

数据结构：判别回文字符串 实验报告

毛子恒 李臻 张梓靖

2020 年 10 月 25 日

小组成员

班级：2019211309

姓名：毛子恒

学号：2019211397

分工：代码 文档

班级：2019211310

姓名：李臻

学号：2019211458

分工：测试 文档

班级：2019211308

姓名：张梓靖

学号：2019211379

分工：文档

Contents

1	需求分析	2
2	概要设计	3
3	详细设计	4
4	调试分析报告	9
5	用户使用说明	9
6	测试结果	10

1 需求分析

1.1 题目描述

输入稀疏矩阵 A 和 B，检测 A 和 B 能否相加/相乘。

如能，做矩阵相加/相乘运算，并打印运算结果；如不能，显示原因。

1.2 输入描述

程序从标准输入中读入数据。输入两行两个整数，用空格分隔，分别表示矩阵的行数和列数 n, m 。

每行整数后紧接着输入 $n*m$ 个整数，用空格隔开，表示稀疏矩阵中的数据。

1.3 输出描述

程序向标准输出中输出结果。

输出分为两种情况：

1. 输入合法，程序正常运行结束。此时输出矩阵运算的结果。
2. 如矩阵不能相加，输出"Cannot add matrix A and B, An != Bn." 或"Cannot add matrix A and B, An != Bn."
3. 如矩阵不能相乘，输出"Cannot multiply matrix A and B, Am != Bn."

1.4 样例输入输出

1.4.1 样例输入输出 1

【输入】

【输出】

1.4.2 样例输入输出 2

【输入】

【输出】

1.4.3 样例输入输出 3

【输入】

【输出】

1.4.4 样例输入输出 4

【输入】

【输出】

1.5 程序功能

程序判别稀疏矩阵 A 和 B 能否相加/相乘，并完成计算。

2 概要设计

2.1 问题解决的思路

2.2 矩阵的定义

```
1 //数据对象
2 typedef struct
3 {
4     int i, j, val;
5 } Tuple;
6
7 typedef struct
8 {
9     Tuple * data;
10    int * pos; // 每一行中首个非零元素的位置
11    int n, m, tot; // 为非空元素总数tot
12    int sizeofMatrix; // 三元组存储单位的个数
13 } Matrix;
14
15 /*
16  * 操作：初始化矩阵
17  * 前件：指向一个空矩阵，an, >0m>0
18  * 后件：指向一个an*的零矩阵m
19  */
20 void initMatrix(Matrix * a, int n, int m);
21
22 /*
23  * 操作：扩展矩阵的存储空间
24  * 前件：指向一个矩阵c
25  * 后件：该矩阵扩展个三元组存储单位MATRIXINCREASESIZE
26  */
27 void expandMatrix(Matrix * c);
28
29 /*
30  * 操作：把由一维数组存储的矩阵转化为由三元组表存储的矩阵
31  * 前件：n, >0m, >0中存储一个矩阵，矩阵元素vala[i][j]存储在]val[(i-1)*m+j中]
32  * 后件：函数返回由三元组表作为存储形式的矩阵
33  */
34 Matrix array2Matrix(int n, int m, int val[]);
35
36 /*
37  * 操作：把两个矩阵相加
38  * 前件：a,为两个矩阵，并且行数和列数都相等b
39  * 后件：函数返回两个矩阵相加的结果
```

```
40  */
41  Matrix addMatrix(Matrix a, Matrix b);
42
43  /*
44  * 操作：把两个矩阵相乘
45  * 前件：a, 为两个矩阵，并且的列数和的行数相等bab
46  * 后件：函数返回两个矩阵相乘的结果
47  */
48  Matrix mulMatrix(Matrix a, Matrix b);
49
50  /*
51  * 操作：把由三元组表存储的矩阵转化为由一维数组存储的矩阵
52  * 前件：为一个矩阵，指向一个至少有avaln*m个存储单位的+1类型的数组int
53  * 后件：指向由一维数组存储的矩阵，矩阵元素vala[i][j]存储在]val[(i-1)*m+j中]
54  */
55  void matrix2Array(Matrix a, int val[]);
56
57  /*
58  * 操作：释放矩阵空间
59  * 前件：指向一个矩阵a
60  * 后件：指向一个空矩阵a
61  */
62  void destroyMatrix(Matrix * a);
```

2.3 主程序的流程

1. 输入，元素进入一维数组
2. 一维数组存储的矩阵转化为由三元组表存储的矩阵
3. 判断矩阵能否相加
4. 输出
5. 判断矩阵能否相乘
6. 输出
7. 释放空间

