Príklad 1A (6 bodov)

V urne máme 5 bielych, 6 čiernych a 4 zelené guľôčky. Odrazu ťaháme 3 z nich. Aká je pravdepodobnosť, že

- a.) vytiahneme 2 zelené a jednu čiernu?
- b.) vytiahneme z každej farby po jednej?
- c.) vytiahneme aspoň jednu bielu?

(a)
$$P(A) = \frac{\binom{4}{2} \cdot 6}{\binom{15}{3}} = \frac{36}{455}$$

(b)
$$P(B) = \frac{5 \cdot 6 \cdot 4}{\binom{15}{3}} = \frac{120}{455} = \frac{24}{91}$$

(c)
$$1 - P(C) = \frac{\binom{10}{3}}{\binom{15}{3}} = \frac{24}{91} \implies P(C) = \frac{67}{91}$$

Príklad 1B (6 bodov)

V urne máme 6 bielych, 3 čierne a 5 zelených guľôčok. Ťaháme 3 z nich tak, že vytiahnutú vrátime nazad a potom ťaháme ďalšiu. Aká je pravdepodobnosť, že

- a.) vytiahneme 2 zelené a jednu čiernu?
- b.) vytiahneme z každej farby po jednej?
- c.) 1.vytiahnutá je biela a ďalšie sú zelené?

(a)
$$P(A) = {3 \choose 2} \left(\frac{5}{14}\right)^2 \left(\frac{3}{14}\right) = \frac{225}{2744}$$

(b)
$$P(B) = 3! \frac{6}{14} \frac{3}{14} \frac{5}{14} = \frac{540}{2744} = \frac{135}{686}$$

(c)
$$P(C) = \frac{6}{14} \left(\frac{5}{14}\right)^2 = \frac{150}{2744} = \frac{75}{1372}$$

Príklad 1C (6 bodov)

 $5\times$ hádžeme mincou. Pravdepodobnosť, že padne znak, je p=0,6.Aká je pravdepodobnosť, že

- a.) znak nepadne ani raz?
- b.) práve 3x padne znak?
- c.) znak padne aspoň 2x?

(a)
$$P(A) = 0, 4^5 = \left(\frac{2}{5}\right)^5 = \frac{32}{3125} = 0,01024$$

(b)
$$P(B) = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix} 0, 6^3 \cdot 0, 4^2 = 10 \cdot \frac{108}{3125} = 0,3456$$

(c)
$$1 - P(C) = P(A) + 5 \cdot 0, 6 \cdot 0, 4^4 = 0,01024 + 0,0768 = 0,08704 \implies P(C) = 0,91296$$

Príklad 1D (6 bodov)

- $3\times$ hádžeme kockou. Aká je pravdepodobnosť, že
- a.) vždy padne rovnaká hodnota?
- b.) 6 padne aspoň raz?
- c.) raz padne hodnota menšia ako 4 a 2x väčšia alebo rovná 4?

(a)
$$P(A) = 6 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^3 = \frac{1}{36}$$

(b)
$$1 - P(B) = \left(\frac{5}{6}\right)^3 = \frac{125}{216} \implies P(B) = \frac{91}{216}$$

(c)
$$P(C) = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix} \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{3}{8} = 0,375$$

Príklad 2A (6 bodov)

Stanica V vysiela 2 druhy signálov – bodky a čiarky. Bodku vysiela s pravdepodobnosťou P(B)=0,4. Stanica P vyslané signaly prijíma. V prenose sa občas vyskytne chyba. Pre prijímané signály platia tieto podmienené pravdepodobnosti (veľké písmeno označuje vyslaný signal a male písmeno prijatý, B(b) – bodka, C(c) – čiarka):

$$P(b|B) = 0,9$$
 $P(b|C) = 0,2$
 $P(c|B) = 0,1$ $P(c|C) = 0,8$

Aká je pravdepodobnosť, že

- a.) stanica P prijala čiarku (ak nevieme, aký signál bol vyslaný)?
- b.) ak stanica P prijala bodku, vyslaná bola bodka?
- c.) ak stanica P prijala čiarku, vyslaná bola čiarka?

