

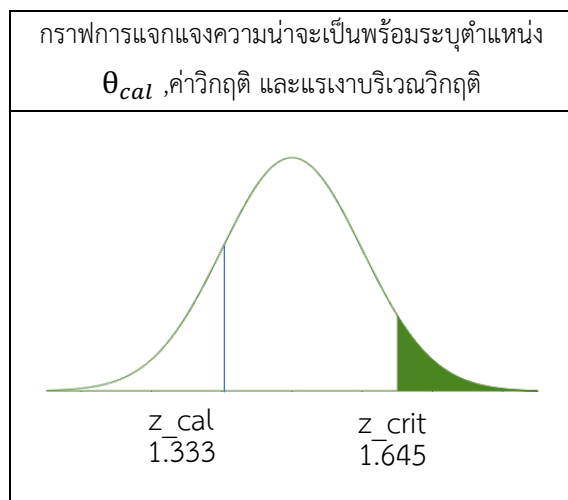
แบบฝึกหัดที่ 8

1. ร้านค้าออนไลน์ขายเมล็ดพืชหายากชนิดหนึ่ง อ้างว่าเมล็ดที่ขายมีเปอร์เซ็นต์การงอกสูงกว่า 90% จากการทดลองของลูกค้ารายหนึ่งได้สั่งซื้อเมล็ดมาทั้งหมด 100 เมล็ดและพบว่ามี 14 เมล็ดที่ไม่งอก จงทดสอบค่ากล่าวอ้างของร้านค้าว่าเป็นจริงหรือไม่ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 หากถือว่าอัตราการงอกของเมล็ดพืชดังกล่าวมีการแจกแจงแบบปกติ

ตั้งสมมติฐาน
$H_0: P \leq 0.9$
$H_1: P > 0.9$

ทดสอบด้วยการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบ: (กากบาท x ใน <input type="checkbox"/>)
<input checked="" type="checkbox"/> Z <input type="checkbox"/> t <input type="checkbox"/> χ^2 <input type="checkbox"/> F

ความหมายของตัวแปรที่ใช้ในการตั้งสมมติฐาน
ให้ P คือสัดส่วนเมล็ดที่งอก ซึ่งขายโดยร้านค้าออนไลน์ดังกล่าว



ค่าสถิติ θ_{cal} ที่ได้ (เมื่อ $\theta = Z, t, \chi^2, F$)
-1.333

คำสั่งที่ใช้ในการหาค่าวิกฤติ
stats.norm.isf(0.05)

คำสั่งในการหาค่า p-value (ใช้ t_cal/z_cal/chi2_cal/f_cal แทน θ_{cal})
stats.norm.sf(z_cal)

ค่าวิกฤติที่ได้
1.645

ค่า p-value
0.909

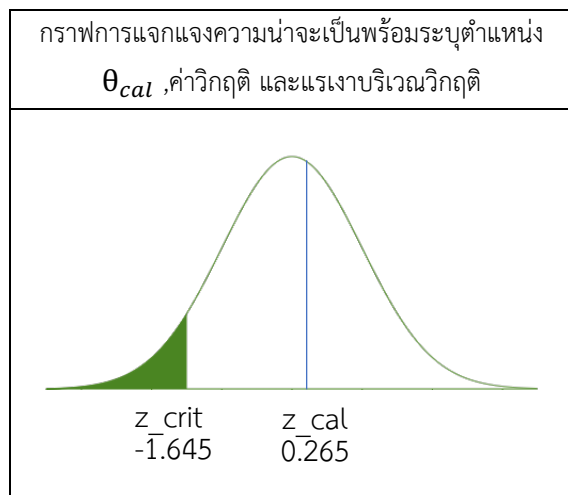
สรุปผลการทดสอบ
ค่า Z_{cal} ไม่อยู่ในบริเวณวิกฤติ และค่า p-val > 0.05 จึงยอมรับ H_0 นั่นคือสัดส่วนการงอกของเมล็ดที่ขายโดยร้านค้าออนไลน์ร้านนี้ ≤ 0.9 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 ค่ากล่าวอ้างของทางร้านจึงไม่เป็นความจริง

