PROGRAMMATION IMPERATIVE : COMMENT REDIGER LA PARTIE RAFFINAGE DANS UN RAPPORT DE PROJET

Table des matières

1	Intr	oduction	1
2	Pac	kage p_arbre_n	1
	2.1	Definition des types	1
	2.2	RESOLUTION DU "An_Vide "	1
		2.2.1 Enoncé	1
		2.2.2 R1	1
	2.3	RESOLUTION DU "An_Creer_Vide "	1
		2.3.1 Enoncé	1
		2.3.2 R1	2
	2.4	RESOLUTION DU "An_Valeur"	2
		2.4.1 Enoncé	2
		2.4.2 R1	2
	2.5	RESOLUTION DU "An Est Feuille "	2
		2.5.1 Enoncé	2
		2.5.2 R1	2
	2.6	RESOLUTION DU "An_Creer_Feuille "	3
		2.6.1 Enoncé	3
		2.6.2 R1	3
	2.7	RESOLUTION DU "An Pere"	3
		2.7.1 Enoncé	3
		2.7.2 R1	3
	2.8	RESOLUTION DU " An Frere "	4
		2.8.1 Enoncé	4
		2.8.2 R1	4
		2.8.3 R2	4
	2.9	RESOLUTION DU "An Fils"	5
		2.9.1 Enoncé	5
		2.9.2 R1	5
	2.10	RESOLUTION DU "An afficher"	6
		2.10.1 Enoncé	6
		2.10.2 R1	6
		2.10.3 R2	6
	2.11	RESOLUTION DU "An_Nombre_Noeuds "	6
		2.11.1 Enoncé	6
		2.11.2 R1	7
		2.11.3 R2	7
	2.12	RESOLUTION DU "An Rechercher"	7
		2.12.1 Enoncé	7
		2 12 2 B1	8

4	Con	clusion 20
	3.6	Tests
	0.0	3.5.2 R1
		3.5.1 Enoncé
	3.5	RESOLUTION DU "afficher"
	9 =	3.4.6 R4
		3.4.5 R4
		3.4.4 R3
		3.4.3 R2
		3.4.2 R1
		3.4.1 Enoncé
	3.4	RESOLUTION DU "Encoder "
	2 1	3.3.3 R2
		3.3.2 R1
		3.3.1 Enoncé
	3.3	RESOLUTION DU "lire_entier"
		3.2.2 R1
		3.2.1 Enoncé
	3.2	RESOLUTION DU "afficher_T"
		Definition des types
3		kage Polynome 15
	2.21	Tests
		2.20.2 R1
		2.20.1 Enoncé
	2.20	RESOLUTION DU "An_Supprimer_frere"
		2.19.2 R1
		2.19.1 Enoncé
	2.19	RESOLUTION DU "An_Supprimer_frere"
		2.18.3 R2
		2.18.2 R1
		2.18.1 Enoncé
	2.18	RESOLUTION DU "supprimer_arbre" $\dots \dots \dots$
		2.17.3 R2
		2.17.2 R1
		$2.17.1 \;\; Enonc\'e \;\; \dots \qquad $
	2.17	RESOLUTION DU "An_Inserer_Frere" $\dots \dots \dots$
		2.16.3 R2
		2.16.2 R1
		2.16.1 Enoncé
	2.16	RESOLUTION DU "An_Inserer_Fils"
		2.15.2 R1
		2.15.1 Enoncé
	2.15	RESOLUTION DU "An_Changer_Valeur"
		2.14.2 R1
		2.14.1 Enoncé
	2.14	RESOLUTION DU "An_Est_Racine"
		2.13.3 R2
		2.13.2 R1
		2.13.1 Enoncé
	2.13	RESOLUTION DU "An_Nombre_Noeuds_Valeur"
		2.12.3 R2

1 Introduction

On cherche ici a additionner 2 polynomes a plusieurs variables. Pour cela on va se servir des arbres n-aire pour décrire les polynomes et les additionner efficacement. Dans un premier temps on va chercher un faire un package gnrique pour les arbre n-aire. Puis on va se servir de ce package pour ecrire un package pour encoder, et additionner des polynome a plusieurs varaibles.