(a)
$$P(c) = P(c|C) \cdot P(C) + P(c|B) \cdot P(B) = 0, 8 \cdot 0, 6 + 0, 1 \cdot 0, 4 = 0, 52$$

(b)
$$P(B|b) = \frac{P(b|B) \cdot P(B)}{P(b)} = \frac{0.9 \cdot 0.4}{1 - 0.52} = \frac{36}{48} = 0.75$$

(c)
$$P(C|c) = \frac{P(c|C) \cdot P(C)}{P(c)} = \frac{0.48}{0.52} = \frac{12}{13}$$

Príklad 2B (6 bodov)

Daná choroba sa vyskytuje u 0.1% populácie. Populáciu testujeme. Pri vyhodnotení testu môže prísť k chybnému záveru. Označenia — Z = zdravý, C = chorý, N = negatívny výsledok, <math>P = pozitívny výsledok testu. Pravdepodobnosti chybných vyhodnotení testu:

$$P(N|C) = 0.02;$$
 $P(P|Z) = 0.05.$

Aká je pravdepodobnosť, že

- a.) ak je výsledok negatívny, že pacient je zdravý?
- b.) náhodne zvolený test je pozitívny?
- c.) ak je výsledok pozitívny, že pacient je chorý?

(a)
$$P(Z|N) = \frac{(1 - P(P|Z)) \cdot P(Z)}{(1 - P(P|Z)) \cdot P(Z) + P(N|C) \cdot P(C)} = \frac{0,95 \cdot 0,999}{0,95 \cdot 0,999 + 0,02 \cdot 0,001} = \frac{94905}{94907}$$

(b)
$$P(P) = P(P|Z) \cdot P(Z) + P(P|C) \cdot P(C) = 0.05 \cdot 0.999 + 0.98 * 0.001 = 0.05093$$

(c)
$$P(C|P) = \frac{P(P|C) \cdot P(C)}{P(P|C) \cdot P(C) + P(P|Z) \cdot P(Z)} = \frac{0.98 \cdot 0.001}{0.98 \cdot 0.001 + 0.05 \cdot 0.999} = \frac{98}{5093}$$

Príklad 2C (6 bodov)

Máme 2 urny. V 1. Je 5 bielych a 10 čiernych guľôčok, v 2. Je 5 bielych a 15 čiernych. Náhodne si zvolíme 1 urnu a z nej 1 guľôčku. Aká je pravdepodobnosť, že

- a.) vytiahnutá guľôčka je biela?
- b.) ak sme vytiahli bielu guľôčku, že pochádza z 1. urny?
- c.) ak sme vytiahli čiernu guľôčku, že pochádza z 2. urny?

(a)
$$P(A) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{4} \right) = \frac{7}{24}$$

(b)
$$P(B) = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3}}{P(A)} = \frac{4}{7}$$

(c)
$$P(C) = \frac{\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2}}{1 - P(A)} = \frac{9}{17}$$

Príklad 2D (6 bodov)

Máme 2 krabice s teplomermi. V 1. je 7 modrých, 2 biele a 3 zelené, v 2. je 9 modrých, 3 biele a 2 zelené. Z 1. krabice sme vybrali 1 teplomer a dali do 2. krabice. Nevieme, akej je farby. Potom vyberieme z 2. krabice teplomer. Aká je pravdepodobnosť, že

- a.) tento teplomer je modrý?
- b.) ak sme z 2. krabice vybrali modrý, predtým sme tam presunuli modrý?
- c.) ak sme z 2. krabice vybrali zelený, predtým sme tam presunuli biely alebo modrý?

(a)
$$P(A) = P(M_2|M_1) \cdot P(M_1) + P(M_2) \cdot (1 - P(M_1)) = \frac{10}{15} \cdot \frac{7}{12} + \frac{9}{15} \cdot \frac{5}{12} = \frac{14+9}{36} = \frac{23}{36}$$

(b)
$$P(B) = \frac{P(M_2|M_1) \cdot P(M_1)}{P(A)} = \frac{\frac{14}{36}}{\frac{23}{36}} = \frac{14}{23}$$

(c)
$$P(C) = \frac{P(Z_2|Z_1^c) \cdot P(Z_1^c)}{P(Z_2|Z_1) \cdot P(Z_1) + P(Z_2|Z_1^c) \cdot P(Z_1^c)} = \frac{\frac{2}{15} \cdot \frac{9}{12}}{\frac{3}{15} \cdot \frac{3}{12} + \frac{2}{15} \cdot \frac{9}{12}} = \frac{2}{3}$$