2. สืบเนื่องจากข้อ 8.1 พบว่ามีร้านค้าออนไลน์อีกเจ้าซึ่งขายเมล็ดพืชหายากชนิดเดียวกันนี้ อ้างว่าเมล็ดที่ขายมีเปอร์เซ็นต์การงอกสูงกว่า 95% จึงสั่งซื้อมา 50 เมล็ดพบว่ามี 4 เมล็ดที่ไม่งอก จงทดสอบว่าร้านค้านี้ขายเมล็ดซึ่งมีเปอร์เซ็นต์การงอกสูงกว่าร้านค้าแรกมากกว่าหรือเท่ากับ 5% หรือไม่ ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ตั้งสมมติฐาน
$H_0: P_1 - P_2 \geq 0.05$
$H_1: P_1 - P_2 < 0.05$

ทดสอบด้วยการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบ: (กากบาท x ใน <input type="checkbox"/>)
<input checked="" type="checkbox"/> Z <input type="checkbox"/> t <input type="checkbox"/> χ^2 <input type="checkbox"/> F

ความหมายของตัวแปรที่ใช้ในการตั้งสมมติฐาน
P_1 คือสัดส่วนเมล็ดที่งอก ซึ่งขายโดยร้านค้าออนไลน์ร้านใหม่
P_2 คือสัดส่วนเมล็ดที่งอก ซึ่งขายโดยร้านค้าออนไลน์ร้านเดิม
ค่าสถิติ θ_{cal} ที่ได้ (เมื่อ $\theta = Z, t, \chi^2, F$)
0.265



คำสั่งที่ใช้ในการหาค่าวิกฤติ
<code>stats.norm.ppf(0.05)</code>

คำสั่งในการหาค่า p-value
(ใช้ $t_{cal}/z_{cal}/\chi^2_{cal}/f_{cal}$ แทน θ_{cal})
<code>stats.norm.cdf(z_cal)</code>

ค่าวิกฤติที่ได้
-1.645

ค่า p-value
0.604

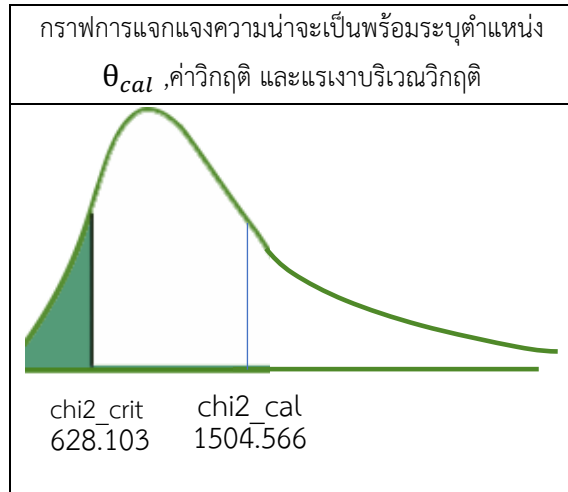
สรุปผลการทดสอบ
ค่า z_{cal} ไม่ได้อยู่ในบริเวณวิกฤต และค่า $p\text{-val} > 0.05$ จึงยอมรับ H_0 นั่นคือสัดส่วนของเมล็ดที่งอกซึ่งขายโดยร้านใหม่สูงกว่าร้านเดิม ≥ 0.05 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

3. จากชุดข้อมูล "titanic.csv" จงทดสอบว่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานข้อมูลอายุผู้โดยสารมีค่าน้อยกว่า 10 ปีหรือไม่ที่ระดับความเชื่อมั่น 99% หากกำหนดให้ข้อมูลอายุผู้โดยสารมีการแจกแจงแบบปกติ

ตั้งสมมติฐาน
$H_0: \sigma^2 \geq 10^2$
$H_1: \sigma^2 < 10^2$

ทดสอบด้วยการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบ: (กากบาท x ใน <input type="checkbox"/>)
<input type="checkbox"/> z <input type="checkbox"/> t <input checked="" type="checkbox"/> χ^2 <input type="checkbox"/> F

