin\theta(t) + h)}{R^2\cos^2\theta(t)}$$

$$= \frac{R\dot{\theta}(t)\cos^2\theta(t) + R\sin^2\theta(t)\dot{\theta}(t)(R\sin\theta(t) + h)}{R\cos^2\theta(t)}$$

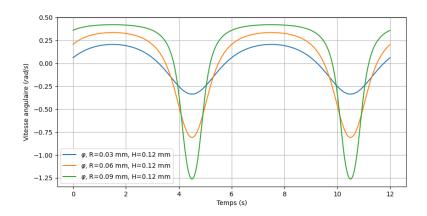
$$= \frac{R\dot{\theta}(t)\cos^2\theta(t) + R\sin^2\theta(t)\dot{\theta}(t) + h\dot{\theta}(t)\sin\theta(t)}{R\cos^2\theta(t)}$$

$$= \dot{\theta}(t)\frac{R + h\sin\theta(t)}{R\cos^2\theta(t)}$$
.

Au final,
$$\dot{\theta}(t)\frac{R + h\sin\theta(t)}{R\cos^2\theta(t)} \qquad \dot{\theta}(t)\frac{R + h\sin\theta(t)}{R\cos^2\theta(t)}$$

Au final,
$$\dot{\varphi}(t) = \frac{\dot{\theta}(t)\frac{R+h\sin\theta(t)}{R\cos^2\theta(t)}}{1+\left(\frac{R\sin\theta(t)+h}{R\cos\theta(t)}\right)^2} \frac{\dot{\theta}(t)\frac{R+h\sin\theta(t)}{R\cos^2\theta(t)}}{1+\frac{(R\sin\theta(t)+h)^2}{R^2\cos^2\theta(t)}} \cdot \frac{\dot{\theta}(t)\frac{R+h\sin\theta(t)}{R^2\cos^2\theta(t)}}{1+\frac{(R\sin\theta(t)+h)^2}{R\cos^2\theta(t)}} = \frac{R\dot{\theta}(t)(R+h\sin\theta(t))}{R^2\cos^2\theta(t)+(R\sin\theta(t)+h)^2} \cdot \frac{\dot{\theta}(t)\frac{R+h\sin\theta(t)}{R\cos^2\theta(t)}}{R^2\cos^2\theta(t)+R\sin\theta(t)} \cdot \frac{R\dot{\theta}(t)(R+h\sin\theta(t))}{R^2\cos^2\theta(t)+R\sin\theta(t)} = \frac{R\dot{\theta}(t)(R+h\sin\theta(t))}{R^2+h^2+2Rh\sin\theta(t)} \cdot \frac{\dot{\theta}(t)(R+h\sin\theta(t))}{R^2+h^2+2Rh\sin\theta(t)} \cdot \frac{\dot{\theta}$$

Question 4 En utilisant Python, tracer $\dot{\varphi}(t)$ en fonction de $\dot{\theta}(t)$. On considérera que la fréquence de rotation de la pièce **1** est de 10 tours par minute.



```
#!/usr/bin/env python
# -*- coding: utf-8 -*-
"""14_Sympact.py"""

__author__ = "Xavier_Pessoles"
__email__ = "xpessoles.ptsi@free.fr"

import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import math as m
```



```
from scipy.optimize import newton
from scipy.optimize import fsolve
R = 0.03 \# m
H = 0.12 \# m
w = 10 \# tours /min
w = 10*2*m.pi/60 # rad/s
def calc_phi(theta):
   num = R*np.sin(theta) + H
    den = R*np.cos(theta)
   return np.arctan2(num,den)
def calc_phip(theta):
   num = R*w*(R+H*np.sin(theta))
   den = R*R+H*H+2*R*H*np.sin(theta)
   return np.arctan2(num,den)
def plot_phi():
    les_t = np.linspace(0, 12, 1000)
    les_theta = w*les_t
   les_phi = calc_phi(les_theta)
   plt.grid()
   plt.xlabel("Temps_(s)")
   plt.ylabel("Position_angulaire_($rad$)")
    \texttt{\#plt.plot(les\_t,les\_theta,label=str("\$\backslash theta\$, R=")+str(R)+" mm,"+str("H=")+str(H)+" mm") } 
   plt.plot(les_t,les_phi,label=str("$\\\varphi$,_R=")+str(R)+"_lmm,_l"+str("H=")+str(H)+"_lmm")
   plt.legend()
   plt.show()
def plot_phip():
    les_t = np.linspace(0,12,1000)
    les_theta = w*les_t
    les_phip = calc_phip(les_theta)
   plt.grid()
   plt.xlabel("Temps<sub>□</sub>(s)")
   plt.ylabel("Vitesse_angulaire_($rad/s$)")
   \#plt.plot(les_t, les_theta, label=str("\$\\thetata, R=")+str(R)+" mm, "+str("H=")+str(H)+" mm")
   plt.plot(les_t, les_phip, label=str("\$\\\\\\\\\\\\)+str(R)+"_{mm}, "+str("H=")+str(H)+"_{mm}")
   plt.legend()
   plt.show()
for \mathbb{R} in [0.03, 0.06, 0.09]:
   plot_phip()
```