Príklad 3A (8 bodov)

Náhodná premenná ξ má rozdelenie dané vzťahom

$$p(k) = \frac{2}{3^k}$$
 pre $k \in \{1, 2, \dots\}$

- a.) (2 body) vypočítajte 0,9 kvantil, teda $Q_{0,9}$ také, že $P(\xi \leq Q_{0,9}) \geq 0,9$ a $P(\xi \geq Q_{0,9}) \geq 0,1$
- b.)(2 body) vypočítajte $P(\xi \le 4)$.
- c.) (4 body) Nech $\delta=|2.\xi-3|,$ vypočítajte $P(\delta\geq 2)$ a 0,75 kvantil náh. premennej $\delta,$ $Q_{0.75}(\delta)$

Riešenie

- (a) Počítajme: nech $G(k) = P(\xi \le k)$, potom $G(1) = \frac{2}{3}$, $G(2) = \frac{8}{9} < 0, 9$, $G(3) = \frac{26}{27} > 0, 9$. Z toho $Q_{0,9} = 3$.
- **(b)** $P(\xi \le 4) = G(4) = \frac{26}{27} + \frac{2}{81} = \frac{80}{81}$
- (c) $P(\delta \ge 2) = 1 P(\delta < 2)$.

Ako sa transformuje ξ na δ :

$$P(\delta < 2) = P(\delta = 1) = P(\xi = 1 \text{ alebo } \xi = 2) = \frac{8}{9}$$

$$P(\delta \ge 2)\frac{1}{9},$$

$$P(\delta = 1) = \frac{8}{9} > 0,75 \implies Q_{0,75}(\delta) = 1$$

Príklad 3B (8 bodov)

Náhodná premenná ξ má rozdelenie dané predpisom

$$P(\xi = k) = \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^{k-1}$$
 pre $k \in \{1, 2, \dots\}$

- a.) (2 body) vypočítajte medián, teda $m(\xi)$ také, že $P(\xi \leq m(\xi)) \geq 0,5$ a $P(\xi \ge m(\xi)) \ge 0, 5$
- b.) (2 body) vypočítajte $P(1 \le \xi \le 3)$.
- c.) (4 body) Nech $\delta = |2\xi 3|$, vypočítajte $P(\delta \ge 2)$ a medián náh. premennej δ , $m(\delta)$

Riešenie

- (a) Počítajme: nech $G(k)=P(\xi\leq k)$, potom $G(1)=\frac{1}{4},\ G(2)=\frac{7}{16}<0,5,$ $G(3)=\frac{37}{64}>0,5.$ Z toho $m(\xi)=3.$
- **(b)** $P(1 \le \xi \le 3) = G(3) = \frac{37}{64}$
- (c) $P(\delta \ge 2) = 1 P(\delta < 2)$.

Ako sa transformuje ξ na δ :

$$P(\delta < 2) = P(\delta = 1) = G(2) = \frac{7}{16}$$

$$P(\delta \ge 2) = \frac{9}{16},$$

$$m(\delta) = m(\xi) = 3$$

$$P(\delta \ge 2) = \frac{9}{16},$$

$$m(\delta) = m(\xi) = 3$$

Príklad 3C (8 bodov)

 $4\times$ hádžeme mincou, obe strany padajú s rovnakou pravdepodobnosťou. Keď padne znak, dostaneme 1 bod, za číslo máme 0 bodov. Náhodná premenná ξ je celkový súčet bodov

- a.) (4 body) určte rozdelenie pravdep. n.p. ξ (stačí zadať tabuľkou)
- b.) (2 body) vypočítajte $P(1 \le \xi \le 3)$.
- c.) (2 body) nájdite medián náh. premennej ξ , teda m také, že $P(\xi \leq m) \geq 0,5$ a $P(\xi \geq m) \geq 0,5$

(a)
$$\xi \sim \text{Bi}(4, \frac{1}{2})$$
 i 0 1 2 3 4 $P(\xi = i)$ $\frac{1}{16}$ $\frac{4}{16}$ $\frac{6}{16}$ $\frac{4}{16}$ $\frac{1}{16}$

(b)
$$P(1 \le \xi \le 3) = \frac{14}{16}$$

(c)
$$m = 2$$
, lebo $P(\xi \le 2) = \frac{11}{16}$ a $P(\xi \le 1) = \frac{5}{16}$