2 Package p_arbre_n

2.1 Definition des types

Pour ce package, j'ai definit 2 exceptions Arbre_inexistant et Arbre_vide J'ai aussi defini le type arbre_n qui est un pointeur vers un type T_noeud. Le type T_noeud est un type enregistrement avec une donnée de type T qui est un type générique et 4 donnée de type arbre_n qui sont le pere, les frere gauche et droit et le premier fils.

2.2 RESOLUTION DU "An_Vide"

2.2.1 Enoncé

2.2.2 R1

```
début
| (* Détecter si un arbre n?aire est vide ou non. *)
| retourner a = null
fin
```

2.3 RESOLUTION DU "An_Creer_Vide"

2.3.1 Enoncé

fonction An_Creer_Vide retourne arbre_n est

2.3.2 R1

```
début

(* Créer un arbre n?aire vide *)

retourner null

fin
```

$2.4 \quad RESOLUTION \ DU \ "An_Valeur \ "$

2.4.1 Enoncé

2.4.2 R1

```
début

(* Retourner la valeur rangée à la racine d'un arbre n-aire *)
retourner a.all.data
fin
```

2.5 RESOLUTION DU "An_Est_Feuille"

2.5.1 Enoncé

2.5.2 R1

```
début
     (* Indiquer si un arbre n-aire est une feuille (pas de fils) *)
     retourner a.all.data
  fin
    RESOLUTION DU "An_Creer_Feuille"
2.6.1 Enoncé
    -- Fonction An_Creer_Feuille
     -- Sémantique : Créer un arbre n?aire avec une valeur mais sans fils, ni frère ,
    -- ni père
    -- Paramètres : nouveau : T
    -- Type retour : arbre_n
    -- Pre-condition : Aucune
    -- Post-condition: l'arbre est une feuille sans pere, ni frere, ni fils
     -- Erreur : Aucune
    fonction An_Creer_Feuille((*D*) nouveau : T) retourne arbre_n est
2.6.2 R1
  début
     (* Créer un arbre n?aire avec une valeur mais sans fils, ni frère *)
     retourner nouveau T_noeud'(nouveau, null, null, null, null)
  fin
     RESOLUTION DU "An_Pere"
2.7.1 Enoncé
      ______
     -- Fonction An Pere
     -- Sémantique : Retourner l'arbre n?aire père d'un arbre n?aire
     -- Paramètres : a : arbre_n
     -- Type retour : arbre_n
     -- Pre-condition : Aucune
```

2.7.2 R1

-- Post-condition : retourne le pere de l'arbre

-- Erreur : Arbre_inexistant : si l'arbre n'a pas de pere

fonction An_Pere((*D*) a : arbre_n) retourne arbre_n est

```
début
    (* Retourner l'arbre n ?aire père d'un arbre n ?aire *)
    si a.all.pere = null alors
    | lever Arbre_inexistant
    sinon
    | retourner a.all.pere
    finsi
fin
```

2.8 RESOLUTION DU "An_Frere"

2.8.1 Enoncé

J'ai choisi un approche recursive pour cette fonction

2.8.2 R1

2.8.3 R2

```
début
   (* Retourner l'arbre n?aire père d'un arbre n?aire *)
   \mathbf{si} \ n = \theta \ \mathbf{alors}
       (* Cas terminal*)
       retourner a
   sinon
       (*rappeler la fonction sur le frere droit ou gauche*)
       si n > 0 et a.all.frere d \neq null alors
           (*frere droit*)
           return An_frere(a.all.frere_d, n-1);
       sinon
           si a.all.frere_g /= null alors
              return An_frere(a.all.frere_g, n+1)
           sinon
           lever Arbre inexistant
           finsi
       finsi
   finsi
fin
```

2.9 RESOLUTION DU "An_Fils"

2.9.1 Enoncé

2.9.2 R1

```
début
    (* Retourner le nieme fils de a *)
    si a.all.fils = null alors
    | lever Arbre_inexistant
    sinon
    | retourne frere_n(a.all.fils, n-1)
    finsi
fin
```

2.10 RESOLUTION DU "An_afficher"

2.10.1 Enoncé

2.10.2 R1

```
début

(* Afficher le contenu complet d'un arbre n?aire *)

si a /= null alors

| afficher le noeud
| afficher les fils
| afficher les freres

sinon
| rien
| finsi

fin
```