Exercice 205 - Ecart*

C2-02 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert suivante : $F_1(p) = \frac{15}{1+10p}$.

Question 2 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert suivante : $F_2(p) = \frac{10}{(1+10p)(10+p)}$

Question 3 Tracer le diagramme de Bode de la fonction de transfert suivante : $F_3(p) = \frac{40}{p(1+300p)}$.

Exercice 204 - Identification temporelle *

B2-06 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Déterminer la fonction de transfert du système.

Question 2 Déterminer la fonction de transfert du système.

Exercice 203 - Identification *

B2-06

Pas de corrigé pour cet exercice.



Question 1 Déterminer les période et les pulsations de chacun des signaux..

Question 2 En déduire le gain et le déphasage en régime permanent pour chacune des courbes temporelles de sortie correspondant aux 3 entrées.

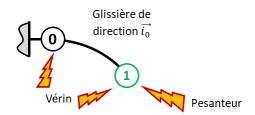
Exercice 202 - Mouvement T - * TO DO RESOUTION....

B2-14

B2-15

C1-05 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.



Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

$$\begin{split} \{\mathscr{F}(0 \to 1)\} &= \left\{ \begin{array}{c} Y_{01} \overrightarrow{j_1} + Z_{01} \overrightarrow{k_1} \\ L_{01} \overrightarrow{i_1} + M_{01} \overrightarrow{j_1} + N_{01} \overrightarrow{k_1} \end{array} \right\}_A \\ \{\mathscr{F}(\mathrm{pes} \to 1)\} &= \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G \\ \{\mathscr{F}(\mathrm{ver} \to 1)\} &= \left\{ \begin{array}{c} F_v \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G \\ \mathbf{Question 3} \ \ \textit{Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.} \end{split}$$

$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} Y_{01} \overrightarrow{j_1} \\ N_{01} \overrightarrow{k_1} \end{array} \right\}_A, \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G, \{\mathscr{F}(\text{ver} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} F_{\nu} \overrightarrow{i_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_G.$$

Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le vérin pour maintenir 1 en équilibre.

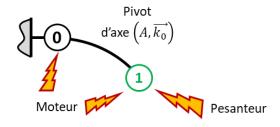
Mouvement de translation. On isole 1 et on applique le théorème de la résultante statique en projection suivant $\overrightarrow{i_0}$. Exercice 201 - Mouvement R * TO DO RESOUTION....

B2-14

B2-15

C1-05 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Réaliser le graphe d'analyse en faisant apparaître l'ensemble des actions mécaniques.



Question 2 Donner le torseur de chacune des actions mécaniques.