Príklad 3D (8 bodov)

V urne sú 4 biele guľôčky a 2 čierne. $4\times$ ťaháme s návratom (teda vždy zo všetkých). Za bielu guľôčku získame 1 bod, za čiernu stratíme 1 bod (teda získame -1 bod). Náhodná premenná ξ je celkový súčet bodov

- a.) (4 body) určte rozdelenie pravdep. n.p. ξ (stačí zadať tabuľkou)
- b.) (2 body) vypočítajte $P(|\xi| > 0)$
- c.) (2 body) nájdite medián náh. premennej $\xi,$ tedamtaké, že $P(\xi \leq m) \geq 0,5$ a $P(\xi \geq m) \geq 0,5$

Riešenie

(a) Rozdelenie ξ je transformácia rozdelenia Bi $(4,\frac{2}{3})$, konkrétne, ak $\theta \sim$ Bi $(4,\frac{1}{2})$, tak $\xi=2\cdot\theta-4$.

i	-4	-2	0	2	4
$P(\xi = i)$ upravené	$\begin{pmatrix} \frac{1}{3} \end{pmatrix}^4 \\ \frac{1}{81}$	$4\frac{2}{3} \left(\frac{1}{3}\right)^3$ $\frac{8}{81}$	$6\left(\frac{2}{3}\right)^2 \left(\frac{1}{3}\right)^2$	$4\left(\frac{2}{3}\right)^3 \frac{1}{3}$ $\frac{32}{81}$	

(b)
$$P(|\xi| > 0) = P(\xi \neq 0) = 1 - \frac{24}{81} = \frac{57}{81}$$

(c)
$$m = 2$$
, lebo $P(\xi \le 2) = \frac{65}{81} > 0, 5$ a $P(\xi \le 1) = \frac{33}{81}$

Príklad 4A (10 bodov)

Máme 2 kocky, 1. má steny očíslované hodnotami 0 až 5 a 2. hodnotami 1 až 6. Náhodná premenná ξ predstavuje počet bodov na 1. kocke a δ počet bodov na 2. kocke.

- a.) (4 body) určte rozdelenie pravdepodobnosti n. p. $\theta = \xi + \delta$ (stačí zadať tabuľkou)
- b.) (2 body) overte, či sú n. premenné ξ a θ nezávislé zdôvodnite výsledok
- c.) (4 body) určte rozdelenie pravdepodobnosti (dané tabuľkou) náh. vektora $(\min(\xi, \delta); \xi)$

Riešenie

(a) Tabuľka súčtov (hodnôt θ)

$\delta \setminus \xi$	0	1	2	3	4	5
1	1	2	3	4	5	6
2	2	3	4	5	6	7
3	3	4	5	6	7	8
4	4	5	6	7	8	9
5	5	6	7	8	9	10
6	6	7	8	9	10	11

Z toho dostaneme rozdelenie θ :

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
$P(\theta = i)$	$\frac{1}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{6}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{1}{36}$

(b) $P(\xi = 0 \land \theta 3) = \frac{1}{36} \neq \frac{1}{6} \cdot \frac{3}{36}$, z toho dostaneme, že ξ a θ sú závislé.

	$\min(\xi, \delta) \setminus \xi$	0	1	2	3	4	5	\sum
	0	$\frac{1}{6}$	0	0	0	0	0	$\frac{6}{36}$
	1	ŏ	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{36}$	$\frac{\frac{1}{36}}{\frac{1}{36}}$ $\frac{4}{36}$ 0	$ \begin{array}{r} \frac{1}{36} \\ \frac{1}{36} \\ \frac{1}{36} \\ \frac{3}{36} \end{array} $	$\frac{1}{36}$	$ \begin{array}{r} \overline{36} \\ \overline{10} \\ \overline{36} \\ 8 \\ \overline{36} \\ \overline{6} \\ \overline{36} \\ 4 \\ \overline{36} \\ 2 \\ \overline{36} $
(a)	2	0	0	$\frac{\overline{36}}{\overline{36}}$	$\frac{1}{36}$	$\frac{1}{36}$	$\left \frac{1}{36} \right $	$\frac{8}{36}$
(c)	3	0	0	Ő	$\frac{4}{36}$	$\frac{1}{36}$	$ \begin{array}{c c} \hline 36 \\ 1 \\ 36 \\ 1 \\ 36 \\ 1 \\ 36 \\ 2 \\ 36 \end{array} $	$\frac{6}{36}$
	4	0	0	0	0	$\frac{3}{36}$	$\left \begin{array}{c} \frac{1}{36} \end{array} \right $	$\frac{4}{36}$
	5	0	0	0	0	0	$\left \frac{2}{36} \right $	$\frac{2}{36}$
	\sum	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	1

