

(1-5i)

$$S(x) = \sqrt[3]{x+2} \cdot e^{-x}$$

$$D_S = \mathbb{R}$$

$$S'(x) = (\sqrt[3]{x+2})' \cdot e^{-x} + \sqrt[3]{x+2} \cdot (e^{-x})'$$

$$= \frac{1}{3} \frac{(x+2)^{-2/3}}{\sqrt[3]{(x+2)^2}} \cdot e^{-x} + \sqrt[3]{x+2} \cdot e^{-x} \cdot -(x)'$$

$$= \frac{1 \cdot e^{-x}}{3\sqrt[3]{(x+2)^2}} + (-\sqrt[3]{x+2} \cdot e^{-x})$$

$$= \frac{1}{3\sqrt[3]{(x+2)^2} \cdot e^x} - \frac{\sqrt[3]{x+2}}{e^x}$$

$$= \frac{1 - 3(x+2)}{3\sqrt[3]{(x+2)^2} \cdot e^x} = \frac{-3x-5}{3\sqrt[3]{(x+2)^2} \cdot e^x}$$

1, kdy derivace neexistuje

$$\sqrt[3]{(x+2)^2} \cdot e^x = 0$$

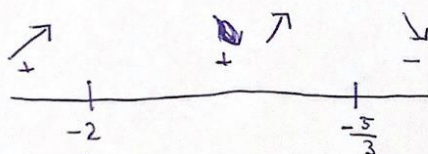
$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$x = -2 \quad \neq 0$$

2, kdy derivace = 0

$$-3x-5 = 0$$

$$x = -\frac{5}{3}$$



není minimum
pouze mění
konverzní na konkávní

$$\hookrightarrow S\left(-\frac{5}{3}\right) = \sqrt[3]{-\frac{5}{3}+2} \cdot e^{\frac{5}{3}} = 3,671$$

funkce má lokální ^{max}imum v bodě $x = -\frac{5}{3}$ a má hodnotu 3,671.