





Occ. TP

Étude des systèmes de laboratoire

Sciences Industrielles de l'Ingénieur

Doc.

Étude du Robot Delta 2D



- Paramétrage du robot delta
- 2 Modélisation géométrique du Robot Delta 2D

2

D





## Paramétrage du robot delta

## On a:

- $\overrightarrow{OA} = a\overrightarrow{x_0}$  et  $\overrightarrow{OB} = -a\overrightarrow{x_0}$  avec a = 60 mm;

- $\overrightarrow{AD} = \ell \overrightarrow{x_1}$  et  $\overrightarrow{BE} = \ell \overrightarrow{x_1'}$  avec  $\ell = 170 \,\mathrm{mm}$ ;  $\overrightarrow{DF} = L \overrightarrow{x_2}$  et  $\overrightarrow{EF} = L \overrightarrow{x_2'}$  avec  $L = 350 \,\mathrm{mm}$ ;  $\overrightarrow{FP} = -b \,\overrightarrow{x_3} c \,\overrightarrow{y_3}$  avec  $b = -35 \,\mathrm{mm}$  et  $c = -75 \,\mathrm{mm}$  (on pourra montrer que  $\overrightarrow{x_0} = \overrightarrow{x_3}$  et  $\overrightarrow{y_0} = \overrightarrow{y_3}$ );
- $\overrightarrow{OF} = x \overrightarrow{x_0} + y \overrightarrow{y_0}$

## Modélisation géométrique du Robot Delta 2D

Le robot delta est un robot à 2 mobilités. Il sera donc nécessaire d'écrire deux fermetures géométriques. Commençons pas réaliser la fermeture de la chaîne O - A - D - F - O.

On a donc: 
$$\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DF} + \overrightarrow{FO} = \overrightarrow{0}$$
, soit  $a\overrightarrow{x_0} + \ell \overrightarrow{x_1} + L\overrightarrow{x_2} - x\overrightarrow{x_0} - y\overrightarrow{y_0} = \overrightarrow{0}$ .

On projette ensuite dans 
$$\mathscr{B}_0: a\overrightarrow{x_0} + \ell\left(\cos\theta\overrightarrow{x_0} + \sin\theta\overrightarrow{y_0}\right) + L\left(\cos\psi\overrightarrow{x_0} + \sin\psi\overrightarrow{y_0}\right) - x\overrightarrow{x_0} - y\overrightarrow{y_0} = \overrightarrow{0}$$

On projette ensuite dans 
$$\mathcal{B}_0: a\overrightarrow{x_0} + \ell (\cos\theta \overrightarrow{x_0} + \sin\theta \overrightarrow{y_0}) + L(\cos\psi \overrightarrow{x_0} + \sin\psi \overrightarrow{y_0}) - x\overrightarrow{x_0} - y\overrightarrow{y_0} = \overrightarrow{0}$$
.  
On alors les expressions suivantes : 
$$\begin{cases} a + \ell \cos\theta + L\cos\psi - x = 0 \\ \ell \sin\theta + L\sin\psi - y = 0 \end{cases}$$