2.10.3 R2

```
début
   (* Afficher le contenu complet d'un arbre n?aire *)
   si a /= null alors
       (*afficher fils*)
       \mathbf{si} a.all.fils /= null \mathbf{alors}
        An_afficher(a.all.fils)
       sinon
       rien
       finsi
       si a.all.frere /= null alors
        An_afficher(a.all.frere_d)
       sinon
       | rien
       finsi
   sinon
    | rien
   finsi
fin
```

2.11 RESOLUTION DU "An_Nombre_Noeuds "

2.11.1 Enoncé

⁻⁻ Fonction An_Nombre_Noeuds

```
-- Sémantique : Retourner le nombre total de noeuds d'un arbre n?aire
-- Paramètres : a : arbre_n
-- Type retour : Entier
-- Pre-condition : Aucune
-- Post-condition : le retour est le nombre de noeud de l'arbre
-- Erreur : Aucune
```

fonction An_Nombre_Noeuds((*D*) a : arbre_n) retourne integer est

2.11.2 R1

```
début

(* Retourner le nombre total de noeuds d'un arbre n ?aire *)

si a.all.fils = null alors
| lever Arbre_inexistant

sinon
| compter fils
| compter freres
| finsi
```

2.11.3 R2

```
début
   (* Retourner le nombre total de noeuds d'un arbre n?aire *)
   si \ a.all.fils = null \ alors
    retourner 0
   sinon
      (*compter fils*)
      si a.all.fils /= null alors
         count = count + An_Nombre_Noeuds(a.all.fils)
      sinon
      rien
      finsi
      si a.all.frere /= null alors
       | count = count + An_Nombre_Noeuds(a.all.frere_d)
      sinon
       | rien
      finsi
   finsi
fin
```

2.12 RESOLUTION DU "An_Rechercher"

2.12.1 Enoncé

2.12.2 R1

```
début

(* Rechercher une valeur dans un arbre n?aire et retourner l'arbre n?aire dont la valeur est racine si elle *)

si a /= null alors

| si a.all.data = data alors
| resultat trouver
| sinon
| rechercher le resultat dans les fils et les freres
| finsi
| sinon
| rien
| finsi
| finsi
```

2.12.3 R2

```
(* Rechercher une valeur dans un arbre n?aire et retourner l'arbre n?aire dont la valeur est racine si elle *)

si a /= null alors
| si a.all.data = data alors
| (*resultat trouver*)
| resultat = a
| sinon
| (*rechercher le resultat dans les fils et les freres*)
| finsi

sinon
| rien
| finsi
```

2.13 RESOLUTION DU "An_Nombre_Noeuds_Valeur"

2.13.1 Enoncé

```
-- Erreur : Aucune
```

fonction An_Nombre_Noeuds_Valeur((*D*)a : arbre_n; (*D*) data : T) return integer est

2.13.2 R1

```
début

(* Retourner le nombre de noeuds d'un arbre n ?aire dont la valeur est égale à une valeur donnée. *)

si a.all.fils = null alors

retourner 0

sinon

compter ce noeud ou non
compter fils contenant data
compter freres contenant data
finsi

fin
```

2.13.3 R2

```
début
```

```
(* Retourner le nombre de noeuds d'un arbre n?aire dont la valeur est égale à une valeur
    donnée. *)
   si a.all.fils = null alors
   retourner 0
   sinon
      si \ a.all.data = data \ alors
       | count = 1
      sinon
       \perp count = 0
      finsi
      si a.all.fils /= null alors
         count = count + An_Nombre_Noeuds_Valeur(a.all.fils)
      sinon
      rien
      finsi
      si a.all.frere /= null alors
         count = count + An_Nombre_Noeuds_Valeur(a.all.frere_d)
      sinon
       rien
      finsi
   finsi
fin
```

2.14 RESOLUTION DU "An_Est_Racine"

2.14.1 Enoncé

```
-- Fonction An_Est_Racine
-- Sémantique : Indiquer si un arbre n?aire est sans père
-- Paramètres : a : arbre_n
-- Type retour : booléen (vaut vrai si a n'a pas de père)
```

