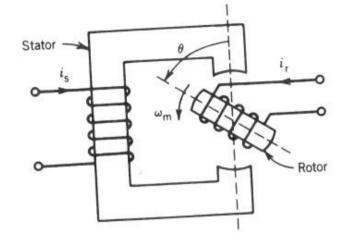
SEL 329 – CONVERSÃO ELETROMECÂNICA DE ENERGIA

Aula 11

Aula de Hoje

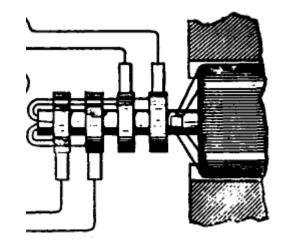
- Máquinas rotativas
- Produção de torque

- A maior parte dos conversores eletromecânicos de energia de alta potência são baseados em movimento rotacional;
- > São compostos por duas partes principais:
 - 1. Parte fixa, ou **ESTATOR**
 - 2. Parte móvel, ou **ROTOR**



O rotor é montado sobre um eixo, e é livre para girar entre os polos do estator;

O enrolamento do rotor pode ser alimentado através de anéis coletores e escovas de grafite



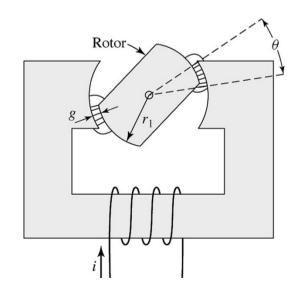
> Exemplo de rotor bobinado



- ➤ De forma geral existem enrolamentos transportando corrente elétrica tanto no estator como no rotor;
- Alguns dispositivos possuem somente um enrolamento:
 - 1. Motor de relutância
 - 2. Motor de ímã permanente

Exemplo do motor de relutância variável:

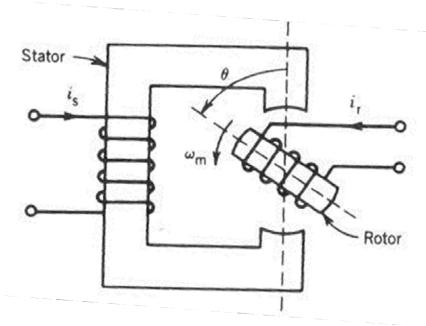
A produção de torque se dá pela busca contínua da operação em condição de relutância mínima



- ➤ Se a corrente de alimentação é contínua o dispositivo é chamado de motor ou gerador CC (ou DC);
- Se a corrente de alimentação é alternada dispositivo é chamado de motor ou gerador CA (ou AC);
- Se a velocidade mecânica do eixo (ω_R) é igual à velocidade síncrona da corrente fornecida $(\omega_s=2\pi f_s)$ a máquina é denominada motor ou gerador síncrono;
- Se a velocidade mecânica do eixo é diferente da velocidade síncrona a máquina é denominada motor ou gerador assíncrono;
- Se a corrente em um enrolamento é totalmente induzida pelo fluxo criado pelo outro enrolamento, a máquina é denominada motor ou gerador de indução;

Máquinas Rotativas - Caso Geral

- Consideremos um caso geral com dois enrolamentos, um no rotor com corrente i_r e um no estator com corrente i_s ;
- Mantendo o rotor bloqueado não haverá variação na energia mecânica do sistema (dW_{mec}=0). Assim, a variação da energia armazenada no campo é igual à variação da energia elétrica fornecida;



$$dW_{campo} = dW_{e} = P_{s}dt + P_{r}dt$$
$$= e_{s}i_{s}dt + e_{r}i_{r}dt$$

$$e_s = \frac{d\lambda_s}{dt}$$
 $e_r = \frac{d\lambda_r}{dt}$

daí:
$$dW_{campo} = i_s d\lambda_s + i_r d\lambda_r$$

Máquinas Rotativas - Caso Geral

Considerando que o sistema magnético é linear, ou seja, desprezando as relutâncias do núcleo do estator e do núcleo do rotor, os fluxos concatenados no estator $λ_s$ e no rotor $λ_r$ podem ser expressos em termos de indutâncias, cujos valores dependem da posição do rotor θ;

$$\lambda_s = L_{ss}i_s + L_{sr}i_r$$

$$\lambda_r = L_{rs}i_s + L_{rr}i_r$$

Forma matricial

$$egin{bmatrix} \lambda_s \ \lambda_r \end{bmatrix} = egin{bmatrix} L_{ss} & L_{sr} \ L_{rs} & L_{rr} \end{bmatrix} egin{bmatrix} i_s \ i_r \end{bmatrix}$$

Onde:

L_{ss} é a indutância própria do enrolamento do estator

L_{rr} é a indutância própria do enrolamento do rotor

 L_{sr} , L_{rs} são as indutâncias mútuas entre os enrolamentos do estator e do rotor;