Príklad 4B (10 bodov)

Máme 2 kocky, 1. má steny očíslované hodnotami 0 až 5 a 2. hodnotami -1 až 4. Náhodná premenná ξ predstavuje počet bodov na 1. kocke a δ počet bodov na 2. kocke.

a.) (4 body) určte rozdelenie pravdepodobnosti n. p. $\theta = \xi + \delta$ (stačí zadať tabuľkou)

b.) (4 body) určte rozdelenie pravdepodobnosti náh. vektora (U, V), ktorého zložky sú nezávislé a majú rovnaké marginálne rozdelenie ako vektor (ξ, θ)

c.) (2 body) vypočítajte $P(\xi \le 2, \theta \le 3)$

Riešenie

(a) Tabuľka súčtov (hodnôt θ)

$\delta \setminus \xi$	0	1	2	3	4	5
-1	-1	0	1	2	3	4
0	0	1	2	3	4	5
1	1	2	3	4	5	6
2	2	3	4	5	6	7
3	3	4	5	6	7	8
4	4	5	6	7	8	9

Z toho dostaneme rozdelenie θ :

i	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$P(\theta = i)$	$\frac{1}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{6}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{1}{36}$

	$\mid \xi \setminus \theta \mid$	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	\sum
	0	1	2	3	4	5	6	5	4	3	2	1	$\frac{1}{6}$
	1	1	2	3	4	5	6	5	4	3	2	1	$\frac{1}{6}$
(1.)	2	1	2	3	4	5	6	5	4	3	2	1	$\left \begin{array}{c} \frac{1}{6} \end{array} \right $
(b)	3	1	2	3	4	5	6	5	4	3	2	1	$\left \begin{array}{c} \frac{1}{6} \end{array} \right $
	4	1	2	3	4	5	6	5	4	3	2	1	$\left \begin{array}{c} \frac{1}{6} \end{array} \right $
	5	1	2	3	4	5	6	5	4	3	2	1	$\frac{1}{6}$
	\sum	$\frac{1}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{6}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{1}{36}$	1

Čísla v tabuľke treba vydeliť $216 = 6^3$

(c)
$$P(\xi \le 2, \theta \le 3) = P(\xi = 0, \theta \le 3) + P(\xi = 1, \theta \le 3) + P(\xi = 2, \theta \le 3) = \frac{5}{36} + \frac{4}{36} + \frac{3}{36} = \frac{12}{36} = \frac{1}{3}$$

Príklad 4C (10 bodov)

Máme 2 krabice, v 1. sú 4 lístky očíslované 1 až 4, v 2 je 5 lístkov očíslovaných 1 až 5. Z každej krabice vytiahneme 1 lístok. Náhodná premenná ξ predstavuje vytiahnuté číslo z 1. krabice a δ vytiahnuté číslo z 2. krabice.

- a.) (4 body) určte rozdelenie pravdepodobnosti n. vektora $V=(\min(\xi,\delta),\max(\xi,\delta))$ (stačí zadať tabuľkou)
- b.) (2 body) overte, či sú zložky náhodného vektora V nezávislé
- c.) (4 body) vypočítajte $P(\min(\xi, \delta) \le 2, \max(\xi, \delta) \ge 3)$ a $P(|\xi \delta| \le 1)$

	$\min(\xi, \delta) \setminus \max(\xi, \delta)$	1	2	3	4	5	\sum
	1	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{4}{10}$
(a)	2	0	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{3}{10}$
(a)	3	0	0	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$	$\left \begin{array}{c} \frac{1}{20} \end{array} \right $	$\frac{2}{10}$
	4	0	0	0	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$
	\sum	$\frac{1}{20}$	$\frac{3}{20}$	$\frac{5}{20}$	$\frac{7}{20}$	$\frac{4}{20}$	1

