数据结构: 加里森的任务 实验报告

毛子恒 李臻 张梓靖

2020年10月11日

小组成员

班级: 2019211309 姓名: 毛子恒 学号: 2019211397 分工: 代码 文档 班级: 2019211310 姓名: 李臻 学号: 2019211458 分工: 测试 文档 班级: 2019211308 姓名: 张梓靖 学号: 2019211379 分工: 可视化 文档

1 需求分析

1.1 题目描述

在由序号为 $1 \subseteq n$ 的 n 个元素依次排列并且首尾相接而组成的环中,规定初始时从序号 1 开始依次经过 2,3,... 元素走到第 n 个元素的方向为正方向。

初始时以第 x 个元素为起点 st,重复以下过程 n-1 次: 以 st 为第 1 个元素,沿正方向找到第 y 个元素 del,从环中删除 del 元素,再将原 del 的下一个元素作为新的 st。

求经过 n-1 次操作之后,环中仅剩的一个元素的序号是否是 1。

1.2 输入描述

程序从标准输入中读入数据。输入一行三个整数,用空格分隔,分别表示 n, x, y。 其中各个值的范围需要满足 $1 < n \le 10^9$ $0 < x \le n$ $0 < y \le 10^9$ 。 由于程序时间复杂度较大,建议 $n < 10^4$ 。

1.3 输出描述

输出分为三种情况:

- 1. 输入合法,程序正常运行结束。此时输出两行,第一行一个字符串"Yes"或者"No"(不带引号),分别表示最后一个元素是/不是1,第二行一个数字,表示最后一个元素的序号。
- 2. 输入不合法。此时输出一行一个字符串"Please check your input."(不带引号)。
- 3. 程序发生运行时错误,比如内存分配失败。此时程序没有输出。

1.4 样例输入输出
1.4.1 样例输入输出 1
【输入】
【输出】
1.4.2 样例输入输出 2
【输入】
【输出】
1.4.3 样例输入输出 3
【输入】
【输出】
1.4.4 样例输入输出 4
A A HA A A A A A A A A A A A A A A A A
1.4.5 样例输入输出 5
₹ AA J. ▼

1.4.6 样例输入输出 6

【输入】

【输出】

1.5 程序功能

程序通过给定的 n, x, y 计算出最后环中仅剩的元素序号,并且与 1 比较。

2 概要设计

2.1 问题解决的思路

使用单循环链表维护此约瑟夫环,首先在链表中依次插入 n 个结点表示 n 名队员,以 now 指针模拟计数过程。从头结点找到第 x 个结点,此后执行以下操作 n-1 次:找到当前结点之后的第 y-1 个结点,删除这个结点。此题中单循环链表实现了初始化、判空、在指定位置增加节点、删除指定位置的节点、释放空间这五种操作。由于链表的删除操作实现是删除给定结点的后继,所以 now 指针始终指向当前正在计数元素的前驱。由于单循环链表中存在一个特殊的头结点,所以另实现一个函数,返回某个结点的后继(跳过头结点)。更多细节在调试分析报告部分中讨论。

2.2 链表的定义

数据对象			

基本操作

操作: 初始化链表

后件: 指向一个循环链表的头结点

操作:判断链表是否为空前件:是循环链表的头结点

后件: 如果该链表为空, 返回, 否则返回

操作: 向链表的某个节点后插入一个节点

前件:是链表中的某一个节点

后件: 如果成功, 之后添加一个新节点, 属性为传入的第二个参数

操作: 删除链表中指定的节点

前件:是该链表的头结点,是需要删除的节点

后件: 删除链表中的节点

操作:找到链表中某一节点的后继前件:指向链表中的某一个节点

后件:函数返回的后继,并且跳过头结点

操作:释放链表空间

前件:指向需要释放空间的链表的头结点 后件:释放指向链表的空间,重置为空指针

2.3 主程序的流程

- 1. 输入
- 2. 初始化链表
- 3. 在链表中依次插入 n 个结点
- 4. 找到第 x 个结点
- 5. 循环 n-1 次: 找到当前节点之后的第 y-1 个结点,删除这个结点
- 6. 输出
- 7. 释放空间

2.4	各程序模块之间的层次关系
3	详细设计
3.1	链表的实现
3.2	函数的调用关系图
4	调试分析报告
4.1	调试过程中遇到的问题和解决方案
4.2	设计实现的回顾讨论
4.3	算法复杂度分析
4.4	改进设想的经验和体会
4.4.1	. 改进 1
	在主程序的这一部分:
	悉加元素 第个元素的前驱
下:	可以另用一个指针变量在向链表逐个添加元素的同时记录第 $x-1$ 个元素的位置,以省去第二个循环。优化后的实现如
_	
4.4.2	· 改进 2
	在主程序的这一部分:

对于有 $n-i+1$ 个元素的环,找到当前元素之后的第 $y-1$ 个元素和找到当前元素之后的第 $(y-1) \bmod (n-i+1)$ 个元素并无区别。优化后的实现如下:

当y比n大的时候对时间复杂度有很可观的优化。

4.4.3 改进 3

约瑟夫问题有时间复杂度为O(n)的递归解法,现论述如下:

假设对于有 n 个元素的环,序号为 0 至 n-1,以序号为 0 的元素为起点,删去第 y 个元素,即序号为 y-1 的元素,之后进行下一次删除。

而根据题意,下一次删除应该从被删除元素的下一个元素开始计数,所以可以将整体序号减去 y 再对 n 取余数,得到新的序号,范围是 0 至 n-2,然后再以 0 为起点重复删除操作。

最后一次删除和序号变化之后,剩余一个序号为 0 的元素。可以根据上述操作的逆过程推出这个元素在初始状态下的序号。

由于题目规定了起点的序号为 x,所以还要再进行一次类似的整体序号位移,另外题目中序号为 $1 \subseteq n$,给求得答案 +1 得到题目要求的答案。

该解法的实现如下:

"%d%d%d"

"%d\n"-

这个程序被用于测试环节,用来验证原解法的正确性。

- 5 用户使用说明
- 6 测试结果
- 6.1 测试实例 1