L_{sr}=L_{rs} para sistemas lineares;

Energia Incremental

A variação incremental na energia armazenada no campo é dada por:

$$\begin{aligned} \mathrm{dW}_{\mathrm{campo}} &= i_{s} d\lambda_{s} + i_{r} d\lambda_{r} \\ &= i_{s} d(L_{ss}i_{s} + L_{sr}i_{r}) + i_{r} d(L_{sr}i_{s} + L_{rr}i_{r}) \\ &= L_{ss}i_{s} di_{s} + L_{sr}i_{s} di_{r} + L_{sr}i_{r} di_{s} + L_{rr}i_{r} di_{r} \\ &= L_{ss}i_{s} di_{s} + L_{rr}i_{r} di_{r} + L_{sr}(i_{s} di_{r} + i_{r} di_{s}) \end{aligned}$$

$$dW_{campo} = L_{ss}i_s di_s + L_{rr}i_r di_r + L_{sr}d(i_s i_r)$$

Energia Total

E a energia total armazenada no campo para uma dada posição é:

$$W_{\text{campo}} = \int dW_{\text{campo}} = \int_{0}^{i_{s}} L_{ss} i_{s} di_{s} + \int_{0}^{i_{r}} L_{rr} i_{r} di_{r} + \int_{0}^{i_{s} i_{r}} L_{sr} d(i_{s} i_{r})$$

$$= \frac{L_{ss}i_s^2}{2} + \frac{L_{rr}i_r^2}{2} + L_{sr}i_si_r = \mathbf{W}'_{campo}$$

Em um sistema linear, a energia armazenada é igual à co-energia

Torque

➤ O torque desenvolvido em um sistema rotacional eletromagnético é dado por:

$$T = \frac{dW'_{campo}}{d\theta} \Big|_{i=cte}$$

que resulta em:

$$T = \frac{i_s^2}{2} \frac{dL_{ss}}{d\theta} + \frac{i_r^2}{2} \frac{dL_{rr}}{d\theta} + i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta}$$

$$\uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow$$

$$T_A \qquad T_B \qquad T_C$$

Torque

- Solution Sol
- ➤ O termo T_C representa o torque produzido pela variação da indutância mútua entre os enrolamentos do rotor e do estator. Esta componente é denominada torque de interação mútua;

Considerando o sistema eletromagnético abaixo:

➤ Não existe enrolamento no rotor (denominado motor de relutância)

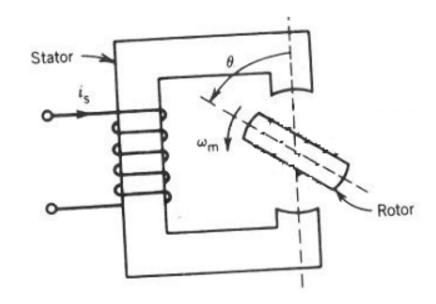
$$T = \frac{i_s^2}{2} \frac{dL_{ss}}{d\theta} + \frac{i_r^2}{2} \frac{dL_{rr}}{d\theta} + i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta}$$

A indutância do estator é função da posição do rotor:

$$L_{ss} = L_0 + L_2 \cos 2\theta$$

➤ A corrente no estator é senoidal:

$$i_s = I_{sm} sen\omega t$$



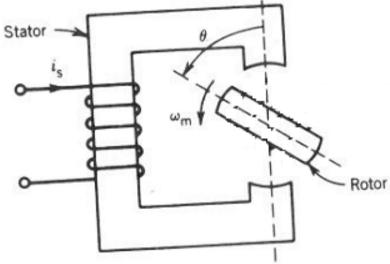
a) Encontre uma expressão para o torque sobre o rotor:

$$T = \frac{i_s^2}{2} \frac{dL_{ss}}{d\theta} + \frac{i_r^2}{2} \frac{dL_{rr}}{d\theta} + i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta}$$

$$T = \frac{1}{2} (I_{sm} \operatorname{sen} \omega t)^{2} \frac{d}{d\theta} (L_{o} + L_{2} \cos 2\theta)$$

$$= \frac{1}{2} I_{sm}^{2} \operatorname{sen}^{2} \omega t (-2L_{2} \operatorname{sen} 2\theta)$$

$$T = -L_{2} I_{sm}^{2} \operatorname{sen} 2\theta \operatorname{sen}^{2} \omega t$$
Stator



Considerando um caso específico:

A indutância do estator é função da posição do rotor:

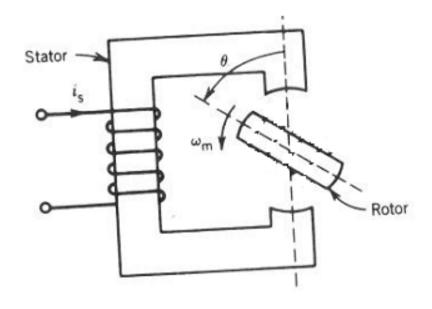
 L_{ss} =0,1 + 0,1 cos2 θ , sendo θ =2 π 60t + 30 $^{\circ}$, ou seja, velocidade mecânica igual à velocidade elétrica, e posição inicial 30 $^{\circ}$