2.4 各程序模块之间的层次关系

程序模块层次关系图如图 1。

3 详细设计

3.1 栈的实现

三元组设计中基本操作的伪代码算法如下：



Figure 1: 程序模块层次关系

```
1 // 初始化矩阵
2 void initMatrix(Matrix * a, int n, int m)
3 {
4     a->n <- n;
5     a->m <- m;
6     a->tot <- 0;
7     if (a->内存分配失败pos)异常退出
8
9     a->sizeofMatrix <- MATRIXINCREASESIZE;
10    if (a->内存分配失败data)异常退出
11
12 }
13
14 // 扩展矩阵的存储空间
15 void expandMatrix(Matrix * c)
16 {
17     // 分配更多存储空间
18     if (c->内存分配失败data)异常退出
19
20     c->sizeofMatrix <- c->sizeofMatrix + MATRIXINCREASESIZE
21 }
22
23 // 把由一维数组存储的矩阵转化为由三元组表存储的矩阵
24 Matrix array2Matrix(int n, int m, int val[])
25 {定义矩阵
26     a 并初始化
27     for (int i <- 1; i <= n; ++i)
28     {
29         a.pos[i] <- a.tot + 1
30         for (int j <- 1; j <= m; ++j)
31         {
32             if (val[(i - 1) * m + j]不为空)
33             {
34                 if 矩阵(的存储空间不足a)扩展矩阵的存储空间
35                 a
36                 a.data[++a.tot] <- (Tuple) {i, j, val[(i - 1) * m + j]}
37             }
38         }
39     }
40     a.pos[n + 1] <- a.tot + 1返回
41     a
42 }
43
44 // 两个矩阵相加
45 Matrix addMatrix(Matrix a, Matrix b)
46 {
47     if 两个矩阵的行列大小不相等()异常退出定义矩阵
48 }
```

```

49     c 并初始化
50     if 有一个矩阵为空()返回空矩阵
51     c
52     for (int i <- 1; i 小于等于a.n; ++i)
53     {
54         c.pos[i] <- c.tot + 1定义整型
55         p1 <- a.pos[i]定义整型
56         p2 <- b.pos[i]
57         while (p1 小于a.pos[i + 1] 或p2 小于b.pos[i + 1]) // 枚举矩阵和矩阵第行的非零元素abi
58         {定义临时整型
59             tempj,tempv // 用于记录矩阵中每一个位置加法的结果c
60             if (矩阵本行没有元素或者矩阵非零元素列数小于矩阵非零元素的列数bab)
61             {
62                 c[i][j] <- a[i][j]
63             }
64             else if (矩阵本行没有元素或者矩阵非零元素列数小于矩阵非零元素的列数aba)
65             {
66                 c[i][j] <- b[i][j]
67             }
68             else
69             {
70                 c[i][j] <- a[i][j]+b[i][j]
71             }
72             if (c[i][j]不为0)
73             {
74                 if 矩阵(存储空间不足c)扩展矩阵的存储空间
75
76                 c.data[++c.tot] <- (Tuple) {i, tempj, tempv}
77             }
78         }
79         c.pos[c.n + 1] <- c.tot + 1返回
80     c
81 }
82
83 // 两个矩阵相乘
84 Matrix mulMatrix(Matrix a, Matrix b)
85 {
86     if 第一个矩阵的列数不等于第二个矩阵的行数() // 两个矩阵不可相乘异常退出定义矩阵
87
88     c 并初始化
89     if 有一个矩阵为空()返回空矩阵
90     c定义临时数组并分配内存
91     temp // 临时数组，用于记录矩阵中每一行的结果c
92     for (int i <- 1; i 小于等于a.n; ++i)
93     {
94         memset(temp, 0, (a.m + 1) * sizeof(int));
95         c.pos[i] <- c.tot + 1;
96         for (int p <- a.pos[i]; p 小于a.pos[i + 1]; ++p) // 枚举矩阵第行的非零元素ai

```

```

97     {
98         int k <- a.data[p].j // 矩阵的该非零元素为aa[i][k]
99         for (int q <- b.pos[k]; q 小于b.pos[k + 1]; ++q) // 枚举矩阵第行的非零元素bk
100         {
101             int j <- b.data[q].j // 矩阵的该非零元素为bb[k][j]
102             c[i][j] <- c[i][j] + a[i][k]*b[k][j]
103         }
104     }
105     for (int j <- 1; j 小于等于a.m; ++j)
106     {
107         if (c[i][j]不等于]0)继续下一轮循环
108
109         if 矩阵(存储空间不足c)扩展矩阵的存储空间
110
111         c.data[++c.tot] <- (Tuple) {i, tempj, tempv}
112     }
113 }
114 c.pos[c.n + 1] <- c.tot + 1;释放临时数组
115 temp返回
116 c
117 }
118
119 // 把由三元组表存储的矩阵转化为由一维数组存储的矩阵
120 void matrix2Array(Matrix a, int val[])
121 {
122     memset(val, 0, sizeof(int) * (a.n * a.m + 1));
123     for (int i <- 1; i 小于等于a.tot; ++i)
124         val[(a.data[i].i - 1) * a.m + a.data[i].j] <- a.data[i].val; // a[i][j]存储在]val[(i-1)*m+j中]
125 }
126
127 // 释放矩阵空间
128 void destroyMatrix(Matrix * a)
129 {释放
130     a->pos释放
131     a->data
132     a->n <- 0
133     a->m <- 0
134     a->tot <- 0
135     a->sizeOfMatrix <- 0
136 }