$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} X_{01}\overrightarrow{i_1} + Y_{01}\overrightarrow{j_1} + Z_{01}\overrightarrow{k_1} \\ L_{01}\overrightarrow{i_1} + M_{01}\overrightarrow{j_1} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B, \\ \{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m\overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_A.$$
 Question 3 Simplifier les torseurs dans l'hypothèse des problèmes plans.
$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} X_{01}\overrightarrow{i_1} + Y_{01}\overrightarrow{j_1} \\ M_{01}\overrightarrow{j_1} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\text{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1g\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B, \\ \{\mathscr{F}(\text{Mot} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m\overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_A.$$

$$\{\mathscr{F}(0 \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} X_{01} \overrightarrow{i_1} + Y_{01} \overrightarrow{j_1} \\ M_{01} \overrightarrow{j_1} \end{array} \right\}_A, \\ \{\mathscr{F}(\mathsf{pes} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} -m_1 g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_B, \\ \{\mathscr{F}(\mathsf{Mot} \to 1)\} = \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array} \right\}_A.$$

Question 4 Proposer une démarche permettant de déterminer l'effort que doit développer le moteur pour maintenir 1 en équilibre.

On isole 1 et on réalise un théorème du moment statique en A en projection sur k_0



Exercice 200 - Train simple *

A3-05

C2-06

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{3/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.

On a
$$\frac{\omega_{3/0}}{\omega_{1/0}} = -\frac{Z_1}{Z_3}$$
.

Question 3 Donner une relation géométrique entre Z_1 , Z_2 et Z_3 permettant de garantir le fonctionnement du train d'engrenages.

On a $Z_3 = 2Z_2 + Z_1$.

Exercice 199 - Train simple *

A3-05

C2-06

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.

On a
$$\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}} = -\frac{Z_1 Z_{22}}{Z_4 Z_{21}}$$
.

Question 3 Donner une relation géométrique entre Z_1 , Z_{21} , Z_{22} et Z_4 permettant de garantir le fonctionnement du train d'engrenages.

On a $Z_1 + Z_{21} + Z_{22} = Z_4$.

Exercice 198 - Train simple *

A3-05

C2-06

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.

On a
$$\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}} = \frac{Z_1 Z_{22}}{Z_4 Z_{21}}$$

Exercice 197 - Barrière Sympact ** A FINIR

C2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

On néglige la pesanteur sur la pièce 1.

On note {Moteur(1 \rightarrow =)} $\left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_m \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$ l'action mécanique du moteur sur la pièce 1.

On note {Ressort(2 \rightarrow =)} $\left\{\begin{array}{c} \overrightarrow{0} \\ C_r \overrightarrow{k_0} \end{array}\right\}_{\forall P}$ l'action mécanique d'un ressort couple sur la pièce **2**. Le raideur du ressort

est telle qu'il exerce un couple de 45 Nm pour un angle de rotation 100°. On considère que le couple est nul lorsque la pièce 2 est à la verticale ($\varphi_o = \frac{\pi}{2}$). Il est au maximum lorsque $\varphi_f = 0$.

On note $\{\text{Pes}(2 \rightarrow =)\}$ $\left\{\begin{array}{c} -Mg\overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{G}$ avec $\overrightarrow{AG} = L\overrightarrow{i_2}$.

On note
$$\{\text{Pes}(2 \rightarrow =)\} \left\{ \begin{array}{c} \overrightarrow{-M}g \overrightarrow{j_0} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_{\forall G} \text{avec } \overrightarrow{AG} = L \overrightarrow{i_2}$$

Question 1 Réaliser un graphe d'analyse.

Question 2 Expliciter C_r en fonction des différents constantes $(k, \varphi_o, \varphi_f)$ et celles qui vous sembleraient utile.

Question 3 Proposer une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.

Question 4 Mettre en oeuvre une méthode permettant d'exprimer le couple moteur en fonction des autres actions mécaniques.

Question 5 Tracéer de courbe Python.



Exercice 196 - Train simple *

A3-05

C2-06

Question 1 Tracer le graphe des liaisons.

Question 2 Déterminer $\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}}$ en fonction du nombre de dents des roues dentées.