2.14.2 R1

```
début

| (* Indiquer si un arbre n ?aire est sans père *)
| si a = null alors
| retourn True
| sinon
| retourne a.all.pere = null
| finsi
| finsi
```

2.15 RESOLUTION DU "An_Changer_Valeur"

2.15.1 Enoncé

2.15.2 R1

```
début

(* Changer la valeur du noeud d'un arbre n ?aire *)

si a = null alors
| lever Arbre_vide
sinon
| a.all.data = data
finsi
fin
```

2.16 RESOLUTION DU "An_Inserer_Fils"

2.16.1 Enoncé

- -- Procédure An_Inserer_Fils
- -- Sémantique : Insérer un arbre n?aire sans frère en position de premier
- -- fils d'un arbre n?aire a. L'ancien fils de a devient alors le premier

2.16.2 R1

```
début
    (* Insérer un arbre n?aire sans frère en position de premier *)
    si a.all.fils = null alors
    | inserer premier fils
    sinon
    | ajouter fils et deplacer les autres
    finsi
fin
```

2.16.3 R2

```
début

(* Insérer un arbre n?aire sans frère en position de premier *)

si a.all.fils = null alors

(*inserer premier fils*)

a_ins.all.pere := a

a.all.fils := a_ins

sinon

(*ajouter fils et deplacer les autres*)

a_ins.all.pere := a

a.all.fils.all.frere_g := a_ins

a_ins.all.frere_d := a.all.fils

a.all.fils := a_ins

finsi

fin
```

2.17 RESOLUTION DU "An_Inserer_Frere"

2.17.1 Enoncé

```
procedure An_Inserer_Frere((*D/R*) a : arbre_n; (*D*) a_ins : arbre_n) est
```

2.17.2 R1

```
début

(* Insérer un arbre n ?aire sans frère en position de premier *)

si a.all.frere_d = null alors

| inserer premier frere

sinon

| ajouter frere et deplacer les autres

finsi

fin
```

2.17.3 R2

```
début
    (* Insérer un arbre n ?aire sans frère en position de premier *)
    si a.all.frere_d = null alors
         (*inserer premier frere*)
         a_ins.all.pere := a.all.pere
         a_ins.all.frere_g := a
         a.all.frere_d := a_ins
         sinon
         (*ajouter fils et deplacer les autres*)
         a_ins.all.pere := a.all.pere; a_ins.all.frere_d := a.all.frere_d
         a.all.frere_d.all.frere_g := a_ins
         a_ins.all.frere_g := a
         a.all.frere_d := a_ins
         finsi
finsi
```

2.18 RESOLUTION DU "supprimer_arbre"

2.18.1 Enoncé

2.18.2 R1

```
début(* Supprime l'arbre passer en parametre *)si An\_Est\_Racine(a) alorsriensinonenlever lien du pereenlever lien du frere gaucheenlever lien du frere droitfinsi
```

2.18.3 R2

```
début
   (* Supprime l'arbre passer en parametre *)
   si An\_Est\_Racine(a) alors
    rien
   sinon
       (*enlever lien du pere*)
       si \ a = An \ Pere(a).all.fils alors
          An\_Pere(a).all.fils := a.all.frere\_d
       sinon
       rien
       finsi
       enlever lien du frere gauche
       si a.all.frere_g /= null alors
       | a.all.frere\_g.all.frere\_d := a.all.frere\_d
       sinon
       rien
       finsi
       enlever lien du frere droit
       si a.all.frere\_d /= null alors
       | a.all.frere\_d.all.frere\_g := a.all.frere\_g
       sinon
       rien
      finsi
   finsi
fin
```

2.19 RESOLUTION DU "An_Supprimer_frere"

2.19.1 Enoncé

2.19.2 R1

```
début
| (* Supprime le nieme frere d'un arbre n ?aire *)
| supprimer_arbre(An_frere(a, n))
fin
```

2.20 RESOLUTION DU "An_Supprimer_frere"

2.20.1 Enoncé

2.20.2 R1

```
début
| (* Supprime le nieme fils d'un arbre n ?aire *)
| supprimer_arbre(An_Fils(a, n))
fin
```

2.21 Tests

J'ai ecrit une procedure de test pour essayer un a un les differentes fonction de ce package. Pour cela j'ai defini 2 variables de arbre_n et je me suis servi d'arbre d'entier avec la fonction d'affichage

```
procedure afficher_T(e:in integer) is
begin
  put(e, 0);
end;
```

