

Тесты к лекции 7

1. Под законом больших чисел в теории вероятностей понимается...

- а). совокупность теорем, в которых устанавливается связь между средним арифметическим достаточно большого числа случайных величин и средним арифметическим их математических ожиданий
- б). совокупность теорем, в которых устанавливается связь между средним геометрическим достаточно большого числа случайных величин и средним арифметическим их дисперсий
- в). совокупность утверждений, в которых устанавливается связь между математическим ожиданием большого числа случайных величин и их среднеквадратическим отклонением
- г). совокупность формул, в которых устанавливается связь между средним арифметическим достаточно большого числа случайных величин и средним арифметическим их центральных моментов

2. Закон больших чисел устанавливает...

- а). условия, при которых совокупное воздействие множества факторов приводит к результату, не зависящему от случая
- б). значения числовых характеристик, при которых совокупное воздействие рассматриваемых факторов приводит к определенному условию результата
- в). факторы, при которых совокупное воздействие множества рассматриваемых условий приводит к определенному результату
- г). условия, при которых совокупное воздействие множества факторов приводит к результату, не зависящему от внешних обстоятельств

3. В самом общем виде закон больших чисел сформулировал...

- а). Чебышев
- б). Колмогоров
- в). Ляпунов
- г). Эйнштейн
- д). Марков
- е). Йенсен
- ж). Коши
- з). Минковский

4. Практическое применение методов теории вероятностей и математической статистики основано на принципах:

- а). принцип невозможности наступления маловероятного события
- б). принцип достаточной уверенности в наступлении события, вероятность которого близка к 1
- в). принцип достаточной уверенности в ненаступлении события, вероятность которого близка к 0
- г). принцип возможности наступления маловероятного события
- д). принцип равной возможности наступления равновероятных событий

5. Неравенство Чебышева является в теории вероятностей...

- а). общим фактом и позволяет оценить нижнюю границу вероятности
- б). достоверным фактом и предназначено оценить границы вероятности
- в). частным фактом и позволяет оценить верхнюю границу вероятности

6. Если СВ X , для которой есть математическое ожидание $M(X)$, примет только неотрицательные значения, то для любого положительного числа a имеет место неравенство

- а). $P(X \geq a) \leq M(X)/a$
- б). $P(X \leq a) \geq M(X)/a^2$
- в). $P(|X - a| < 1/a) \leq M(X)/a$
- г). $P(X \geq a) \leq 1 - M(X)/a$

7. Если X – СВ с математическим ожиданием $M(X)$ и дисперсией $D(X)$, то для любого $\epsilon > 0$ имеет место неравенство:

- а). $P(|X - M(X)| < \epsilon) \geq 1 - D(X)/\epsilon^2$
- б). $P(|X - D(X)| < \epsilon) \geq 1 - M(X)/\epsilon$
- в). $P(|X - D(X)| < \epsilon) \geq (1 - M(X))/\epsilon^2$
- г). $P(|X - M(X)| < \epsilon) \geq (1 - D(X))/\epsilon$

8. В центральной предельной теореме Ляпунова утверждается, что если сложить большое число случайных величин, имеющих один или различные законы распределения

- а). то случайная величина, являющаяся результатом суммы, при некоторых условиях будет иметь нормальный закон распределения
- б). то любая случайная величина, меньшая математического ожидания этой суммы, при некоторых условиях будет иметь показательный закон распределения
- в). то случайная величина, меньшая m , при некоторых условиях будет иметь показательный закон распределения
- г). то случайная величина, дисперсия которой является результатом суммы, при некоторых условиях будет иметь нормальный закон распределения

9. Частным случаем закона больших чисел, который позволяет обосновать правило средней арифметической является

- а). теорема Бернулли
- б). теорема Пуассона
- в). центральная предельная теорема Ляпунова
- г). лемма Чебышева

10. Для относительной частоты появления события, если произведено n независимых испытаний по схеме Бернулли, где p – вероятность успеха, q – вероятность неудачи, n – число опытов, k – число успехов неравенство Чебышева имеет вид:

- а). $P(|k/n - p| < \epsilon) \geq 1 - (pq)/(n\epsilon^2)$
- б). $P(|k - pn| < \epsilon) \geq (1 - pq)/n\epsilon^2$
- в). $P(|k/n - p| < \epsilon) \geq (1 - npq)/\epsilon^2$
- г). $P(|k - pn| < \epsilon) \leq 1 - (pnq)/\epsilon$

11. Закон больших чисел Чебышева показывает, что...