On a
$$\frac{\omega_{4/0}}{\omega_{1/0}}=\frac{Z_1Z_{22}}{Z_4Z_{21}}.$$
 Exercice 195 – La Seine Musicale*

B2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 En considérant que la perturbation $C_{pert}(p)$ est nulle, déterminer $H_f(p) = \frac{\Omega_m(p)}{\Omega_c(p)}$ sous forme canonique.

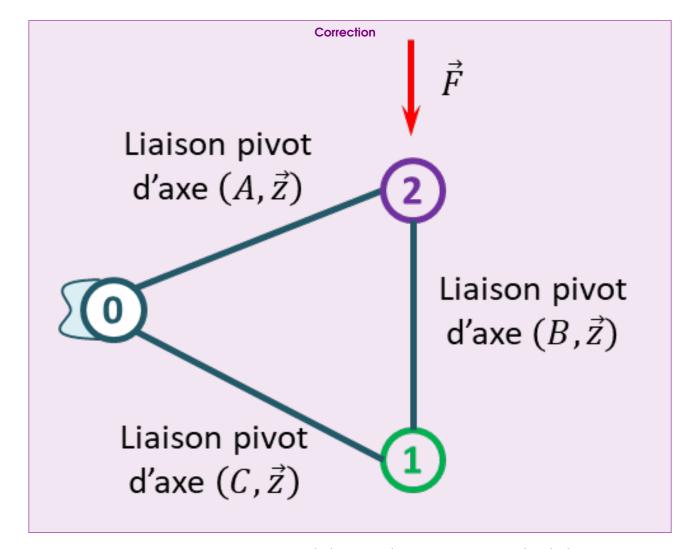
Question 2 Exprimer la fonction de transfert $H_r(p) = \frac{\Omega_m(p)}{C_{pert}(p)}$ en la mettant sous la forme : $H_r(p) = -\frac{\alpha(1+\tau p)}{1+\gamma p+\delta p^2}$. Exprimer α , τ , γ et δ en fonction des différents paramètres de l'étude.

Question 3 Exprimer $X_{ch}(p)$ en fonction $de \Omega_m(p)$ et $C_{pert}(p)$.

Exercice 194 - Détermination des efforts dans une structure étayée **

C2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 Tracer le graphe d'analyse du système (graphe des liaisons et actions extérieures).



Question 2 Proposer une stratégie permettant de déterminer les actions mécaniques dans les liaisons.



Correction Ici, il s'agit de déterminer les actions mécaniques dans toutes les liaisons. Il faudra donc isoler successivement toutes les pièces et réaliser un PFS pour chacune d'entre elles. Cependant, il y a quand même une stratégie d'isolement à avoir : il faut commencer par isoler les solides soumis à deux glisseurs. En effet, d'après le PFS, lorsqu'un solide est soumis à deux glisseurs, les deux forces sont de même norme, de même direction (droite passant par le point d'application des deux glisseurs) et de sens opposé.

La stratégie est donc la suivante :

- on isole 1 et on réalise le PFS.
- on isole 2 et on réalise le PFS en B.

Question 3 Déterminer les actions mécaniques dans les liaisons en fonction de F.

Correction On isole 1. On réalise le BAME:

- $\{\mathcal{T}(0 \rightarrow 1)\};$
- $\{\mathcal{T}(2 \rightarrow 1)\}$.

D'après le PFS pour un solide soumis à 2 glisseurs, on a : $\{\mathcal{T}(0 \to 1)\} + \{\mathcal{T}(2 \to 1)\} = 0$.

Résolution :
$$\{\mathscr{T}(0 \to 1)\} = -\{\mathscr{T}(2 \to 1)\} = \left\{\begin{array}{c} F_{01} \overrightarrow{x_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_A$$
.