➤ A corrente no estator é senoidal:

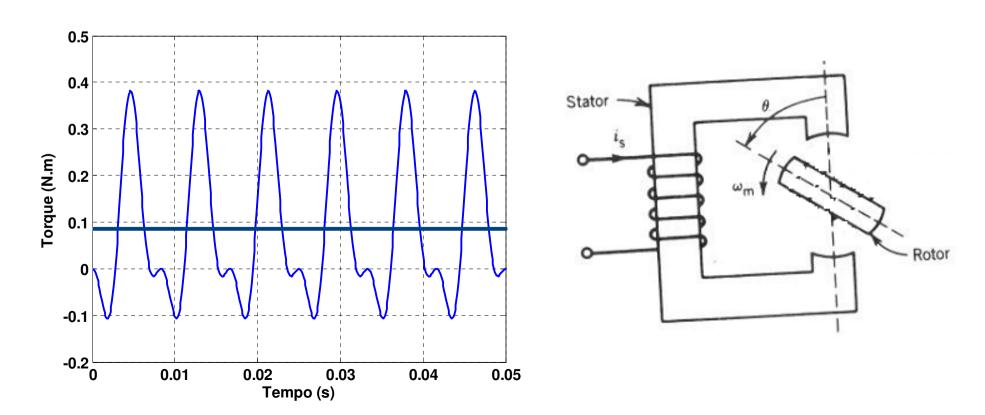
$$i_s$$
=2sen2 π 60t

O Torque será:

$$T = -0.1 * 2^2 \operatorname{sen} 2(377t + 30^\circ) \operatorname{sen}^2 377t$$

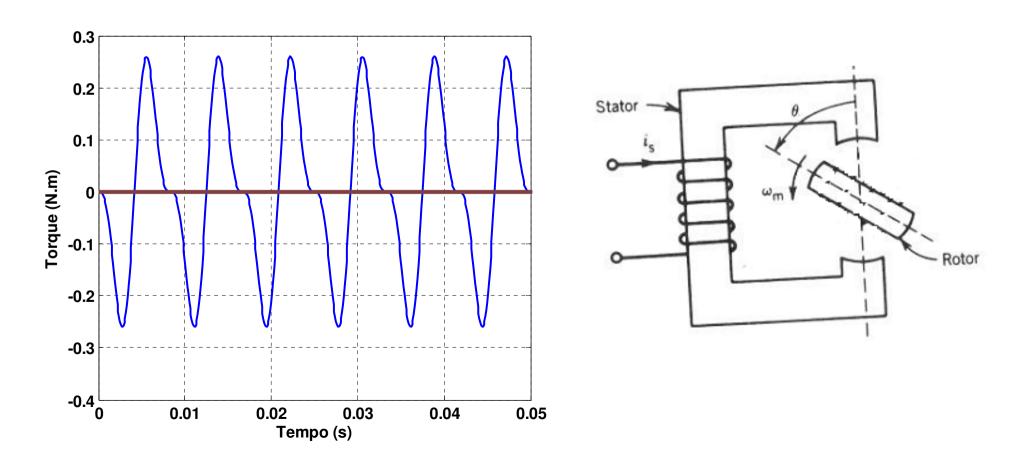


- Para a posição de 30°: sendo o torque médio não nulo, o rotor gira com velocidade mecânica sincronizada com a rede, e pode atender uma carga mecânica;
- A variação do torque instantâneo se traduzirá em vibração no eixo da máquina;



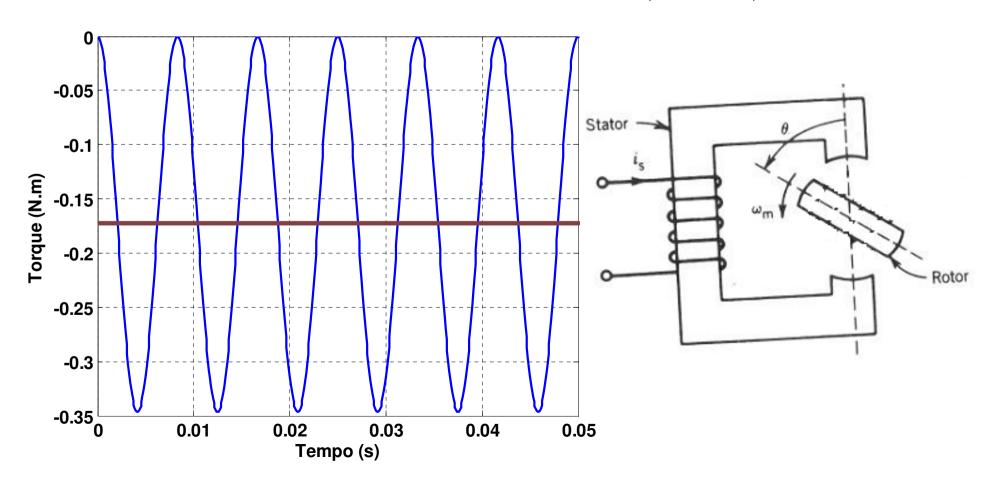
Para a posição inicial de 0º (posição de relutância mínima), o torque médio é nulo, ou seja, o rotor da máquina vibra, mas não gira;