```

3.2 函数的调用关系图

函数调用关系图如图 2。

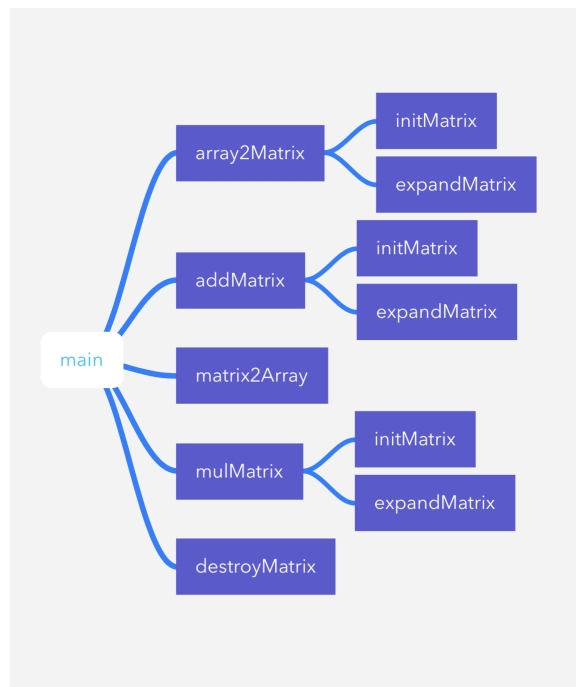


Figure 2: 函数调用关系图

4 调试分析报告

4.1 调试过程中遇到的问题和思考

4.2 设计实现的回顾讨论

4.3 算法复杂度分析

4.4 改进设想的经验和体会

4.4.1 改进 1

5 用户使用说明

5.1 栈和队列的顺序实现

使用 gcc 编译生成可执行文件。

```
gcc -o main -std=c11 main.c stack.c queue.c
```

执行可执行文件：

```
./main
```

在 Windows cmd 下：

```
main
```

之后通过标准输入输入数据，输入格式参考 1.2 节的输入描述，结果通过标准输出返回。如果输入合法并且程序正常运行结束，主函数返回值为 0。

5.2 栈和队列的链表实现

使用 gcc 编译生成可执行文件。

```
gcc -o main -std=c11 main1.c stack.c queuelist.c
```

执行可执行文件：

```
./main
```

在 Windows cmd 下：

```
main
```

之后通过标准输入输入数据，输入格式参考 1.2 节的输入描述，结果通过标准输出返回。如果输入合法并且程序正常运行结束，主函数返回值为 0。

6 测试结果

本题的两种实现方式均通过以下测试。

测试环节分为三个步骤。

6.1 测试第一部分

对 1.4 节给出的样例进行测试。

6.2 测试第二部分

测试边界条件。

【输入】

```
#
```

（认为空串是回文串）

【输出】

```
YES
```

【输入】

```
1#
```

【输出】

```
YES
```

【输入】

```
00#
```

【输出】

```
YES
```

6.3 测试第三部分

将原解法与 4.4.1 节改进解法比对。

测试在 macOS Catalina 10.15.6 下进行。

在 $LEN \leq 10$, $LEN \leq 1000$, $LEN \leq 1000000$ 的范围下分别随机生成 1000 组测试数据，分别传入 main 和 test，并且比对两程序的输出。

3000 组数据中两程序的输出均相同。

数据生成程序 (testing/data.cpp) 如下：

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
3 using namespace std;
4
5 const int LEN = 1e6;
6 char a[LEN + 10];
7
8 int main()
9 {
10     srand(time(0));
11     int n = rand() % LEN + 1;
12     for (int i = 1; i <= n / 2; ++i)
13         printf("%c", a[i] = rand() % 26 + 'a');
14     if (rand() % 2 == 1)
15     {
16         for (int i = 1; i <= n / 2; ++i)
17             printf("%c", a[i]);
18     }
19     else
20     {
21         for (int i = n / 2; i >= 1; --i)
22             printf("%c", a[i]);
23     }
24     puts("#");
25     return 0;
26 }
```

比对脚本 (testing/chk.sh) 如下：

```
1 for i in {1..100}
2 do
3     sleep 1
4     ./data >in.in
5     ./main <in.in >out.out
6     ./test <in.in >out1.out
7     if ! diff out.out out1.out
8     then
9         break
10    fi
11    echo "Correct"
12 done
```