

# PVL 1 - theoretische Informatik

Sophia Köhler

16.10.2020

## 1

Induktion besteht aus:

1. Induktionsanfang.
2. Induktionsschritt.
  - (a) Induktionsbehauptung.
  - (b) Induktionsbeweis.

### 1.1

Induktion von

$$\sum_{k=1}^n k = \frac{(n+1) * n}{2}$$

#### 1.1.1 Induktionsanfang

für  $n = 1$

$$\sum_{k=1}^1 k = \frac{(1+1) * 1}{2}$$
$$1 = 1$$

für  $n = 2$

$$\sum_{k=1}^2 k = \frac{(2+1) * 2}{2}$$
$$1 + 2 = 3$$

für  $n = 3$

$$\sum_{k=1}^3 k = \frac{(3+1) * 3}{2}$$
$$1 + 2 + 3 = 6$$

Induktionsanfang stimmt zunächst.

### 1.1.2 Induktionsschritt

#### Induktionsvoraussetzung

Vorschrift gilt für:  $k = n$  also

$$1 + 2 + 3 + n = \frac{(n+1) * n}{2}$$

#### Induktionsbehauptung

Vorschrift gilt auch für:  $k = n + 1$  also

$$1 + 2 + 3 + \dots + (n+1) = \frac{(n+2) * (n+1)}{2}$$

#### Induktionsbeweis

Aus der Induktionsbehauptung muss nun die Voraussetzung folgen.  
es sollte also gelten:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n + (n+1) = \frac{(n+1) * (n)}{2} + (n+1) = \frac{(n+2) * (n+1)}{2}$$

$$1 + 2 + 3 + \dots + n + (n+1) = \frac{(n+1) * (n)}{2} + (n+1)$$

$$1 + 2 + 3 + \dots + n + (n+1) = \frac{n^2 + n}{2} + \frac{2 * n + 2}{2}$$

$$1 + 2 + 3 + \dots + n + (n+1) = \frac{n^2 + 3 * n + 2}{2}$$

pq Formel für das Lösen der rechten Seite:

$$n_{1,2} = -\left(\frac{p}{2}\right) \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

$n_1 = -1$  und  $n_2 = -2$

nun folgt Umformung in Nullstellenform:

$$\frac{(n+2) * (n+1)}{2}$$

Somit ist gezeigt, dass Induktionsbehauptung aus der Induktionsvoraussetzung folgt.