$$T = -0.1 * 2^2 \operatorname{sen} 2(377t + 0^o) \operatorname{sen}^2 377t$$



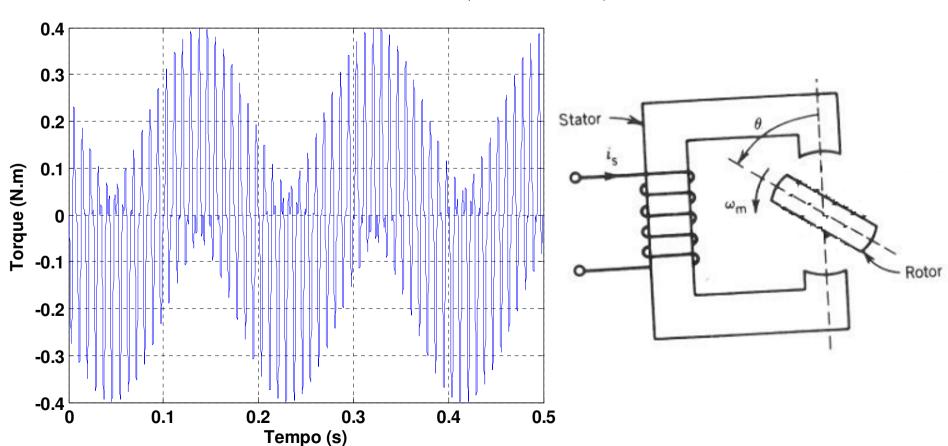
Rotor parado e posição inicial de 30°: neste caso, o torque médio é não nulo, ou seja, uma vez desbloqueado, o rotor da máquina vai girar, indicando que esta máquina tem torque de partida neste caso;

$$T = -0.1 * 2^2 sen 2(0t + 30^\circ) sen^2 377t$$



Velocidade mecânica abaixo da velocidade síncrona: considerando velocidade mecânica de 360 rad/s, o torque médio é nulo, e o giro do rotor não seria mantido. Ou seja, esta é uma máquina síncrona, pois só funciona na velocidade síncrona;

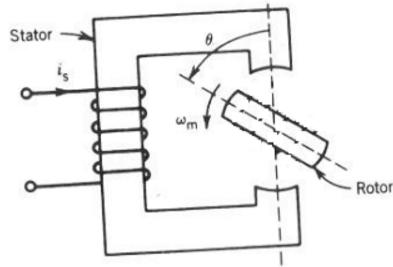
$$T = -0.1 * 2^2 sen 2(360t + 30^\circ) sen^2 377t$$



O Torque será:

$$T = -L_2 I_{sm}^2 \operatorname{sen} 2\theta \operatorname{sen}^2 \omega t$$

substituindo sen² ωt por $(1 - \cos 2\omega t)/2$



$$T = -\frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 sen2(\omega_m t + \delta) + \frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 sen2(\omega_m t + \delta)\cos 2\omega t$$

usando a relação trigonométrica :

$$sena\cos b = \frac{1}{2}sen(a+b) + \frac{1}{2}sen(a-b)$$

resulta em:

$$T = -\frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 \sec 2(\omega_m t + \delta) + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m + \omega)t + \delta] + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m - \omega)t + \delta]$$

$$T = -\frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 \sec 2(\omega_m t + \delta) + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m + \omega)t + \delta] + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m - \omega)t + \delta]$$

- O torque é composto por três funções senoidais;
- para que o torque médio seja não-nulo um dos termos que multiplica o tempo deve ser nulo, ou seja, resultando em um termo constante (não senoidal);

Primeiro Termo

$$T = -\frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 \operatorname{sen} 2(\omega_m t + \delta)$$

será não - nulo se $\omega_{\rm m}=0$ (rotor parado)

$$T_{\text{médio}} = -\frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 \sin 2\delta$$

Significa que o rotor de relutância tem torque de partida, isto é, torque médio não nulo para velocidade nula (rotor bloqueado)

$$T = -\frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 \sec 2(\omega_m t + \delta) + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m + \omega)t + \partial] + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m - \omega)t + \delta]$$