- (b) Napr. $P(V=(4,0))=0\neq \frac{1}{10}\cdot \frac{1}{20}$, zložky náhodného vektora V sú závislé
- c) $P(\min(\xi, \delta) \le 2, \max(\xi, \delta) \ge 3) = 0, 5$ (dostaneme priamo z tabuľky rozdelenia V) $P(|\xi \delta| \le 1) = P(\xi = \delta) + P(|\xi \delta| = 1) = \frac{4}{20} + \frac{7}{20} = \frac{11}{20}$

Príklad 4D (10 bodov)

Máme 2 krabice, v 1. sú 4 lístky očíslované 1 až 4, v 2 je 5 lístkov očíslovaných 1 až 5. Z každej krabice vytiahneme 1 lístok. Náhodná premenná ξ predstavuje vytiahnuté číslo z 1. krabice a δ vytiahnuté číslo z 2. krabice.

- a.) (4 body) určte rozdelenie pravdepodobnosti n. vektora $V=(|\xi-\delta|,\max(\xi,\delta))$ (stačí zadať tabuľkou)
- b.) (4 body) nájdite rozdelenie pravdepodobnosti náh. vektora W, ktorého zložky sú nezávislé a majú rovnaké marginálne rozdelenie ako zložky vektora V
- c.) (2 body) vypočítajte $P(|\xi-\delta| \leq 2, \max(\xi,\delta) \geq 3)$

Riešenie

	$ \xi - \delta \setminus \max(\xi, \delta)$	1	2	3	4	5	\sum
	0	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$	0	$\frac{2}{10}$
	1	0	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{\frac{1}{20}}{\frac{1}{2}}$	$\frac{7}{20}$
(a)	2	0	0	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{20} \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix}$	$ \begin{array}{c c} \hline 20 \\ 5 \\ \hline 20 \\ 3 \\ \hline 20 \\ \end{array} $
	3	0	0	0	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{3}{20}$
	4	0	0	0	0	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{20}$
	\sum	$\frac{1}{20}$	$\frac{3}{20}$	$\frac{5}{20}$	$\frac{7}{20}$	$\frac{4}{20}$	1

	W	1	2	3	4	5	\sum
	0	$\frac{1}{100}$	$\frac{6}{200}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{14}{200}$	$\frac{8}{200}$	$\frac{2}{10}$
	1		$ \begin{array}{r} 200 \\ \underline{21} \\ 400 \\ \underline{15} \\ 400 \\ \underline{9} \\ 400 \\ 3 \end{array} $	$ \begin{array}{r} \hline 20 \\ 35 \\ \hline 400 \\ 25 \\ \hline 400 \\ \hline 15 \\ \hline 400 \\ \hline 5 \end{array} $	$ \begin{array}{r} \hline 200 \\ 49 \\ \hline 400 \\ \hline 35 \\ \hline 400 \\ \hline 21 \\ \hline 400 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 200 \\ 28 \\ \hline 400 \\ 20 \\ \hline 400 \\ 12 \\ \hline 400 \\ 4 \end{array} $	$ \begin{array}{c c} \hline & \frac{2}{10} \\ & \frac{7}{20} \\ & 5 \\ & 20 \\ & \frac{3}{20} \\ & \frac{1}{20} \end{array} $
(b)	2	$\frac{5}{400}$	$\frac{15}{400}$	$\frac{25}{400}$	$\frac{35}{400}$	$\frac{20}{400}$	$\frac{5}{20}$
	3	$ \begin{array}{c c} \hline & 400 \\ \hline & 5 \\ \hline & 400 \\ \hline & 400 \end{array} $	$\frac{9}{400}$	$\frac{15}{400}$	$\frac{21}{400}$	$\frac{12}{400}$	$\frac{3}{20}$
	4	$\frac{1}{400}$		$\frac{5}{400}$	$\frac{7}{400}$	$\overline{400}$	$\frac{1}{20}$
	\sum	$\frac{1}{20}$	$\frac{\overline{400}}{\overline{20}}$	$\frac{400}{\frac{5}{20}}$	$\frac{7}{20}$	$\frac{4}{20}$	1

c) $P(|\xi-\delta|\leq 2, \max(\xi,\delta)\geq 3)=0,6$ (priamo z hornej tabuľky)