Pour chaque test on affiche si le resultat est le bon ou non :

```
arb := An_Creer_Vide;
--test An_vide
put_line(Boolean'image(An_Vide(arb)));

arb := An_Creer_Feuille(8);
--test An_Est_Feuille
put_line(Boolean'image(An_Est_Feuille(arb)));
--test2 An_vide
put_line(Boolean'image(not(An_Vide(arb))));
--test An_Nombre_Noeuds
put_line(Boolean'image((1 = An_Nombre_Noeuds(arb))));
```

```
An_Inserer_Fils(arb, An_Creer_Feuille(5));
--test An_Inserer_Fils
put_line(Boolean'image(An_Est_Feuille(An_Creer_Feuille(5))));
--test2 An_Nombre_Noeuds
put_line(Boolean'image((2 = An_Nombre_Noeuds(arb))));
--test An_pere et An fils
put line(Boolean'image(An Pere(An Fils(arb, 1)) = arb));
An_Inserer_Fils(arb, An_Creer_Feuille(4));
--test2 An_fils et test An_frere
put_line(Boolean'image(An_frere(An_Fils(arb, 1), 1) = An_Fils(arb,2)));
An_afficher(arb);
--test An_Nombre_Noeuds_Valeur
put_line(Boolean'image(An_Nombre_Noeuds_Valeur(arb, 8) = 1));
An_Changer_Valeur(arb, 1);
--test An_changer_valeur
An_afficher(arb);
--test2 An_Nombre_Noeuds_Valeur
put_line(Boolean'image(An_Nombre_Noeuds_Valeur(arb, 8) = 0));
--test An_Est_Racine
put_line(Boolean'image(not(An_Est_Racine(An_Fils(arb, 1)))));
--test2 An_Est_Racine
put_line(Boolean'image(An_Est_Racine(arb)));
```

3 Package Polynome

3.1 Definition des types

Pour ce package, J'ai definit le type T qui est le type des données contenus dans l'arbre. C'est un type enregistrement qui contient 6 champs, var qui contient le nom de la variable, is_var qui est vrai si il y a une variable, exp qui contient l'exposant, is_exp qui est vrai si il y a un exposant, coef qui contient le coefficient et is_coef qui est vrai si il y a un coefficient. J'ai aussi definit le type T_poly qui est du type arbre_n avec le type T et la fonction afficher_T qui sera détailler plus loin.

3.2 RESOLUTION DU "afficher T"

Pour la fonction encoder, j'ai besoin de lire en entier au milieu d'une chaine de carractère, j'ai donc ecrit une fonction pour ca.

3.2.1 Enoncé

```
--- Procedure afficher_T
-- Sémantique : affiche un element de type T
-- Paramètres : e : t, element a afficher
-- Pre-condition : Aucune
-- Post-condition : Aucune
-- Erreur : Aucune
-- procedure afficher_T(e : T) est
```

3.2.2 R1

```
début
   (* affiche un element de type T *)
   si\ e.is\_coef\ alors
    ecrire(e.coef)
   sinon
    | rien
   finsi
   si e.is_var alors
      ecrire(e.var)
   sinon
   | rien
   finsi
   si e.is exp alors
     ecrire(e.exp)
   sinon
   | rien
   finsi
fin
```

3.3 RESOLUTION DU "lire_entier"

Pour la fonction encoder, j'ai besoin de lire en entier au milieu d'une chaine de carractère, j'ai donc ecrit une fonction pour ca.