- а). среднее арифметическое большого числа случайных величин с вероятностью, сколь угодно близкой к 1, будет мало отклоняться от среднего арифметического математических ожиданий
- б). среднее квадратическое отклонение большого числа случайных величин с вероятностью, сколь угодно близкой к 0, будет мало отклоняться от среднего арифметического математических ожиданий
- в). среднее арифметическое большого числа случайных величин с вероятностью, сколь угодно близкой к 0, будет мало отклоняться от среднего арифметического дисперсий

- г). среднее арифметическое взвешенное большого числа случайных величин с вероятностью, сколь угодно близкой к 1, будет мало отклоняться от среднего арифметического дисперсий
- д). математическое ожидание большого числа случайных величин с вероятностью, сколь угодно близкой к 1, будет мало отклоняться от их среднего квадратического отклонения

12. В теореме Пуассона утверждается, что если в последовательности независимых испытаний вероятность появления события A в r -м испытании равна p_r , k — число появлений события A в серии из n испытаний, то...

- а). $P(|k/n - (p_1 + p_2 + \dots + p_n)/n| < \epsilon)$ неограниченно стремится к 1 при n стремящемся к бесконечности
- б). $P(|k/n - (p_1 + p_2 + \dots + p_n)/k| < \epsilon)$ неограниченно стремится к 1 при k стремящемся к нулю
- в). $P(|k/n - (p_1 + p_2 + \dots + p_k)/kn| < \epsilon)$ неограниченно стремится к 0 при n стремящемся к бесконечности
- г). $P(|k/n - (p_1 + p_2 + \dots + p_n)/n| < \epsilon)$ неограниченно стремится к 1 при n стремящемся к единице

13. Если произведено n независимых испытаний по схеме Бернулли, где p — вероятность успеха, q — вероятность неудачи, n — число опытов, k — число успехов, то для случайной величины K имеет место неравенство:

- а). $P(|k - np| < \epsilon) \geq 1 - (npq)/(e^2)$
- б). $P(|k - npq| < \epsilon) \leq 1 - (npq)/e$
- в). $P(|k - np| < \epsilon) \geq (1 - npq)/(e^2)$
- г). $P(|k - npq| < \epsilon) \geq 1 - np/e$
- д). $P(|k - np| < \epsilon) \leq 1 - (nq)/(e^2)$

14. Какая теорема позволяет обосновать методы проверки статистических гипотез, корреляционно-регрессионный анализ и другие методы классической статистики?

- а). теорема Бернулли
- б). теорема Пуассона
- в). центральная предельная теорема Ляпунова
- г). лемма Чебышева

15. Если положительная случайная величина X имеет конечное математическое ожидание $M(X)$, то для любого $\epsilon > 0$ справедливо неравенство (Маркова):

- а). $P(X \leq \epsilon) > 1 - M(X)/\epsilon$
- б). $P(X > \epsilon) < 1 - M(X)/(e^2)$
- в). $P(X \leq \epsilon) > 1 - M(X)/e$
- г). $P(X < \epsilon) < (1 - M(X))/e$

16. Законы больших чисел...

- а). утверждают существование закономерности при достаточно большом числе опытов
- б). позволяют уменьшить неопределенность в каждом конкретном случае
- в). позволяет обосновать правило средней арифметической
- г). устанавливает условия, при которых совокупное воздействие множества факторов приводит к результату, не зависящему от случая