ความหมายของตัวแปรที่ใช้ในการตั้งสมมติฐาน
ให้ σ^2 คือความแปรปรวนของข้อมูลอายุผู้โดยสารเรือไททานิค



ค่าสถิติ θ_{cal} ที่ได้ (เมื่อ $\theta = Z, t, \chi^2, F$)
1504.566

คำสั่งที่ใช้ในการหาค่าวิกฤติ
<code>stats.chi2.ppf(0.01, df=713)</code>

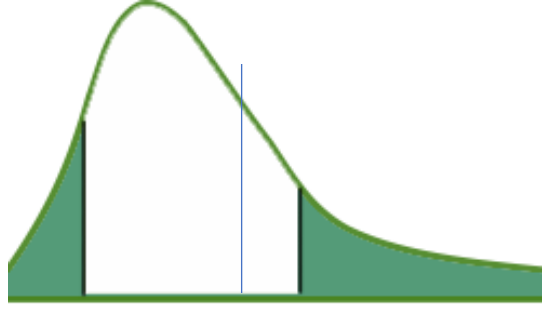
คำสั่งในการหาค่า p-value (ใช้ t_cal/z_cal/chi2_cal/f_cal แทน θ_{cal})
<code>stats.chi2.cdf(chi2_cal, df=713)</code>

ค่าวิกฤติที่ได้
628.103

ค่า p-value
1.000

สรุปผลการทดสอบ
ค่า χ_{cal} ไม่อยู่ในบริเวณวิกฤติ และค่า p-val > 0.01 จึงยอมรับ H_0 นั่นคือความแปรปรวนของข้อมูลอายุผู้โดยสารเรือไททานิคมีค่า $\geq 10^2$ ปี (ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ≥ 10 ปี) ที่ระดับนัยสำคัญ 0.01

4. จากข้อ 8.3 จงทดสอบว่ากลุ่มผู้โดยสารชั้น Pclass = 1 มีความแปรปรวนของอายุเท่ากับ กลุ่มผู้โดยสารชั้น Pclass = 2 หรือไม่ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05

ตั้งสมมติฐาน	ทดสอบด้วยการแจกแจงความน่าจะเป็นแบบ: (กากบาท x ใน <input type="checkbox"/>)
$H_0: \sigma_1^2 / \sigma_2^2 = 1$ $H_1: \sigma_1^2 / \sigma_2^2 \neq 1$	<input type="checkbox"/> z <input type="checkbox"/> t <input type="checkbox"/> χ^2 <input checked="" type="checkbox"/> F
ความหมายของตัวแปรที่ใช้ในการตั้งสมมติฐาน σ_1 คือความแปรปรวนของอายุผู้โดยสาร Pclass 1 σ_2 คือความแปรปรวนของอายุผู้โดยสาร Pclass 2	กราฟการแจกแจงความน่าจะเป็นพร้อมระบุตำแหน่ง θ_{cal} , ค่าวิกฤติ และแรเงาบริเวณวิกฤติ 
ค่าสถิติ θ_{cal} ที่ได้ (เมื่อ $\theta = Z, t, \chi^2, F$) 1.118	
คำสั่งที่ใช้ในการหาค่าวิกฤติ $f_crit_left = stats.f.ppf(0.05/2, dfn=185, dfd=172)$ $f_crit_right = stats.f.isf(0.05/2, dfn=185, dfd=172)$	คำสั่งในการหาค่า p-value (ใช้ t_cal/z_cal/chi2_cal/f_cal แทน θ_{cal}) $2 * \min(stats.f.sf(f_cal, dfn=185, dfd=172), stats.f.cdf(f_cal, dfn=185, dfd=172))$
ค่าวิกฤติที่ได้ 0.745 1.344	ค่า p-value 0.459
สรุปผลการทดสอบ	
ค่า F_{cal} ไม่ได้อยู่ในบริเวณวิกฤติ และค่า p-val > 0.05 จึงยอมรับ H_0 นั่นคือความแปรปรวนของอายุผู้โดยสาร Pclass 1 มีค่าเท่ากับ ความแปรปรวนของอายุผู้โดยสาร Pclass 2 ที่ระดับนัยสำคัญ 0.05	