3.3.1 Enoncé

3.3.2 R1

```
début

(* lis un entier dans un tableau *)

tant que on lit un chiffre

faire

mettre a jour le resultat
incrementer l'index
fintantque

fin
```

3.3.3 R2

3.4 RESOLUTION DU "Encoder "

3.4.1 Enoncé

3.4.2 R1

```
début

(* Encode un polynome a partir d'un tableau de ccarractere. *)

tant que la chaine n'est pas fini
faire

| traiter le monome
fintantque
fin
```

3.4.3 R2

```
début

(* Encode un polynome a partir d'un tableau de ccarractere. *)

tant que index <= n faire

(*traiter le monome*)

traiter le coefficient

tant que index <=n et tab(index) /= '+' et tab(index) /= '-' faire

| construire l'arbre correspondant au monome

fintantque

fintantque

fint
```

3.4.4 R3

```
début

(* Encode un polynome a partir d'un tableau de ccarractere. *)

tant que index <= n faire

(*traiter le monome*)

(*traiter le coefficient*)

tant que index <=n et tab(index) /= '+' et tab(index) /= '-' faire

(*construire l'arbre correspondant au monome*) construire les données creer la

branche contenant les données

fintantque

fintantque

fint
```

3.4.5 R4

```
début
   (* Encode un polynome a partir d'un tableau de ccarractere. *)
   tant que index <= n faire
      (*traiter le monome*)
       (*traiter le coefficient*)
      tant que index <=n et tab(index) /= '+' et tab(index) /= '-' faire
          (*construire l'arbre correspondant au monome*) (*construire les données*) si expo
           = -1 alors
             data := (var => tab(index), is_var => true, exp=>0, is_exp => false, is_coef
              => false, coef =>0)
          sinon
             data := (var => tab(index), is_var => true, is_exp => true, exp => expo,
              is\_coef => false, coef => 0
          (*creer la branche contenant les données*) si An_Vide(resultat) alors
             result := An Creer Feuille(data)
             arb := result
          sinon
             result\_rechercher := An\_Rechercher(arb, data)
             si not An vide(result rechercher) alors
              | cas la branche existe deja
             sinon
              l cas de creation de branche
             finsi
          finsi
      fintantque
   fintantque
fin
```

3.4.6 R4

```
début
   (* Encode un polynome a partir d'un tableau de ccarractere. *)
   tant que index <= n faire
       (*traiter le monome*)
       (*traiter le coefficient*)
      tant que index \le n et tab(index) \ne '+' et tab(index) \ne '-' faire
          (*construire l'arbre correspondant au monome*) (*construire les données*) si expo
             data := (var => tab(index), is_var => true, exp=>0, is_exp => false, is_coef
              => false, coef =>0)
          sinon
             data := (var => tab(index), is_var => true, is_exp => true, exp => expo,
              is\_coef => false, coef => 0
          finsi
          (*creer la branche contenant les données*) si An_Vide(resultat) alors
             result := An\_Creer\_Feuille(data)
             arb := result
          sinon
             result\_rechercher := An\_Rechercher(arb, data)
             si not An_vide(result_rechercher) alors
                 (*cas la branche existe deja*)
                 arb := result rechercher
             sinon
                 (*cas de creation de branche*)
                 result\_rechercher := An\_Creer\_Feuille(data)
                 An_Inserer_Fils(arb, result_rechercher)
                 arb := result rechercher
             finsi
          finsi
      fintantque
   fintantque
fin
```

3.5 RESOLUTION DU "afficher"

3.5.1 Enoncé

3.5.2 R1

```
début
| (* afficher un polynome *)
| An_afficher(a)
fin
```

3.6 Tests

Pour tester ce package j'utilise 2 polynomes :

$$X + 2XY$$
$$2XY^2Z^3 + 4YZ^2$$

J'encode ces polynomes et je les affiches Je dois obtenir :

```
Noeud(X,Noeud(1Y,Noeud(0,1),Noeud(1Y,Noeud(1,2)))\\ Noeud(X,Noeud(1Y,Noeud(2Z,Noeud(3,2)),Noeud(0Y,Noeud(1Z,Noeud(2,4)))))\\
```

4 Conclusion

Je n'ai pas eu le temps de finir ce projet, la partie sur le package p_polynome est tres longue. Ainsi il manque la partie pour décoder un polynome et la partie sur l'addition de 2 polynomes.

Il y aussi des améliorations a faire sur la partie pour encoder un polynôme. Il n'est pas necessaire de garder les variable is_... dans le type T car les les coefficients sont seulement dans les feuilles, les variables partout sauf dans les feuilles et les exposants sont partout sauf a la racine. Donc avec les focntion An_Est_racine et An_Est_Feuille on peut retrouver ces booleans.