Segundo Termo

$$\frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \operatorname{sen} 2[(\omega_m + \omega)t + \delta]$$

$$\operatorname{ser\'{a}} n\~{a}o - \operatorname{nulo} \operatorname{se} \omega_m + \omega = 0 \Longrightarrow \omega_m = -\omega$$

$$T_{\text{m\'{e}dio}} = \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \operatorname{sen} 2\delta$$

Significa que o rotor de relutância tem torque médio não nulo se gira na velocidade síncrona, em direção oposta

$$T = -\frac{1}{2}L_2I_{sm}^2 \sec 2(\omega_m t + \delta) + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m + \omega)t + \delta] + \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \sec 2[(\omega_m - \omega)t + \delta]$$

Terceiro Termo

$$\frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \operatorname{sen} 2[(\omega_m - \omega)t + \delta]$$

$$\operatorname{ser\'{a}} n\~{a}o - \operatorname{nulo} \operatorname{se} \omega_{\mathrm{m}} - \omega = 0 \Longrightarrow \omega_{\mathrm{m}} = \omega$$

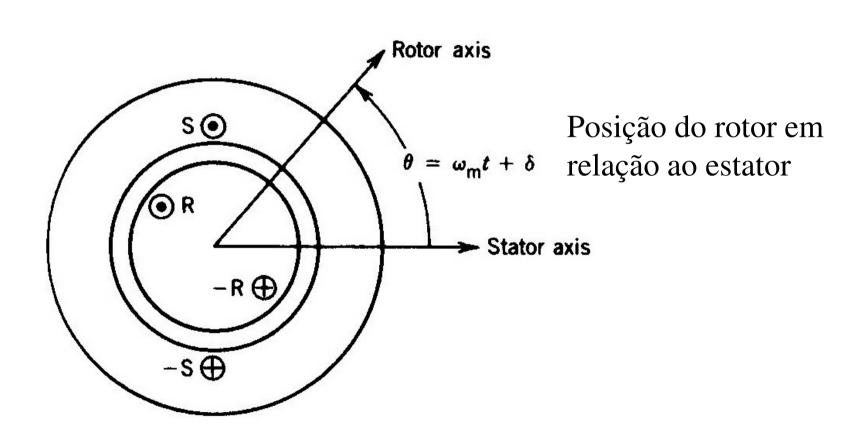
$$T_{\mathrm{m\'{e}dio}} = \frac{1}{4}L_2I_{sm}^2 \operatorname{sen} 2\delta$$

Significa que o rotor de relutância tem torque médio não nulo se gira na velocidade síncrona, na mesma direção

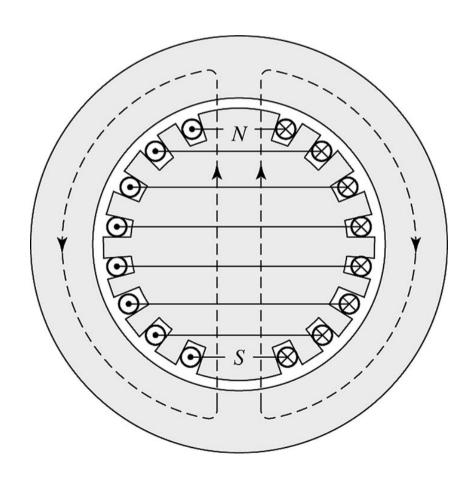
Conclusões

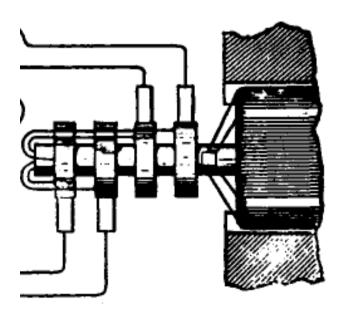
- A máquina de relutância desenvolve torque médio não nulo somente quando gira na velocidade síncrona em qualquer direção, por isso, a máquina de relutância é classificada como uma máquina síncrona;
- O torque médio varia senoidalmente com 2δ, onde δ dá a posição do rotor para t=0, e é definido como ângulo de potência, ângulo de carga ou ângulo de torque da máquina;
- A máquina de relutância teoricamente tem torque de partida, desde que o ângulo de carga inicial não seja nulo;
- A variação no torque instantâneo resulta em vibração no eixo da máquina de relutância.

