## MOwNiT – laboratorium Rozwiązywanie układów równań liniowych metodami iteracyjnymi

Dany jest układ równań liniowych  $\mathbf{A}x = \mathbf{b}$ .

Elementy macierzy A są zadane wzorem (m,k - parametry zadania podane indywidualnie):

c) 
$$\begin{cases} a_{i,i} = k \\ a_{i,j} = (-1)^j \frac{m}{j} & dla \ j > i \\ a_{i,j} = \frac{m}{i} \\ a_{i,j} = 0 & dla \ j < i-1 \end{cases}$$
 we wszystkich przypadkach  $i, j = 1, 2, ..., n$ 

Przyjmij wektor x jako dowolną n-elementową permutację ze zbioru  $\{1, -1\}$  i oblicz wektor  $\mathbf{b}$ .

## Zadanie 1:

Metodą Jacobiego rozwiąż układ równań liniowych  $\mathbf{A} \mathbf{x} = \mathbf{b}$  (przyjmując jako niewiadomą wektor  $\mathbf{x}$ ),

przyjmując kolejno kryterium stopu:

1. 
$$\|x^{(i+1)} - x^{(i)}\| < \rho$$

$$2. \quad \left\| Ax^{(i)} - b \right\| < \rho$$

Obliczenia wykonaj dla różnych rozmiarów układu n, dla różnych wektorów początkowych, a także różnych wartości  $\rho$  w kryteriach stopu. (*Podaj, jak liczono normę*.) Wyznacz liczbę iteracji oraz sprawdź różnicę w czasie obliczeń dla obu kryteriów stopu. Sprawdź dokładność obliczeń.

## Zadanie 2:

Dowolną metodą znajdź promień spektralny **macierzy iteracji** (dla różnych rozmiarów układu – takich, dla których znajdowane były rozwiązania układu). Sprawdź, czy spełnione są założenia o zbieżności metody dla zadanego układu.

Opisz metodę znajdowania promienia spektralnego.