Correction On isole 2. On réalise le B

•
$$\{\mathscr{T}(0 \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} X_{02}\overrightarrow{x} + Y_{02}\overrightarrow{y} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_A = \left\{\begin{array}{c} X_{02}\overrightarrow{x} + Y_{02}\overrightarrow{y} \\ -aY_{02}\overrightarrow{z} \end{array}\right\}_A;$$

•
$$\{\mathcal{T}(1 \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} F_{01} \overrightarrow{x_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_{R};$$

•
$$\{\mathscr{T}(\text{ext} \to 2)\} = \left\{\begin{array}{c} -F \overrightarrow{y} \\ \overrightarrow{0} \end{array}\right\}_C = \left\{\begin{array}{c} -F \overrightarrow{y} \\ -F b \overrightarrow{z} \end{array}\right\}_C$$
.

D'après le PFS pour un solide soumis à 2 glisseurs, on a :

$$\{\mathcal{T}(0 \to 2)\} + \{\mathcal{T}(1 \to 2)\} + \{\mathcal{T}(\text{ext} \to 2)\} = 0.$$

$$\begin{cases} X_{02} + F_{01} \cos \alpha = 0 \\ Y_{02} + F_{01} \sin \alpha - F = 0 \\ -a Y_{02} - F b = 0 \end{cases}$$

Resolution:

$$\begin{cases}
X_{02} + F_{01} \cos \alpha = 0 \\
Y_{02} + F_{01} \sin \alpha - F = 0 \\
-a Y_{02} - F b = 0
\end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases}
X_{02} = -F_{01} \cos \alpha = -F \frac{a+b}{a \tan \alpha} \\
F_{01} = \frac{F - Y_{02}}{\sin \alpha} = F \frac{a+b}{a \sin \alpha} \\
Y_{02} = -\frac{b}{a} F
\end{cases}$$

Exercice 193 – Machine de rééducation SysReeduc *

B2-07 Pas de corrigé pour cet exercice.

Question 1 À partir des équations proposées, déterminer les fonctions de transfert K_1 , K_2 , $H_3(p)$, $H_4(p)$, K_5 , K_6 , K_7 , K_8 et K_9 .

On a:

- $u_m(t) = e(t) + Ri(t) \Rightarrow U_m(p) = E(p) + RI(p) \text{ et } C_{M1}(p) = k_t I(p) \text{ donc } K_2 = \frac{k_t}{R}$;
- $E(p) = k_e \Omega_m(p)$ et donc $K_7 = k_e$; $(M+m) r \rho_1 p \Omega_m(p) = \frac{C_{M1}(p)}{\rho_1 r} F_p(p) \Leftrightarrow (M+m) r^2 \rho_1^2 p \Omega_m(p) = C_{M1}(p) \rho_1 r F_p(p)$ et donc $K_9 = \rho_1 r$ et $H_3(p) = \frac{1}{(M+m) r^2 \rho_1^2 p}$;
- $H_4(p)$ permet d'obtenir une position à partir d'une vitesse. Il s'agit donc d'un intégrateur et $H_4(p) = \frac{1}{n}$;
- un codeur incrémental avec 1 émetteur-récepteur permet de détecter les fentes et les « non fentes » donc ici 1000 informations par tour. Avec un second émetteur, on double la résolution soit 2000 informations pour un tour soit $K_8 = \frac{2000}{2\pi}$;

 • en utilisant le réducteur et le poulie courroie, on a directement $K_5 = \rho_1$ et $K_6 = r$ (à convertir en mètres);
- enfin, K_1 convertit des mètres en incréments. X_c est la consigne que doit respectée X. Pour avoir un asservisse-



ment précis, il faut donc $\varepsilon = 0$ et $X = X_c$ soit $\varepsilon = 0 = K_1 X_C - K_8 \theta_m = K_1 X_C - K_8 \frac{X}{K_5 K_6}$. Au final, $K_1 = \frac{K_8}{K_5 K_6}$. **Question 2** *Montrer que le schéma-blocs peut être mis sous la forme suivante. On exprimera A, B et D en fonction*

des paramètres du système r, ρ_1 , k_t , k_e , R, M, m et K_8 .

_							
С	$\overline{}$	rr	$\overline{}$	\sim 1	17	'n	
·	u		ㄷ	u	ш	л.	