➤ São máquinas com entreferro uniforme, e portanto, com relutâncias constantes, e com indutâncias do rotor e do estator também constantes;



- As espiras são posicionadas em ranhuras feitas no estator e no rotor;
- O enrolamento do rotor é alimentado através de anéis coletores que giram com o rotor, e escovas fixas no estator;





Como entreferro é uniforme (g=cte) a relutância é constante;

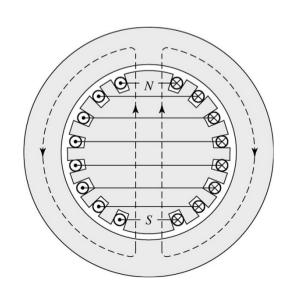
$$\mathcal{R}_g = \frac{g}{\mu_o A}$$

e assim, as indutâncias próprias dos enrolamentos do estator e do rotor são constantes:

$$L_{ss} = \frac{N_{ss}^{2}}{\mathcal{R}} \quad e \quad L_{rr} = \frac{N_{rr}^{2}}{\mathcal{R}}$$

Logo:
$$\frac{dL_{ss}}{d\theta} = 0$$
 e $\frac{dL_{rr}}{d\theta} = 0$

Obs.: a variação do entreferro introduzida pelas ranhuras é desprezível;

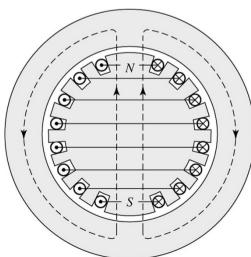


Em máquinas cilíndricas não ocorre a produção de torque de relutância;

$$T = \frac{i_s^2}{2} \frac{dL_{ss}}{d\theta} + \frac{i_r^2}{2} \frac{dL_{rr}}{d\theta} + i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta}$$

Assim, a produção de torque está associada à variação da indutância mútua entre os dois enrolamentos com a posição do rotor:

$$T = i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta}$$



A distribuição de espiras nas ranhuras do estator e do rotor pode ser feita de tal forma que a indutância mútua seja uma função senoidal da posição do rotor (θ) :

$$L_{sr} = M \cos \theta$$

Onde: M é o valor máximo da indutância mútua e θ é o ângulo entre os eixos magnéticos do estator e do rotor;

> Considerando correntes senoidais nos enrolamentos:

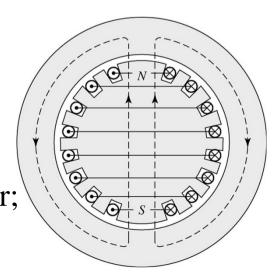
$$i_s = I_{sm} \cos \omega_s t$$

$$i_r = I_{rm} \cos(\omega_r t + \alpha)$$

E que a posição do rotor para um dado instante é:

$$\theta = \omega_m t + \delta$$

- 1. $\omega_{\rm m}$ é a velocidade angular do rotor;
- 2. δ é a posição do rotor em t=0;



Com isso:

$$T = i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta} = I_{sm} \cos \omega_s t * I_{rm} \cos(\omega_r t + \alpha) * \frac{d}{d\theta} (M \cos \theta)$$

$$T = -I_{sm} \cos \omega_s t * I_{rm} \cos(\omega_r t + \alpha) * Msen \theta$$

$$T = -I_{sm}I_{rm}M\cos\omega_s t * \cos(\omega_r t + \alpha) * sen(\omega_m t + \delta)$$

usando a relações trigonométricas:

(1)
$$\cos a \cos b = \frac{1}{2}\cos(a+b) + \frac{1}{2}\cos(a-b)$$

(2)
$$\sin a \cos b = \frac{1}{2} \sin(a+b) + \frac{1}{2} \sin(a-b)$$

$$T = -I_{sm}I_{rm}M\cos\omega_s t * \cos(\omega_r t + \alpha) * sen(\omega_m t + \delta)$$

aplicando(1)

$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{2} \{\cos[(\omega_s + \omega_r)t + \alpha] + \cos[(\omega_s - \omega_r)t - \alpha]\} * sen(\omega_m t + \delta)$$

usando a relações trigonométricas :

(1)
$$\cos a \cos b = \frac{1}{2}\cos(a+b) + \frac{1}{2}\cos(a-b)$$

(2)
$$\sin a \cos b = \frac{1}{2} \sin(a+b) + \frac{1}{2} \sin(a-b)$$

$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{2} \{\cos[(\omega_s + \omega_r)t + \alpha] + \cos[(\omega_s - \omega_r)t - \alpha]\} * sen(\omega_m t + \delta)$$

aplicando (2)
$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \{$$

$$sen[(\omega_m + \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] + sen[(\omega_m - \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] + sen[(\omega_m + \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] + sen[(\omega_m - \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] \}$$

- O torque é composto por quatro funções senoidais. O valor médio de cada um dos termos é <u>zero</u>.
- Portanto, para que o torque médio seja não nulo, pelo menos um dos coeficientes que multiplica o tempo nos quatro termos deve ser nulo;

aplicando (2)
$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \{$$

$$\sin[(\omega_m + \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] + \sin[(\omega_m - \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] + \sin[(\omega_m + \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] + \sin[(\omega_m - \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] \}$$

São, portanto, quatro possibilidades:

1.
$$\omega_{m} + \omega_{s} + \omega_{r} = 0 \Rightarrow \omega_{m} = -(\omega_{s} + \omega_{r})$$
2.
$$\omega_{m} - \omega_{s} - \omega_{r} = 0 \Rightarrow \omega_{m} = +(\omega_{s} + \omega_{r})$$
3.
$$\omega_{m} + \omega_{s} - \omega_{r} = 0 \Rightarrow \omega_{m} = -(\omega_{s} - \omega_{r})$$
4.
$$\omega_{m} - \omega_{s} + \omega_{r} = 0 \Rightarrow \omega_{m} = +(\omega_{s} - \omega_{r})$$

CONCLUSÃO: para que o torque médio seja não nulo uma das seguintes condições deve ocorrer:

$$\omega_m = \pm(\omega_s \pm \omega_r)$$

Du seja, a máquina só desenvolverá torque se o rotor girar, em qualquer direção, em uma velocidade que seja igual à soma ou diferença das velocidades angulares das correntes do estator e do rotor:

$$|\omega_m| = |\omega_s \pm \omega_r|$$

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos - CASO 1

- ➤ Rotor alimentado com corrente contínua: $\omega_r=0$; $\alpha=0$; $\rightarrow i_r=I_R$
- \triangleright Rotor girando à velocidade síncrona: $\omega_{\rm m} = \omega_{\rm s}$

Para estas condições o torque desenvolvido é dado por:

$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \{$$

$$sen[(\omega_m + \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] + sen[(\omega_m - \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] + sen[(\omega_m + \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] + sen[(\omega_m - \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] + sen[(\omega_m - \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] \}$$

$$T = -\frac{I_{sm}I_RM}{2} \{ sen(2\omega_s t + \delta) + sen \delta \}$$

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos – CASO 1

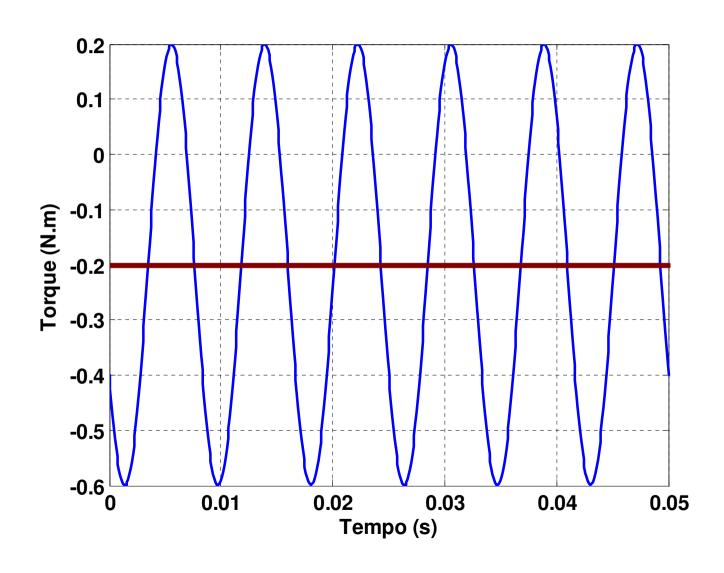
O torque instantâneo é pulsante com o dobro da frequência de alimentação, no entanto, o torque médio é diferente de zero:

$$T_{\text{médio}} = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{2}\operatorname{sen} \delta$$

- O torque médio desenvolvido pela máquina possibilita a conversão contínua de energia à velocidade síncrona;
- Este é o princípio básico de operação de <u>MÁQUINAS</u> <u>SÍNCRONAS</u>, com excitação DC no rotor e excitação AC no estator, girando à velocidade síncrona;
- Uma vantagem desta máquina é a garantia de velocidade constante, em regime permanente, mesmo com variações de carga;

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos - CASO 1

 $T = -((2*2*0.200)/2)*(\sin(2*2*pi*60*t+30*pi/180)+\sin(30*pi/180))$



Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos - CASO 2

- ► Rotor alimentado com corrente contínua: $\omega_r = 0$; $\alpha = 0$; $\rightarrow i_r = I_R$
- \triangleright Rotor bloqueado: $\omega_{\rm m} = 0$

Para estas condições o torque desenvolvido é dado por:

$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \left\{ \\ sen[(\omega_m + \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] \\ + sen[(\omega_m - \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] \\ + sen[(\omega_m + \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha] \\ + sen[(\omega_m - \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha] \\ \right\}$$

$$T = -\frac{I_{sm}I_RM}{2} \left\{ sen(\omega_s t + \delta) + sen(-\omega_s t + \delta) \right\}$$

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos – CASO 2

Considerando a velocidade do eixo nula (ω_m = 0), o torque desenvolvido é senoidal e tem valor médio nulo. Portanto, essa máquina não tem torque de partida (máquina síncrona monofásica);

$$T = -\frac{I_{sm}I_RM}{2} \left\{ sen(\omega_s t + \delta) + sen(-\omega_s t + \delta) \right\}$$

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos - CASO 3

- Enrolamentos do estator e rotor alimentados com corrente alternada com frequências diferentes : $\omega_m = \omega_s \omega_r$
- \triangleright Rotor girando à velocidade assíncrona: $\omega_m \neq \omega_s$; $\omega_m \neq \omega_r$;

Para estas condições o torque desenvolvido é dado por:

$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \{$$

$$sen[(\omega_m + \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha]$$

$$+ sen[(\omega_m - \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha]$$

$$+ sen[(\omega_m + \omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha]$$

$$+ sen[(\omega_m - \omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha]$$

$$\}$$

$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \{$$

$$sen[2\omega_s t + \delta + \alpha] + sen[-2\omega_r t + \delta - \alpha] + sen[2\omega_s t + \delta - \alpha] + sen[\delta + \alpha] \}$$

$$T_{médio} = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \{ sen(\delta + \alpha) \}$$

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos - CASO 3

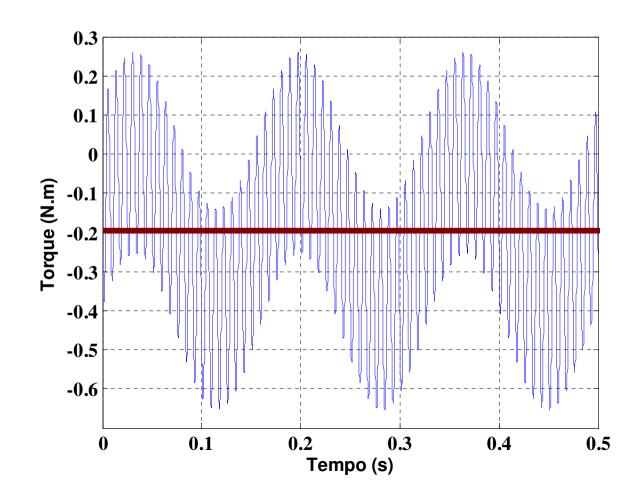
D torque instantâneo é pulsante com componentes senoidais com o dobro da freqüência de alimentação do rotor e do estator, no entanto, o torque médio é diferente de zero:

$$T_{\text{médio}} = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4} \left\{ \text{ sen}(\delta + \alpha) \right\}$$

- O torque médio desenvolvido pela máquina possibilita a conversão contínua de energia à velocidade assíncrona;
- Este é o princípio básico de operação de <u>MÁQUINAS DE</u> <u>INDUÇÃO</u>. O enrolamento do estator é excitado em AC e o enrolamento do rotor também é percorrido por corrente alternada induzida pela campo variável do estator (o enrolamento do rotor é curto-circuitado). Esta máquina gira em velocidade assíncrona;

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos – CASO 3

```
T=-((2*2*0.200)/4)*(sin(2*2*pi*60*t+30*pi/180+50*pi/180)
+sin(-2*2*pi*3*t+30*pi/180-50*pi/180)
+sin(2*2*pi*60*t+30*pi/180-50*pi/180)
+ sin(30*pi/180+50*pi/180))
```



Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos - CASO 4

- Enrolamentos do estator e rotor alimentados com corrente alternada com frequências diferentes : ω_s e ω_r
- \triangleright Rotor bloqueado: $\omega_{\rm m} = 0$

Para estas condições o torque desenvolvido é dado por:

$$T = -\frac{I_{sm}I_{rm}M}{4}$$

$$sen[(\omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha]$$

$$+ sen[(-\omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha]$$

$$+ sen[(\omega_s - \omega_r)t + \delta - \alpha]$$

$$+ sen[(-\omega_s + \omega_r)t + \delta + \alpha]$$

$$\}$$

Máquinas Cilíndricas: Análise de Casos – CASO 4

Considerando a velocidade do eixo nula (ω_m = 0), o torque desenvolvido é senoidal e tem valor médio nulo. Portanto, essa máquina não tem torque de partida (máquina de indução monofásica);

- Máquinas de indução trifásicas apresentam torque de partida e ainda eliminam vibrações associadas ao torque pulsante. Estas máquinas são baseadas no conceito de campo magnético girante;
- A diferença relativa entre as velocidades angulares das correntes do estator e do rotor define o <u>escorregamento</u> da máquina de indução:

$$s = \frac{\omega_s - \omega_r}{\omega_s} \quad \Rightarrow \quad \omega_m = s \omega_s$$

- ➤ O escorregamento varia de 1 a 5% da velocidade síncrona;
- Com isso, a velocidade mecânica de operação em uma máquina de indução deve ser um pouco abaixo ou um pouco acima da velocidade síncrona (pouco flexibilidade em termos de controle de velocidade);

Próxima Aula

- Introdução à máquina de corrente contínua
- produção de conjugado na máquina CC
- ação do comutador
- > tensão gerada na armadura
- > circuito equivalente